

آزمون



کارنامه رتبه‌های بهرتر

رتبه‌های ا تا ۳۰۰۰



جزوه



فیلم



مشاوره



www.
arefonline.ir



مرکز مشاوره عارف





دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۱ (از ۳)



آزمون ۸ اسفند ۱۴۰۴

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	نرمال	۱۰	۱	۱۰
۲	زوج کتاب	۱۰	۱۱	۲۰
	ریاضی ۱		۲۱	۳۰
۳	نرمال	۱۰	۳۱	۴۰
۴	زوج کتاب	۱۰	۴۱	۵۰
			۵۱	۶۰
۵	نرمال	۱۰	۶۱	۷۰
۶	نرمال	۱۰	۷۱	۸۰



فیلم تحلیل آموزشی آزمون امروز

برای مشاهده فیلم‌ها در سایت کانون، کد روبه‌رو را با دوربین تلفن همراه خود اسکن کنید.



آزمون « ۸ اسفند ۱۴۰۴ » اختصاصی دوازدهم ریاضی (ریاضیات)

زنگنه سؤال

تعداد سوالات: ۶۰ سؤال
مدت زمان پاسخ گویی: ۹۰ دقیقه

شماره سؤال	تعداد سؤال	نام درس	
۱-۱۰	۱۰	حسابان ۲	نرمال
۱۱-۲۰	۱۰	حسابان ۱	زوج کتاب
۲۱-۳۰		ریاضی ۱	
۳۱-۴۰	۱۰	هندسه ۳	نرمال
۴۱-۵۰	۱۰	هندسه ۲	زوج کتاب
۵۱-۶۰		هندسه ۱	
۶۱-۷۰	۱۰	ریاضیات گسسته	نرمال
۷۱-۸۰	۱۰	آمار و احتمال	نرمال

پدیدآورندگان سوالات نرمال و سریع

نام طراحان	نام درس	اختصاصی
شاهین پروازی-علی پسنیدیده-سعید تن آرا-احمد حسن زاده فرد-روح اله حسنی-سید منصور حسینی-افشین خاصه خان سینا خیر خواه-مریم زارعی-سامان سلامیان-الهام شیخ مو-فاطمه صدیقی-حمید علیزاده-یاسین کشاورزی-سید سپهر متولیان حامد معنوی-مهرداد ملوندی-سید محمد موسوی-علی ناری ایبانه-غلامرضا نیازی-جهانبخش نیکنام	حسابان ۲ و ریاضی پایه	
امیرحسین ابومحبوب-عباس الهی-علی پسنیدیده-روح اله حسنی-سید محمد رضا حسینی فرد-افشین خاصه خان-فرزانه خاکپاش محمد خندان-مسعود درویشی-سوگند روشنی-محمد شاه محمدی-علیرضا شریف خطیبی-حامد معنوی-مهرداد ملوندی نیلوفر مهدوی-محمد ناری ایبانه	هندسه و آمار و ریاضیات گسسته	

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲ و ریاضی پایه	هندسه	آمار و ریاضیات گسسته
گزینشگر	کاظم اجلالی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب
گروه ویراستاری	امیرحسین ابومحبوب مهرداد ملوندی	امیرحسین ابومحبوب مهرداد ملوندی	امیرحسین ابومحبوب مهرداد ملوندی
ویراستاری رتبه های برتر	آرین غلامی سینا صالحی	آرین غلامی	آرین غلامی
مسئول درس	سید سپهر متولیان	محمد خندان	محمد خندان
مستند سازی	سمیه اسکندری	سجاد سلیمی	سجاد سلیمی
ویراستاران مستندسازی	معصومه صنعت کار-فرشته کمبرانی-سجاد سلیمی-مهسا محمدنیا		

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروف نگار	فرزانه فتح اله زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم چی «وقف امام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

حسابان ۲: مشتق (از ابتدای مشتق پذیری روی یک بازه تا پایان فصل): صفحه‌های ۹۷ تا ۱۱۰

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۱- توابع $f(x) = \cos \frac{\pi}{2}x$ و $g(x) = \sqrt{4x+1}$ مفروض‌اند. مشتق تابع $g \circ f'$ در $x = -2$ کدام است؟

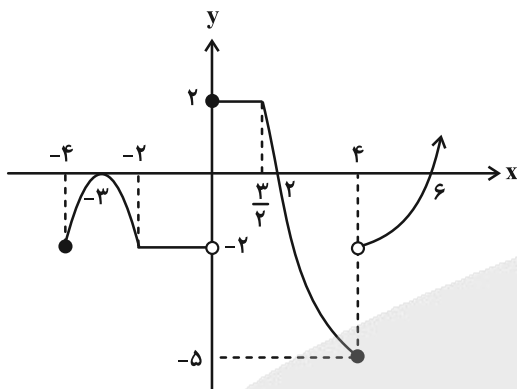
$\frac{\pi^2}{4}$ (۴)

$\frac{\pi}{4}$ (۳)

$\frac{\pi^2}{2}$ (۲)

$\frac{\pi}{2}$ (۱)

۲- نمودار تابع f در شکل زیر رسم شده است. تابع $y = |f(x)|$ در کدام بازه مشتق پذیر است؟



$[-4, 0]$ (۱)

$[-2, \frac{3}{2}]$ (۲)

$[0, 4]$ (۳)

$(4, +\infty)$ (۴)

۳- مشتق دوم تابع $y = \frac{4x+4}{x+3}$ در نقطه $x = 1$ کدام است؟

-۸ (۴)

-۴ (۳)

$-\frac{1}{4}$ (۲)

$-\frac{1}{8}$ (۱)

۴- آهنگ تغییر لحظه‌ای تابع $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x-1}}$ در $x = 10$ کدام است؟

$\frac{17}{11}$ (۴)

$\frac{4}{27}$ (۳)

$\frac{8}{27}$ (۲)

$\frac{17}{22}$ (۱)

۵- آهنگ تغییر متوسط تابع $f(x) = \sqrt{2x+5}$ در بازه $[2, 10]$ ، چند برابر آهنگ تغییر لحظه‌ای تابع $g(x) = \sqrt{(x-15)f(x)}$ در $x = 22$ می‌باشد؟

$\frac{7}{16}$ (۴)

$\frac{7}{4}$ (۳)

$\frac{16}{7}$ (۲)

$\frac{4}{7}$ (۱)

مشابه سؤالی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

۶- آهنگ تغییر متوسط تابع $f(x) = x^2 + (2-m)x^2 - 2$ در بازه $[-2, m]$ ، یک واحد بیشتر از آهنگ تغییر لحظه‌ای تابع در $x = m$ است. مقدار $f'(m-2)$ کدام است؟

- ۹ (۱) -۳ (۲) -۹ (۳) ۳ (۴)

۷- نسبت آهنگ تغییر متوسط تابع $f(x) = \cos \pi x$ در بازه $[\frac{1}{4}, \frac{1}{3}]$ به آهنگ تغییر متوسط این تابع در بازه $[\frac{1}{6}, \frac{1}{3}]$ کدام است؟

- $-\sqrt{2} - \sqrt{6} + \sqrt{3} + 1$ (۴) $-\sqrt{2} + \sqrt{6} - \sqrt{3} + 1$ (۳) $\sqrt{2} - \sqrt{6} + \sqrt{3} - 1$ (۲) $\sqrt{2} + \sqrt{6} - \sqrt{3} - 1$ (۱)

۸- یک توده باکتری پس از t ساعت، دارای جرم $m(t) = \sqrt{t} + 2t$ بر حسب گرم است. در چه لحظه‌ای، آهنگ رشد جرم توده باکتری برابر آهنگ تغییر متوسط آن در بازه زمانی $0 \leq t \leq 4$ می‌شود؟

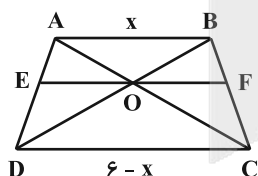
- ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

۹- در تابع با ضابطه $y = f(\frac{x+1}{2})$ ، آهنگ متوسط تغییر در بازه‌های $[1, 3]$ ، $[3, 5]$ و $[5, 7]$ به ترتیب برابر ۲، ۵ و ۷ است. آهنگ

متوسط تغییر تابع $g(x) = x^2 + f(x)$ در بازه $[1, 4]$ کدام است؟

- $\frac{43}{3}$ (۴) ۷ (۳) $\frac{21}{2}$ (۲) ۱۱ (۱)

۱۰- مطابق شکل در یک دوزنقه، از محل برخورد قطرهای موازی دو قاعده رسم می‌کنیم تا ساق‌های دوزنقه را در نقاط E و F قطع کند. قاعده بزرگ چقدر باشد تا آهنگ لحظه‌ای تغییر طول EF نسبت به x، برابر ۱ باشد؟



- ۱/۵ (۱)
۳/۵ (۲)
۴/۵ (۳)
۵ (۴)

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: مثلثات: صفحه‌های ۹۱ تا ۱۱۲

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سؤال حسابان ۱ (۲۰ تا ۲۱) و ریاضی ۱ (۳۰ تا ۳۱) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

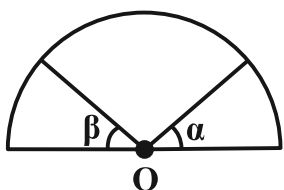
۱۱- طول برف پاک‌کن عقب خودرویی ۱۲ سانتی‌متر است. اگر برف پاک‌کن کمانی به اندازه ۱۲۰ درجه طی کند، طول کمان طی شده

توسط نوک برف پاک‌کن چند سانتی‌متر است؟

- (۱) ۱۶π (۲) ۱۲π (۳) ۸π (۴) ۶π

۱۲- در نیم‌دایره شکل زیر که شعاع آن ۸ سانتی‌متر است. دو قطاع با زوایای مرکزی α و β با مجموع مساحت $\frac{۳۲\pi}{۳}$ سانتی‌متر مربع

جدا می‌کنیم و با قطاع باقی‌مانده یک مخروط قائم می‌سازیم. شعاع قاعده این مخروط کدام است؟



- (۱) $\frac{۴}{۳}$ (۲) ۲

- (۳) $\frac{۸}{۳}$ (۴) ۳

۱۳- اگر $k = \frac{۲ \cos ۴۸۱^\circ - ۵ \sin ۳۲۹^\circ}{-۳ \sin ۱۴۹^\circ + \sin ۵۷۱^\circ}$ باشد، مقدار $\sin k\pi + \cos k\pi$ برابر کدام است؟

- (۱) صفر (۲) $\sqrt{۲}$ (۳) $-\sqrt{۲}$ (۴) ۱

۱۴- با فرض $A = \frac{\sin ۱۴^\circ + ۲ \cos ۳۱^\circ}{۴ \sin ۲۳^\circ + \sin ۴۰^\circ}$ ، حاصل $\cot ۱۳^\circ$ بر حسب A کدام است؟

- (۱) $\frac{۳-A}{۴A}$ (۲) $\frac{A-۳}{۴A}$ (۳) $\frac{۴A}{A-۳}$ (۴) $\frac{۴A}{۳-A}$

۱۵- اگر $f(x) = \sin x + \sin ۳x$ ، مقدار تابع $y = f^2(x) + f^2(\frac{\pi}{۲} - x)$ به ازای $x = \frac{\pi}{۲۴}$ کدام است؟

- (۱) $۲ - \sqrt{۳}$ (۲) $۲ + \sqrt{۳}$ (۳) $۱ - \frac{\sqrt{۳}}{۲}$ (۴) $۱ + \frac{\sqrt{۳}}{۲}$

۱۶- حاصل $\frac{1}{\sin \frac{۵\pi}{۱۲}} - \frac{1}{\cos \frac{۵\pi}{۱۲}}$ کدام است؟

- (۱) $۲\sqrt{۲}$ (۲) $-۲\sqrt{۲}$ (۳) $-۴\sqrt{۲}$ (۴) $۴\sqrt{۲}$

محل انجام محاسبات

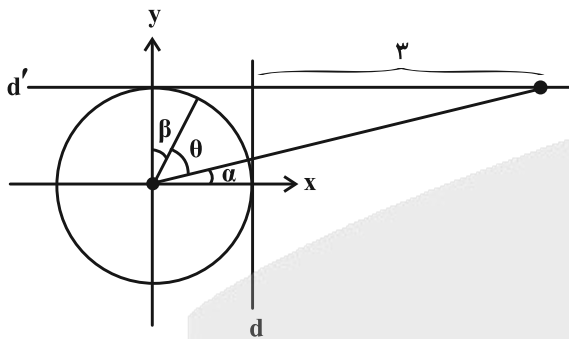
۱۷- در نمودار تابع $f(x) = 1 - \cos(x - \frac{\pi}{3})$ ، از دومین نقطهٔ ماکزیمم با طول مثبت به نقطه‌ای به طول $-\frac{5\pi}{3}$ روی نمودار f ، پاره خطی

رسم می‌کنیم. شیب این پاره خط کدام است؟

- (۱) $\frac{2}{\pi}$ (۲) $\frac{2}{3\pi}$ (۳) $\frac{2}{5\pi}$ (۴) $\frac{2}{7\pi}$

۱۸- در دایرهٔ مثلثاتی شکل زیر، $\alpha = \beta$ می‌باشد. با توجه به اطلاعات داده شده $\sin \theta$ کدام است؟ (d و d' موازی محورهای مختصات

و مماس بر دایرهٔ مثلثاتی هستند.)



(۱) $\frac{\sqrt{15}}{15}$

(۲) $\frac{\sqrt{17}}{17}$

(۳) $\frac{3}{5}$

(۴) $\frac{15}{17}$

۱۹- حاصل عبارت $\frac{2 \sin \frac{7\pi}{6} \times \tan \frac{5\pi}{4} - \cos \frac{5\pi}{6} \tan \frac{5\pi}{3}}{\cos^2(\frac{7\pi}{4}) + \cot^2(\frac{4\pi}{3})}$ کدام است؟

- (۱) صفر (۲) -۱ (۳) -۲ (۴) -۳

۲۰- اگر $\sin(x + \frac{\pi}{3}) + \cos(\frac{\pi}{6} - x) = \frac{1}{3}$ باشد، حاصل $3 \sin x + 3\sqrt{3} \cos x$ کدام است؟

- (۱) $\frac{3}{2}$ (۲) ۱ (۳) $\frac{1}{2}$ (۴) $\frac{1}{3}$

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی ۱: تابع + شمارش، بدون شمردن: صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۲۲

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سؤال حسابان (۱۱ تا ۲۰) و ریاضی (۲۱ تا ۳۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۲۱- اگر مساحت ناحیه محدود به نمودار $y = |x + m| + n$ و محور x ها برابر با ۳ باشد، مساحت محدود به نمودار تابع $y = -|x + n|$ و محورهای دستگاه مختصات کدام است؟ ($n < 0$)

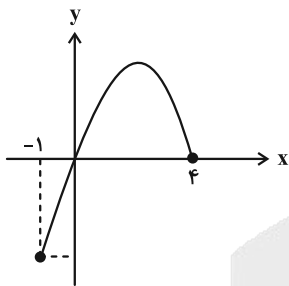
- (۱) ۱/۵ (۲) ۲ (۳) ۲/۵ (۴) ۳

۲۲- برای تابع همانی f و تابع ثابت g ، روابط $f(x^2 + x) = \frac{x^3 + ax^2 + bx}{x-1}$ و $g(x) = \frac{(x-c)^2}{3x^2 + c^2x + 3c^2}$ در دامنه تعریفشان برقرار

است. حاصل $\frac{a+c}{b}$ کدام می‌تواند باشد؟

- (۱) ۶ (۲) -۳ (۳) $\frac{1}{3}$ (۴) -۱

۲۳- نمودار تابع درجه دوم f به صورت زیر است. اگر طول بازه برد تابع برابر ۳۳ باشد، مقدار $f(2 - \sqrt{3})$ کدام است؟



- (۱) $\frac{10}{3}$
(۲) $\frac{11}{3}$
(۳) ۴
(۴) $\frac{13}{3}$

۲۴- تعداد جملات عبارت مقابل در ساده‌ترین حالت ممکن کدام است؟ $(a+b+c)(x+y)(m+n+p+q) - (a+b-1)(x+y)(m+n)$

- (۱) ۱۲ (۲) ۱۶ (۳) ۲۰ (۴) ۲۴

۲۵- با حروف کلمه «جهانگردی»، چند کلمه ۸ حرفی می‌توان نوشت به طوری که حروف کلمه «جهان» کنار هم باشند؟

- (۱) $4! \times 4!$ (۲) $4! \times 5!$ (۳) $8! \times 4!$ (۴) $4! \times 4! \times 2!$

۲۶- با ارقام ۱، ۲، ۳، ۴، ۵، ۶، ۷، ۸، ۹ چند عدد سه رقمی زوج بدون تکرار ارقام می‌توان نوشت که از ۳۱۶ بزرگ‌تر باشد؟

- (۱) ۴۶ (۲) ۴۴ (۳) ۴۰ (۴) ۳۸

۲۷- اگر $(n-1)! + 720 = 720n^3 - (n-1)!$ ، آن‌گاه تعداد جایگشت‌های ۳ تایی از n شیء متمایز کدام است؟

- (۱) ۱۲۰ (۲) ۲۱۰ (۳) ۳۳۶ (۴) ۵۰۴

۲۸- سه بازیگر و دو کارگردان می‌خواهند در کنار هم عکس یادگاری بگیرند. به چند طریق می‌توانند این کار را انجام دهند، به طوری که بازیگرها کنار هم و کارگردانان نیز در کنار هم باشند؟

- (۱) ۱۲ (۲) ۱۸ (۳) ۲۴ (۴) ۳۶

۲۹- به ۴ نفر برتر از یک کلاس می‌خواهیم از ۶ نوع جایزه مختلف، به هر نفر یک جایزه بدهیم، به چند طریق این کار امکان‌پذیر است به طوری که حداقل به دو نفر جایزه مشابه بدهیم؟ (از هر نوع جایزه، به تعداد کافی وجود دارد.)

- (۱) ۲۱۶ (۲) ۶۲۰ (۳) ۹۳۶ (۴) ۱۰۸۰

۳۰- دو کتاب ریاضی متمایز، دو کتاب فیزیک متمایز و دو کتاب شیمی متمایز را به چند طریق می‌توان در یک قفسه کنار هم قرار داد به طوری که ترتیب عنوان کتاب‌ها (ریاضی و فیزیک و شیمی)، چه از راست به چپ و چه از چپ به راست، یکسان باشد؟

- (۱) ۴۸ (۲) ۹۶ (۳) ۱۴۴ (۴) ۲۸۸

محل انجام محاسبات

هندسه ۳: آشنایی با مقاطع مخروطی + بردارها (معرفی فضای دوبعدی): صفحه‌های ۵۴ تا ۶۳ وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۳۱- اگر $y = -1$ خط هادی سهمی به معادله $ay = 6x - 3x^2$ باشد، فاصله کانون سهمی از خط به معادله $y = -a$ کدام است؟

- (۱) ۴ (۲) ۵ (۳) ۶ (۴) ۷

۳۲- اگر مجموع طول‌های رأس و کانون سهمی به معادله $5 - 12k = 4x + 2y - y^2$ برابر ۱۲ باشد، مقدار k کدام است؟

- (۱) $-\frac{5}{2}$ (۲) $-\frac{5}{3}$ (۳) $\frac{5}{2}$ (۴) $\frac{5}{3}$

۳۳- از کانون سهمی به معادله $32 = 4y + 12x + y^2$ خطی بر محور سهمی عمود می‌کنیم تا نمودار آن را در نقاط A و B قطع کند. اندازه پاره‌خط AB کدام است؟

- (۱) ۱۶ (۲) ۱۲ (۳) ۸ (۴) ۶

۳۴- در یک تلسکوپ خاص از آینه سهموی استفاده شده است. اگر فاصله رأس تا کانون آن برابر 128 cm و قطر قاعده آن 320 cm باشد، عمق آینه در مرکز چند سانتی‌متر است؟

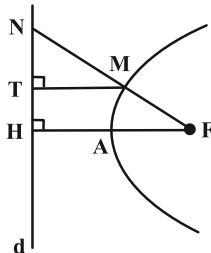
- (۱) ۲۵ (۲) ۱۰ (۳) $12\frac{1}{5}$ (۴) ۵۰

۳۵- یک سهمی محور عرض‌ها را در دو نقطه با عرض‌های صفر و ۸ قطع می‌کند و رأس آن روی نیمساز ناحیه دوم است. اگر از کانون این سهمی، خطی عمود بر محور تقارن سهمی رسم کنیم نمودار آن را در دو نقطه قطع می‌کند، حاصل ضرب عرض این دو نقطه کدام است؟ (محور تقارن سهمی موازی یکی از محورهای مختصات است.)

- (۱) ۶ (۲) ۸ (۳) ۱۲ (۴) ۱۸

۳۶- می‌دانیم دو سهمی به معادله $-\frac{3}{2} - 2(a+b) + ax + by + x^2 = 0$ و با رأسی به طول ۴ می‌توان رسم کرد به طوری که فاصله کانون آن‌ها تا خط هادی برابر $\frac{3}{2}$ باشد، عرض رأس این سهمی‌ها کدام است؟

- (۱) $\frac{1}{5}, \frac{2}{5}$ (۲) $-\frac{2}{5}, -\frac{1}{5}$ (۳) $-\frac{3}{2}, \frac{3}{2}$ (۴) $-\frac{4}{2}, \frac{4}{2}$



۳۷- در شکل زیر، سهمی با رأس A ، کانون F و خط هادی d رسم شده است. از F به نقطه دلخواه M روی سهمی وصل کرده و امتداد داده‌ایم تا d را در نقطه N قطع کند و از نقطه M ، MT را بر d عمود کرده‌ایم. کدام گزاره در مثلث FHN درباره پاره‌خط FT درست است؟

- (۱) FT میانه نظیر ضلع HN است.
(۲) FT نیمساز داخلی زاویه F است.
(۳) FT از مرکز دایره محیطی مثلث می‌گذرد.
(۴) FT ، همواره ضلع HN را با نسبت عددی ثابت تقسیم می‌کند.

۳۸- یک شعاع نورانی در امتداد خط $y = 2$ بر یک سهمی آینه‌ای به معادله $y^2 = 8x$ می‌تابد. معادله پرتوی بازتاب کدام است؟

- (۱) $4x + 3y = 8$ (۲) $4x - 3y = 8$ (۳) $4x + 2y = 6$ (۴) $4x - 3y = 6$

۳۹- چند نقطه با مختصات صحیح در روابط $-x^2 + 4x - 2 < y < -x^2 - 4x + 2$ صدق می‌کند؟

- (۱) ۳ (۲) ۵ (۳) ۷ (۴) ۹

۴۰- در بین نقاطی که مختصات آن‌ها در روابط $3 + 2y \leq x \leq y^2$ صدق می‌کنند، بیشترین و کمترین فاصله نقاط از خط به معادله $x + 1 = 0$ را a و b می‌نامیم. مقدار $a + b$ کدام است؟

- (۱) ۸ (۲) ۹ (۳) ۱۰ (۴) ۱۱

مشابه سؤالی که با آیگون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۲: تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۴۳ تا ۵۴

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال هندسه ۲ (۴۱ تا ۵۰) و هندسه ۱ (۵۱ تا ۶۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۴۱- کدام گزاره شرطی، درست است و تجانس مستقیم برای عکس آن، مثال نقض محسوب می‌شود؟

(۱) اگر تبدیلی همانی باشد، آنگاه آن تبدیل طولپاست.

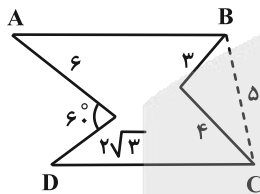
(۲) اگر تبدیلی طولپا باشد، آنگاه زاویه بین خطوط را حفظ می‌کند.

(۳) اگر تبدیلی شیب خطوط را حفظ کند، آنگاه آن تبدیل طولپاست.

(۴) اگر تبدیلی شیب خطوط را حفظ کند، آنگاه جهت اشکال را حفظ می‌کند.

۴۲- اگر بخواهیم مساحت زمین زیر را افزایش دهیم به طوری که محیط و تعداد اضلاع آن ثابت بماند، میزان افزایش مساحت برحسب

واحد مربع برابر با کدام است؟



(۱) ۳۰

(۲) ۶۰

(۳) $۱۲ + ۶\sqrt{۳}$

(۴) $۲۴ + ۱۲\sqrt{۳}$

۴۳- دو دایره $C(O, 2)$ و $C'(O', 10)$ که در آن $OO' = ۱۳$ را در نظر بگیرید. اگر با تجانس مستقیم، دایره C را بر دایره C' تصویر

کنیم، فاصله مرکز تجانس تا نقطه O کدام است؟

(۱) ۳

(۲) $۳/۲۵$

(۳) $۳/۵$

(۴) $۳/۷۵$

۴۴- اگر نقطه $A'(x, 0)$ مجانس نقطه $A(0, 3)$ با نسبت تجانس k و مرکز $M(1, 1)$ باشد، مقدار $\frac{x}{k}$ کدام است؟

(۱) $-۲\sqrt{۳}$

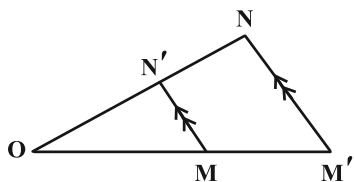
(۲) -۴

(۳) $-۲\sqrt{۲}$

(۴) -۳

محل انجام محاسبات

۴۵- در شکل زیر نقطه M' مجانس نقطه M به مرکز O و نسبت تجانس k و نقطه N' مجانس نقطه N به مرکز O و نسبت تجانس k'



هستند. اگر $\frac{k}{k'} = \frac{25}{9}$ باشد، مقدار $k + k'$ چقدر است؟ $(MN' \parallel M'N)$

- (۱) $\frac{16}{15}$ (۲) $\frac{5}{2}$ (۳) $\frac{34}{15}$ (۴) $\frac{31}{15}$

۴۶- اگر در تجانس به مرکز M ، نقطه $A(1, 3)$ بر نقطه $A'(5, 3)$ و نقطه $B(1, 2)$ بر نقطه $B'(5, 6)$ تصویر شود، آنگاه در صورتی که

نقطه A' مرکز تجانس باشد، با کدام نسبت تجانس، M بر A تصویر می‌شود؟

- (۱) $\frac{4}{3}$ (۲) $-\frac{4}{3}$ (۳) $-\frac{2}{3}$ (۴) $\frac{2}{3}$

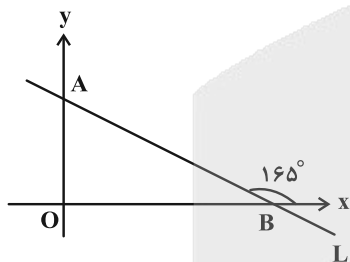
۴۷- اگر $A(1, 2)$ و $B(4, 6)$ و نقطه M روی نیمساز ناحیه اول و سوم به گونه‌ای قرار داشته باشد که محیط مثلث ABM ، کمترین

مقدار ممکن باشد، فاصله نقطه M از مبدأ مختصات کدام است؟

- (۱) $\frac{7\sqrt{2}}{2}$ (۲) $4\sqrt{3}$ (۳) $\frac{7\sqrt{3}}{2}$ (۴) $\frac{8\sqrt{2}}{3}$

۴۸- در شکل زیر، در تجانسی به مرکز O ، خط L بر خط L' تصویر می‌شود. اگر مرکز ثقل مثلث OAB بر خط L' واقع و $AB = 12$

باشد، مساحت بین خط L و L' و محورهای مختصات کدام است؟

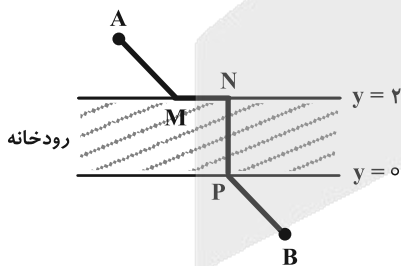


- (۱) ۱۰ (۲) ۱۶ (۳) ۲۰ (۴) ۳۲

۴۹- دو شهر $A(-2, 7)$ و $B(5, -2)$ دو طرف رودخانه (ناحیه $0 \leq y \leq 2$) واقع هستند. اگر بخواهیم جاده‌ای از A به B بسازیم

به طوری که یک واحد از این مسیر در ساحل رودخانه باشد و از پل NP عمود بر راستای رودخانه عبور کنیم، طول کوتاه‌ترین

مسیر $AMNPB$ کدام است؟



- (۱) ۱۴ (۲) ۱۳ (۳) ۱۱ (۴) ۱۰

۵۰- سه خط دوجه‌دو متقاطع L ، L' و L'' در صفحه مفروض‌اند. چند پاره‌خط به طول ۵ واحد در این صفحه وجود دارد به طوری که هر

کدام از دو سر آن روی یکی از این دو خط قرار داشته و با خط سوم موازی باشند؟

- (۱) ۱ (۲) ۳ (۳) ۶ (۴) ۱۲

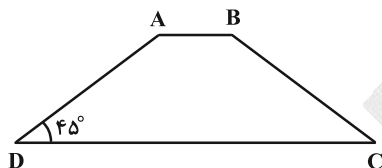
وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۱: چندضلعی‌ها: صفحه‌های ۶۵ تا ۷۳

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال هندسه ۲ (۴۱ تا ۵۰) و هندسه ۱ (۵۱ تا ۶۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۵۱- در دوزنقه متساوی الساقین شکل زیر، $DC = 5AB$ و مساحت آن ۵۴ واحد مربع می‌باشد. محیط آن برابر با کدام است؟



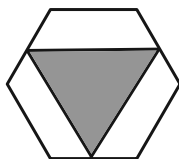
(۱) $12 + 18\sqrt{2}$

(۲) $18 + 12\sqrt{2}$

(۳) $12 + 12\sqrt{2}$

(۴) $18 + 18\sqrt{2}$

۵۲- وسط‌های سه ضلع از شش ضلعی منتظم را مطابق شکل به هم وصل کرده‌ایم. مساحت مثلث حاصل چه کسری از مساحت شش ضلعی منتظم است؟



(۲) $\frac{1}{2}$

(۴) $\frac{4}{9}$

(۱) $\frac{3}{8}$

(۳) $\frac{5}{12}$

۵۳- در یک دوزنقه قائم‌الزاویه، قاعده بزرگ و ساق مایل، هم‌اندازه‌اند و طول قاعده کوچک نصف طول ساق قائم است. اگر مساحت دوزنقه ۵۶ واحد سطح باشد طول قطر بزرگ آن چقدر است؟

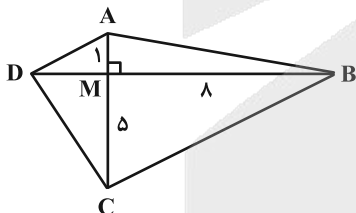
(۴) $4\sqrt{10}$

(۳) ۱۳

(۲) $2\sqrt{41}$

(۱) $4\sqrt{5}$

۵۴- در چهارضلعی ABCD به مساحت ۳۳ واحد مربع، دو قطر AC و BD بر هم عمودند. اندازه ارتفاع وارد بر وتر AD در مثلث AMD کدام است؟



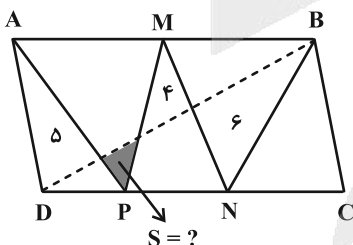
(۱) $0.3\sqrt{10}$

(۲) $\frac{\sqrt{10}}{3}$

(۳) $0.9\sqrt{10}$

(۴) $0.5\sqrt{10}$

۵۵- در متوازی‌الاضلاع شکل زیر، با توجه به مساحت‌های داده شده، مساحت مثلث رنگی چقدر است؟



(۱) $3/5$

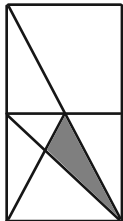
(۲) $2/5$

(۳) ۲

(۴) ۳

محل انجام محاسبات

۵۶- شکل زیر از کنار هم قرار گرفتن دو مربع یکسان تشکیل شده است. مساحت مثلث رنگی چه کسری از مساحت کل شکل است؟



(۱) $\frac{1}{12}$

(۲) $\frac{1}{15}$

(۳) $\frac{1}{18}$

(۴) $\frac{1}{24}$

۵۷- در مثلث ABC، ضلع AC را از رأس C به اندازه خودش تا نقطه D امتداد می‌دهیم و نقطه E را روی BD طوری انتخاب می‌کنیم که $ED = 2BE$ باشد. اگر میانه BM (وارد بر ضلع AC)، AE را در نقطه O و امتداد CO، ضلع AB را در نقطه F قطع کند،

مقدار $\frac{AF}{AB}$ کدام است؟

(۴) $\frac{1}{4}$

(۳) $\frac{1}{2}$

(۲) $\frac{2}{3}$

(۱) $\frac{1}{3}$

۵۸- نقطه M درون یک مثلث متساوی‌الاضلاع به مساحت $12\sqrt{3}$ طوری قرار دارد که مجموع فاصله‌های نقطه M از دو ضلع این مثلث برابر ۴ واحد می‌باشد، فاصله نقطه M از ضلع سوم این مثلث کدام است؟

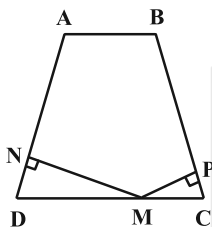
(۴) $\frac{2}{5}$

(۳) ۲

(۲) $\frac{1}{5}$

(۱) ۱

۵۹- در شکل زیر از نقطه دلخواه M روی قاعده CD در دوزنقه متساوی‌الساقین ABCD، دو عمود MN و MP بر دو ساق دوزنقه رسم کرده‌ایم. اگر طول قاعده‌های دوزنقه $\frac{1}{2}$ و ۱۲ و طول ساق آن برابر ۹ باشد، مجموع طول‌های دو پاره‌خط MN و MP کدام است؟



(۱) $\frac{14}{4}$

(۲) $\frac{12}{8}$

(۳) $\frac{7}{2}$

(۴) $\frac{9}{6}$

۶۰- میانگین مقادیر ممکن برای مساحت چندضلعی‌های شبکه‌ای که در آن‌ها تعداد نقاط درونی سه برابر تعداد نقاط مرزی بوده و مجموع تعداد نقاط مرزی و شبکه‌ای بیشتر از ۴۰ نباشد، کدام است؟

(۴) $\frac{22}{5}$

(۳) $\frac{21}{25}$

(۲) $\frac{21}{25}$

(۱) $\frac{20}{5}$

ریاضیات گسسته: ترکیبات: صفحه‌های ۵۶ تا ۶۱ / ریاضی ۱: شمارش، بدون شمردن: صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۴۰ وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۶۱- به چند طریق می‌توان ۲ کتاب ریاضی یکسان، ۲ کتاب هندسه یکسان و ۵ دفتر یکسان را در یک ردیف کنار هم چید، به طوری

که هیچ دو کتابی کنار هم نباشد؟

۹۰ (۱) ۷۲ (۲) ۱۲۰ (۳) ۱۴۴ (۴)

۶۲- با ارقام ۱ تا ۹ چند عدد سه رقمی با ارقام متمایز و بخش پذیر بر ۳ می‌توان ساخت؟

۳۵۰ (۱) ۱۸۰ (۲) ۱۲۰ (۳) ۲۴۰ (۴)

۶۳- اگر فرض کنیم $A = \{2, 4, 7, 9\}$ و $B = \{1, 3, 5, 6, 8\}$ باشد، در این صورت به چند روش می‌توان اعداد پنج رقمی با ارقام متمایز

ساخت که دقیقاً دو رقم‌شان از A و سه رقم‌شان از B باشد به طوری که یکان از A و ده هزارگان از B باشد؟

۷۲۰ (۱) ۱۴۴۰ (۲) ۲۱۶۰ (۳) ۴۲۰۰ (۴)

۶۴- در چند جایگشت متمایز از حروف $a, b, c, d, e, e, e, e, f$ ، هیچ دو حرف e کنار هم نیستند؟

$5 \times 5!$ (۱) $15 \times 5!$ (۲) $\frac{9!}{4!}$ (۳) $5 \times 6!$ (۴)

۶۵- به چند طریق می‌توان ۷ کتاب متمایز را بین ۳ نفر تقسیم کرد به طوری که هر کدام حداقل دو کتاب برسد؟

۴۱۵ (۱) ۶۳۰ (۲) ۳۶۰ (۳) ۱۰۵ (۴)

۶۶- در یک شرکت، ۸ زوج (زن و شوهر) مشغول کار هستند. به چند روش می‌توان از بین آنان هیئتی ۵ نفره برای شورای کارکنان

انتخاب کرد به طوری که در بین اعضای منتخب، دقیقاً یک زوج وجود داشته باشد؟

۲۱۰۰ (۱) ۲۱۶۰ (۲) ۲۲۴۰ (۳) ۲۳۰۰ (۴)

۶۷- تعداد جواب‌های طبیعی معادله $x_1^2 + x_2 + x_3 + \sqrt{x_4} = 6$ برابر با کدام است؟

۴ (۱) ۵ (۲) ۶ (۳) ۷ (۴)

۶۸- به چند طریق می‌توان ۱۰ سیب یکسان را بین ۴ نفر توزیع کرد، به طوری که نفر اول حداقل ۲ سیب و نفر دوم حداکثر ۴ سیب

دریافت کند؟ (ممکن است یک فرد هیچ سیبی دریافت نکند.)


۱۲۵ (۱) ۱۴۰ (۲) ۱۴۵ (۳) ۱۶۵ (۴)

۶۹- معادله $x_1 x_2 + x_2 x_3 + x_1 x_4 + x_3 x_4 = 14$ چند جواب صحیح و نامنفی دارد؟

۹۰ (۱) ۱۰۸ (۲) ۱۲۰ (۳) ۱۲۶ (۴)

۷۰- معادله $x_1 + x_2 + x_3 = 6$ چند جواب صحیح و نامنفی دارد به طوری که $x_1 > x_2$ باشد؟

۱۲ (۱) ۱۶ (۲) ۲۴ (۳) ۲۸ (۴)

مشابه سؤالی که با آیکون  مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: آمار توصیفی: صفحه‌های ۶۹ تا ۹۴

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۷۱- مجموع اختلاف نمرات ریاضی دانش‌آموزان یک کلاس ۲۵ نفری از نمره ریاضی همکلاسی‌شان پوریا برابر صفر و مجموع مربعات اختلاف

همان نمرات از نمره پوریا ۱۴۴ است. اگر ضریب تغییرات نمرات ریاضی این کلاس $\frac{1}{2}$ باشد، نمره ریاضی پوریا برابر کدام است؟

- ۱۰ (۱) ۱۲ (۲) ۱۳ (۳) ۱۵ (۴)

۷۲- اگر میانگین و واریانس داده‌های $2 + 3x_1, 2 + 3x_2, \dots, 2 + 3x_p$ به ترتیب برابر $43 -$ و 225 باشند، ضریب تغییرات

داده‌های $3 + 2x_1, 3 + 2x_2, \dots, 3 + 2x_p$ کدام است؟

- $\frac{1}{11}$ (۱) $\frac{10}{33}$ (۲) $\frac{1}{3}$ (۳) $\frac{13}{33}$ (۴)

۷۳- در نظرسنجی یک برنامه آنلاین سفارش غذا، افراد می‌توانند به کیفیت خدمات ارائه شده نمرات ۱ تا ۵ اختصاص دهند. ۶ نفر در

نظرسنجی شرکت کرده و نمرات آن‌ها به صورت $2b + 3a, 4a + 2b, 3, 3, 4, 4, 4, 3$ ثبت شده است. اگر بدانیم این داده‌ها فاقد مُد

هستند، چند مقدار متمایز برای $a + b$ امکان‌پذیر است؟

- ۲ (۱) ۳ (۲) ۴ (۳) ۵ (۴)

۷۴- از داده‌های $3, 6, 3, 4, 3, 2, 3, 3, 2, 3, 3, 6, 8, 4, 3, 3, 2, 6, 2, 6$ ، داده‌های برابر مُد را حذف کرده و سپس داده‌های باقی‌مانده را ۳ برابر کرده و از همه

آن‌ها ۲ واحد کم می‌کنیم، دامنه میان چارکی داده‌های جدید کدام است؟

- ۱۰ (۱) ۸ (۲) ۱۲ (۳) ۹ (۴)

۷۵- در جدول فراوانی زیر، میانگین داده‌ها برابر ۵ است و اعداد F_1, F_2, F_3 با همین ترتیب تشکیل دنباله حسابی می‌دهند. انحراف

معیار مقادیر F_1, F_2, F_3 چند برابر مقدار F_4 می‌باشد؟

داده	۲/۲	۵	۷
فراوانی	F_1	F_2	F_3

- $\frac{\sqrt{6}}{18}$ (۱) $\frac{2\sqrt{3}}{9}$ (۲)

- $\frac{\sqrt{6}}{4}$ (۳) $\frac{\sqrt{3}}{6}$ (۴)

۷۶- از میان اعداد صحیح ۰ تا ۱۲، پنج عدد را انتخاب کرده‌ایم و برای این دسته از داده‌ها، انحراف از میانگین دسته به

صورت $-4, -2, 1, a, b$ است. حداکثر مقدار واریانس این پنج عدد کدام است؟

- (۱) $6/8$ (۲) $9/2$ (۳) $11/6$ (۴) $18/8$

۷۷- واریانس شش داده آماری برابر صفر است. اگر داده‌های $2, 4, 6$ را به آن‌ها اضافه کنیم، میانگین برابر با ۸ می‌شود. ضرایب

تغییرات داده‌های جدید چقدر است؟

- (۱) $\frac{\sqrt{5}}{6}$ (۲) $\frac{\sqrt{5}}{8}$ (۳) $\frac{\sqrt{5}}{9}$ (۴) $\frac{\sqrt{5}}{12}$

۷۸- اگر واریانس داده‌های مثبت $4 + 2a - 1, 4 + 2a - 1$ برابر $\frac{33}{4}$ باشد، آنگاه میانگین این داده‌ها کدام است؟

- (۱) ۴ (۲) $4/5$ (۳) ۵ (۴) ۶

۷۹- در نمودار دایره‌ای متناظر با تعدادی داده، زاویه مرکزی داده A، برابر 30° درجه است. اگر بدون تغییر فراوانی سایر داده‌ها، تعداد

داده‌های A، ۴ برابر شود، در نمودار دایره‌ای جدید، زاویه مرکزی داده A نسبت به نمودار اولیه چند درجه افزایش می‌یابد؟

- (۱) ۶۰ (۲) ۶۶ (۳) ۹۰ (۴) ۹۶

۸۰- جدول فراوانی نسبی تعدادی داده آماری به صورت زیر است. اگر تمام داده‌های ۱۳ از بین آن‌ها حذف شود، ضریب تغییرات

داده‌ها	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵
فراوانی نسبی	$0/5$	x	$0/1$	$0/2$

تقریباً چند درصد افزایش پیدا می‌کند؟

- (۱) ۱۰ (۲) ۲۰ (۳) ۳۰ (۴) ۴۰



دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۲ (از ۳)



آزمون ۸ اسفند ۱۴۰۴

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	نرمال	۱۰	۸۱	۹۰
۲	زوج کتاب	۱۰	۹۱	۱۰۰
	فیزیک ۱		۱۰۱	۱۱۰
۳	نرمال	۱۰	۱۱۱	۱۲۰
۴	زوج کتاب	۱۰	۱۲۱	۱۳۰
	شیمی ۱		۱۳۱	۱۴۰

چرا برنامه کانون مهم است؟

رتبه‌های برتر و دانش‌آموزان موفق همواره از نقش برنامه‌ای کانون در موفقیت خودشان صحبت می‌کنند. کانون فقط یک آزمون نیست و مجموعه‌ای از امکانات را برای موفقیت در اختیار دانش‌آموزان قرار می‌دهد. به کانون و برنامه کانون اعتماد کنید. مطمئن باشید پیشرفت خواهید کرد.

(کلاس‌های پیشرفت در مدرسه)

درس	مقطع	روز	ساعت	مدرس
حسابان (۲)	دوازدهم ریاضی	شنبه	۱۹	مهر داد ملوندی
گسسته	دوازدهم ریاضی	یکشنبه	۱۹	محمد خندان
فیزیک (۳)	دوازدهم ریاضی	دوشنبه	۱۹	حسام نادری
شیمی (۳)	دوازدهم ریاضی	سه شنبه	۱۹	یاسر راش
هندسه (۳)	دوازدهم ریاضی	چهارشنبه	۱۹	مهر داد ملوندی



آزمون « ۸ اسفند ۱۴۰۴ » اختصاصی دوازدهم ریاضی (فیزیک و شیمی)

تقدیریه سؤال

تعداد سؤالات: ۴۰ سؤال
مدت زمان پاسخ گویی: ۵۰ دقیقه

شماره سؤال	تعداد سؤال	نام درس	
۸۱-۹۰	۱۰	فیزیک ۳	نرمال
۹۱-۱۰۰	۱۰	فیزیک ۲	زوج کتاب
۱۰۱-۱۱۰		فیزیک ۱	
۱۱۱-۱۲۰	۱۰	شیمی ۳	نرمال
۱۲۱-۱۳۰	۱۰	شیمی ۲	زوج کتاب
۱۳۱-۱۴۰		شیمی ۱	

پدیدآورندگان سوالات نرمال و سریم

نام طراحان	نام درس	اختصاصی
مهران اسماعیلی-علی برزگر-علیرضا جباری-مهرداد خاجی-محمد رضا خادمی-رحمت الهه خیراله زاده سماکوش آرمان رجب خیرفومنی-زهرا رضائی-علی عالی بیری-مصطفی کیانی-احمد مرادی پور-محمد کاظم منشادی-افشین مینو محمد رضا نصیری	فیزیک	
هدی بهاری پور-محمد رضا پورچاوید-سعید تیزرو-مجید جلیل ناغونی-محمد رضا جمشیدی-ندا حسین پورمقدم-بیمان خواجوی مجد یاسر راش-احسان روستایی-مینا سیدحسینی-محسن مجتبی-مجتبی محبوب-مهشید نیازی	شیمی	

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	فیزیک	شیمی
گزینشگر	مصطفی کیانی	یاسر راش
گروه ویراستاری	حسین بصیرتر کمبور زهرا آقامحمدی	مهشید نیازی امیرعلی بیات امیرحسین توحیدی
ویراستاری رتبه های برتر	سینا صالحی امیررضا مرادی	فرزاد حلاج مقدم
مسئول درس	حسام نادری	مجتبی محبوب
مستند سازی	محمد رضا مهدوی	علیرضا نجفی
ویراستاران مستندسازی	پرهام مهرآرا سجاد بهارلویی	رزیتا حبیب اله نتاج

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: مجیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروف نگار	فرزانه فتح اله زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

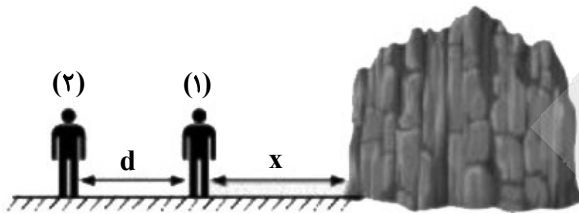
دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: برهم کنش‌های موج: صفحه‌های ۸۹ تا ۱۱۴

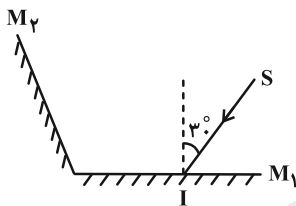
پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۸۱- مطابق شکل زیر، دو شکارچی در مقابل صخره بلندی ایستاده‌اند. شکارچی (۱) تیراندازی می‌کند. اگر شکارچی (۲)، دو صدا ناشی از شلیک را به ترتیب پس از ۱s و ۴s بشنود، فاصله x چند برابر d است؟



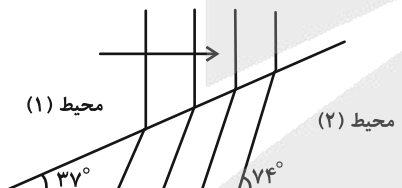
- (۱) ۱
(۲) ۱/۵
(۳) ۲
(۴) ۲/۵

۸۲- مطابق شکل، پرتوی SI به آینه تخت M_1 تابیده شده و بعد از برخورد به آینه تخت M_2 ، بازتاب می‌شود. اگر زاویه تابش پرتوی SI به آینه M_1 ، 10° افزایش یابد، زاویه تابش پرتو از آینه M_2 ، چند درجه و چگونه تغییر خواهد کرد؟



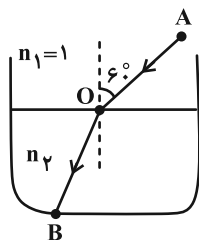
- (۱) 10° ، افزایش
(۲) 10° ، کاهش
(۳) 20° ، افزایش
(۴) 20° ، کاهش

۸۳- شکل زیر جبهه‌های موجی را نشان می‌دهد که به مرز دو محیط می‌رسند و سپس شکست پیدا می‌کنند. اگر پرتوی موج فرودی به موازات سطح افقی باشد، نسبت طول موج در محیط (۲) به طول موج در محیط (۱) کدام است؟ ($\sin 37^\circ = 0/6$ و $\sin 16^\circ = 0/3$)



- (۱) $\frac{3}{4}$
(۲) $\frac{3}{8}$
(۳) $\frac{8}{3}$
(۴) $\frac{4}{3}$

۸۴- در شکل زیر، ارتفاع نقطه A از کف ظرف، ۲ برابر ارتفاع مایع است. اگر زمان رسیدن نور از نقطه A در هوا به نقطه O برابر با زمان رسیدن نور از نقطه O به نقطه B باشد، ضریب شکست مایع کدام است؟

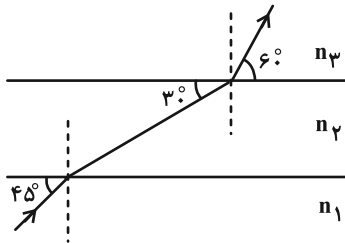


- (۱) ۱/۲
(۲) $\sqrt{2}$
(۳) ۱/۵
(۴) $\sqrt{3}$

مشابه سؤال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات

۸۵- شکل زیر، مسیر یک موج الکترومغناطیسی را در محیط‌های شفاف با ضریب شکست‌های n_1 ، n_2 و n_3 و مرزهای موازی نشان می‌دهد. کدام رابطه بین ضریب شکست‌ها صحیح است؟



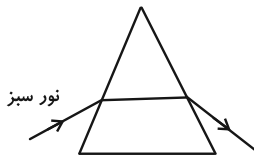
(۱) $n_1 = \sqrt{2}n_2 = \sqrt{3}n_3$

(۲) $\sqrt{3}n_1 = \sqrt{2}n_2 = n_3$

(۳) $\sqrt{2}n_1 = \sqrt{3}n_2 = n_3$

(۴) $\sqrt{2}n_1 = \sqrt{3}n_2 = n_3$

۸۶- شکل زیر، نحوه عبور نور سبز را از درون یک منشور شیشه‌ای نشان می‌دهد. کدام یک از راهکارهای زیر باعث افزایش زاویه انحراف پرتو خواهد شد؟



(الف) افزایش ضریب شکست منشور

(ب) استفاده از پرتو با رنگ زرد

(پ) استفاده از پرتو با رنگ بنفش

(۱) فقط پ

(۲) الف و پ

(۳) الف و ب

(۴) هر سه مورد

۸۷- پرتو نور سبز رنگی در خلأ، از یک شکاف عبور کرده و پراش پیدا می‌کند. اگر نورهای مرئی با رنگ‌های دیگری نیز در همین شرایط از این شکاف عبور نمایند، با کدام یک از رنگ‌های مطرح شده در گزینه‌های زیر، پراش بارزتری خواهیم داشت؟

(۱) سبز و آبی

(۲) نارنجی و زرد

(۳) آبی و بنفش

(۴) زرد و آبی

۸۸- در آزمایش یانگ که در هوا انجام شده است، پهنای هر نوار روشن ۱۶ میلی‌متر است. اگر این آزمایش بدون هیچ تغییری به جای هوا در آب انجام شود، پهنای هر نوار روشن چند میلی‌متر می‌شود؟ ($n_{\text{آب}} = \frac{4}{3}$ و $n_{\text{هوا}} = 1$)

(۱) ۱۶

(۲) ۹

(۳) ۱۲

(۴) ۸

۸۹- چه تعداد از عبارات زیر صحیح است؟

(الف) اگر آزمایش یانگ را در یک محیط به جای نور زرد با نور سبز انجام دهیم، پهنای نوار روشن افزایش می‌یابد.

(ب) نور تک رنگ نارنجی را به یک روزنه در هوا تابانده‌ایم و پدیده پراش رخ داده است. اگر همین آزمایش را در آب انجام دهیم، پراش واضح‌تری مشاهده می‌شود.

(پ) با خالی کردن آب یک گالن، صدای آن به مرور بم تر می‌شود.

(ت) با توجه به ساختار تشدیدگر هلمهولتز، با دمیدن هر صوتی با هر بسامدی پدیده تشدید در آن رخ می‌دهد.

(۱) ۱

(۲) ۲

(۳) ۳

(۴) ۴

۹۰- در یک تار مرتعش که بین دو نقطه بسته شده است، اختلاف بسامدهای هماهنگ‌های دوم و پنجم تار، ۲۴۰ Hz است. اگر در این

تار ۳ گره ایجاد شود هر یک از نقاط آن که نوسان می‌کند در هر ثانیه چند بار طول پاره خط مسیر نوسانی خود را طی می‌کند؟

(۱) ۸۰

(۲) ۱۶۰

(۳) ۳۲۰

(۴) ۶۴۰

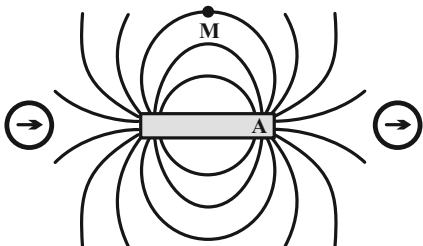
وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: مغناطیس: صفحه‌های ۸۳ تا ۱۰۸

توجه:

دانش‌آموزان گرامی: از دو مجموعه سؤال فیزیک ۲ (۹۱ تا ۱۰۰) و فیزیک ۱ (۱۰۱ تا ۱۱۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۹۱- با توجه به وضعیت عقربه‌های مغناطیسی در شکل زیر، قطب A کدام قطب آهنربا است و جهت میدان مغناطیسی در نقطه M چگونه است؟



(۱) S →

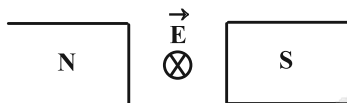
(۲) S ←

(۳) N →

(۴) N ←

۹۲- مطابق شکل زیر، ذره‌ای با بار الکتریکی منفی و جرم ناچیز وارد دو میدان یکنواخت الکتریکی و مغناطیسی می‌شود. سرعت ذره

در کدام جهت باشد تا بزرگی نیروی خالص وارد بر آن در این لحظه بیشینه باشد؟



(۱) ↑

(۲) ⊗

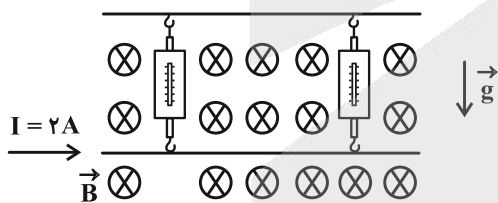
(۳) ↓

(۴) ⊙

۹۳- مطابق شکل زیر، سیمی به جرم ۵۰۰g، طول ۱m و حامل جریان ۲A به وسیله دو نیروسنج آویزان است. میدان مغناطیسی

درون سوی ۸T/۰ را برقرار می‌کنیم. در حالت تعادل سیم، عددی که هر نیروسنج نشان می‌دهد، چند نیوتون است؟

($g = 10 \frac{N}{kg}$) و تمام طول سیم در ناحیه میدان مغناطیسی قرار دارد.



(۱) ۱/۷

(۲) ۳/۳

(۳) ۳/۴

(۴) ۶/۶

۹۴- جهت نیروی مغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان در شکل‌های (الف) و (ب)، به ترتیب از راست به چپ، کدام است؟



(۱) ↑ ، ⊙

(۲) ↓ ، ⊙

(۳) ↑ ، ⊗

(۴) ↓ ، ⊗

محل انجام محاسبات

۹۵- معادله جریان عبوری از یک پیچه بر حسب زمان در SI، به صورت $I = 4t - 4$ می‌باشد. اگر تعداد حلقه‌های پیچه برابر ۱۰۰ و مساحت هر

حلقه $16\pi \text{ cm}^2$ باشد، در چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه، اندازه میدان مغناطیسی عبوری از مرکز پیچه برابر 60 G می‌شود؟ $(\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{\text{T} \cdot \text{m}}{\text{A}})$

- ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۹۶- دو سر سیملوله‌ای آرمانی به مقاومت R را به یک باتری آرمانی وصل می‌کنیم تا در آن جریان برقرار شود، سپس سیملوله را از وسط نصف می‌کنیم تا دو سیملوله جدید ایجاد شود. اگر دو سر یکی از این سیملوله‌ها را به همان باتری وصل کنیم، میدان مغناطیسی در داخل سیملوله چند برابر حالت اول می‌شود؟

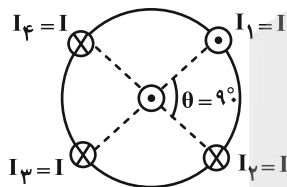
- ۱ (۱) $\frac{1}{2}$ (۲) ۲ (۳) $\frac{1}{4}$ (۴)

۹۷- با استفاده از سیم مسی روکش‌داری به طول 35 m ، سیملوله‌ای می‌سازیم که حلقه‌های آن کاملاً به هم چسبیده‌اند. دو سر سیملوله را به باتری آرمانی 14 ولتی متصل می‌کنیم. اگر بزرگی میدان مغناطیسی داخل سیملوله 4 T باشد، شعاع مقطع سیم

چند سانتی‌متر است؟ $(\rho_{\text{مس}} = 1.7 \times 10^{-8} \Omega \cdot \text{m})$ ، $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T} \cdot \text{m}}{\text{A}}$ و $\pi^2 = 10$

- ۱ (۱) 0.425 (۲) 0.85 (۳) 1.275 (۴) 1.7

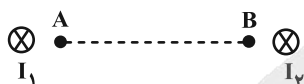
۹۸- چهار سیم راست، بلند و حامل جریان‌های مساوی در جهت‌های نشان داده شده، در چهار نقطه روی دایره‌ای قرار دارند. نیروی مغناطیسی وارد بر سیم حامل جریانی که از مرکز دایره می‌گذرد در کدام جهت است؟



- ۱ (۱) ↙
۲ (۲) ↗
۳ (۳) ↖
۴ (۴) ↘

۹۹- در شکل زیر، از سیم‌های راست و بسیار بلند (۱) و (۲) جریان‌های درون‌سوی I_1 و I_2 می‌گذرد. بزرگی میدان مغناطیسی از

نقطه A تا B (بر روی خط چین) چگونه تغییر می‌کند؟ $(I_2 < I_1)$



- ۱ (۱) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.
۲ (۲) همواره کاهش می‌یابد.
۳ (۳) همواره افزایش می‌یابد.
۴ (۴) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

۱۰۰- چند مورد از عبارتهای زیر صحیح‌اند؟

- الف) مواد پارامغناطیسی در حضور میدان‌های مغناطیسی قوی، خاصیت مغناطیسی ضعیف و موقت پیدا می‌کنند.
ب) هیچ یک از اتم‌های مواد دیامغناطیسی دارای دو قطبی مغناطیسی خالص نیستند.
پ) اتم‌های مواد فرومغناطیس مانند آهن، نیکل و کبالت به‌طور ذاتی دارای دو قطبی مغناطیسی هستند.
ت) از مواد فرومغناطیسی نرم برای ساخت آهنرباهای دائمی استفاده می‌شود.

- ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: دما و گرما: صفحه‌های ۸۳ تا ۱۲۶

توجه:

دانش‌آموزان گرامی: از دو مجموعه سؤال فیزیک ۲ (۹۱ تا ۱۰۰) و فیزیک ۱ (۱۰۱ تا ۱۱۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۰۱- با دو دماسنج با مقیاس‌های سلسیوس و فارنهایت، دمای جسمی را اندازه گرفته‌ایم. اگر عددی که دماسنج با مقیاس فارنهایت

نشان می‌دهد، ۳۰ درصد بیشتر از عددی باشد که دماسنج با مقیاس سلسیوس نشان می‌دهد، دمای جسم چند کلون است؟

- (۱) ۲۰۷ (۲) ۲۰۹ (۳) ۳۳۷ (۴) ۲۴۱

۱۰۲- مساحت یک ورقه سربی در دمای 20°C برابر با 3000cm^2 است. اگر دمای این ورقه را به 318K برسانیم، مساحت آن چند

سانتی‌مترمربع افزایش می‌یابد؟ (ضریب انبساط طولی سرب $\frac{1}{K} \times 10^{-5}$ است.)

- (۱) $2/25$ (۲) $3/5$ (۳) $4/5$ (۴) $4/75$

۱۰۳- ضریب انبساط طولی فلزی 10^{-5}F^{-1} است. ضریب انبساط حجمی آن برحسب $^{\circ}\text{C}^{-1}$ کدام است؟

- (۱) $1/8 \times 10^{-5}$ (۲) $2/7 \times 10^{-5}$ (۳) $5/4 \times 10^{-5}$ (۴) $8/1 \times 10^{-5}$

۱۰۴- یک گرمکن برقی با توان ثابت 1kW و بازده ۸۴ درصد، در چند ثانیه دمای 200g آب را از 60°F به 150°F می‌رساند؟ (گرمای

ویژه آب برابر $c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}$ و اتلاف انرژی ناچیز است.)

- (۱) ۵۰۰ (۲) ۵۰ (۳) ۹۰۰ (۴) ۹۰

۱۰۵- در یک ظرف استوانه‌ای شکل از جنس آلومینیم به جرم 200 گرم و دمای 50°C ، 40cm^3 مایعی به چگالی $\rho = 12500 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ و دمای

اولیه صفر درجه سلسیوس می‌ریزیم. پس از تعادل گرمایی، به ترتیب از راست به چپ دمای تعادل چند درجه سلسیوس و

افزایش حجم مایع چند سانتی‌متر مکعب می‌باشد؟ (تبادل گرمایی فقط بین ظرف و مایع درون آن می‌باشد و مایع از ظرف

سرریز نمی‌شود، $\beta_{\text{مایع}} = 2/5 \times 10^{-3}\text{K}^{-1}$ ، $c_{\text{مایع}} = 140 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$ و $c_{\text{Al}} = 900 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}$)

- (۱) $1/4$ ، 36 (۲) $3/6$ ، 36 (۳) $1/4$ ، 18 (۴) $3/6$ ، 18

محل انجام محاسبات

۱۰۶- یک کیلوگرم آب 20°C و یک کیلوگرم فلز 90°C را درون گرماسنجی به دمای 61°C می اندازیم و دمای تعادل به 40°C می رسد.

ظرفیت گرمایی گرماسنج در SI کدام است؟ ($c_{\text{فلز}} = 840 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$ و $c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$)

- (۱) ۲۰۰ (۲) ۶۰۰ (۳) ۲۰۰۰ (۴) ۶۰۰۰

۱۰۷- در چاله کوچکی $42/5 \text{ g}$ آب 0°C قرار دارد. اگر بر اثر تبخیر سطحی، قسمتی از آب تبخیر و بقیه آن یخ ببندد، جرم آب یخ زده با

استفاده از جدول زیر، چند گرم است؟ ($L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ و از مبادله گرما با محیط صرف نظر شود.)

دمای $(^{\circ}\text{C})$	$L_V (\frac{\text{kJ}}{\text{kg}})$
۰	۲۵۲۰
۱۵	۲۴۷۰
۶۰	۲۳۵۰
۱۰۰	۲۲۶۰

(۱) ۲/۵

(۲) ۴۰

(۳) ۵

(۴) ۳۷/۵

۱۰۸- در ارتفاعات کوهستان، دمای جوش آب می یابد که باعث مدت زمان آب پز شدن تخم مرغ می شود.

- (۱) کاهش- افزایش (۲) افزایش- کاهش (۳) کاهش- کاهش (۴) افزایش- افزایش

۱۰۹- کدام گزینه درباره انتقال گرما نادرست است؟

- (۱) در فلزات، الکترون های آزاد به سرعت حرکت می کنند و با برخورد با سایر الکترون ها و اتم ها سبب رسانش گرمایی می شوند.
(۲) رسانش گرمایی در فلزات به دلیل جابه جایی اتم های در حال ارتعاش با اتم های دیگر است.
(۳) در چوب و شیشه، ارتعاش اتم ها و گسترش این ارتعاش در طول جسم، سبب انتقال گرما می شود.
(۴) در مایع ها و گازها، انتقال گرما همراه با جابه جایی بخشی از ماده صورت می گیرد.

۱۱۰- شرایط مقدار معینی گاز کامل را در ۳ آزمایش متوالی تغییر می دهیم. در آزمایش اول در فشار ثابت، اگر دمای گاز را ۲۰ درصد

افزایش دهیم، حجم آن ۶ لیتر تغییر می کند. در آزمایش دوم، در حجم ثابت، اگر فشار گاز را ۲۰ درصد کاهش دهیم، دمای

گاز 22°C تغییر می کند و در آزمایش سوم، در دمای ثابت، اگر حجم گاز را ۶۰ درصد افزایش دهیم، فشار آن ۶ atm تغییر

می کند. تعداد مول این گاز در کدام گزینه به درستی آمده است؟ ($R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}}$ و $1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$)

- (۱) ۲/۵ (۲) ۲۵ (۳) ۲ (۴) ۲۰

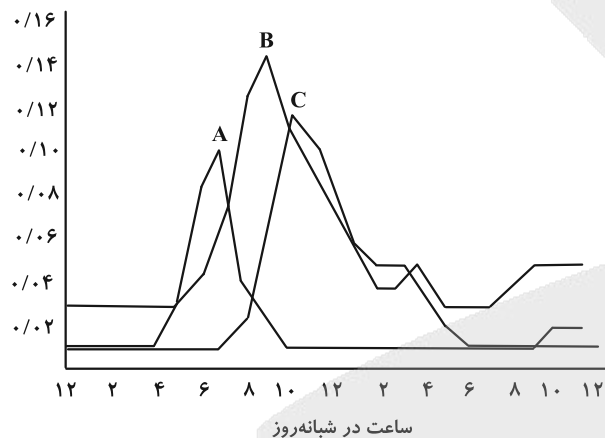
شیمی ۳: شیمی، راهی به سوی آینده‌های روشن‌تر (تا انتهای انرژی فعال‌سازی در واکنش‌های شیمیایی): صفحه‌های ۹۱ تا ۱۰۲ وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۱۱۱- کدام گزینه نادرست است؟

- (۱) گسترش فناوری صفحه‌های نمایشگر در وسایل الکترونیک، مدیون دانش شیمی نمی‌باشد.
- (۲) فناوری شناسایی و تولید کودهای شیمیایی مناسب نقش چشمگیری در تأمین غذای جمعیت جهان دارد.
- (۳) فناوری شناسایی و تولید مواد بی‌حس‌کننده و آنتی‌بیوتیک، راه را برای جراحی‌های گوناگون هموار کرد.
- (۴) فناوری تولید بنزین به حمل و نقل سرعت بخشیده و مبدل‌های کاتالیستی آلودگی ناشی از مصرف آن را کاهش داد.

۱۱۲- شکل زیر غلظت آلاینده‌های NO و O_3 ، NO_x را در یک روز آلوده در شهر X نشان می‌دهد، کدام عبارت‌ها درست است؟



- الف) در ساختار لوویس گاز B اتم مرکزی تک الکترون منفرد دارد.
- ب) شمار جفت الکترون‌های پیوندی در ساختار لوویس گازهای A و C با هم برابر است.
- پ) آلاینده‌ای که عامل رنگ قهوه‌ای هوای آلوده شهر است پس از ساعت ۸ صبح به بیشترین مقدار خود می‌رسد.
- ت) عدد اکسایش اتم مرکزی در ساختار C با عدد اکسایش اتم مرکزی در SO_2 ، سه واحد اختلاف دارد.

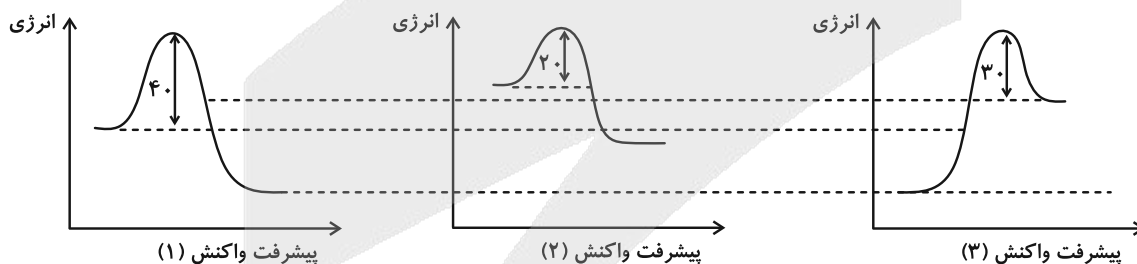
- (۱) ب، پ
- (۲) الف، پ
- (۳) الف، ب، ت
- (۴) الف، پ، ت

۱۱۳- کدام موارد از مطالب زیر درست است؟

- الف) روشی مانند طیف‌سنجی فروسرخ تنها برای مواد دارای رنگ قابل استفاده است.
- ب) در گستره پرتوهای الکترومغناطیسی انرژی پرتوهای ایکس از انرژی پرتوهای فروسرخ بیشتر است.
- پ) قطعاً اتم‌های موجود در گروه‌های عاملی مختلف، گستره‌های جذب یکسانی از پرتوهای فروسرخ دارند.
- ت) می‌توان گفت یکی از روش‌های تعیین نوع و مقدار آلاینده‌ها براساس برهم‌کنش آن‌ها با پرتوهای الکترومغناطیسی است.

- (۱) الف و ب
- (۲) ب و ت
- (۳) الف و پ
- (۴) پ و ت

۱۱۴- با توجه به نمودارهای زیر، کدام گزینه نادرست است؟

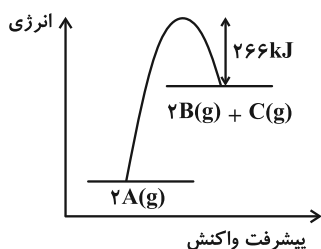


- (۱) در شرایط یکسان می‌توان واکنش‌های ۱ و ۲ را به ترتیب به واکنش سوختن گاز هیدروژن و فسفر سفید نسبت داد.
- (۲) مقایسه سرعت واکنش‌ها در این سه نمودار در شرایط یکسان به صورت $۲ > ۱ > ۳$ می‌باشد.
- (۳) قطعاً فراورده‌های تولید شده در واکنش ۳، نسبت به دو واکنش دیگر پایدارترند.
- (۴) علامت آنتالپی واکنش‌های ۱ و ۲ یکسان و مخالف واکنش ۳ است.

مشابه سؤالی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

۱۱۵- کدام مورد نادرست است؟

- (۱) واکنش‌های گرماگیر همانند واکنش‌های گرماده، برای انجام شدن به حداقلی از انرژی نیاز دارند.
 - (۲) هر چه انرژی فعال‌سازی واکنشی بیشتر باشد، واکنش در شرایط دشوارتر و در دمای بالاتر انجام می‌شود.
 - (۳) کاتالیزگر با کاهش انرژی فعال‌سازی واکنش، موجب می‌شود شمار ذره‌هایی که در واحد زمان به فرآورده تبدیل می‌شوند، افزایش یابد.
 - (۴) در نمودار «انرژی- پیشرفت واکنش» واکنش‌های گرماگیر، فاصله قله نمودار تا فرآورده‌ها از فاصله قله نمودار تا واکنش‌دهنده‌ها بیشتر است.
- ۱۱۶- با توجه به نمودار داده شده که مربوط به یک واکنش با $\Delta H = ۳۴۲ \text{ kJ}$ است، کدام موارد از عبارت‌های زیر درست هستند؟



- (الف) انرژی فعال‌سازی واکنش برابر ۶۰۸ کیلوژول است.
- (ب) با تولید ۱ مول $B(g)$ ، ۱۷۱ کیلوژول گرما آزاد می‌شود.
- (پ) مجموع محتوای انرژی فرآورده‌ها از واکنش‌دهنده‌ها بیشتر است.
- (ت) واکنش برگشت در صورت انجام با سرعت کمتری نسبت به واکنش رفت انجام می‌شود.

- (۱) ب و پ
(۲) ب و ت
(۳) الف و پ
(۴) الف و ت

۱۱۷- واکنش میان گازهای هیدروژن و اکسیژن، علی‌رغم آنتالپی ثابت و منفی ($\Delta H = -۵۲۷ \text{ kJ}$) در دما و فشار یکسان و ثابت، در شرایط مختلف، سرعت‌های متفاوتی دارد. با توجه به جدول کتاب درسی، علت این تفاوت در سرعت واکنش‌ها کدام است و چگونه می‌توان این تفاوت‌ها را با استفاده از مفاهیم شیمیایی توضیح داد؟

- (۱) به دلیل تغییر دما در شرایط آزمایش، با افزایش دما، سرعت واکنش افزایش می‌یابد.
- (۲) به دلیل تغییر فشار در شرایط آزمایش، با افزایش فشار، سرعت واکنش افزایش می‌یابد.
- (۳) به دلیل تغییر غلظت گازهای هیدروژن و اکسیژن، با افزایش غلظت واکنش‌دهنده‌ها، سرعت واکنش افزایش می‌یابد.
- (۴) به دلیل حضور یا عدم حضور کاتالیزگر و همچنین نوع کاتالیزگر مورد استفاده، کاتالیزگرها با کاهش انرژی فعال‌سازی، سرعت واکنش را افزایش می‌دهند.

۱۱۸- کدام یک از گزینه‌های زیر صحیح است؟

- (۱) گاز هیدروژن برخلاف فسفر سفید در هوا و در دمای اتاق می‌سوزد، زیرا انرژی فعال‌سازی واکنش سوختن آن کمتر است.
- (۲) کمترین کاهش مقدار آلاینده‌های CO ، C_xH_y و NO ، در حضور مبدل کاتالیستی مربوط به ترکیب‌های C_xH_y می‌باشد.
- (۳) هنگامی که نوک کبریت روی سطح زبر قوطی کبریت کشیده می‌شود، گرمای حاصل، انرژی فعال‌سازی واکنش را کاهش می‌دهد.
- (۴) برای افزایش کارایی مبدل‌های کاتالیستی، بهتر است سرامیک مورد استفاده به صورت مش (دانه)‌های ریز استفاده شود تا سطح تماس واکنش‌دهنده‌ها با کاتالیزگرها بیشتر شود.

۱۱۹- مقدار کدام آلاینده گازی توسط مبدل کاتالیستی خودروهای دیزلی کاهش نمی‌یابد؟

- (۱) NO_2 (۱) (۲) NO (۳) CO_2 (۴) CO

۱۲۰- کدام مورد نادرست است؟

- (۱) در سطح سرامیک‌های درون مبدل کاتالیستی، توده‌های فلزی با قطر ۲ تا ۱۰ نانومتر وجود دارند.
- (۲) افزایش دمای موتور خودرو می‌تواند انرژی فعال‌سازی واکنش‌های حذف آلاینده‌ها را تامین کند و سرعت حذف آن‌ها را بالا ببرد.
- (۳) واکنش‌های تبدیل NO و CO در دماهای پایین به آرامی انجام می‌شوند و یا انجام نمی‌شود، زیرا انرژی فعال‌سازی آن‌ها بسیار زیاد است.
- (۴) بر روی سطح قطعه سرامیکی توری شکل در مبدل کاتالیستی، فلزهای رودیم (Ru)، پالادیم (Pd) و پلاتین (Pt) نشانده شده است.

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: در پی غذای سالم: صفحه‌های ۷۷ تا ۹۸

توجه:

دانش‌آموزان گرامی: از دو مجموعه سؤال شیمی ۲ (۱۲۱ تا ۱۳۰) و شیمی ۱ (۱۳۱ تا ۱۴۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۲۱- کدام موارد از مطالب زیر درست است؟

الف) قاووت (تهیه شده از مغز پسته و آفتابگردان و ...) زودتر از مغز این خوراکی‌ها فاسد می‌شود، زیرا سطح تماس آن افزایش یافته است.
ب) سینتیک شیمیایی به عنوان شاخه‌ای از علم شیمی، تنها بر آهنگ تغییر شیمیایی تمرکز دارد و عوامل موثر بر آن را بررسی نمی‌کند.
پ) روش تهیه کنسرو و افزودن نگهدارنده‌ها مثال‌هایی از کاربرد دانش سینتیک شیمیایی برای افزایش زمان ماندگاری مواد غذایی می‌باشد.
ت) در محیط‌های خشک، امکان رشد میکروب‌ها وجود ندارد، بنابراین نگهداری خشکبار در این شرایط همیشه به مدت دائمی امکان‌پذیر است.

(۱) الف و ب (۲) ب و ت (۳) الف و پ (۴) پ و ت

۱۲۲- در هر یک از موارد داده شده، به ترتیب از چه روشی برای افزایش سرعت واکنش استفاده شده است؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

الف) سوزاندن قند آغشته به خاک باغچه

ب) افزایش سرعت واکنش آب با پتاسیم نسبت به واکنش آن با سدیم

پ) واکنش محلول بنفش رنگ و گرم شده پتاسیم پرمنگنات با یک اسید آلی

ت) سوزاندن گرد آهن از طریق پاشیدن و پخش کردن آن بر روی شعله

(۱) افزایش سطح تماس، افزایش غلظت، استفاده از کاتالیزگر، افزایش دما

(۲) استفاده از کاتالیزگر، افزایش غلظت، افزایش سطح تماس، افزایش دما

(۳) افزایش سطح تماس، اثر ماهیت واکنش‌دهنده‌ها، افزایش دما، افزایش غلظت

(۴) استفاده از کاتالیزگر، اثر ماهیت واکنش‌دهنده‌ها، افزایش دما، افزایش سطح تماس

۱۲۳- با توجه به داده‌های جدول زیر، کدام گزینه معادله موازنه شده واکنش و واکنش \bar{R} را در ۲ دقیقه دوم (برحسب مول برلیتر بر ثانیه) به

درستی نشان می‌دهد؟

غلظت مولی (مول برلیتر)	زمان (دقیقه)				
	۰	۱	۲	۳	۴
A	۰/۱	۰/۰۸	۰/۰۶	۰/۰۴	۰/۰۲
B	۰/۱	۰/۰۹	۰/۰۸	۰/۰۷	۰/۰۶
C	۰	۰/۰۳	۰/۰۶	۰/۰۹	۰/۱۲



محل انجام محاسبات

۱۲۴- اگر در واکنش سوختن کامل بنزآلدئید در یک ظرف ۱۰ لیتری، سرعت متوسط مصرف گاز اکسیژن برابر ۰/۰۲ مول برلیتر برثانیه

باشد، در مدت ۱/۵ دقیقه چند گرم گاز کربن دی اکسید تولید می شود؟ ($C = ۱۲, O = ۱۶ : g \cdot mol^{-1}$)

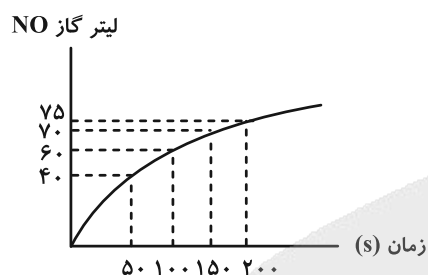
- ۶۳۳ (۱) ۶۷۲ (۲) ۶۹۳ (۳) ۷۱۲ (۴)

۱۲۵- با توجه به نمودار زیر که مربوط به واکنش موازنه نشده $KNO_3(s) + KNO_2(s) + Cr_2O_3(s) \rightarrow NO(g) + K_2CrO_4(s)$ است،

جرم KNO_3 مصرف شده در ۱۰۰ ثانیه دوم واکنش چند گرم است و سرعت متوسط واکنش از ابتدا تا انتهای ثانیه ۲۰۰، چند مول

بردقیقه است؟ ($N = ۱۴, O = ۱۶, K = ۳۹ : g \cdot mol^{-1}$) (حجم مولی گازها را در شرایط واکنش برابر با ۲۵ لیتر بر مول در نظر

بگیرید.) (گزینه ها را از راست به چپ بخوانید.)



- ۰/۲۲۵ ، ۳۸/۲۵ (۱)

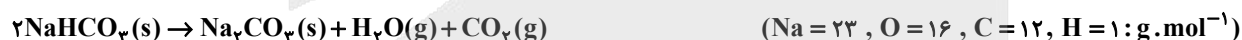
- ۰/۳۷۵ ، ۳۹/۲۵ (۲)

- ۰/۲۲۵ ، ۲۵/۵۰ (۳)

- ۰/۳۷۵ ، ۲۵/۵۰ (۴)

۱۲۶- واکنش موازنه شده زیر درون یک ظرف درباز انجام می شود. اگر پس از گذشت ۱۰ دقیقه از شروع واکنش، جرم مواد جامد درون

ظرف به اندازه ۳۷/۲ گرم کاهش یابد، سرعت متوسط واکنش چند مول برثانیه بوده است؟



- 2×10^{-4} (۴) 2×10^{-3} (۳) 10^{-4} (۲) 10^{-3} (۱)

۱۲۷- با توجه به جدول زیر که به واکنش $2N_2O_5(g) \rightarrow 4NO_2(g) + O_2(g)$ مربوط است، مقدار x کدام یک از گزینه های زیر می تواند باشد؟

زمان (s)	۰	۱۰	۲۰	۳۰	۴۰	۵۰
تعداد مول N_2O_5	۵	۳/۸	۳/۰	x	۲/۴	۲/۳

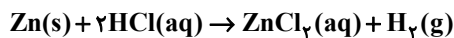
- ۲/۸ (۱)

- ۲/۷ (۲)

- ۲/۶ (۳)

- ۲/۵ (۴)

۱۲۸- با انجام چه تعداد از تغییرات زیر، شیب نمودار مول- زمان برای فرآورده گازی تولید شده کاهش می یابد؟



• افزایش دمای ظرف واکنش

• کاهش مقدار آب محلول HCl(aq)

• استفاده از یک شمش روی به جای گرد آن

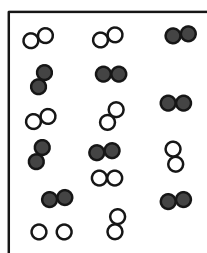
• کاهش غلظت محلول هیدروکلریک اسید

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

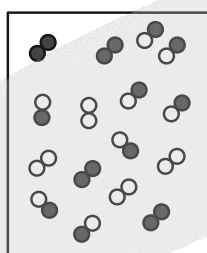
۱۲۹- با توجه به شکل های زیر که پیشرفت واکنش $A_2 + B_2 \rightarrow 2AB$ را نشان می دهد، سرعت واکنش در ۱۰ ثانیه آغازی واکنش چند

مول برلیتر بر دقیقه است و اگر پس از لحظه t_1 سرعت واکنش ثابت باشد، چند ثانیه پس از t_1 واکنش پایان می یابد؟ (هر ذره

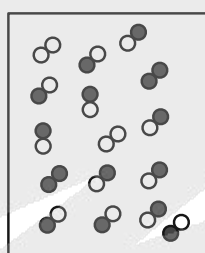
معادل $2/2$ مول و حجم ظرف ۲ لیتر است.) (گزینه ها را از راست به چپ بخوانید.)



$t_1 = 0$



$t_2 = 10\text{s}$



$t_3 = 20\text{s}$

(۱) $30, 2/4$

(۲) $40, 2/4$

(۳) $30, 4/8$

(۴) $40, 4/8$

۱۳۰- درستی یا نادرستی مطالب زیر در کدام گزینه آمده است؟

- گسترش شهرنشینی در قرن بیستم، دلیل اصل جایگزینی روش های سنتی تهیه غذا با صنایع ذخیره سازی مدرن بود.
- بنزوئیک اسید، به عنوان یک نگهدارنده، سرعت واکنش های شیمیایی منجر به فساد مواد غذایی را کاهش می دهد.
- رادیکال ها در بدن، گونه هایی پایدار هستند که به دلیل پیروی از قاعده هشت تایی، واکنش پذیری پایینی دارند.
- هندوانه و گوجه فرنگی محتوی لیکوپن بوده که فعالیت رادیکال ها را کاهش می دهد.

(۲) درست - درست - نادرست - درست

(۱) درست - درست - درست - درست

(۴) درست - نادرست - درست - نادرست

(۳) درست - نادرست - نادرست - نادرست

شیمی ۱: ردیای گازها در زندگی + آب، آهنگ زندگی (تا انتهای قسمت در میلیون (درصد جرمی، استخراج سدیم کلرید)): صفحه‌های ۷۰ تا ۹۸ وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سؤال شیمی ۲ (۱۲۱ تا ۱۳۰) و شیمی ۱ (۱۳۱ تا ۱۴۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۳۱- کدام موارد از مطالب زیر درست است؟

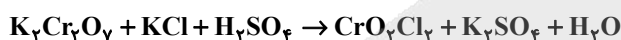
- الف) واکنش‌های شیمیایی در شیمی سبز باید تا حد امکان از تولید پسماندهای خطرناک اجتناب کنند.
ب) سوخت سبز تنها از کربن و هیدروژن تشکیل شده و فاقد هرگونه عنصر دیگری، به ویژه اکسیژن، است.
پ) هدف اصلی شیمی سبز، افزایش تولید مواد شیمیایی نفتی با هزینه کمتر برای بهبود کیفیت زندگی است.
ت) تجزیه شدن پسماندهای گیاهی سازنده سوخت سبز توسط جانداران ذره‌بینی، نشان‌دهنده خاصیت زیست‌تخریب‌پذیری آن‌هاست.
- ۱) الف و ب ۲) ب و ت ۳) الف و ت ۴) پ و ت

۱۳۲- کدام مورد دربارهٔ اوزون، نادرست است؟

- ۱) در دمای -۱۲۰°C ، حالت فیزیکی اوزون به صورت مایع است.
۲) برای گندزدایی میوه‌ها، سبزیجات و از بین بردن جانداران ذره‌بینی درون آب استفاده می‌شود.
۳) با گرم کردن مایع حاوی اوزون و اکسیژن ابتدا گاز اوزون و سپس گاز اکسیژن از آن جدا می‌شود.
۴) بخش قابل توجهی از اوزون تروپوسفری، در طول روز تشکیل می‌شود و مقدار آن در تروپوسفر، کمتر از استراتوسفر است.

۱۳۳- کدام مطلب درست است؟

- ۱) گازها همانند جامدات و مایعات تراکم‌پذیر هستند.
۲) شیمی‌دان‌ها دمای ۲۵°C و فشار یک اتمسفر را به عنوان شرایط استاندارد (STP) در نظر گرفته‌اند.
۳) با افزایش فشار گاز، به دلیل کاهش فاصله بین مولکول‌ها، نیروی بین مولکولی افزایش و تراکم گاز کاهش می‌یابد.
۴) ماده به حالت مایع متناسب با حجم آن، بخشی از فضای ظرف را اشغال می‌کنند، ولی گازها کل فضای ظرف را اشغال می‌کنند.
- ۱۳۴- اگر واکنش موازنه نشدهٔ زیر به‌طور کامل انجام شود، به ازای مصرف ۲۹۸ گرم پتاسیم کلرید خالص، چند گرم آب تولید می‌شود؟
($\text{K} = ۳۹$, $\text{Cl} = ۳۵/۵$, $\text{O} = ۱۶$, $\text{H} = ۱$: $\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)



۱۸ (۴) ۳۶ (۳) ۵۴ (۲) ۷۲ (۱)

۱۳۵- بر اثر مصرف ۱۱/۲ لیتر گاز کلر در شرایط STP مطابق واکنش موازنه نشدهٔ $\text{P}_4(\text{s}) + \text{Cl}_2(\text{g}) \rightarrow \text{PCl}_5(\text{s})$ ، چند مولکول فسفر پنتاکلرید تولید و چند گرم فسفر مصرف می‌شود؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید، $\text{Cl} = ۳۵/۵$, $\text{P} = ۳۱$: $\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

۱۲/۴ ، $۶/۰۲ \times ۱۰^{۲۳}$ (۴) ۳/۱ ، $۱/۲۰۴ \times ۱۰^{۲۳}$ (۳) ۶/۲ ، $۶/۰۲ \times ۱۰^{۲۳}$ (۲) ۶/۲ ، $۱/۲۰۴ \times ۱۰^{۲۳}$ (۱)

۱۳۶- با شرکت $۹/۰۳ \times ۱۰^{۲۳}$ مولکول متان در واکنش موازنه نشدهٔ زیر چند گرم HCN به دست می‌آید و درصد جرمی این ماده در

میان فراورده‌های تولید شده به تقریب برابر با چند درصد می‌باشد؟

(گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید، $\text{O} = ۱۶$, $\text{N} = ۱۴$, $\text{C} = ۱۲$, $\text{H} = ۱$: $\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)



۴۱/۵ ، $۲۰/۲۵$ (۴) ۴۱/۵ ، $۴۰/۵$ (۳) ۵۸/۷ ، $۴۰/۵$ (۲) ۵۸/۷ ، $۲۰/۲۵$ (۱)

محل انجام محاسبات

۱۳۷- کدام گزینه صحیح است؟

- (۱) اتم‌های اکسیژن در یون‌های نیترات و کربنات برخلاف اتم‌های اکسیژن در مولکول SO_3 بر روی صفحه قرار دارند.
- (۲) زیست‌کره شامل جانداران روی کره زمین است که در واکنش‌های آن‌ها مولکول‌های ریز نقش اساسی ایفا می‌کنند.
- (۳) تفاوت شمار اتم‌ها در هر واحد فرمولی از آهن (III) سولفات و سدیم فسفات برابر با شمار اتم‌ها در کلسیم نیترات است.
- (۴) برای استخراج Mg^{2+} از آب دریا لازم است ابتدا آن را به صورت محلول $Mg(OH)_2$ درآورند و سپس آن را به $MgCl_2$ تبدیل کنند.

۱۳۸- کدام مقایسه درست است؟



- (۲) درصد آب در منابع گوناگون آن: اقیانوس‌ها < آب‌های زیرزمینی < چشمه‌ها < کوه‌های یخ
 - (۳) درصد جرمی نمک‌های حل شده در آب دریا: دریای مرده < دریای سرخ < دریای مدیترانه < اقیانوس آرام
 - (۴) مقایسه کاربرد NaCl در صنایع گوناگون: ذوب کردن یخ جاده‌ها < تغذیه جانوران < تولید سدیم کربنات < مصارف خانگی
- ۱۳۹- اگر نصف جرم یک محلول ۱۰٪ جرمی را برداریم و به جای آن مقداری از همان محلول را اضافه کنیم به طوری که جرم محلول نهایی با جرم محلول اولیه برابر شود و درصد جرمی نهایی باز هم ۱۰٪ جرمی باقی بماند، مقدار جرم جایگزین شده چقدر بوده است؟

- (۱) بیشتر از نصف جرم اولیه
- (۲) کمتر از نصف جرم اولیه
- (۳) مساوی با جرم حذف شده
- (۴) دو برابر جرم حذف شده

۱۴۰- یون کرومات (CrO_4^{2-}) سمی بوده و وجود آن در آب‌های سطحی و آب آشامیدنی باید کنترل شود. مقادیر مجاز غلظت این یون در برخی منابع به صورت زیر است. میزان یون کرومات در یک نمونه آب رودخانه در مجاورت یک کارخانه، 0.000002 درصد جرمی اندازه‌گیری شده است. کدام گزینه درباره وضعیت سلامت آب این رودخانه صحیح است؟

- حداکثر غلظت مجاز برای آب آشامیدنی (سلامت انسان): 0.05 ppm
 - حداکثر غلظت مجاز برای آب‌های سطحی (سلامت ماهی و آبزیان): 0.001 ppm
- (۱) برای سلامتی انسان و آبزیان مضر است.
 - (۲) برای سلامتی انسان و آبزیان مناسب است.
 - (۳) برای سلامتی آبزیان مناسب و برای سلامتی انسان مضر است.
 - (۴) برای سلامتی انسان مناسب و برای سلامتی آبزیان نامناسب است.



علوم
ریاضی
وفنی

دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۳ (از ۳)

دفترچه اختصاصی - ۳



آزمون ۸ اسفند ۱۴۰۴

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	پیشروی سریع (اختیاری)	۱۰	۱۴۱	۱۵۰
۲	پیشروی سریع (اختیاری)	۱۰	۱۵۱	۱۶۰
۳	پیشروی سریع (اختیاری)	۱۰	۱۶۱	۱۷۰
۴	پیشروی سریع (اختیاری)	۱۰	۱۷۱	۱۸۰
۵	پیشروی سریع (اختیاری)	۱۰	۱۸۱	۱۹۰



آزمون « ۸ اسفند ۱۴۰۴ » اختصاصی دوازدهم ریاضی

دفترچه سؤال

پیشروی سریع (اختیاری)

تعداد سؤالات: ۵۰ سؤال

مدت زمان پاسخ گویی: ۶۰ دقیقه

شماره سؤال	تعداد سؤال	نام درس	
۱۴۱-۱۵۰	۱۰	حسابان ۲	پیشروی سریع
۱۵۱-۱۶۰	۱۰	هندسه ۳	پیشروی سریع
۱۶۱-۱۷۰	۱۰	ریاضیات گسسته	پیشروی سریع
۱۷۱-۱۸۰	۱۰	فیزیک ۲	پیشروی سریع
۱۸۱-۱۹۰	۱۰	شیمی ۳	پیشروی سریع

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هندسه	ریاضیات گسسته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	کاظم اجلالی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	مصطفی کیانی	یاسر راش
گروه ویراستاری	امیرحسین ابومحبوب مهرداد ملوندی	امیرحسین ابومحبوب مهرداد ملوندی	امیرحسین ابومحبوب مهرداد ملوندی	حسین بصیرتر کمپور زهره آقامحمدی	مهشید نیازی امیرعلی بیات امیرحسین توحیدی
ویراستاری رتبه های برتر	آرین غلامی سینا صالحی	آرین غلامی	آرین غلامی	سینا صالحی امیررضا مرادی	فرزاد حلاج مقدم
مسئول درس	سیدسپهر متولیان	محمد خندان	محمد خندان	حسام نادری	مجتبی محبوب
مستند سازی	سمیه اسکندری	سجاد سلیمی	سجاد سلیمی	محمد رضا مهدوی	علیرضا نجفی
ویراستاران مستندسازی	معصومه صنعت کار-فرشته کبرانی-سجاد سلیمی-مهسا محمدنیا				پرهام مهر آرا سجاد بهارلویی
رزیتا حبیب اله تاج					

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
حروفنگار	فرزانه فتح اله زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

وقت پیشنهادی: ۱۳ دقیقه

حسابان ۲: کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۱۲ تا ۱۲۶

ویژه دانش‌آموزانی است که تا اسفند ماه می‌خواهند درس‌های دوازدهم را به اتمام برسانند.

۱۴۱- تابع $y = (x^2 - 1)^3$ چند اکسترمم نسبی دارد؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

هیچ (۴)

۱۴۲- به ازای چه مجموعه مقادیری برای k ، تابع $f(x) = \begin{cases} 2 & ; x > 1 \\ k & ; x = 1 \\ 3x^2 - 1 & ; x < 1 \end{cases}$ در $x = 1$ دارای اکسترمم نسبی است؟

۲ (۱)

$R - \{2\}$ (۲)

۳ به ازای همه مقادیر حقیقی

۴ به ازای هیچ مقدار


۱۴۳- تابع $f(x) = x^2 - 3x + 2$ مفروض است. تابع $y = |f(|x|)|$ چند نقطه بحرانی دارد؟

۴ (۱)

۵ (۲)

۶ (۳)

۷ (۴)

مشابه سؤال‌هایی که با آیکون  مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات

۱۴۴- می‌دانیم اختلاف ماکزیمم و مینیمم مطلق تابع $f(x) = \sqrt{a^2 - x^2} - x$ برابر ۶ می‌باشد. جزء صحیح مقدار مثبت a کدام است؟

۱ (۲) صفر (۱)

۳ (۴) ۲ (۳)

۱۴۵- اختلاف مقادیر ماکزیمم و مینیمم مطلق تابع $y = 2 \cos 2x - 2 \cos^2 x - \cos x + 5$ ، به ازای $-\frac{\pi}{3} \leq x \leq \frac{\pi}{3}$ ، برابر کدام است؟

۲ (۲) ۱ (۱)

۴ (۴) ۳ (۳)

۱۴۶- تابع $f(x) = -\frac{2}{3}x^3 - x^2 + 4x + 1$ با دامنه $[-3, 2]$ مفروض است. اگر نقاط A, B, C, D به ترتیب نقاط ابتدا، انتها، مینیمم

مطلق و ماکزیمم مطلق تابع f باشند، حاصل ضرب شیب پاره خط AB در شیب پاره خط CD برابر با کدام است؟

$\frac{3}{2}$ (۲) ۱ (۱)

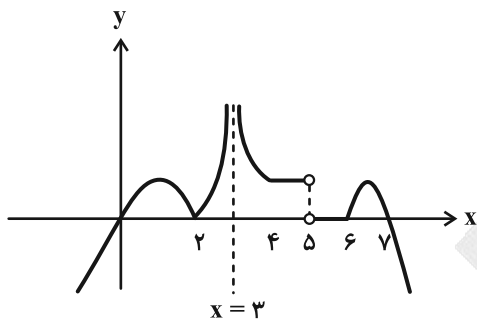
۲ (۴) $\frac{3}{4}$ (۳)

۱۴۷- تابع $f(x) = \begin{cases} 2x-1 & ; 1 < x \leq 2 \\ 2x^2-x & ; 0 < x \leq 1 \end{cases}$ چند نقطه بحرانی دارد؟

۳ (۲) ۲ (۱)

۵ (۴) ۴ (۳)

۱۴۸- شکل زیر، نمودار مشتق تابع پیوسته f را نشان می‌دهد. اگر تابع f در بازه $(0, a)$ اکیداً صعودی باشد، حداکثر مقدار a برابر کدام است؟



۳ (۱)

۴ (۲)

۵ (۳)

۷ (۴)

۱۴۹- خط گذرنده از نقطه $P(1, 9)$ ، محورهای مختصات را در نقاط مثبت A و B قطع می‌کند. اگر O مبدأ مختصات باشد، حداقل مقدار

عبارت $|OA| + |OB|$ کدام است؟

۱۸ (۲)

۲۰ (۱)

۱۵ (۴)

۱۶ (۳)

۱۵۰- کمترین فاصله نقاط منحنی $y = \sqrt{x} - 2$ از نمودار تابع $y = 2x - |x+1|$ کدام است؟

$\frac{3\sqrt{2}}{4}$ (۲)

$\frac{3\sqrt{2}}{8}$ (۱)

$\frac{5\sqrt{2}}{4}$ (۴)

$\frac{5\sqrt{2}}{8}$ (۳)

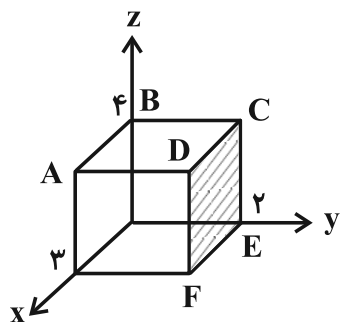
محل انجام محاسبات

وقت پیشنهادی: ۱۲ دقیقه

هندسه ۳: بردارها: صفحه‌های ۶۴ تا ۷۶

ویژه دانش آموزانی است که تا اسفند ماه می‌خواهند درس‌های دوازدهم را به اتمام برسانند.

۱۵۱- در شکل زیر معادله پاره خط AB و وجه DCEF کدام است؟



$$DCEF : \begin{cases} 0 \leq x \leq 3 \\ y = 2 \end{cases} \quad AB : \begin{cases} 0 \leq x \leq 3 \\ y = 0 \\ z = 4 \end{cases} \quad (1)$$

$$DCEF : y = 2 \quad AB : \begin{cases} y = 0 \\ z = 4 \end{cases} \quad (2)$$

$$DCEF : \begin{cases} 0 \leq x \leq 3 \\ y = 0 \\ z = 4 \end{cases} \quad AB : \begin{cases} 0 \leq x \leq 2 \\ y = 2 \\ 0 \leq z \leq 4 \end{cases} \quad (3)$$

$$DCEF : \begin{cases} 0 \leq x \leq 3 \\ y = 2 \\ 0 \leq z \leq 4 \end{cases} \quad AB : \begin{cases} 0 \leq x \leq 3 \\ y = 0 \\ z = 4 \end{cases} \quad (4)$$

۱۵۲- فاصله نقطه P از محور x ها، y ها و z ها به ترتیب برابر ۵، ۶ و ۷ است. فاصله این نقطه از مبدأ مختصات کدام است؟

(۱) $\sqrt{55}$ (۲) $\sqrt{110}$ (۳) $2\sqrt{55}$ (۴) $2\sqrt{110}$

۱۵۳- نقطه $M = (2k - 1, 1, k^2 - k)$ روی صفحه xy و نقطه $N = (t - 3, 2t, k^2 + 3k + 2)$ روی محور y قرار دارد، مقدار $2k + t$ کدام است؟

(۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۱۵۴- نقاط $M(4, 5, \frac{7}{2})$ ، $N(\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, 2)$ و $P(-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, \frac{11}{2})$ به ترتیب وسط ضلع‌های AB، BC و AC قرار دارند. مقدار $AB^2 + BC^2$

کدام است؟

(۱) ۱۳۶ (۲) ۱۷۵ (۳) ۱۹۶ (۴) ۲۱۵

مشابه سؤال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات

۱۵۵- ناحیه‌ای در فضای \mathbb{R}^3 با روابط مقابل مشخص شده است. بیشترین فاصله بین نقاط واقع در این ناحیه کدام است؟

$$\begin{cases} 2 \leq x \leq 5 \\ -1 \leq y \leq 2 \\ -2 \leq z \leq 3 \end{cases}$$

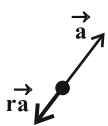
$\sqrt{47}$ (۴)

$\sqrt{43}$ (۳)

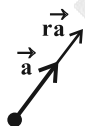
$5\sqrt{2}$ (۲)

۵ (۱)

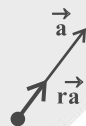
۱۵۶- اگر \vec{a} یک بردار در \mathbb{R}^2 و r یک عدد حقیقی باشد، در کدام گزینه حدود r دقیق مشخص شده است؟



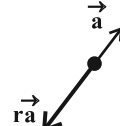
(۴)



(۳)



(۲)



(۱)

$-1 < r < 0$

$r > 0$

$|r| < 1$

$r < 0, |r| < 2$

۱۵۷- اگر بردارهای $\vec{OA} = (t, 1-t, 2t)$ و $\vec{OB} = (2t, t, 1-t)$ به ازای عدد مثبت t ، بردارهای یکه در فضای \mathbb{R}^3 و M وسط

پاره خط AB باشد، طول بردار \vec{OM} چند برابر $\sqrt{2}$ است؟

$\frac{\sqrt{17}}{6}$ (۴)

$\frac{\sqrt{17}}{3}$ (۳)

$\sqrt{\frac{17}{3}}$ (۲)

$\sqrt{\frac{17}{2}}$ (۱)

۱۵۸- در مورد بردارهای \vec{a} و \vec{b} می‌دانیم $\vec{a} + \vec{b}$ و $\vec{a} - \vec{b}$ بر هم عمودند و همچنین $|\vec{a} - \vec{b}| = \sqrt{3} |\vec{a} + \vec{b}|$ ؛ زاویه بین دو بردار \vec{a} و \vec{b} چند درجه است؟

۱۵۰ (۴)

۱۳۵ (۳)

۱۲۰ (۲)

۶۰ (۱)

۱۵۹- اگر $\vec{a} = \vec{i} + m\vec{k}$ ، $\vec{b} = m\vec{i} + 2\vec{j}$ و $|\vec{a} + \vec{b}| = 3$ ، آنگاه اندازه بردار $2\vec{a} - \vec{b}$ کدام می‌تواند باشد؟

۲ (۴)

۶ (۳)

$2\sqrt{6}$ (۲)

$\sqrt{6}$ (۱)

۱۶۰- سه بردار \vec{a} ، \vec{b} و \vec{c} به ترتیب با طول‌های ۴، ۴ و ۱ واحد مفروض‌اند. اگر $\vec{a} + \vec{b} + 4\vec{c} = \vec{0}$ ، آنگاه طول بردار $\vec{a} - \vec{b} + \vec{c}$ کدام است؟

$4\sqrt{3}$ (۴)

۷ (۳)

$2\sqrt{3}$ (۲)

۳ (۱)

وقت پیشنهادی: ۱۳ دقیقه

ریاضیات گسسته: ترکیبات: صفحه‌های ۶۲ تا ۷۸

ویژه دانش‌آموزانی است که تا اسفند ماه می‌خواهند درس‌های دوازدهم را به اتمام برسانند.

۱۶۱- می‌خواهیم برای سه استاد A، B و C در سه کلاس ۱، ۲ و ۳، در سه روز اول هفته برنامه‌ریزی کنیم، به طوری که هر استاد هر روز

در یک کلاس و در سه روز، در سه کلاس متفاوت تدریس کند. اگر استاد A در روز اول با کلاس ۱ و استاد C در روز سوم با

کلاس ۳ تدریس داشته باشد آنگاه کدام گزینه صحیح است؟

(۱) استاد A در روز سوم در کلاس ۲ تدریس ندارد. (۲) کلاس ۱ در روز دوم با استاد B تدریس ندارد.

(۳) استاد C در روز اول در کلاس ۳ تدریس دارد. (۴) کلاس ۲ در روز دوم با استاد A تدریس دارد.

۱۶۲- در مربع لاتین مقابل، حاصل $x + y + z$ کدام است؟

y		۱	
			z
	۳		x
۱		۲	

۸ (۱)

۷ (۲)

۶ (۳)

۵ (۴)

۱۶۳- اگر دو مربع لاتین زیر متعامد باشند، آنگاه حاصل $ax + by + cz$ کدام است؟

۱۰ (۱)


۱۱ (۲)

۱۳ (۳)

۱۴ (۴)

a	b	c
۳	۱	۲

x	y	z
۳	۱	۲

مشابه سؤال‌هایی که با آیکون  مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات

۱۶۴- در مربع لاتین مقابل، مجموع مقادیرهای قابل قبول برای $a + b$ کدام است؟

۱	۲	۳	۴
۲	a	۴	
۳		b	
۴			

۵ (۱)

۶ (۲)

۸ (۳)

۹ (۴)

۱۶۵- چند عدد طبیعی با حداکثر سه رقم می توان یافت که نسبت به ۷۲ اول باشند؟

۳۵۱ (۴)

۲۳۴ (۳)

۳۳۳ (۲)

۳۲۴ (۱)

۱۶۶- با ارقام ۱، ۲، ۳، ۴، ۵ چند عدد چهار رقمی می توان نوشت به گونه ای که شامل هر سه رقم ۱، ۲ و ۳ باشند؟

۹۶ (۴)

۱۲۰ (۳)

۷۲ (۲)

۸۴ (۱)

۱۶۷- با جابه جایی حروف کلمه PISHRO چند کلمه ۶ حرفی می توان ساخت به طوری که هیچ یک از دو حرف O و I سر جای خودشان قرار نگیرند؟

۵۰۴ (۴)

۵۰۰ (۳)

۴۸۰ (۲)

۳۶۰ (۱)

۱۶۸- به چند طریق می توان با ارقام ۱، ۲، ۳، ۴ و ۵ عددی پنج رقمی بدون رقم تکراری ساخت، طوری که در آن عدد، هیچ کدام از

اعداد ۱۲ و ۳۵، وجود نداشته باشد؟

۷۸ (۴)

۸۴ (۳)

۱۰۰ (۲)

۱۲۰ (۱)

۱۶۹- تعداد تابع های پوشا مانند f از مجموعه $A = \{a, b, c, d, e, f\}$ به مجموعه $B = \{1, 2, 3\}$ به طوری که $f(a) = f(b)$ باشد، چند تاست؟

۱۲۰ (۴)

۱۸۰ (۳)

۹۰ (۲)

۱۵۰ (۱)

۱۷۰- از مجموعه $\{1, 2, \dots, 702\}$ به روی مجموعه $\{99, 100, 101, 102\}$ چند تابع مانند f می توانیم تعریف کنیم، به طوری که

حاصل $A = f(1) + f(2) + \dots + f(702)$ عددی فرد باشد؟

۲۱۴۰۵ (۴)

۲۱۴۰۴ (۳)

۲۱۴۰۳ (۲)

۲۱۴۰۲ (۱)

وقت پیشنهادی: ۱۲ دقیقه

فیزیک ۳: آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه‌های ۱۱۵ تا ۱۳۶

ویژه دانش آموزانی است که تا اسفند ماه می‌خواهند درس‌های دوازدهم را به اتمام برسانند.

۱۷۱- شدت نور تک رنگ تابیده شده به صفحه‌ای با مساحت 200 cm^2 ، $\frac{W}{m^2}$ است. اگر طول موج نور تابیده شده 496 nm باشد، در هر

دقیقه چند فوتون به صفحه برخورد می‌کند؟ ($hc = 1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}$ و $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$)

(۱) 10^{17} (۲) 6×10^{17}

(۳) 10^{18} (۴) 6×10^{18}

۱۷۲- از لامپ لیزر ۳۰ واتی که نوری تک رنگ با طول موج ۶۶۰ نانومتر تابش می‌کند، در مدت ۱۰ دقیقه چند فوتون گسیل می‌شود؟

($h = 6.6 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$ و $c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$)

(۱) 6×10^{21} (۲) 6×10^{22} (۳) 3×10^{21} (۴) 2×10^{22}

۱۷۳- در آزمایش فوتوالکتریک به هر دو فلز A و B یک پرتو با طول موج $\frac{1}{4}$ طول موج آستانه فلز A می‌تابانیم. اگر بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌های جدا شده از فلز A، ۲ برابر بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌های جدا شده از فلز B باشد،


طول موج آستانه فلز A چند برابر طول موج آستانه فلز B است؟

(۱) $1/5$ (۲) ۲ (۳) $2/5$ (۴) ۳

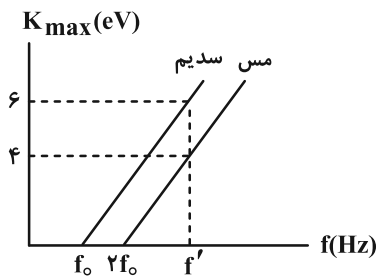
۱۷۴- تابع کار فلز طلا برابر $5/2 \text{ eV}$ است. بسامد آستانه آن چند هرتز است؟ ($h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}$)

(۱) $1/3 \times 10^{15}$ (۲) $2/4 \times 10^6$

(۳) $3/8 \times 10^8$ (۴) 5×10^9

مشابه سؤال‌هایی که با آیکون  مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

۱۷۵- نمودار بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها بر حسب بسامد، برای دو فلز سدیم و مس مطابق شکل زیر است. f' چند هرتز است؟



$$(h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s})$$

(۱) 10^{15}

(۲) 2×10^{15}

(۳) $2/5 \times 10^{15}$

(۴) 4×10^{15}

۱۷۶- در اتم هیدروژن بلندترین طول موج فرابنفش تابش شده چند برابر کوتاه‌ترین طول موج فروسرخ تابش شده است؟

(۴) $\frac{4}{9}$

(۳) $\frac{4}{5}$

(۲) $\frac{196}{405}$

(۱) $\frac{405}{196}$

۱۷۷- در یک اتم هیدروژن، الکترون در اولین حالت برانگیخته قرار دارد. اگر فوتونی با انرژی E_R به این اتم بتابانیم، کدام گزینه صحیح است؟ (یک رییدبرگ E_R)

(یک رییدبرگ E_R)

(۲) الکترون به تراز $n = 3$ می‌رود.

(۱) الکترون به تراز $n = 4$ می‌رود.

(۴) تراز الکترون تغییر نمی‌کند.

(۳) الکترون به حالت پایه می‌رود.

۱۷۸- الکترون اتم هیدروژن از تراز $n = 4$ به حالت پایه برمی‌گردد و بیشترین تعداد فوتون را گسیل می‌کند. آخرین فوتون گسیل شده در چه طیفی قرار دارد و طول موج آن چند نانومتر است؟ ($R = 0.011 \text{ nm}^{-1}$)

در چه طیفی قرار دارد و طول موج آن چند نانومتر است؟ ($R = 0.011 \text{ nm}^{-1}$)

(۲) براکت $(n' = 4)$ ، $\frac{3200}{33}$

(۱) لیمان $(n' = 1)$ ، $\frac{4000}{33}$

(۴) براکت $(n' = 4)$ ، $\frac{4000}{33}$

(۳) لیمان $(n' = 1)$ ، $\frac{3200}{33}$

۱۷۹- چه تعداد از جملات زیر نادرست است؟

- (الف) طول موج‌های ایجاد شده در طیف خطی برای هر عنصری منحصر به فرد است.
- (ب) رنگ نور منتشر شده در لامپ‌ها برای تشکیل طیف به نوع گاز درون آن وابسته نیست.
- (پ) الگوی اتمی رادرفورد پایداری الکترون‌ها در مدار و در نتیجه پایداری اتم‌ها را توجیه نمی‌کند.
- (ت) مطابق با الگوی رادرفورد، هسته از بار مثبت تشکیل شده است و بسیار چگال است.
- (ث) مطابق با نظریه فیزیک کلاسیک کاهش انرژی در اثر تابش امواج الکترومغناطیسی باعث کاهش تدریجی شعاع حرکت الکترون و کاهش تدریجی بسامد نور تابش شده، می‌شود.

۲ (۱) ۱ (۲) ۴ (۳) ۳ (۴)

۱۸۰- کدام گزینه در مورد شکل‌های زیر نادرست است؟



(۱) شکل (ب) مربوط به وضعیت وارونی جمعیت است.



(۲) شکل (الف) وضعیت قرارگیری الکترون‌ها را در دمای اتاق نشان می‌دهد.

(الف)



(۳) در شکل (ب)، الکترون‌ها مدت زمانی بسیار طولانی‌تری (10^{-3} s) نسبت به حالت برانگیخته معمولی (10^{-8} s) می‌توانند در تراز برانگیخته



نسبت به حالت برانگیخته معمولی (10^{-8} s) می‌توانند در تراز برانگیخته

(ب)

باقی بمانند.

(۴) در شکل (ب) اگر فوتونی با انرژی دو برابر $E_U - E_L$ تابیده شود، گسیل القایی رخ می‌دهد.

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر: صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۱۰

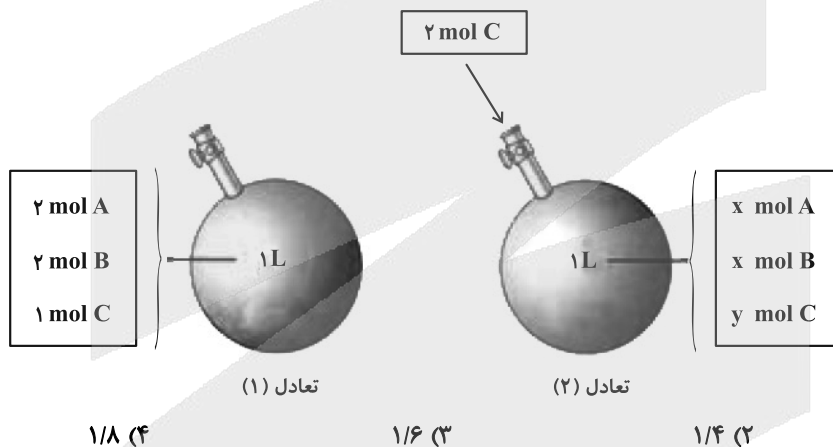
ویژه دانش‌آموزانی است که تا اسفند ماه می‌خواهند درس‌های دوازدهم را به اتمام برسانند.

۱۸۱- درستی یا نادرستی مطالب زیر در کدام گزینه آمده است؟

- تنها کربن دی‌اکسید و آب برای فتوسنتز و رشد یک گیاه کافی هستند.
 - افزودن آمونیاک یا اوره به خاک، نیتروژن قابل استفاده برای گیاه را فراهم می‌کند.
 - کودهای شیمیایی با هدف افزایش بهره‌وری در تولید فراورده‌های کشاورزی تولید می‌شوند.
 - واکنش میان گازهای N_2 و H_2 در دمای اتاق با جرقه یا در حضور کاتالیزگر سریع انجام می‌شود.
- (۱) درست، درست، نادرست، نادرست
(۲) نادرست، درست، درست، درست
(۳) نادرست، نادرست، نادرست، نادرست
(۴) درست، درست، نادرست، نادرست

۱۸۲- در شکل سمت چپ تعادل $A(g) + B(g) \rightleftharpoons 2C(g)$ در یک ظرف یک لیتری برقرار است اگر به سامانه تعادل در همان دما، دو

مول C اضافه کنیم اختلاف x و y در تعادل سمت راست کدام است؟



۱۸۳- با توجه به تعادل داده شده، کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟



$$\Delta H > 0$$

- (۱) با کاهش دما، تعادل در جهت برگشت حرکت کرده و مقدار K کم می‌شود.
- (۲) با افزایش دما، سرعت واکنش رفت افزایش و سرعت واکنش برگشت کاهش می‌یابد.
- (۳) با انتقال تعادل به ظرفی به حجم کمتر، تعادل جابه‌جا نشده و غلظت مواد ثابت می‌ماند.
- (۴) با خارج کردن مقداری AB از تعادل در دمای ثابت، تعادل در جهت رفت حرکت کرده و مقدار K افزایش می‌یابد.

مشابه سؤال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات

۱۸۴- در دمای معین، یک مول از هر یک از واکنش دهنده‌ها وارد ظرف ۲ لیتری می‌شود تا تعادل گازی $\Delta H < 0$ ، $H_2 + Br_2 \rightleftharpoons 2HBr$ برقرار شود، کدام مورد درست است؟

- (۱) با افزایش دما، سرعت واکنش رفت کاهش و سرعت واکنش برگشت، افزایش می‌یابد.
- (۲) با انتقال تعادل به ظرف یک لیتری، غلظت مولی هر یک از مواد شرکت‌کننده، نصف می‌شود.
- (۳) قطعاً استفاده از کاتالیزگر مناسب برخلاف افزایش فشار، باعث جابه‌جایی تعادل در جهت رفت می‌شود.
- (۴) با کاهش دما، ثابت تعادل واکنش بزرگ‌تر می‌شود و تعادل در جهت افزایش درصد مولی فراورده جابه‌جا می‌شود.

۱۸۵- تعادل گاز $\Delta H < 0$ ، $A_2(g) + B_2(g) \rightleftharpoons 2AB(g)$ ، در یک ظرف دربسته برقرار است. کدام موارد زیر درست است؟ (B_2 تنها ماده

رنگی موجود در ظرف است.)

- (الف) با کاهش حجم ظرف واکنش، شدت رنگ مخلوط برخلاف جرم $B_2(g)$ موجود در ظرف افزایش می‌یابد.
- (ب) در اثر اضافه کردن ۰/۲ مول از ماده $A_2(g)$ به ظرف، مقدار $AB(g)$ به میزان ۰/۴ مول تغییر می‌کند.
- (پ) اگر ثابت تعادل واکنش در دمای θ برابر $1/2 \times 10^{-3}$ باشد، در دمای θ' می‌تواند برابر 2×10^{-4} باشد. ($\theta' > \theta$)
- (ت) با افزایش دما همانند کاهش فشار، واکنش در جهت تولید $AB(g)$ پیشرفت می‌کند.

(۱) الف، پ (۲) ب، پ (۳) ب، ت (۴) الف، ت

۱۸۶- با توجه به تعادل گازی $\Delta H < 0$ ، $2NO + O_2 \rightleftharpoons 2NO_2$ شرایط داده شده در کدام گزینه سبب جابه‌جایی واکنش در جهت

افزایش غلظت مولی گازهای واکنش دهنده خواهد شد؟

- (۱) کاهش غلظت O_2 ، افزایش غلظت NO_2
- (۲) کاهش غلظت NO ، افزایش غلظت NO
- (۳) کاهش دما، کاهش حجم
- (۴) کاهش حجم، افزایش دما

۱۸۷- در یک آزمایش ۵۰ لیتر گاز هیدروژن با ۴ مول گاز کربن دی‌سولفید در ظرفی ۱۰ لیتری در بسته قرار گرفته‌اند تا تعادل

گازی $4H_2 + CS_2 \rightleftharpoons 2H_2S + CH_4$ برقرار شود. اگر ۵۰ درصد از گاز هیدروژن تا رسیدن به تعادل مصرف شده باشد، ثابت

تعادل این واکنش به تقریب کدام است؟ (حجم مولی گازها در شرایط انجام این واکنش را ۲۵ لیتر بر مول در نظر بگیرید.)

(۱) ۰/۱۶ (۲) ۰/۳۳ (۳) ۰/۱۷ (۴) ۱/۶۷

۱۸۸- ۷۵ گرم کلسیم کربنات را در دمایی معین در ظرفی یک لیتری حرارت می‌دهیم. اگر پس از برقراری تعادل، شمار مول‌های مواد

موجود به یک مول برسد، مقدار ثابت تعادل این واکنش کدام خواهد بود؟ ($C = 12, O = 16, Ca = 40 : g \cdot mol^{-1}$)



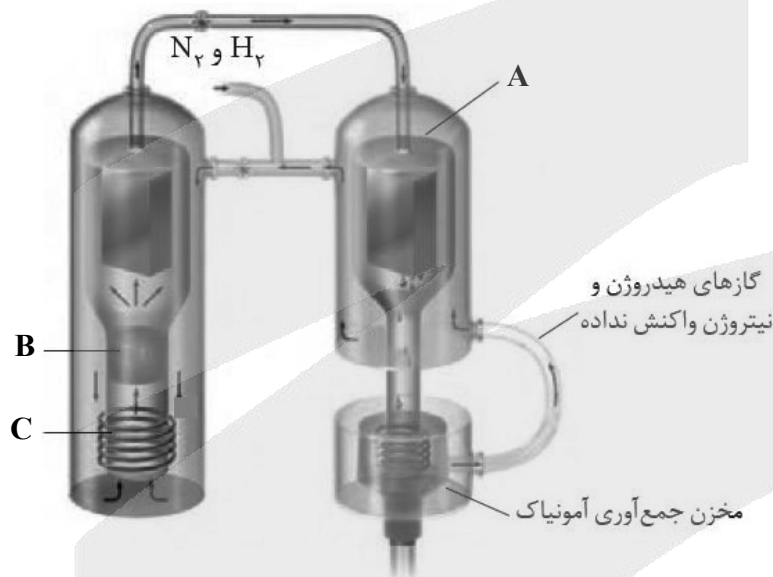
- (۱) ۰/۲۵ (۲) ۰/۵۰ (۳) ۰/۷۵ (۴) ۱

۱۸۹- تعادل گازی $K = 0/05$ ؛ $2X(g) \rightleftharpoons 2Y(g) + Z(g)$ ، با ورود یک مول X به یک ظرف در یک دمای معین برقرار می‌شود. اگر در

حالت تعادل، غلظت X چهار برابر غلظت Y باشد، حجم سامانه تعادلی چند میلی‌لیتر است؟

- (۱) ۱۰۰ (۲) ۱۲۵ (۳) ۲۰۰ (۴) ۲۵۰

۱۹۰- با توجه به شکل زیر که نمایی از فناوری تولید آمونیاک به روش هابر را نشان می‌دهد، کدام مطلب نادرست است؟



(۱) در بخش B، از ورقه آهنی به عنوان کاتالیزگر استفاده می‌شود.

(۲) می‌توان گفت برای قسمت A، دمای $40^\circ C$ - مناسب‌تر از دمای $200^\circ C$ - است.

(۳) استفاده از تفاوت نقطه جوش، روشی برای خالص‌سازی محصول نهایی از گازهای واکنش نداده است.

(۴) برای افزایش بازدهی و پیشرفت واکنش، دمای سامانه را به وسیله قسمت C، تا $500^\circ C$ افزایش می‌دهند.



دانش آموز عزیز، سوالات عمومی از شماره ۲۱۱ شروع می شود، دقت نمایید تا گزینه ها را به درستی وارد پاسخ برگ کنید.



دفترچه سؤال ؟

عمومی دوازدهم
رشته ریاضی، تجربی، هنر، منحصراً زبان
۸ اسفند ماه ۱۴۰۴

تعداد سوالات و زمان پاسخ گویی آزمون

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	وقت پیشنهادی
فارسی ۳	۱۰	۲۱۱-۲۲۰	۱۰
عربی، (زبان قرآن ۳)	۱۰	۲۲۱-۲۳۰	۱۰
دین و زندگی ۳	۱۰	۲۳۱-۲۴۰	۱۰
(زبان انگلیسی ۳)	۱۰	۲۴۱-۲۵۰	۱۰
جمع دروس عمومی	۴۰	—	۴۰

طراحان

فارسی	حسن افتاده، حسین پرهیزگار، سعید جعفری، نازنین فاطمه حاجیلو، ابوالفضل عباس زاده، محسن فدایی
عربی، زبان قرآن	آرمین ساعدپناه، محمدرضا سوری، مهران سعیدنیا، امیرعلی فردین، حمیدرضا قائدامینی
دین و زندگی	محسن بیاتی، فردین سماقی، مرتضی محسنی کبیر، میثم هاشمی
(زبان انگلیسی)	محمد مهدی دغلاوی، آرمین رحمانی، محمد سلیمانی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	مسئول درس و گزینشگر	گروه ویراستاری	رتبه برتر	مسئول درس های مستندسازی
فارسی	نازنین فاطمه حاجیلو	محسن اصغری، الهام محمدی، مرتضی منشاری	—	فریبا رئوفی، زهرا شمسایی، محسن جمشیدی، مائده ملکی
عربی، (زبان قرآن)	آرمین ساعدپناه	درویشعلی ابراهیمی	—	لیلا ایزدی، مهدی یعقوبیان، محمد قزی
دین و زندگی	بهنام رسولی	امیرمهدی افشار	—	سجاد حقیقی پور، سیدمجتبی رضا زاده، علی ابراهیمی آرانی
اقلیت های مذهبی	دبورا حاتانیان	معصومه شاعری	—	—
(زبان انگلیسی)	رحمتاله استیری	طاها اصغریان، فاطمه نقدی	مائده سالاری	سپهر اشتیاقی، علیرضا رمضانزاده

کلاس های آنلاین عمومی

نام درس	نام دبیر	روز	ساعت
(زبان انگلیسی ۳)	محدثه مرآتی	سه شنبه	۱۷-۱۸
عربی، زبان قرآن ۳	ابوطالب درانی	سه شنبه	۱۹-۲۰
دین و زندگی ۳	سجاد حقیقی پور	چهارشنبه	۱۹-۲۰
فارسی ۳	نازنین حاجیلو	پنجشنبه	۱۹-۲۰

مدیر گروه	الهام محمدی
مسئول دفترچه	معصومه شاعری
مستندسازی و مطابقت با مصوبات	مدیر: محیا اصغری، مسئول دفترچه: فریبا رئوفی
حروف نگار و صفحه آرا	زهرا تاجیک
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم چی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب- بین صبا و فلسطین- پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۲۱-۶۴۶۳

۱۰ دقیقه

فارسی ۳

ادبیات حماسی
(خوان هشتم)
درس ۱۳
صفحه ۱۱۱ تا ۱۱۹

۲۱۱- معنی آورده شده برای کدام واژه با توجه به متن مصراع، نادرست است؟

- (۱) چوبدستی منتشا (نام شهری در آسیای صغیر) مانند در دستش / مست شور و گرم گفتن بود
- (۲) آن هریوه (هروی) خوب و پاک‌آیین روایت کرد / خوان هشتم را من روایت می‌کنم اکنون
- (۳) این عیار (معیار) مهر و کین مرد و نامرد است
- (۴) بس که زهر زخم‌ها کاریش (مؤثر)

۲۱۲- کدام گزینه از نظر املائی کاملاً درست است؟

- (۱) داشتم می‌گفتم، آن شب نیز / صورت سرمای دی بیدادها می‌کرد
- (۲) دیگر اکنون آن عماد تکیه و امید ایران شهر / شیرمرد عرصه ناوردهای حول
- (۳) رخس، آن طاق عزیز، آن تای بی‌همتا/ رخس رخشنده/ با هزاران یادهای روشن و زنده
- (۴) مرد نقال از صدایش زجه می‌بارید / و نگاهش مثل خنجر بود

۲۱۳- در شعر «ناگهان انگار/ بر لب آن چاه/ سایه‌ای را دید/ او شغاد آن نابردار بود» نقش دستوری واژه «شغاد» با نقش دستوری کدام واژه در بیت زیر یکسان است؟

- «سپاوش چنین گفت کای شهریار / که دوزخ مرا زین سخن گشت خوار»
- (۱) شهریار (۲) دوزخ (۳) سخن (۴) خوار

۲۱۴- کدام گزینه با توجه به عبارات زیر، نادرست است؟

- (الف) بعد از آن تا مدتی، تا دیر، / یال و رویش را / هی نوازش کرد
- (ب) قصه می‌گوید که بی‌شک می‌توانست او اگر می‌خواست / که شغاد نابردار را بدوزد
- (ج) کشته هر سو بر کف و دیواره‌هایش نیزه و خنجر
- (۱) در عبارت (ج) فقط یک نوع وابسته پیشین وجود دارد و ضمیر متصل «ش» وابسته پسین از نوع مضاف‌الیه است.
- (۲) در عبارت (الف) دو وابسته پسین وجود دارد و در عبارت (ب) واژه «شغاد» هسته گروه اسمی است.
- (۳) در عبارت (ب)، چهار گروه اسمی وجود دارد.
- (۴) در عبارت (ب)، واژه «او» نهاد است و واژه «نابردار» وابسته پسین از نوع صفت بیانی است.

۲۱۵- پاسخ سؤال‌های زیر با توجه به سروده «تهمتن، گرد سجستانی/ کوه کوهان، مرد مردستان/ رستم دستان، در تگ تاریک ژرف چاه پهناور،/ کشته هر سو بر کف و دیواره‌هایش نیزه و خنجر،/ ...،/ آری اکنون تهمتن با رخس غیرتمند،/ در بُن این چاه آبش زهر شمشیر و سینان، گم بود»، به ترتیب در کدام گزینه آمده است؟

(الف) نوع نخستین نقش تبعی چیست؟

(ب) حرف «و» در جمله پایانی، حرف عطف است یا ربط؟

- (۱) معطوف - عطف (۲) بدل - عطف (۳) بدل - ربط (۴) معطوف - ربط

۲۱۶- به ترتیب آرایه‌های سروده‌های زیر، در کدام گزینه به درستی بیان شده است؟

الف) و دمش، چونان حدیث آشنایش گرم / راه می‌رفت و سخن می‌گفت. / چوب‌دستی منتشامانند در دستش، / مست شور و گرم گفتن بود.
ب) قصه می‌گوید که بی‌شک می‌توانست او اگر می‌خواست / که شغاد نابردار را بدوزد - همچنان که دوخت - / با کمان و تیر / بر درختی که به زیرش ایستاده بود.

ج) چاه چونان ژرفی و پهناش، بی‌شرمیش ناباور / و غم‌انگیز و شگفت‌آور، / آری اکنون تهمتن با رخس غیرتمند، / در بن این چاه آبش زهر شمشیر و سنان، گم بود.

- ۱) مجاز - ایهام تناسب - تشبیه
۲) تلمیح - تشخیص - مجاز
۳) مجاز - تشخیص - جناس
۴) جناس - ایهام - تشخیص

۲۱۷- کدام شعر زیر، با لحن متفاوتی از گزینه‌های دیگر خوانده می‌شود؟

- ۱) همه از بهر تو سرگشته و فرمان‌بردار
شرط انصاف نباشد که تو فرمان‌بری
۲) آتش اب‌راهیم را نبود زیان
هر که نمرودی است، گو می‌ترس از آن
۳) سیاوش سیه را به تندی بتاخت
نشد تنگ‌دل، جنگ آتش بساخت
۴) هر که فریادرس روز مصیبت خواهد
گو در ایام سلامت، به جوانمردی کوش

۲۱۸- دو مصراع همه گزینه‌ها از یک بیت است، به جز گزینه ...

- ۱) به دشت دل گیاهی جز گل رویت نمی‌روید
من این زیبا زمین را آزمودم؛ میهن ای میهن!
۲) تو بودم کردی از نابودی و با مهر پروردی
به هر حالت که بودم با تو بودم؛ میهن ای میهن!
۳) اگر مستم اگر هشیار اگر خوابم اگر بیدار
به سوی تو بود روی سجودم؛ میهن ای میهن!
۴) تنیده یاد تو در تار و پودم، میهن ای میهن!
بود لبریز از عشقت وجودم؛ میهن ای میهن!

۲۱۹- کدام گزینه به «مرگ خودخواسته» اشاره دارد؟

- ۱) می‌توانست او اگر می‌خواست / کان کمند شصت‌خم خویش بگشاید / و بیندازد به بالا بر درختی گیره‌ای، سنگی / و فراز آید ... / لیک ...
۲) باز با آن آخرین اندیشه‌ها سرگرم / جنگ بود این یا شکار؟ آیا / میزبانی بود یا تزویر؟
۳) پهلوان هفت‌خوان اکنون / طعمه دام و دهان خوان هشتم بود
۴) همگان خاموش / گرد بر گردش، به کردار صدف بر گرد مروارید، / پای تا سر گوش

۲۲۰- مفهوم کدام گزینه نادرست آمده است؟

- ۱) قهوه‌خانه گرم و روشن، مرد نقال آتشین پیغام / راستی کانون گرمی بود: (گیرایی سخن)
۲) چون کلید گنج مروارید / گم نمی‌شد از لبش لبخند، / خواه روز صلح و بسته مهر را پیمان: (خزانه‌داری)
۳) این گلیم تیره‌بختی‌هاست / خیس خون داغ سهراب و سیاوش‌ها / روکش تابوت تختی‌هاست: (حماسه ملی)
۴) چاه چونان ژرفی و پهناش، بی‌شرمیش ناباور / و غم‌انگیز و شگفت‌آور: (نابه‌کاری)

۱۰ دقیقه

عربی، زبان قرآن ۳
القرزذقی
درس ۴
صفحة ۴۹ تا ۵۲

عربی، زبان قرآن ۳

۲۲۱- عین الصّحیح فی ترجمة المفردات المعیّنة:

(۱) لیس قولک: من هذا؟ بضائره. (مورد رضایت)

(۲) إنّ هذا الرّجل نقیّ. (پرهیزگار)

(۳) ثمّ أنشد شعراً رائعاً. (سرود)

(۴) هذا الذي سمخ الناس له. (بخشیدند)

۲۲۲- عین الخطأ فی ترجمة الكلمات التي تحتها خطأ:

(۱) رخل الفرزدق إلى خلفاء بني أمية. (کوچ کرد)

(۲) العرب تعرف من أنكرت و العجم. (ناشناخته شمردی)

(۳) كان مع هشام جماعة من كبار أهل الشام. (بزرگان)

(۴) البيت يعرفه و الجبل و الحزم. (مردم داخل إحرام)

■ ■ عین الأصحّ و الأدقّ فی الجواب للترجمة: (۲۲۳ - ۲۲۷)

۲۲۳- «هذا ابني يكاد يكون شاعراً عظيماً.»:

(۱) این پسر، نزدیک است که شاعری مشهور گردد.

(۲) این پسر من می‌باشد که نزدیک است شاعر بزرگی شود.

(۳) این فرزندم ممکن است شاعری مشهور شود.

(۴) این پسر من می‌تواند شاعر پر آوازه‌ای شود.

۲۲۴- «هذا الذي تعرف البطحاء وطأته و البيت يعرفه و الحزم.»:

(۱) این کسی است که سرزمین مکه جای پایش را می‌شناسد و خانه [خدا] و مردم محدودهٔ احرام، او را می‌شناسند.

(۲) این کسی است که سرزمین مکه، قدمگاهش را می‌شناسد و خانه [خدا] و مردم بیرون احرام نیز، او را می‌شناسند.

(۳) این همان کسی است که با قدمگاهش مردم دشت مکه و خانه [خدا] و مردم بیرون احرام آشنایی دارند.

(۴) این کسی است که سرزمین مکه، جای پایش را می‌شناخت و خانه [خدا] و مردم محدودهٔ احرام نیز، او را می‌شناختند.

۲۲۵- عین الصّحیح:

(۱) لم يجهر الرجل بالحقّ فضاغتُ فرصته: مرد حق را آشکار نمی‌کرد، پس فرصت او از دست رفت.

(۲) لأن يترك المسافر البطحاء حتى يجد الأمان و صحته: مسافر از دشت مکه کوچ نمی‌کند تا امنیتش و سلامتی‌اش را بیابد.

(۳) وصل إلى ذلك الحجر و استلمه استلاماً سهلاً: به آن سنگ رسید و توانست آن را به آسانی مسح کند.

(۴) كتبت هذه القصيدة كتاباً رائعة: این سروده را به گونه‌ای جالب نوشت.

۲۲۶- عَيْنِ الصَّحِيحِ:

- ۱) الفرزدق وُلِدَ فِي مَنطِقَةِ الْكُوَيْتِ الْحَالِيَةِ: فرزدق در کشور کویت کنونی متولد شد.
- ۲) كان الفرزدق يَسْتُرُ حَبَّةَ عِنْدَ خُلَفَاءِ بَنِي أُمَيَّةَ: فرزدق عشق خود را نزد خلفای بنی اُمیّه پنهان کرده بود.
- ۳) أَنَا أَعْرَفُ هَذَا الرَّجُلَ جَيِّدًا: من این مرد را به خوبی می شناسم.
- ۴) كان الْفَرَزْدَقُ عاشَ فِي الْبَصْرَةِ: فرزدق در بصره زندگی می کرد.

۲۲۷- عَيْنِ الْخَطَأِ:

- ۱) الْفَرَزْدَقُ شاعرِ الْعَصْرِ الْأُمَوِيِّ وُلِدَ فِي الْكُوَيْتِ: فرزدق شاعر عصر اموی در کویت زاده شد.
- ۲) هذا هو الَّذِي يَعْرِفُهُ كُلُّ الْمَدِينَةِ: این همان کسی است که تمام شهر او را می شناسند.
- ۳) عَلِمَ ابْنُكَ الْقُرْآنَ تَعْلِيمًا فَإِنَّ هَذَا خَيْرُ التَّعْلِيمِ: به پسر تو قرآن را حتماً بیاموز چرا که این، بهترین آموزش است.
- ۴) خافَ هِشَامٌ مِنْ أَنْ يُعْرِفَ الْإِمَامَ وَ يَرْغَبُ النَّاسُ فِيهِ: هشام ترسید که امام را بشناسند و مردم به او علاقه مند شوند.

۲۲۸- عَيْنِ الْخَطَأِ فِي تَرْجُمَةِ الْأَفْعَالِ الَّتِي تَحْتَهَا خَطْ:

- ۱) قَدْ تُنْشِدُ قَصَائِدَ تُعْجِبُ هَوَاتِكَ. (شاید بسرایي)
- ۲) لَنْ يَسْتَغْفَرَ الْكَافِرُ رَبَّهُ لِذُنُوبِهِ. (آمرزش نخواهد خواست)
- ۳) تَقَرَّبُوا إِلَى الْعُلَمَاءِ مِنْ فَضْلِكُمْ. (نزدیک شد)
- ۴) يُؤَدُّ الْأَطْفَالَ فِي الْمُسْتَشْفَى الْيَوْمَ فَقَط. (متولد می شوند)

۲۲۹- «كَانَ الْفَرَزْدَقُ مُحِبًّا لِأَهْلِ الْبَيْتِ.»؛ عَيْنِ الصَّحِيحِ عَنِ الْكَلِمَةِ الْمَعِينَةِ:

- ۱) اسم الفاعل
- ۲) اسم المفعول
- ۳) اسم المبالغة
- ۴) اسم التفضيل

۲۳۰- «الْفَرَزْدَقُ مِنْ شُعْرَاءِ الْعَصْرِ الْأُمَوِيِّ.»؛ عَيْنِ الْخَطَأِ عَنِ الْمَحَلِّ الْإِعْرَابِيِّ لِلْكَلِمَاتِ الْمَعِينَةِ:

- ۱) العصر: مضاف إليه
- ۲) الفرزدق: فاعل
- ۳) شعراء: مجرور بحرف جرّ
- ۴) الأمويّ: صفة



۱۰ دقیقه

دانش آموزان اقلیت های مذهبی، شما می توانید سؤال های معارف مربوط به خود را از مسئول حوزه دریافت نمایید.

دین و زندگی ۳

۲۳۱- اولین معیار تمدن اسلامی کدام است و رسول خدا (ص) آن را از کدام شهر آغاز کرد؟

(۱) توحید - مکه

(۲) عدالت - مدینه

(۳) توحید - مدینه

(۴) عدالت - مکه

۲۳۲- در بیان قرآن کریم، آنان که از مال خود برای محرومان و فقیران حق معینی قرار داده اند چه کسانی هستند و چه کسانی دیگران را به اطعام

مساکین تشویق نمی نمایند؟

(۱) نمازگزاران - منافقین

(۲) نمازگزاران - مکذبین

(۳) روزه داران واقعی - منافقین

(۴) روزه داران واقعی - مکذبین

۲۳۳- اقدام لازم و ابتدایی برای ایجاد جامعه اسلامی بر اساس معیارهای اسلامی کدام است و برای تحقق هر چه بهتر معیارها انجام چه امری لازم است؟

(۱) شناخت معیارهای تمدن اسلامی بر اساس معرفی قرآن و پیشوایان - صبر و پایداری

(۲) شناخت معیارهای تمدن اسلامی بر اساس معرفی قرآن و پیشوایان - برنامه ریزی و تلاش

(۳) برپایی جامعه ای بر اساس عدالت و دستورات الهی - برنامه ریزی و تلاش

(۴) برپایی جامعه ای بر اساس عدالت و دستورات الهی - صبر و پایداری

۲۳۴- عنصر اصلی برنامه اسلام برای ارتقا جایگاه خانواده چیست؟

(۱) انقلاب عظیم در جایگاه خانواده و زن

(۲) احیای منزلت زن و ارزش های اصیل او

(۳) برخوردار کردن زن از حق مالکیت

(۴) بهره مندی زنان از حقوق فردی و اجتماعی

۲۳۵- مفاد آیه مبارکه «لقد ارسلنا رسلنا بالبینات و انزلنا معهم الکتاب و المیزان ليقوم الناس بالقسط» اشاره به کدام یک از معیارهای تمدن اسلامی دارد

و پیامبر (ص) چگونه توانست انقلاب عظیمی در جایگاه خانواده و زن پدید آورد؟

(۱) برقراری جامعه عدالت محور - احیای منزلت زن و ارزش های اصیل او

(۲) تحکیم بنیان خانواده - با گفتار و رفتار

(۳) برقراری جامعه عدالت محور - با گفتار و رفتار

(۴) تحکیم بنیان خانواده - احیای منزلت زن و ارزش های اصیل او

۲۳۶- حدیث نبوی «فاطمه پاره‌ای از تن من است، هر کس او را بیازارد، مرا آزرده است...» با پیام کدام عبارت شریفه قرآنی ارتباط مفهومی دارد؟

(۱) «و من آیاته أن خلق لکم من انفسکم ازواجاً...»

(۲) «إنما یتذکر اولوا الالباب»

(۳) «اطیعوا الرسول و اولی الامر منکم»

(۴) «من امن بالله و الیوم الآخر و عمل صالحاً»

۲۳۷- هنگام آغاز دعوت رسول خدا (ص) در جامعه جاهلی، کدام نشانه بسیار اندک بود و اولین آیاتی که آغازگر رسالت ایشان بود درباره چه موضوعی

است؟

(۱) منزلت زن - احیای منزلت زن

(۲) تعقل و تفکر و دانایی - دانش و آموختن

(۳) برابری و مساوات - برقراری عدالت اجتماعی

(۴) امکانات رشد برای همه - برقراری عدالت اجتماعی

۲۳۸- جمله «نیست باد آن فلسفه‌ای که قوانینش با کتاب قرآن و سنت رسول خدا (ص) مطابقت نداشته باشد» از کدام فیلسوف است و به کدام موضوع

اشاره دارد؟

(۱) ملاصدرا - هماهنگی میان شهود و تفکر عقلی

(۲) ملاصدرا - هماهنگی میان دین و تفکر عقلی

(۳) ابن‌سینا - هماهنگی میان شهود و تفکر عقلی

(۴) ابن‌سینا - هماهنگی میان دین و تفکر عقلی

۲۳۹- شوق و علاقه نیاکان ما در جهان اسلام به دانش، در نهایت سبب چه چیزی شد؟

(۱) کنار هر مدرسه‌ای، مسجد ساخته شود.

(۲) توانستند شاخه‌های علوم بشری را به پانصد عدد برسانند.

(۳) کنار هر مسجدی، مدرسه‌ای ساخته شود.

(۴) دانشمندان مسلمان بزرگی به جهان اسلام وارد شوند.

۲۴۰- از نظر پیامبر (ص) کسی که دوست می‌دارد نگاهش به چهره کسانی افتد که از آتش دوزخ در امان‌اند باید چه کار کند؟

(۱) به جویندگان علم بنگرد. (۲) به کسانی که اهل کار و فعالیت هستند بنگرد.

(۳) به اهل ایمان بنگرد. (۴) به وفاداران در پیمان خدا بنگرد.

زبان انگلیسی ۳

۱۰ دقیقه

Renewable Energy

درس ۳

صفحة ۷۷ تا ۸۲

PART A: Vocabulary

Directions: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the correct choice on your answer sheet.

- 241- We should protect our natural ..., like clean water and trees, for our children's future.
1) factories 2) resources 3) light bulbs 4) characters
- 242- That new video game will ... all of your free time if you are not very careful with how much you play it.
1) convert 2) generate 3) replace 4) consume
- 243- To stay interested in exercise, try a ... of activities like walking, swimming, or biking.
1) variety 2) plant 3) sign 4) design
- 244- Airports and schools are often forced to close because of poor visibility and dangerously ... air.
1) polluted 2) renewable 3) mechanical 4) organic
- 245- The ... for fresh water is growing as the population increases, so governments should find better ways to manage this limited resource.
1) balcony 2) fuel 3) demand 4) tide
- 246- After eating, the body slowly ... important nutrients from food, which helps us stay healthy and have enough energy.
1) abbreviates 2) absorbs 3) remembers 4) completes

PART B: Reading Comprehension

Directions: Read the following passage and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

Cooking at home has become increasingly popular in recent years. Many people are discovering that preparing their own meals offers numerous benefits. It is a simple habit that can improve both health and finances compared to eating out at restaurants regularly.

One major advantage is that home cooking is generally healthier. When you cook for yourself, you control the ingredients and can avoid excessive salt, sugar, and unhealthy fats. This makes it easier to maintain a balanced diet and manage your weight effectively.

Another benefit is saving money. Restaurant meals often cost much more than homemade dishes. By cooking at home, families can reduce their monthly food expenses significantly. The money saved can be used for other important needs or activities.

Cooking at home also brings families together. Preparing meals as a group creates opportunities for conversation and bonding. Children can learn valuable skills while helping their parents in the kitchen. These moments often become cherished memories.

Furthermore, home cooking allows you to explore different cuisines and experiment with new recipes. You can customize dishes according to your preferences. This creative process can be both relaxing and rewarding.

- 247- What is the main idea of the passage?
1) Restaurant food is always unhealthy and expensive.
2) Cooking at home is only beneficial for saving money.
3) Cooking at home has many advantages for health, finances, and family life.
4) Children should learn to cook at an early age.
- 248- The word "numerous" in paragraph 1 could be best replaced by ...
1) few 2) many 3) limited 4) special
- 249- Which of the following is NOT mentioned in the passage?
1) Home cooking helps save money.
2) Cooking together strengthens family bonds.
3) You can control ingredients when cooking at home.
4) Home cooking takes less time than eating out.
- 250- According to the passage, which of the following sentences is true?
1) Restaurant meals are cheaper than homemade dishes.
2) Cooking at home prevents you from trying new recipes.
3) Cooking at home allows you to control what you eat.
4) Only adults can benefit from cooking at home.



دفترچه سؤال ؟

فرهنگیان

(همه رشته‌ها)

(تعلیم و تربیت اسلامی و هوش و استعداد معلّمی)

۸ اسفند ماه ۱۴۰۴

تعداد سؤالات و زمان پاسخ‌گویی آزمون

نام درسی	تعداد سؤال	شماره سؤال	وقت پیشنهادی
تعلیم و تربیت اسلامی	۲۰	۲۷۰ - ۲۵۱	۲۰
هوش و استعداد معلّمی	۲۰	۲۹۰ - ۲۷۱	۴۰
جمع دروس	۴۰	—	۶۰

مراجم به ترتیب حروف الفبا

تعلیم و تربیت اسلامی	یاسین ساعدی، میثم هاشمی، مرتضی محسنی کبیر، محمد رضایی‌نقا، فردین سماقی، عباس سیدشبه‌ستری
هوش و استعداد معلّمی	حمید لنجان‌زاده اصفهانی، حامد کریمی، فرزاد شیرمحمدلی، فاطمه راسخ، حمید گنجی

گزینشگران و ویراستاران به ترتیب حروف الفبا

نام درسی	مسئول درسی	مسئول دفترچه	گروه ویراستاری	مسئول درسی‌های مستندسازی	ویراستاران مستندسازی
تعلیم و تربیت اسلامی	یاسین ساعدی	حامد کریمی	سکینه گلشنی	سجاد حقیقی‌پور	-
هوش و استعداد معلّمی	حمید لنجان‌زاده اصفهانی		فاطمه راسخ	علیرضا همایون‌خواه	پریا اقبالی، بیتا مرادی

مدیر گروه	حمید لنجان‌زاده اصفهانی
مستندسازی و مطابقت با مصوبات	مدیر: محیا اصغری، مسئول دفترچه: علیرضا همایون‌خواه
حروف‌نگار و صفحه‌آرا	معصومه روحانیان

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب - بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۲۱-۶۴۶۳



۲۰ دقیقه

تعلیم و تربیت اسلامی

سؤالات مشترک همه رشته‌ها

دین و زندگی ۱ (سایر رشته‌ها به جز انسانی)

درس ۱۰: یاری از نماز و روزه
صفحه ۱۲۲ تا صفحه ۱۳۲

دین و زندگی ۱ (انسانی)

درس ۱۲: یاری از نماز و روزه
صفحه ۱۲۸ تا صفحه ۱۳۸

دین و زندگی ۲ (سایر رشته‌ها به جز انسانی)

درس ۱۲: پیوند مقدس
صفحه ۱۴۸ تا صفحه ۱۵۸

دین و زندگی ۲ (انسانی)

درس ۱۸: پیوند مقدس
صفحه ۲۲۲ تا صفحه ۲۳۰

مهارت معلمی (همه رشته‌ها)

فصل دوم: صفات معلم
(تا پایان فصل)
صفحه ۵۱ تا صفحه ۷۳

۲۵۱- «کم‌تر به کسب درآمد از راه حرام تمایل داشتن» معلول کدام یک از گزینه‌های زیر می‌باشد؟

- ۱) اگر شرط غصبی نبودن لباس و مکان نمازگزار را رعایت کنیم.
- ۲) اگر در رکوع و سجود، عظمت خدا را در یاد داشته باشیم.
- ۳) اگر در هر نوبت با لباس پاکیزه نماز بخوانیم.
- ۴) اگر نماز و تأثیر آن در زندگی را کوچک نشماریم.

۲۵۲- به ترتیب، توجه به حضور خدا در زندگی و نظارت او بر اعمال، موجب چه چیزی می‌شود و پیام کدام آیه شریفه زیر به آن اشاره دارد؟

- ۱) تا انسان دست به هر کاری نزند و از گناهان دوری کند. - «أَقِمِ الصَّلَاةَ إِنَّ الصَّلَاةَ تَنْهَىٰ ...»
- ۲) تا انسان بتواند با چشم‌پوشی از نعمت‌های دنیوی، در پیشگاه خدا سربلند باشد - «أَقِمِ الصَّلَاةَ إِنَّ الصَّلَاةَ تَنْهَىٰ ...»
- ۳) تا انسان دست به هر کاری نزند و از گناهان دوری کند - «يَا أَيُّهَا الَّذِينَ آمَنُوا كُتِبَ عَلَيْكُمُ الصِّيَامُ ...»
- ۴) تا انسان بتواند با چشم‌پوشی از نعمت‌های دنیوی در پیشگاه خدا سربلند باشد - «يَا أَيُّهَا الَّذِينَ آمَنُوا كُتِبَ عَلَيْكُمُ الصِّيَامُ ...»

۲۵۳- بر اساس فرمایش پیامبر (ص)، کدام گزینه از جمله پادشاه‌های خداوند در صورت تحقق امکان ازدواج دختران و پسران نیست؟

- ۱) رزق‌وروزی آن‌ها را توسعه می‌دهد.
- ۲) اخلاقشان را نیکو می‌کند.
- ۳) به آن‌ها فرزند صالح عطا می‌کند.
- ۴) عفاف و غیرت آن‌ها را زیاد می‌گرداند.

۲۵۴- به چه علت پیشوایان ما همواره دختران و پسران را به ازدواج تشویق و ترغیب کرده‌اند و بر اساس کدام سخن از ما خواسته‌اند که در مورد همسر آینده با پدر و مادر خود مشورت کنیم؟

- ۱) زیرا هیچ بنایی نزد خدا محبوب‌تر از ازدواج نیست. - «علاقة شدید به چیزی آدم را کور و کر می‌کند.»
- ۲) فاصله نیفتادن میان بلوغ جنسی و عقلی - «علاقة شدید به چیزی آدم را کور و کر می‌کند.»
- ۳) فاصله نیفتادن بلوغ جنسی و عقلی - «کسی که ازدواج کند، نصف دین خود را حفظ کرده است.»
- ۴) زیرا هیچ بنایی نزد خدا محبوب‌تر از ازدواج نیست. - «کسی که ازدواج کند، نصف دین خود را حفظ کرده است.»

۲۵۵- با دقت در آیه شریفه «و قل رب زدنی علما» کدام مطلب دریافت می‌گردد و کدام روایت در راستای تأیید صفتی در همین باب است که معلم باید به آن متصف باشد؟

- ۱) توسعه روح در گرو تحصیل - «ای داوود! اگر دست خود را تا مرفق، در دهان افعی (اژدها) بگذاری، بهتر از حاجت خواستن از ناداری است که دارنده شده است.»

۲) در اسلام فارغ‌التحصیل نداریم. - «سزاوار است که عاقل از مستی و پول و قدرت و علم و مدح و جوانی بپرهیزد که هر کدام از این مستی‌ها بوی ناخوشی دارد، عقل را می‌ریاید و وقار را سبک می‌کند.»

- ۳) توسعه روح در گرو تحصیل - «علوم ما در هر شب و روز زیاد می‌شود و اگر اضافه نشود، ذخیره‌های علمی ما از بین می‌رود.»
- ۴) در اسلام فارغ‌التحصیل نداریم. - «فرحوا بما عندهم من العلم: آن‌ها به آن مقدار علمی که نزدشان بود خوشحال شدند.»

۲۵۶- به ترتیب «نشانه عزم» و «نحوه برخورداری از عزم» در سه آیه از قرآن کریم در کدام گزینه تجلی دارد؟

- ۱) صبر - نشانگر ظرفیت
- ۲) صبر - کلید موفقیت
- ۳) توکل - کلید موفقیت
- ۴) توکل - نشانگر ظرفیت

۲۵۷- بر طبق روایتی از امام باقر (ع) «سخت‌ترین حسرت در قیامت» و بر طبق سخنی از حضرت عیسی (ع) «شقی‌ترین مردن» به ترتیب مربوط به چه کسی است؟

- ۱) کسی که کارهایش تأییدکننده گفتارش نباشد. - کسی که نزد مردم به علم معروف است، ولی به عمل معروف نیست.
- ۲) کسی که کارهایش تأییدکننده گفتارش نباشد. - کسی که علمش افزایش یابد ولی هدایت بیشتری کسب نکند.
- ۳) کسی که از عدالت سخن بگوید ولی عادل نباشد. - کسی که علمش افزایش یابد ولی هدایت بیشتری کسب نکند.
- ۴) کسی که از عدالت سخن بگوید ولی عادل نباشد. - کسی که نزد مردم به علم معروف است، ولی به عمل معروف نیست.

۲۵۸- عبارت قرآنی «سَيَقُولُ الَّذِينَ أَشْرَكُوا» یادآور کدام یک از صفات معلمی است؟

- (۱) متواضع باشد.
 (۲) آماده پاسخ گویی باشد.
 (۳) شناخت عمیق داشته باشد.
 (۴) اهل هدایت و عمل باشد.

۲۵۹- تأکید خداوند بر اخلاق پیامبر (ص) در میان صفات و ویژگی های آن حضرت در کدام آیه تجلی دارد و کدام مورد بیانگر پاسخ علامه طباطبایی (ره) به شاگردان خود در پی درخواستشان برای برگزاری کلاس اخلاق است؟

- (۱) «وَأَنَّ لَعَلَىٰ خَلْقٍ عَظِيمٍ» - اخلاق نبوی در کنار کتاب الهی انسانی های بزرگی تربیت کرد.
 (۲) «وَأَنَّ لَعَلَىٰ خَلْقٍ عَظِيمٍ» - اخلاق علم نیست، عمل است.
 (۳) «كَانَ خَلْقَهُ الْقُرْآنَ» - اخلاق علم نیست، عمل است.
 (۴) «كَانَ خَلْقَهُ الْقُرْآنَ» - در اخلاق نبوی در کنار کتاب الهی انسانی های بزرگی تربیت کرد.

۲۶۰- امام سجاد (ع) در سحرهای ماه رمضان و در دعای ابوحزمه ثمالی از کدام مورد گلایه کرده است و در این راستا کدام عبارت با این موضوع در ارتباط است؟

- (۱) بی نشاطی در عبادت - «اللَّهُمَّ إِنِّي أَعُوذُ بِكَ مِنَ الْكَسَلِ»
 (۲) انجام ندادن وظیفه امر به معروف و نهی از منکر از سوی برخی مؤمنان - «وَمَا نَرَاكَ اتَّبَعَكَ إِلَّا الَّذِينَ هُمْ أَرَادُوا أَنْ يُنْفِرُوا مِنْكَ لَمَّا خَلَّصْتَهُمْ مِنْ قَرَارِكُمْ»
 (۳) بی نشاطی در عبادت - «وَمَا نَرَاكَ اتَّبَعَكَ إِلَّا الَّذِينَ هُمْ أَرَادُوا أَنْ يُنْفِرُوا مِنْكَ لَمَّا خَلَّصْتَهُمْ مِنْ قَرَارِكُمْ»
 (۴) انجام ندادن وظیفه امر به معروف و نهی از منکر از سوی برخی مؤمنان - «اللَّهُمَّ إِنِّي أَعُوذُ بِكَ مِنَ الْكَسَلِ»

۲۶۱- خداوند در قرآن کدام موارد را در کنار بت پرستی و تیرک های بخت آزمایی آورده است و بازتاب دوری از آن ها چیست؟

- (۱) شراب و قمار - دوری از آن ها موجب رستگاری می شود.
 (۲) شراب و قمار - دوری از آن ها موجب قبولی نماز می شود.
 (۳) غیبت کردن و ناراحت کردن پدر و مادر - دوری از آن ها موجب قبولی نماز می شود.
 (۴) غیبت کردن و ناراحت کردن پدر و مادر - دوری از آن ها موجب رستگاری می شود.

۲۶۲- اگر نماز، ما را از گناه و زشتی باز ندارد، معلوم می شود که عیب و نقصی در نماز خواندن ما هست با این حال وظیفه ما چیست؟

- (۱) باید سعی کنیم واجبات را به صورت منظم انجام دهیم و از مکروهات دوری کنیم.
 (۲) وظیفه ما توبه در درگاه خدا و پیمان بستن مجدد با او است.
 (۳) باید مدام عبارت «اهْدِنَا الصِّرَاطَ الْمُسْتَقِيمَ» را زمزمه کنیم.
 (۴) باید جست و جو کنیم تا آن عیب را بیابیم و برطرف کنیم.

۲۶۳- به ترتیب در چه صورتی کفاره جمع بر روزه دار واجب می شود و مصداق آن کدام است؟

- (۱) روزه ما رمضان را عمداً باطل کند. - دروغ بستن به خدا
 (۲) به چیز حرامی روزه خود را باطل کند. - دروغ بستن به خدا
 (۳) روزه ما رمضان را عمداً باطل کند. - باقی ماندن بر جنابت تا اذان صبح
 (۴) به چیز حرامی روزه خود را باطل کند. - باقی ماندن بر جنابت تا اذان صبح

۲۶۴- چرا خداوند متعال برخی از فایده های مهم ترین احکام خود را از طریق آیات قرآن و سخن معصومان به اطلاع ما رسانده است؟

- (۱) تا حکمت و علت احکام الهی را بدانیم و با معرفت بیشتر دستورات الهی را انجام دهیم.
 (۲) تا مست و مغرور نعمت نشویم و نسبت به خوشی های زودگذر دنیا بی تفاوت باشیم.
 (۳) تا عین معصومین (ع)، احکام الهی را انجام دهیم و به بهشت خدا نائل شویم.
 (۴) تا از خشم خدا دور بمانیم و از آتش جهنم خود را نجات دهیم.

۲۶۵- فردی از شهر خود بیشتر از ۴ فرسخ شرعی به شهر «الف» سفر می کند و یک هفته در آن جا می ماند و می خواهد پس از آن، ۴ فرسخ دیگر برود و دو هفته در شهر «ب» بماند. وظیفه نماز و روزه این فرد، کدام گزینه به درستی ذکر شده است؟

- (۱) در هر دو شهر، نمازش کامل است و باید روزه بگیرد.
 (۲) در هر دو شهر، نمازش شکسته است و نباید روزه بگیرد.
 (۳) در شهر «الف» نمازش شکسته است و نباید روزه بگیرد و در شهر «ب» نمازش کامل است و باید روزه بگیرد.
 (۴) در شهر «الف» نمازش کامل است و باید روزه بگیرد و در شهر «ب» نمازش شکسته است و نباید روزه بگیرد.

۲۶۶- به ترتیب در کلام نبوی محبوب ترین بنا نزد پروردگار چیست و از منظر قرآن کریم، مهم ترین معیار همسر شایسته کدام مورد است؟

- (۱) ازدواج - اخلاق
 (۲) خانواده - اخلاق
 (۳) خانواده - ایمان
 (۴) ازدواج - ایمان

۲۶۷- گرفتن بهترین تصمیم‌ها و حسرت و پشیمانی کمتر خوردن دختر و پسر هنگام ازدواج در چه صورتی محقق می‌شود؟

- ۱) برگزاری جلسات آشنایی بین دختر و پسر قبل از ازدواج
- ۲) محیط همدلی و اعتماد به بزرگ‌ترها شدن خانواده
- ۳) توجه به خانواده همسر به‌عنوان مهم‌ترین معیار انتخاب همسر
- ۴) درخواست یاری و راهنمایی از بزرگان

سوالات همه رشته‌ها به جز انسانی

۲۶۸- انسان با ورود به سن بلوغ، کدام شایستگی را به‌دست می‌آورد و کدام عبارت قرآنی به لزوم آرامش در خانواده اشاره نموده است؟

- ۱) مخاطب خداوند قرار گرفتن - «وَجَعَلَ لَكُمْ مِنْ اَزْوَاجِكُمْ بَنِينَ وَحَفَدَةً»
- ۲) آماده‌شدن برای زندگی مشترک - «وَجَعَلَ لَكُمْ مِنْ اَزْوَاجِكُمْ بَنِينَ وَحَفَدَةً»
- ۳) مخاطب خداوند قرار گرفتن - «وَجَعَلَ بَيْنَكُمْ مَوَدَّةً وَرَحْمَةً»
- ۴) آماده‌شدن برای زندگی مشترک - «وَجَعَلَ بَيْنَكُمْ مَوَدَّةً وَرَحْمَةً»

۲۶۹- کدام مورد، توانمندی عاطفی بالای زنان و قدرت جسمی بیش‌تر مردان را توضیح می‌دهد؟

- ۱) این تفاوت‌ها ناشی از ویژگی‌های انسانی است تا یک خانواده متعادل پدید آید.
- ۲) این تفاوت‌ها به جهت برعهده‌گرفتن وظایف مختلف است تا یک خانواده متعادل پدید آید.
- ۳) هدف واحدی که خداوند برای زن و مرد معین کرده است، سبب تفاوت در ویژگی‌های انسانی آن‌ها می‌شود.
- ۴) هدف واحدی که خداوند برای زن و مرد معین کرده است، ناشی از ویژگی مشترک و خصوصیت جسمی آن‌ها می‌باشد.

۲۷۰- در کدام آیه شریفه، خداوند عبارت «در آن نشانه‌هایی برای اندیشمندان است» را می‌آورد و به فرموده قرآن کریم در چه صورت خداوند زندگی

دختران و پسران را در قبل از ازدواج به بهترین صورت سامان می‌دهد؟

- ۱) «وَمِنْ آيَاتِهِ اَنْ يَخْلُقَ لَكُمْ مِنْ اَنْفُسِكُمْ اَزْوَاجًا...» - احترام به والدین
- ۲) «وَمِنْ آيَاتِهِ اَنْ يَخْلُقَ لَكُمْ مِنْ اَنْفُسِكُمْ اَزْوَاجًا...» - عفاف پیشه کردن
- ۳) «وَاللّٰهُ جَعَلَ لَكُمْ مِنْ اَنْفُسِكُمْ اَزْوَاجًا...» - عفاف پیشه کردن
- ۴) «وَاللّٰهُ جَعَلَ لَكُمْ مِنْ اَنْفُسِكُمْ اَزْوَاجًا...» - احترام به والدین

سوالات ویژه رشته انسانی

۲۶۸- چرا دین اسلام به همه نیازها و خواسته‌های انسان توجه کرده است و با واقع‌بینی کامل برای شرایط گوناگون، راه‌حل‌هایی حکیمانه ارائه داده است؟

- ۱) به این دلیل که فرد زندگی راحت‌تری را داشته باشد و احساس آسایش و امنیت کند.
- ۲) تا جامعه به سوی حیات طیبه حرکت کند و افراد شایسته از افراد نالایق متمایز گردد.
- ۳) تا نه فرد گرفتار هیجانات و طغیان‌های غیراخلاقی شود و نه جامعه دچار بحران‌های اجتماعی.
- ۴) به‌خاطر این‌که به تمام جهان نشان دهد که اسلام، دینی کامل است و همه جوانب را تحت نظر دارد.

۲۶۹- طبق احکام الهی و مقررات اسلامی، رضایت کامل زوجین برای ازدواج چه حکمی دارد و اگر عقده‌ی به زور انجام پذیرد دربردارنده چه احکامی است؟

- ۱) جایز - حرام بودن و به مصلحت نبودن
- ۲) ضروری - باطل بودن و مشروعیت نداشتن
- ۳) ضروری - حرام بودن و به مصلحت نبودن
- ۴) جایز - باطل بودن و مشروعیت نداشتن

۲۷۰- علتی که ممکن است مانع آن گردد که دختر با آگاهی کامل از خصوصیات پسر تصمیم‌گیری نماید، چیست؟ و جهت جلوگیری از آن کدام شرط ازدواج باید رعایت گردد؟

- ۱) حیا و عزت‌نفس قوی دختر - رضایت کامل دختر و پسر در هنگام ازدواج
- ۲) حیا و عزت‌نفس قوی دختر - اجازه پدر برای ازدواج دختر
- ۳) لطافت‌های روحی و ظرافت‌های عاطفی دختر - اجازه پدر برای ازدواج دختر
- ۴) لطافت‌های روحی و ظرافت‌های عاطفی دختر - رضایت کامل دختر و پسر در هنگام ازدواج

هوش و استعداد معلّمی: همه رشته‌ها

۴۰ دقیقه

۲۷۱- طبق متن زیر، فعل «اطلاق می‌شود» به کدام معناست؟

- «اصطلاح «پلی‌مرفیسم» به وجود دو یا چند شکل متفاوت از یک ژن یا ویژگی در یک جمعیت اطلاق می‌شود، به طوری که هیچ‌یک از آن‌ها نادر نباشند.»
- (۱) استعمال کلمه‌ای در معنایی خاص
 (۲) استعمال یک کلمه با اندکی تغییر به قصد حذف بار معنایی آن
 (۳) استعمال نکردن کلمه در معنای رایج آن
 (۴) استعمال کلمه‌ای در معنایی مخالف معنای اصلی

۲۷۲- کدام واژه متن زیر نادرست معنا شده است؟

«حکمت قرونِ وسطی عرصه‌ای بود که در آن کلام دینی و استدلال قیاسی در هم می‌آمیخت تا تبیین چپستی وجود و نسبت آن با ماوراءطبیعه ممکن شود.»

- (۱) عرصه: بستر
 (۲) استدلال: دلیل آوردن
 (۳) چپستی: ماهیت
 (۴) ماوراءطبیعه: شگفت‌آور

۲۷۳- محتوای جمله زیر کدام است؟

«آنها که تاریخ را مطالعه نمی‌کنند، محکوم به تکرار آن هستند.»

- (۱) تقبیح تکرار ظلم در تاریخ و ردّ نقش آدمی در تعیین سرنوشت
 (۲) ایجاد امکان شک در روایت‌های تاریخی، و تشویق به روایت تاریخ مطابق با فرهنگ سرزمینی
 (۳) تشویق به تجربه‌اندوزی از گذشته، و دخالت عاقلانه در امور
 (۴) نگرش نگاه نو به تاریخ برای ایجاد شبهه در اصول مسلم تاریخی و تأکید بر صحت روش‌های کهن

۲۷۴- مکتب «پساساختارگرایی» هرگونه مرکزیت معنایی را در ادبیات به چالش می‌کشد و بر پلورالیسم تفسیری و سیالیت دلالت‌ها تأکید می‌ورزد.

طبق عبارت بالا، در نقد یک اثر ادبی در مکتب پساساختارگرایی، کدام مورد زیر را می‌توان بیان کرد؟

- (۱) زندگی مؤلف
 (۲) محیط تولید اثر
 (۳) مرگ مؤلف
 (۴) اهداف خالق اثر

۲۷۵- «مفهوم تنوع زیستی»، به گستره و فراوانی حیات در همه سطوح، از ژن‌ها و گونه‌ها گرفته تا بوم‌سازگان‌ها، اشاره می‌کند. این مفهوم شامل تنوع ژنتیکی درون یک گونه، تنوع گونه‌ای در یک منطقه و تنوع بوم‌سازگان‌ها در یک سیاره است. تنوع زیستی برای پایداری بوم‌سازگان‌ها و بقای انسان حیاتی است؛ زیرا خدمات بوم‌سازگانی نظیر تولید اکسیژن، تصفیه آب، گرده‌افشانی محصولات و کنترل آفات را فراهم می‌آورد. از دست دادن تنوع زیستی، که عمدتاً ناشی از فعالیت‌های انسانی است، تهدیدی جدی برای سلامت سیاره و آینده بشر محسوب می‌شود.»

طبق متن بالا، چرا از دست دادن تنوع زیستی، که عمدتاً ناشی از فعالیت‌های انسانی است، تهدیدی جدی برای سلامت سیاره و آینده بشر محسوب می‌شود؟

- (۱) زیرا باعث کاهش تعداد گونه‌های حیوانی در مناطق قطبی است.
 (۲) زیرا منجر به افزایش ناگهانی جمعیت حشرات مفید مانند زنبورها می‌شود.
 (۳) زیرا خدمات بوم‌سازگانی حیاتی مانند تولید اکسیژن و تصفیه آب را مختل می‌کند.
 (۴) زیرا باعث می‌شود که نور خورشید کمتر به زمین برسد و دما کاهش یابد.

۲۷۶- «زنبورهای عسل و زنبورهای وحشی، هر دو نیش می‌زنند و نیش دردناکی دارند، اما زنبورهای عسل فقط زمانی نیش می‌زنند که تحریک شوند و زنبورهای وحشی به صورت طبیعی به نیش زدن تمایل دارند. همچنین زنبورهای عسل پس از یک بار نیش زدن می‌میرند و زنبورهای وحشی می‌توانند چندین بار نیش بزنند. برای تشخیص این زنبورها، می‌توانید به این موضوع نیز دقت کنید که روی بدن‌های زنبور عسل، مو دیده می‌شود و بدن زنبورهای وحشی نرم و صاف و شفاف است. بخش میانی تنه زنبورهای وحشی نیز باریک‌تر است.»

کدام عنوان برای متن بالا مناسب‌تر است؟

- (۱) زنبورهای عسل، زنبورهای وحشی
 (۲) ویژگی‌های زنبورها
 (۳) آسیب‌های نیش زنبور
 (۴) فواید زنبور برای انسان‌ها

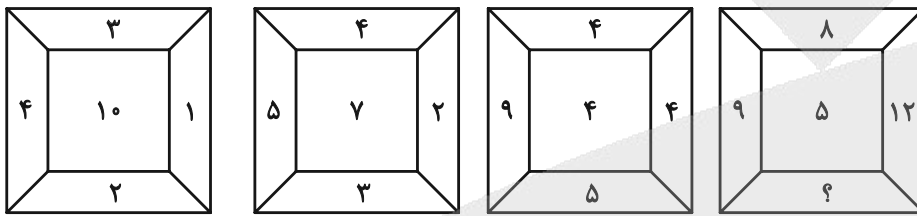
* در نظر بسیاری از مردم، نهنگ‌ها مثل کوسه‌ها، نوعی ماهی هستند که در اقیانوس‌ها و دریاها زندگی می‌کنند. اما فارغ از محیط زندگی، نهنگ‌ها و کوسه‌ها تفاوت‌های زیادی دارند. نهنگ‌ها برخلاف کوسه‌ها در دسته پستانداران قرار دارند و برخلاف کوسه‌ها که انسان را دشمن خود می‌دانند، برای انسان عمدتاً جانوران بی‌خطری به شمار می‌آیند؛ هر چند عکس این جمله صادق نیست! نهنگ‌ها را می‌توانیم جانورانی اجتماعی بدانیم که برخلاف کوسه‌ها خصلت تنهایی‌گزینی ندارند و عمدتاً گروهی زندگی می‌کنند. این خصلت در هنگام شکار، به خوبی نمایان می‌شود.

۲۷۷- منظور از عبارت «هر چند عکس این جمله صادق نیست!» در متن بالا چیست؟

- (۱) نهنگ‌ها برای همه موجودات زنده، موجوداتی خطرناک به شمار می‌آیند.
- (۲) انسان‌ها برای نهنگ‌ها، موجوداتی خطرناک به شمار می‌آیند.
- (۳) انسان‌ها برای کوسه‌ها، موجوداتی خطرناک به شمار می‌آیند.
- (۴) کوسه‌ها برای همه موجودات زنده، موجوداتی خطرناک به شمار می‌آیند.

* در پنج پرسش بعدی، عدد جایگزین علامت سؤال الگو را تعیین کنید.

۲۷۸-



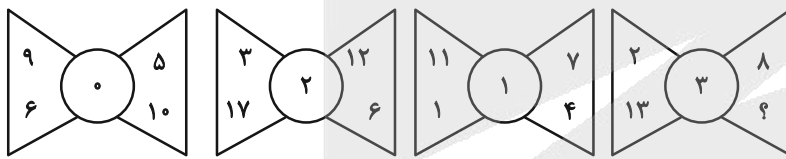
۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۲۷۹-



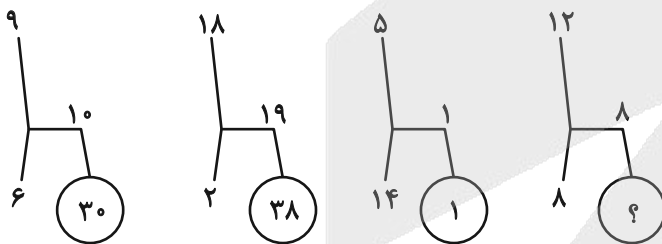
۴ (۴)

۵ (۳)

۶ (۲)

۷ (۱)

۲۸۰-



۶۴ (۴)

۴۸ (۳)

۳۲ (۲)

۱۶ (۱)

۲۸۱-

۲۰, ۱۶, ۴, ۸, ۳۲, ۲۸, ۷, ?, ۴۴

۱۴ (۴)

۱۳ (۳)

۱۲ (۲)

۱۱ (۱)

۲۸۲-

۶۰, ۶۰, ۶۰, ۶۰, ۶۱, ۶۰, ۱۲۰, ۶۳, ۳۰, ۳۶۰, ۶۶, ۱۰, ۱۴۴۰, ?

۷۴ (۴)

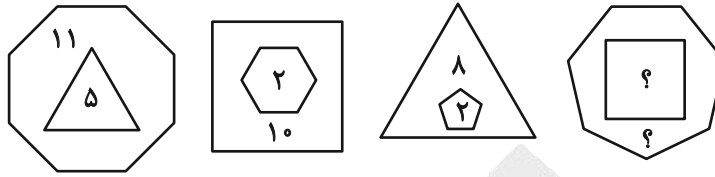
۷۲ (۳)

۷۰ (۲)

۶۸ (۱)



۲۸۳- حاصل جمع دو عدد جایگزین علامت سؤال، الگوی زیر کدام است؟



۱۴ (۲)

۱۳ (۱)

۱۶ (۴)

۱۵ (۳)

۲۸۴- اگر $(14 * 12 \equiv 13)$ ، $(15 * 9 \equiv 8)$ و $(42 * 24 \equiv 11)$ باشد، به جای علامت سؤال $(72 * 60 \equiv ?)$ چه عددی باید گذاشت؟

۱۲ (۲)

۱۱ (۱)

۲۲ (۴)

۲۱ (۳)

۲۸۵- سومین عدد سمت راست عدد سمت چپ چه عددی در الگوی زیر، عدد ۱۵۴ خواهد بود؟

۲, ۴, ۷, ۱۴, ۱۷, ۳۴, ۳۷, ...

۳۴ (۲)

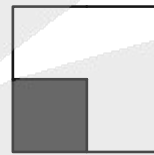
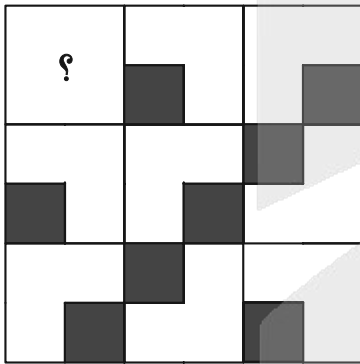
۱۷ (۱)

۷۴ (۴)

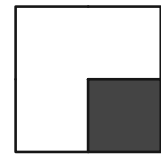
۳۷ (۳)

* در سه پرسش بعدی، شکل جایگزین علامت سؤال الگو را تعیین کنید.

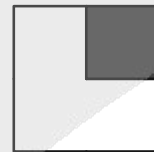
۲۸۶-



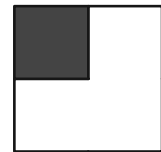
(۲)



(۱)

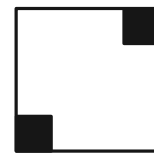
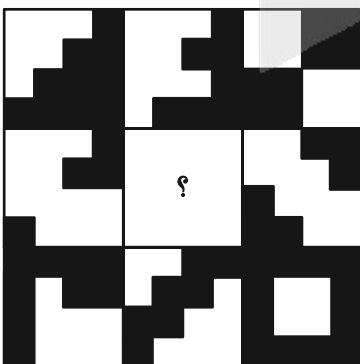


(۴)

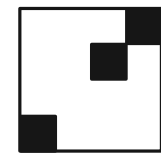


(۳)

۲۸۷-



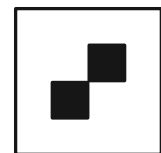
(۲)



(۱)

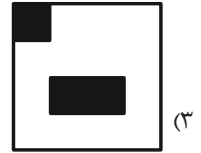
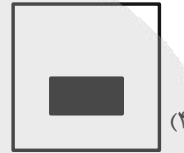
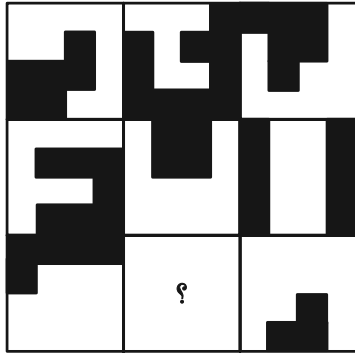


(۴)



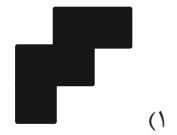
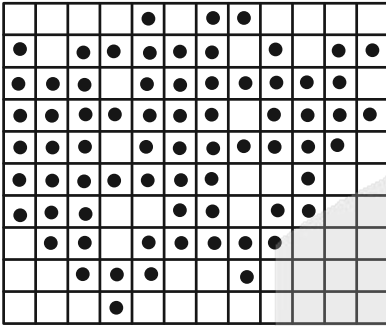
(۳)

-۲۸۸

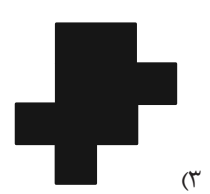
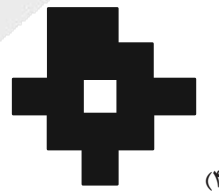
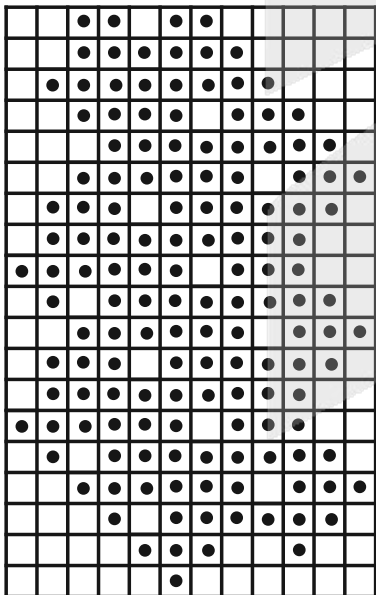


* در دو پرسش بعدی تعیین کنید شکل صورت سؤال از تکرار کدام شکل ایجاد شده است. شکل‌ها دوران و یا تغییر دیگری ندارند.

-۲۸۹



-۲۹۰



آزمون



کارنامه رتبه‌های بهرتر

رتبه‌های ا تا ۳۰۰۰



جزوه



فیلم



مشاوره



www.
arefonline.ir



مرکز مشاوره عارف





آزمون ۸ اسفند ۱۴۰۴ اختصاصی دوازدهم ریاضی

دفترچه پاسخ

نام درس	نام طراحان
حسابان ۲ و ریاضی پایه	شاهین پروازی-علی پسندیده-سعید تن آرا-احمد حسن زاده فرد-روح اله حسینی-سید منصور حسینی-افشین خاصه خان سینا خیر خواه-مریم زارعی-سامان سلامیان-الهام شیخ مو-فاطمه صدیقی-حمید علیزاده-یاسین کشاورزی-سید سپهر متولیان حامد معنوی-مهرداد ملوندی-سید محمد موسوی-علی ناری ایبانه-غلامرضا نیازی-جهانبخش نیکنام
هندسه و آمار و ریاضیات گسسته	امیر حسین ابومحبوب-عباس الهی-علی پسندیده-روح اله حسینی-سید محمد رضا حسینی فرد-افشین خاصه خان-فرزانه خاکپاش محمد خندان-مسعود درویشی-سوگند روشنی-محمد شاه محمدی-علیرضا شریف خطیبی-حامد معنوی-مهرداد ملوندی نیلوفر مهدوی-محمد ناری ایبانه
فیزیک	مهران اسماعیلی-علی برزگر-علیرضا جباری-مهرداد حاجی-محمد رضا خادمی-رحمت اله خیراله زاده سماکوش آرمان رجب خیر فومنی-زهرا رضائی-علی عالی بری-مصطفی کیانی-احمد مرادی پور-محمد کاظم منشادی-افشین مینو محمد رضا نصیری
شیمی	هدی بهاری پور-محمد رضا پور جاوید-سعید تیزرو-مجید جلیل ناغونی-محمد رضا جمشیدی-ندا حسین پور مقدم-پیمان خواجوی مجد یاسر راش-احسان روستایی-مینا سید حسینی-محسن مجتبی-مجتبی محبوب-مهشید نیازی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲ و ریاضی پایه	هندسه	آمار و ریاضیات گسسته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	کاظم اجلائی	امیر حسین ابومحبوب	امیر حسین ابومحبوب	مصطفی کیانی	یاسر راش
گروه ویراستاری	امیر حسین ابومحبوب مهرداد ملوندی	امیر حسین ابومحبوب مهرداد ملوندی	امیر حسین ابومحبوب مهرداد ملوندی	حسین بصیر تر کمبور زهرا آقامحمدی	مهشید نیازی امیرعلی بیات امیر حسین توحیدی
بازبینی نهایی رئیس هیات برتر	آرین غلامی سینا صالحی	آرین غلامی	آرین غلامی	سینا صالحی امیررضا مرادی	فرزاد حلاج مقدم
مسئول درس	سید سپهر متولیان	محمد خندان	محمد خندان	حسام نادری	مجتبی محبوب
مستندسازی	سمیه اسکندری	سجاد سلیمی	سجاد سلیمی	محمد رضا مهدوی	علیرضا نجفی
ویراستاران مستندسازی	معصومه صنعت کار-فرشته کمبرانی-سجاد سلیمی-مهسا محمدنیا پرهم مهر آرا سجاد بهارلویی				

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروفنگار	فرزانه فتح اله زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم چی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳



حسابان ۲

گزینه «۲»

داریم:

(میوانیش نیکنام)

$$(g \circ f)'(-2) = f''(-2)g'(f'(-2))$$

$$f'(x) = -\frac{\pi}{2} \sin \frac{\pi}{2} x \Rightarrow f'(-2) = 0$$

$$f''(x) = -\frac{\pi^2}{4} \cos \frac{\pi}{2} x \Rightarrow f''(-2) = \frac{\pi^2}{4}$$

$$g'(x) = \frac{4}{2\sqrt{4x+1}} = \frac{2}{\sqrt{4x+1}} \Rightarrow g'(f'(-2)) = g'(0) = 2$$

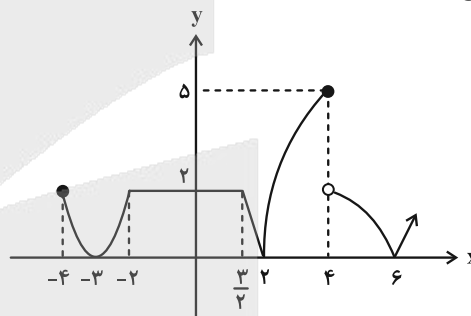
$$\Rightarrow (g \circ f)'(-2) = \frac{\pi^2}{4} (2) = \frac{\pi^2}{2}$$

(حسابان ۲- مشتق؛ صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۱)

گزینه «۲»

(سعید تن آرا)

نمودار تابع $g(x) = |f(x)|$ به صورت زیر می‌باشد:



بررسی گزینه‌ها:

(۱) در g در $[-4, 0]$ مشتق پذیر نیست، زیرا $g'(-2)$ موجود نیست.

(۲) در g در $[-2, \frac{3}{2}]$ مشتق پذیر است و مشتق آن برابر صفر می‌باشد.

(۳) در g در $[0, 4]$ مشتق پذیر نیست، چون $g'(\frac{3}{2})$ و $g'(2)$ موجود نمی‌باشند.

(۴) در g در $(4, +\infty)$ مشتق پذیر نیست، چون $g'(6)$ موجود نیست.

(حسابان ۲- مشتق؛ مشابه کار در کلاس صفحه ۹۸)

گزینه «۲»

(الهام شیخ‌ممو)

ابتدا مشتق اول را محاسبه می‌کنیم:

$$y'(x) = \frac{4(x+3) - (4x+4)}{(x+3)^2} = \frac{8}{(x+3)^2}$$

$$\Rightarrow y''(x) = \frac{0 - 2(x+3) \times 8}{(x+3)^4} = -\frac{16}{(x+3)^3}$$

$$\Rightarrow y''(1) = -\frac{16}{4^3} = -\frac{16}{64} = -\frac{1}{4}$$

(حسابان ۲- مشتق؛ صفحه ۹۸)

گزینه «۳»

(امیر حسن؛ زاره فر)

طبق قاعده مشتق تقسیم داریم:

$$f'(x) = \frac{(1)(\sqrt{x-1}) - \frac{x}{2\sqrt{x-1}}}{(\sqrt{x-1})^2} = \frac{\sqrt{x-1} - \frac{x}{2\sqrt{x-1}}}{x-1}$$

$$\Rightarrow f'(10) = \frac{3 - \frac{10}{2}}{9} = \frac{18 - 10}{54} = \frac{8}{54} = \frac{4}{27}$$

(حسابان ۲- مشتق؛ صفحه‌های ۱۰۲ تا ۱۰۴)

(مشابه نهایی شهریور ۱۴۰۲- سوال ۱۳)

گزینه «۴»

(میوانیش نیکنام)

$$[2, 10] \text{ در } f \text{ آهنگ تغییر متوسط تابع } f = \frac{f(10) - f(2)}{10 - 2} = \frac{5 - 3}{8} = \frac{1}{4}$$

$$\begin{cases} f(x) = \sqrt{2x+5} \Rightarrow f(22) = 7 \\ f'(x) = \frac{2}{2\sqrt{2x+5}} \Rightarrow f'(22) = \frac{1}{7} \end{cases}$$

$$g'(x) = \frac{f(x) + (x-15)f'(x)}{2\sqrt{(x-15)f(x)}}$$

$$\Rightarrow g'(22) = \frac{f(22) + 7 \times f'(22)}{2\sqrt{7 \times f(22)}} = \frac{7+1}{2 \times 7} = \frac{4}{14} = \frac{2}{7}$$

نسبت مورد نظر برابر است با:

$$\frac{\frac{1}{4}}{\frac{2}{7}} = \frac{7}{8}$$

(حسابان ۲- مشتق؛ صفحه‌های ۱۰۲ تا ۱۰۴)

گزینه «۱»

(حامد مغنوی)

$$f(x) = x^3 + (2-m)x^2 - 2$$

$$\Rightarrow \begin{cases} f(-2) = -8 + (2-m) \times 4 - 2 = -4m - 2 \\ f(m) = m^3 + (2-m)m^2 - 2 = 2m^2 - 2 \end{cases}$$

$$f'(x) = 3x^2 + 2(2-m)x$$

$$\Rightarrow f'(m) = 3m^2 + 2(2-m)(m) = m^2 + 4m$$

$$\frac{f(m) - f(-2)}{m+2} = f'(m) + 1 \quad \text{بنابراین طبق فرض داریم:}$$

$$\Rightarrow \frac{2m^2 - 2 + 4m + 2}{m+2} = m^2 + 4m + 1$$

$$\Rightarrow \frac{2m(m+2)}{m+2} = m^2 + 4m + 1 \xrightarrow{m \neq -2} 2m = m^2 + 4m + 1$$

$$\Rightarrow \frac{m^2 + 2m + 1}{(m+1)^2} = 0 \Rightarrow m = -1$$



$$\frac{f(\frac{5+1}{2}) - f(\frac{3+1}{2})}{5-3} = \Delta \Rightarrow f(3) - f(2) = 10 \quad \text{بازه } [3, 5]$$

$$\frac{f(\frac{7+1}{2}) - f(\frac{5+1}{2})}{7-5} = \Delta \Rightarrow f(4) - f(3) = 14 \quad \text{بازه } [5, 7]$$

روابط به دست آمده را با هم جمع می‌کنیم:

$$\begin{cases} f(2) - f(1) = 4 \\ f(3) - f(2) = 10 \xrightarrow{\text{جمع طرفین}} f(4) - f(1) = 28 \\ f(4) - f(3) = 14 \end{cases}$$

آهنگ متوسط تغییر $g(x)$ در بازه $[1, 4]$ را می‌یابیم:

$$\frac{g(4) - g(1)}{4-1} = \frac{(4^2 + f(4)) - (1^2 + f(1))}{3} = \frac{15 + 28}{3} = \frac{43}{3}$$

(مسئله ۲- مشتق: صفحه‌های ۱۰۲ تا ۱۰۴)

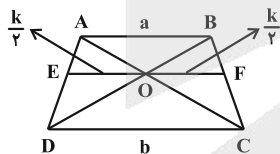
(علی پسنجیده)

۱۰- گزینه «۳»

در دوزنقه زیر اگر طول دو قاعده a و b و طول پاره خط EF برابر k باشد،

می‌توان ثابت کرد که $OE = OF = \frac{k}{2}$. در مثلث‌های ADB و BDC

طبق تعمیم قضیه تالس داریم:



$$\begin{cases} \frac{k}{a} = \frac{DO}{DB} \quad (1) \\ \frac{k}{b} = \frac{OB}{DB} \quad (2) \end{cases} \xrightarrow{(1)+(2)} \frac{k}{2a} + \frac{k}{2b} = 1$$

$$\Rightarrow bk + ak = 2ab \Rightarrow k = \frac{2ab}{a+b}$$

$$\xrightarrow{k=EF} EF = \frac{2x(6-x)}{x+6-x} = \frac{1}{3}(6-x^2) \quad a=x, b=6-x$$

$$\Rightarrow x = \frac{1}{3}(6-2x) \quad \text{نسبت به } EF \text{ تغییر}$$

$$1 = \frac{1}{3}(6-2x) \Rightarrow 3 = 6-2x \Rightarrow x = 1/5 \quad \text{طبق فرض داریم}$$

$$\Rightarrow DC = 6-x = 6-1/5 = 4/5$$

(مسئله ۲- مشتق: صفحه‌های ۱۰۲ تا ۱۰۶)

$$f'(m-2) = f'(-2) = 3(-2)^2 + 2(2)(-2) = 9 \quad \text{در نتیجه:}$$

(مسئله ۲- مشتق: صفحه‌های ۱۰۲ تا ۱۰۴)

۷- گزینه «۱» (روح اله حسینی)

آهنگ تغییر متوسط تابع f در بازه $[\frac{1}{4}, \frac{1}{3}]$ برابر است با:

$$\frac{f(\frac{1}{3}) - f(\frac{1}{4})}{\frac{1}{3} - \frac{1}{4}} = \frac{\cos \frac{\pi}{3} - \cos \frac{\pi}{4}}{\frac{1}{12}} = \frac{1 - \frac{\sqrt{2}}{2}}{\frac{1}{12}} = \frac{1 - \sqrt{2}}{\frac{1}{12}} = 12(1 - \sqrt{2})$$

آهنگ تغییر متوسط تابع f در بازه $[\frac{1}{6}, \frac{1}{3}]$ برابر است با:

$$\frac{f(\frac{1}{3}) - f(\frac{1}{6})}{\frac{1}{3} - \frac{1}{6}} = \frac{\cos \frac{\pi}{3} - \cos \frac{\pi}{6}}{\frac{1}{6}} = \frac{1 - \frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{1}{6}} = \frac{2 - \sqrt{3}}{\frac{1}{6}} = 6(2 - \sqrt{3})$$

بنابراین نسبت آن‌ها برابر است با:

$$\frac{6(1-\sqrt{2}) \times (1+\sqrt{3})}{3(1-\sqrt{3})(1+\sqrt{3})} = \frac{2(1-\sqrt{2})(1+\sqrt{3})}{1^2 - (\sqrt{3})^2} = \frac{2(1-\sqrt{2})(\sqrt{3}+1)}{\sqrt{6} + \sqrt{2} - \sqrt{3} - 1}$$

(مسئله ۲- مشتق: صفحه‌های ۱۰۲ تا ۱۰۴)

۸- گزینه «۱» (امیر حسینی زاده فر)

آهنگ تغییر متوسط تابع مذکور در بازه زمانی $[0, 4]$ برابر می‌شود با:

$$\frac{m(4) - m(0)}{4-0} = \frac{(2+8) - 0}{4} = \frac{5}{2}$$

$$m'(t) = \frac{1}{2\sqrt{t}} + 2 \xrightarrow{\text{طبق فرض}} \frac{1}{2\sqrt{t}} + 2 = \frac{5}{2}$$

$$\frac{1}{2\sqrt{t}} = \frac{5}{2} - 2 = \frac{5-4}{2} = \frac{1}{2} \Rightarrow \sqrt{t} = 1 \Rightarrow t = 1$$

(مسئله ۲- مشتق: مشابه تمرین ۷ صفحه ۱۰)

۹- گزینه «۴» (شاهین پروازی)

آهنگ متوسط تغییر تابع $y = f(\frac{x+1}{2})$ را در بازه‌های خواسته شده پیدا می‌کنیم:

$$\frac{f(\frac{3+1}{2}) - f(\frac{1+1}{2})}{3-1} = 2 \Rightarrow f(2) - f(1) = 4 \quad \text{بازه } [1, 3]$$

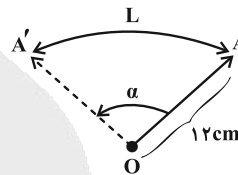


حسابان ۱

گزینه «۳» ۱۱

(سیر منصور حسینی)

اگر فرضیات مسئله و شکل رسم شده را در نظر بگیریم، داریم:



$$\alpha = 120^\circ = \frac{2\pi}{3}, \quad r = 12 \text{ cm}$$

$$L = r \times \alpha = 12 \times \frac{2\pi}{3} = 8\pi$$

بنابراین:

(حسابان ۱- مثلثات: صفحه ۹۶)

گزینه «۳» ۱۲

(علی ناری ایبانه)

مجموع مساحت دو قطاع با زوایای α و β برابر $\frac{32\pi}{3}$ سانتی متر مربع است. یعنی:

$$S = \frac{1}{2} r^2 (\alpha + \beta) \Rightarrow \frac{32\pi}{3} = \frac{1}{2} (12)^2 (\alpha + \beta) \Rightarrow \alpha + \beta = \frac{\pi}{3}$$

بنابراین زاویه قطاع باقی مانده برابر $\theta = \frac{2\pi}{3}$ است، پس:

$$L = r \cdot \theta \Rightarrow 2\pi r = 8 \left(\frac{2\pi}{3}\right) \Rightarrow \text{شعاع قاعده مخروط} : r' = \frac{8}{3}$$

(حسابان ۱- مثلثات: صفحه ۹۶)

گزینه «۳» ۱۳

(روح اله حسینی)

$$\cos 481^\circ = \cos(360^\circ + 121^\circ) = \cos 121^\circ$$

$$= \cos(90^\circ + 31^\circ) = -\sin 31^\circ$$

$$\sin 329^\circ = \sin(360^\circ - 31^\circ) = -\sin 31^\circ$$

$$\sin 149^\circ = \sin(180^\circ - 31^\circ) = \sin 31^\circ$$

$$\sin 571^\circ = \sin(540^\circ + 31^\circ) = \sin(180^\circ + 31^\circ) = -\sin 31^\circ$$

$$k = \frac{2 \cos 481^\circ - 5 \sin 329^\circ}{-3 \sin 149^\circ + \sin 571^\circ}$$

بنابراین:

$$= \frac{-2 \sin 31^\circ + 5 \sin 31^\circ}{-3 \sin 31^\circ - \sin 31^\circ} = \frac{3 \sin 31^\circ}{-4 \sin 31^\circ} = -\frac{3}{4}$$

$$\sin k\pi = \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right) = -\sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)$$

پس:

$$= -\sin\left(\pi - \frac{\pi}{4}\right) = -\sin \frac{\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos k\pi = \cos\left(-\frac{3\pi}{4}\right) = \cos\left(\frac{3\pi}{4}\right)$$

$$= \cos\left(\pi - \frac{\pi}{4}\right) = -\cos \frac{\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\sin k\pi + \cos k\pi = -\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2} = -\sqrt{2}$$

بنابراین:

(حسابان ۱- مثلثات: صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۴)

گزینه «۴» ۱۴

(شاهین پروازی)

$$\sin 14^\circ = \sin(18^\circ - 4^\circ) = \sin 4^\circ$$

$$\cos 31^\circ = \cos(36^\circ - 5^\circ) = \cos 5^\circ = \sin 4^\circ$$

$$\sin 23^\circ = \sin(18^\circ + 5^\circ) = -\sin 5^\circ = -\cos 4^\circ$$

$$\sin 40^\circ = \sin(36^\circ + 4^\circ) = \sin 4^\circ$$

$$\Rightarrow A = \frac{3 \sin 4^\circ}{-4 \cos 4^\circ + \sin 4^\circ} \xrightarrow[\text{تقسیم بر } \sin 4^\circ]{\text{صورت و مخرج}} A = \frac{3}{-4 \cot 4^\circ + 1}$$

$$-4A \cot 4^\circ + A = 3 \Rightarrow \frac{A-3}{4A} = \cot 4^\circ$$

$$\text{می دانیم: } \cot(13^\circ) = \cot(9^\circ + 4^\circ) = -\tan 4^\circ$$

$$\Rightarrow \cot 13^\circ = \frac{-4A}{A-3} = \frac{4A}{3-A}$$

(حسابان ۱- مثلثات: صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۴)

گزینه «۱» ۱۵

(میانفش نیکنام)

داریم:

$$f\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) + \sin\left(\frac{3\pi}{2} - 3x\right) = \cos x - \cos 3x$$

$$y = (\sin x + \sin 3x)^2 + (\cos x - \cos 3x)^2 \quad \text{در نتیجه:}$$

$$= 2 - 2(\cos x \cos 3x - \sin x \sin 3x) = 2 - 2 \cos 4x$$

$$x = \frac{\pi}{24} \Rightarrow y = 2 - 2 \cos \frac{\pi}{6} = 2 - \sqrt{3}$$

(حسابان ۱- مثلثات: صفحه‌های ۹۸ و ۱۱۱)

گزینه «۲» ۱۶

(سینا فیروزه)

$$\frac{1}{\sin\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{12}\right)} - \frac{1}{\cos\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{12}\right)} = \frac{1}{\cos \frac{\pi}{12}} - \frac{1}{\sin \frac{\pi}{12}}$$

$$= \frac{\sin \frac{\pi}{12} - \cos \frac{\pi}{12}}{\sin \frac{\pi}{12} \cos \frac{\pi}{12}}$$

$$A = \sin \frac{\pi}{12} - \cos \frac{\pi}{12} \Rightarrow A^2 = 1 - 2 \sin \frac{\pi}{12} \cos \frac{\pi}{12}$$

$$= 1 - \sin\left(2 \times \frac{\pi}{12}\right) = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$



Δ ODE $\xrightarrow{\text{فیناگورس}}$ $OD^2 = 1^2 + 4^2 = 17 \Rightarrow OD = \sqrt{17}$

$\sin \alpha = \frac{DE}{OD} = \frac{1}{\sqrt{17}}$ در نتیجه:

$\Rightarrow \sin \theta = 1 - 2 \sin^2 \alpha = 1 - \frac{2}{17} = \frac{15}{17}$

توجه: در کتاب درسی حسابان (۲) پایه دوازدهم ریاضی، خط d را محور تنازانت می‌نامیم. همچنین خط d' را نیز محور کتانزانت می‌نامند. طبق شکل صورت سؤال، می‌توان نتیجه گرفت که $BD = \cot \alpha = 4$ و لذا داریم:

$\frac{1}{\sin^2 \alpha} = 1 + \cot^2 \alpha = 17 \Rightarrow \sin \alpha = \frac{1}{\sqrt{17}}$

(مسابان ۱- مثلثات: صفحه‌های ۹۸ و ۱۱۰ تا ۱۱۲)

۱۹- گزینه «۴» (مریم زارعی)

حاصل عبارت داده شده برابر است با:

$$\frac{2 \sin(\pi + \frac{\pi}{6}) \times \tan(\pi + \frac{\pi}{6}) - \cos(\pi - \frac{\pi}{6}) \times \tan(2\pi - \frac{\pi}{3})}{\cos^2(2\pi - \frac{\pi}{4}) + \cot^2(\pi + \frac{\pi}{3})}$$

$$= \frac{2(-\sin \frac{\pi}{6}) \times \tan(\frac{\pi}{6}) - (-\cos \frac{\pi}{6})(-\tan \frac{\pi}{3})}{\cos^2 \frac{\pi}{4} + \cot^2 \frac{\pi}{3}}$$

$$= \frac{2(-\frac{1}{2})(1) - (-\frac{\sqrt{3}}{2})(-\sqrt{3})}{(\frac{\sqrt{2}}{2})^2 + (\frac{\sqrt{3}}{3})^2} = \frac{-\frac{2}{2} - \frac{3}{2}}{\frac{1}{2} + \frac{1}{3}} = \frac{-\frac{5}{2}}{\frac{5}{6}} = -\frac{6}{2} = -3$$

(مسابان ۱- مثلثات: صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۴)

۲۰- گزینه «۲» (یاسین کشاورزی)

هرگاه مجموع دو زاویه α و β برابر 90° (یعنی متمم یکدیگر) باشند، آنگاه $\sin \alpha = \cos \beta$ داریم:

$(x + \frac{\pi}{3}) + (\frac{\pi}{6} - x) = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \sin(x + \frac{\pi}{3}) = \cos(\frac{\pi}{6} - x)$

لذا طبق فرض داریم:

$\sin(x + \frac{\pi}{3}) + \sin(x + \frac{\pi}{3}) = \frac{1}{3} \Rightarrow 2 \sin(x + \frac{\pi}{3}) = \frac{1}{3}$

$\Rightarrow \sin(x + \frac{\pi}{3}) = \frac{1}{6}$

با توجه به $\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$ داریم:

$\sin(x + \frac{\pi}{3}) = \sin x \cos \frac{\pi}{3} + \cos x \sin \frac{\pi}{3}$

$= \frac{1}{2} \sin x + \frac{\sqrt{3}}{2} \cos x = \frac{1}{6} \xrightarrow{\times 6} 3 \sin x + 3\sqrt{3} \cos x = 1$

(مسابان ۱- مثلثات: صفحه‌های ۹۸ و ۱۱۰ تا ۱۱۲)

$\Rightarrow A = \pm \frac{1}{\sqrt{2}}$ با توجه به دایره مثلثاتی $\rightarrow A = \frac{-1}{\sqrt{2}}$

در نتیجه عبارت مورد نظر برابر می‌شود با:

$$\frac{-\frac{1}{\sqrt{2}}}{\frac{1}{2} \sin \frac{\pi}{6}} = \frac{-\frac{1}{\sqrt{2}}}{\frac{1}{4}} = -\frac{4}{\sqrt{2}} = -2\sqrt{2}$$

توجه کنید که:

$\sin \frac{\pi}{12} \cos \frac{\pi}{12} = \frac{1}{2} (2 \sin \frac{\pi}{12} \cos \frac{\pi}{12}) = \frac{1}{2} \sin(2 \times \frac{\pi}{12})$

$= \frac{1}{2} \sin \frac{\pi}{6} = \frac{1}{4}$

(مسابان ۱- مثلثات: صفحه‌های ۹۸ و ۱۱۰ تا ۱۱۲)

۱۷- گزینه «۳» (علی ناری ایبانه)

تابع $y = -\cos x$ در نقاط به طول $\pi, 3\pi, 5\pi, \dots$ دارای ماکزیمم است.

چون نمودار باید در جهت راست محور x ها انتقال یابد، دومین نقطه

ماکزیمم با طول مثبت $3\pi + \frac{\pi}{3} = \frac{10\pi}{3}$ می‌باشد. نهایتاً در

تابع $y = 1 - \cos(x - \frac{\pi}{3})$ با دو نقطه $(\frac{10\pi}{3}, 2)$ و $(-\frac{5\pi}{3}, 0)$ شیب

پاره‌خط را می‌نویسیم: $m = \frac{2-0}{\frac{10\pi}{3} - (-\frac{5\pi}{3})} \Rightarrow m = \frac{2}{15\pi}$

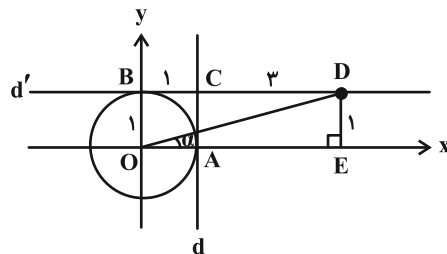
(مسابان ۱- مثلثات: صفحه‌های ۱۰۵ تا ۱۰۹)

۱۸- گزینه «۴» (غلامرضا نیازی)

$\alpha + \theta + \beta = \frac{\pi}{2} \xrightarrow{\beta=\alpha} \theta + 2\alpha = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \theta = \frac{\pi}{2} - 2\alpha$

$\Rightarrow \sin \theta = \sin(\frac{\pi}{2} - 2\alpha) = \cos 2\alpha = 1 - 2 \sin^2 \alpha$

مطابق شکل، در دایره مثلثاتی زیر داریم:



$$\begin{cases} OB = DE = 1 \\ OA = BC = 1 \\ AE = CD = 2 \end{cases} \Rightarrow OE = 1 + 2 = 3$$

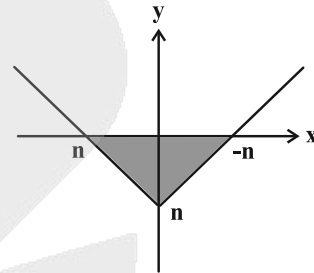


ریاضی ۱

گزینه ۱» ۲۱-

(پویانیش نیکنام)

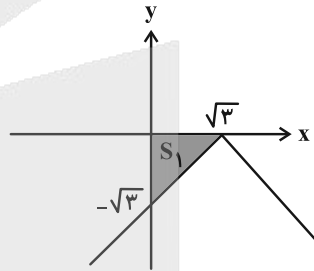
مساحت محدود به نمودار تابع $y = |x + m| + n$ و محور x ها با مساحت محدود به نمودار تابع $y = |x| + n$ و محور x ها برابر است. مطابق شکل و فرض سوال، مساحت ناحیه هاشورخورده برابر می شود با:



$$S = \frac{1}{2} n(2n) = n^2 = 3 \xrightarrow{n < 0} n = -\sqrt{3}$$

حال مساحت محدود به نمودار تابع $y = -|x - \sqrt{3}|$ و محوره‌های دستگاه

$$S_1 = \frac{1}{2} \times \sqrt{3} \times \sqrt{3} = \frac{3}{2} = 1.5$$



(ریاضی ۱- تابع: صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۷)

گزینه ۱» ۲۲-

(فاطمه صریقی)

f تابع همانی است، پس ورودی تابع با مقدار تابع برابر است:

$$\frac{x^3 + ax^2 + bx}{x-1} = x^2 + x \Rightarrow x^3 + ax^2 + bx = x^3 - x \Rightarrow \begin{cases} a = 0 \\ b = -1 \end{cases}$$

g ثابت است. لذا مخرج کسر، ضربی از صورت کسر است که برابر ۳ می شود:

$$\Rightarrow 3x^2 + c^2x + 3c^2 = 3(x-c)^2$$

$$3x^2 + c^2x + 3c^2 = 3x^2 - 6cx + 3c^2 \Rightarrow c^2 = -6c \Rightarrow \begin{cases} c = 0 \\ c = -6 \end{cases}$$

در نتیجه مقادیر مختلف عبارت موردنظر برابر است با:

$$\frac{a+c}{b} = \frac{0+0}{-1} = 0 \quad \text{یا} \quad \frac{0-6}{-1} = 6$$

(ریاضی ۱- تابع: صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۳)

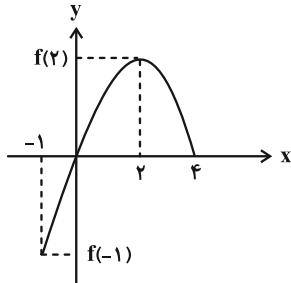
گزینه ۲» ۲۳-

(روح اله حسینی)

چون f یک تابع درجه دوم است، پس به صورت $f(x) = a(x-h)^2 + k$ است که در آن رأس سهمی است. می دانیم $h = \frac{0+4}{2} = 2$

$$\text{پس } f(x) = a(x-2)^2 + k$$

از طرفی برد این تابع بازه $[f(-1), f(2)]$ است.



پس بنا بر فرض مسئله داریم:

$$f(2) - f(-1) = 33 \quad \text{اما چون } f(2) = k \text{ و } f(-1) = a(-1-2)^2 + k = 9a + k$$

$$k - (9a + k) = 33 \Rightarrow -9a = 33 \Rightarrow a = -\frac{33}{9} = -\frac{11}{3}$$

بنابراین $f(x) = -\frac{11}{3}(x-2)^2 + k$. همچنین مطابق شکل $f(0) = 0$

$$-\frac{11}{3}(0-2)^2 + k = 0 \Rightarrow k = \frac{44}{3}$$

در نتیجه $f(x) = -\frac{11}{3}(x-2)^2 + \frac{44}{3}$ ، بنابراین:

$$f(2-\sqrt{3}) = -\frac{11}{3}(2-\sqrt{3}-2)^2 + \frac{44}{3}$$

$$= -\frac{11}{3} \times 3 + \frac{44}{3} = -\frac{33}{3} + \frac{44}{3} = \frac{11}{3}$$

(ریاضی ۱- تابع: صفحه‌های ۱۱۰ تا ۱۱۷)

گزینه ۳» ۲۴-

(روح اله حسینی)

ابتدا توجه داشته باشید که عبارت داده شده را می توان به صورت زیر نوشت:

$$(a+b+c)(x+y)(m+n+p+q) - (a+b)(x+y)(m+n) + (x+y)(m+n)$$

از طرفی هر جمله عبارت $(a+b+c)(x+y)(m+n+p+q)$ به صورت $\alpha\beta\gamma$ است که در آن $\alpha \in \{a, b, c\}$ ، $\beta \in \{x, y\}$ و $\gamma \in \{m, n, p, q\}$ است، پس تعداد جملات این عبارت بنا بر اصل ضرب برابر است با: $3 \times 2 \times 4 = 24$. همچنین به طریق مشابه تعداد جملات عبارت $(a+b)(x+y)(m+n)$ برابر است با $2 \times 2 \times 2 = 8$ ، اما چون این جمله دقیقاً قرینه ۸ جمله عبارت قبل خودشان می باشند، همگی آن ها حذف می شوند. تعداد جملات $(x+y)(m+n)$ نیز برابر است با $2 \times 2 = 4$ ؛ پس تعداد کل جملات عبارت اصلی برابر است با $24 - 8 + 4 = 20$.

(ریاضی ۱- شمارش، بدون شمردن: صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۴)



۲۵- گزینه «۲»

(الهام شیخ‌ممو)
تعداد حالت‌های قرار گرفتن حروف کلمه «جهان» در کنار هم برابر است با ۴!؛ حال اگر این ۴ حرف را یک حرف در نظر بگیریم با ۴ حرف باقی‌مانده به ۵! طریق جایگشت دارند که طبق اصل ضرب جواب برابر است با ۴! × ۵!.

(ریاضی ۱- شمارش، برون شمردن؛ صفحه ۱۳۰)

۲۶- گزینه «۴»

(موردار ملونری)
دو حالت کلی داریم:
حالت اول: صدگان بزرگ‌تر از ۳ باشد؛ (ابتدا سراغ صدگان، سپس یکان و در آخر دهگان می‌رویم).

$$\frac{2}{\{6,8\}} \times \frac{4}{\text{زوج}} \times \frac{2}{\text{زوج}} = 16$$

$$\frac{1}{\{7\}} \times \frac{4}{\text{زوج}} \times \frac{3}{\text{زوج}} = 12$$

در این حالت $16 + 12 = 28$ عدد مطلوب است.

حالت دوم: صدگان برابر ۳ باشد؛ در این حالت، مطابق محاسبات زیر، ۱۲ عدد داریم که دو عدد ۳۱۲ و ۳۱۶ قابل قبول نیست، یعنی ۱۰ عدد مطلوب خواهد بود:

$$\frac{1}{\{3\}} \times \frac{4}{\text{زوج}} \times \frac{3}{\text{زوج}} = 12$$

در مجموع تعداد اعداد مورد نظر برابر می‌شود با:

$$28 + 10 = 38$$

(ریاضی ۱- شمارش، برون شمردن؛ صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۴)

۲۷- گزینه «۳»

(روح‌اله سستی)
می‌دانیم $(n+1)! = (n+1)n(n-1)!$ بنابراین:

$$(n+1)n(n-1)! + 720 - 720n^3 + (n-1)! = 0$$

$$\Rightarrow (n-1)!(n(n+1)+1) - 720(n^3-1) = 0$$

$$\Rightarrow (n-1)!(n^2+n+1) - 720(n-1)(n^2+n+1) = 0$$

$$\Rightarrow (n-1)(n^2+n+1)((n-2)! - 720) = 0$$

واضح است که $n-1$ و n^2+n+1 مساوی صفر نیستند. بنابراین:

$$(n-2)! - 720 = 0 \Rightarrow (n-2)! = 720 = 6! \Rightarrow n-2 = 6 \Rightarrow n = 8$$

تعداد جایگشت‌های k تایی از n شیء متمایز برابر است با:

$$P(n, k) = \frac{n!}{(n-k)!}$$

$$P(8, 3) = \frac{8!}{(8-3)!} = \frac{8!}{5!} = \frac{8 \times 7 \times 6 \times 5!}{5!} = 336$$

(ریاضی ۱- شمارش، برون شمردن؛ صفحه‌های ۱۲۸ و ۱۲۹)

۲۸- گزینه «۳»

(سامان سلامیان)
بازیگرها و کارگردان‌ها به ترتیب به ۳! و ۲! حالت می‌توانند در کنار هم جایگشت داشته باشند، از طرفی بازیگرها می‌توانند در ابتدا قرار گیرند و کارگردان‌ها به دنبال آن‌ها و برعکس؛ پس ۲ حالت هم برای ترتیب آن‌ها داریم:
 $3! \times 2! \times 2 = 24$

توجه:
$$\left\{ \begin{array}{l} 3! \times 2! \Rightarrow \text{ک ک ب ب ب} \\ 2! \times 3! \Rightarrow \text{ب ب ب ک ک} \end{array} \right.$$
 جمع $3! \times 2! \times 2 = 24$

(ریاضی ۱- شمارش، برون شمردن؛ صفحه‌های ۱۲۷ تا ۱۳۲)

۲۹- گزینه «۳»

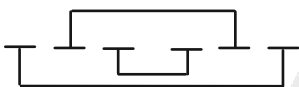
(غلامرضا نیازی)
کل حالات جایزه گرفتن ۴ نفر (هر نفر یک جایزه) $6^4 = 1296$ نفر چهارم نفر سوم نفر دوم نفر اول
حالتی که ۴ نفر، ۴ جایزه متفاوت بگیرند $6 \times 5 \times 4 \times 3 = 360$ نفر چهارم نفر سوم نفر دوم نفر اول
در نتیجه تعداد حالات مطلوب، طبق اصل متمم برابر است با:

$$1296 - 360 = 936$$

(ریاضی ۱- شمارش، برون شمردن؛ صفحه‌های ۱۲۷ تا ۱۳۲)

۳۰- گزینه «۱»

(سیرسپهر متولیان)
طبق صورت سوال، می‌بایست ۶ کتاب را مانند شکل زیر به صورت ۳ زوج کتاب قرار دهیم که در هر زوج، عنوان کتاب‌ها یکسان باشد:



برای تخصیص عناوین به زوج کتاب‌ها، ۳! حالت داریم و در هر کدام از زوج‌ها، ۲! جایگشت خواهیم داشت؛ پس جواب نهایی برابر می‌شود:

$$3! \times (2!)^3 = 6 \times 8 = 48$$

(ریاضی ۱- شمارش، برون شمردن؛ صفحه‌های ۱۲۷ تا ۱۳۲)

هندسه ۳

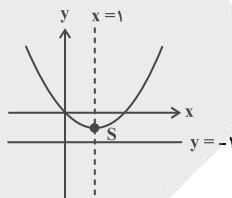
گزینه ۳

(روح اله حسینی)

معادله سهمی را به صورت متعارف می‌نویسیم:

$$3x^2 - 6x = ay \Rightarrow 3[(x-1)^2 - 1] = ay \Rightarrow 3(x-1)^2 = ay + 3$$

$$\Rightarrow (x-1)^2 = \frac{a}{3}(y + \frac{3}{a}) = 4(\frac{a}{12})(y + \frac{3}{a}) \Rightarrow \begin{cases} \text{سهمی قائم} \\ \text{رأس: } S = (1, -\frac{3}{a}) \end{cases}$$



در این سهمی فقط $a > 0$ قابل قبول است (چرا؟). لذا دهانه سهمی رو به بالا و شکل آن مطابق شکل مقابل است:

فاصله S از خط هادی برابر $\frac{a}{12}$ است. پس:

$$-\frac{3}{a} - (-1) = \frac{a}{12} \times 12a \rightarrow -36 + 12a = a^2$$

$$\Rightarrow a^2 - 12a + 36 = 0 \Rightarrow (a-6)^2 = 0 \Rightarrow a = 6$$

$$S = (1, -\frac{3}{6}) = (1, -\frac{1}{2})$$

بنابراین:

$$\Rightarrow F = (1, -\frac{1}{2} + \frac{a}{12}) = (1, -\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = (1, 0)$$

فاصله کانون $F(1, 0)$ از خط $y = -6$ برابر ۶ واحد است.

(هندسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های ۵۴ تا ۵۶)

گزینه ۳

(مسعود روشی)

معادله سهمی را به صورت متعارف تبدیل می‌کنیم:

$$y^2 - 2y + 4x = 12k - 5 \Rightarrow y^2 - 2y + 1 = -4x + 1 + 12k - 5$$

$$\Rightarrow (y-1)^2 = -4x + 12k - 4$$

$$\Rightarrow (y-1)^2 = -4(x - (3k-1)) \Rightarrow a = 1$$

این سهمی افقی است که دهانه آن رو به چپ باز می‌شود و مختصات رأس و کانون آن به صورت زیر است:

$$S(3k-1, 1) \Rightarrow F(3k-1-1, 1) = (3k-2, 1)$$

پس طبق فرض نتیجه می‌گیریم:

$$(3k-1) + (3k-2) = 12 \Rightarrow 6k - 3 = 12$$

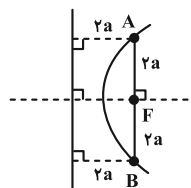
$$\Rightarrow 6k = 15 \Rightarrow k = \frac{15}{6} = \frac{5}{2}$$

(هندسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های ۵۴ تا ۵۶)

گزینه ۴

(ممد ناری‌ایبانه)

مطابق شکل، در هر سهمی با فاصله کانونی a ، طول پاره‌خط AB (مطابق توضیح سوال) برابر است با $4a$.



ابتدا معادله سهمی را به صورت متعارف می‌نویسیم:

$$y^2 + 12x + 4y = 32 \Rightarrow (y+2)^2 - 4 = 32 - 12x$$

$$\Rightarrow (y+2)^2 = -12(x-3)$$

در نتیجه $a = \frac{12}{4} = 3$ و طول پاره‌خط AB برابر می‌شود با $4a = 12$.

(هندسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های ۵۴ تا ۵۶)

گزینه ۴

(عباس العی)

می‌دانیم در آینه‌های سهموی به قطر d و عمق آینه h ، اگر فاصله کانون تا رأس برابر a باشد رابطه $d^2 = 16ah$ برقرار است. پس:

$$320^2 = 16 \times 128 \times h \Rightarrow h = \frac{320 \times 320}{16 \times 128} = \frac{210 \times 10^2}{211} = 50 \text{ cm}$$

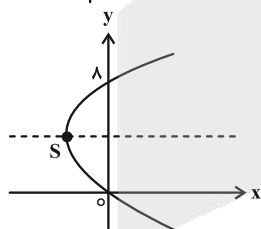
(هندسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی: مشابه تمرین ۱۳ صفحه ۵۸)

گزینه ۳

(روح اله حسینی)

نوع سهمی افقی و دهانه آن رو به راست است که از دو نقطه $(0, 0)$ و $(0, 8)$ می‌گذرد و لذا محور تقارن آن، خط $y = \frac{0+8}{2} = 4$ است.

می‌گذرد و لذا محور تقارن آن، خط $y = \frac{0+8}{2} = 4$ است.



از طرفی چون رأس سهمی روی نیمساز ناحیه دوم است پس مختصات آن را $S(h, -h)$ در نظر می‌گیریم؛ همچنین می‌دانیم که رأس سهمی روی محور تقارن است پس $-h = 4$ و بنابراین $h = -4$ و در نتیجه $S(-4, 4)$.

چون معادله سهمی به صورت $(y-4)^2 = 4a(x+4)$ است و این سهمی از نقطه $(0, 0)$ می‌گذرد، پس داریم:

$$(0-4)^2 = 4a(0+4) \Rightarrow 16 = 16a \Rightarrow a = 1$$

$$\Rightarrow (y-4)^2 = 4(x+4)$$

بنابراین مختصات کانون سهمی به صورت زیر است:

$$F = (-4+1, 4) = (-3, 4)$$

معادله خطی که از کانون سهمی بر محور تقارن عمود می‌کنیم به صورت $x = -3$ است. پس مختصات نقاط برخورد این خط و سهمی، جواب

$$\begin{cases} (y-4)^2 = 4(x+4) \\ x = -3 \end{cases} \quad \text{دستگاه معادلات مقابل است:}$$

$$\Rightarrow (y-4)^2 = 4(-3+4) = 4 \Rightarrow y-4 = \pm 2 \Rightarrow \begin{cases} y = 6 \\ y = 2 \end{cases}$$

حاصل ضرب عرض این نقاط برابر است با: $2 \times 6 = 12$

(هندسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های ۵۴ تا ۵۶)



۳۶ - گزینه ۱

(مهمبر شاهممیری)

معادله سهمی را به صورت متعارف می‌نویسیم:

$$(x + \frac{a}{2})^2 - \frac{a^2}{4} + by - 2a - 2b - \frac{3}{2} = 0$$

$$\Rightarrow (x + \frac{a}{2})^2 = -b(y - \frac{a^2}{4b} - \frac{2a}{b} - 2 - \frac{3}{2b})$$

طول رأس سهمی: $x_S = 4 \Rightarrow \frac{a}{2} = -4 \Rightarrow a = -8$

$$\Rightarrow (x - 4)^2 = -b(y - \frac{16}{b} + \frac{16}{b} - 2 - \frac{3}{2b}) \Rightarrow y_S = 2 + \frac{3}{2b}$$

۳ - یا $b = 3$ فاصله کانون تا خط هادی $= \frac{3}{2} \Rightarrow |-b| = 4 \times \frac{3}{2} \Rightarrow b = 3$

$$\Rightarrow \begin{cases} b = 3 \Rightarrow y_S = 2 + \frac{3}{6} = \frac{5}{2} = 2.5 \\ b = -3 \Rightarrow y_S = 2 - \frac{3}{6} = \frac{3}{2} = 1.5 \end{cases}$$

(هندسه ۳ - آشنایی با مقاطع مخروطی، صفحه‌های ۵۴ تا ۵۶)

۳۷ - گزینه ۲

(مسعود درویشی)

تمرین ۱۲ در صفحه ۵۸ کتاب درسی می‌گوید در صورتی که شرط‌های سوال

را در یک سهمی داشته باشیم، رابطه مقابل برقرار است: $\frac{FN}{FA} = \frac{NT}{TH}$

در سهمی، رأس A از کانون F و خط هادی d به یک فاصله است.

پس $FH = 2FA$ ، بنابراین رابطه بالا به کمک ویژگی‌های تناسب به

صورت زیر درمی‌آید:

$$\frac{FN}{2FA} = \frac{NT}{TH} \Rightarrow \frac{FN}{FH} = \frac{NT}{TH}$$

FT نیمساز زاویه F است \rightarrow قضیه نیمساز داخلی

گزینه (۱) درست نیست، چون اگر FT میانه باشد، آنگاه $\frac{FN}{FH} = \frac{NT}{TH} = 1$

می‌شود که با توجه به تغییر نقطه M روی سهمی، برقرار نیست!

گزینه (۳) درست نیست، چون مرکز دایره محیطی، محل برخورد

عمودمنصف‌های اضلاع این مثلث قائم‌الزاویه است و در وسط FN واقع است.

(هندسه ۳ - آشنایی با مقاطع مخروطی، مشابه تمرین ۱۲ صفحه ۵۸)

۳۸ - گزینه ۱

(امیرمسین ابومیبوب)

چون شعاع نورانی موازی با محور تقارن سهمی (محور X ها) به آن می‌تابد، پس

بازتاب آن از کانون سهمی عبور می‌کند. بنابراین ابتدا باید کانون سهمی را بیابیم.

$$y^2 = 8x \Rightarrow \begin{cases} \text{رأس سهمی} : A(0,0) \\ 4a = 8 \Rightarrow a = 2 \end{cases}$$

سهمی افقی است و رو به راست باز می‌شود، پس داریم:

کانون: $F(0+2,0) = (2,0)$

حال نقطه تلاقی پرتوی نور با سهمی را به دست می‌آوریم:

$$y^2 = 8x \xrightarrow{y=2} 4 = 8x \Rightarrow x = \frac{1}{2}$$

بنابراین نقطه تلاقی پرتوی نور با سهمی، نقطه $B(\frac{1}{2}, 2)$ است و در نتیجه داریم:

$$m_{BF} = \frac{0-2}{2-\frac{1}{2}} = -\frac{4}{3}$$

معادله پرتوی بازتاب: $y - 0 = -\frac{4}{3}(x - 2) \xrightarrow{\times 3} 3y = -4x + 8$

$$\Rightarrow 4x + 3y = 8$$

(هندسه ۳ - آشنایی با مقاطع مخروطی، صفحه ۵۶)

۳۹ - گزینه ۲

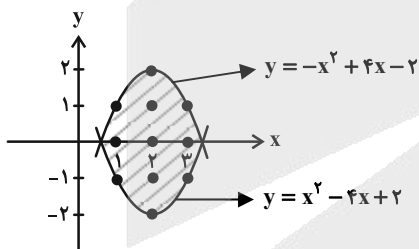
(مهمبر شاهممیری)

روابط $y = \pm(x^2 - 4x + 2)$ مربوط به سهمی هستند که معادله آن‌ها را

به صورت متعارف می‌نویسیم: $y = x^2 - 4x + 2 \Rightarrow y = (x - 2)^2 - 2$

$$y = -x^2 + 4x - 2 \Rightarrow y = -(x - 2)^2 + 2$$

نمودار هر دو سهمی را رسم می‌کنیم که ناحیه هاشورخورده مطلوب سوال است.



پنج نقطه $(1,0), (2,0), (3,0), (2,1), (2,-1)$ درون ناحیه هاشورخورده

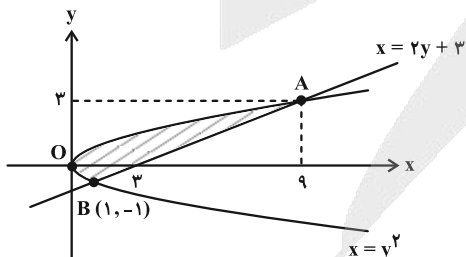
هستند و در روابط داده شده صدق می‌کنند.

(هندسه ۳ - بردارها، مشابه کار در کلاس ۱ صفحه ۶۳)

۴۰ - گزینه ۴

(مهرداد ملونزی)

ناحیه هاشورخورده زیر، شامل مجموعه نقاطی است که مورد نظر سوال می‌باشد:



نقاط A و O (مبدأ مختصات)، بیشترین و کمترین فاصله را نسبت به خط

قائم $x = -1$ دارند و داریم:

$$a = |9 - (-1)| = 10, \quad b = |0 - (-1)| = 1 \Rightarrow a + b = 11$$

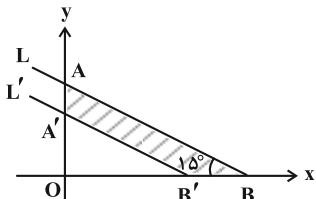
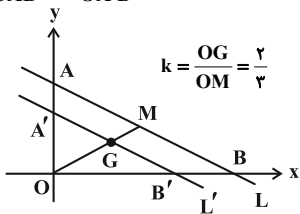
(هندسه ۳ - بردارها، صفحه‌های ۶۲ و ۶۳)



$$\Rightarrow \frac{S_{OA'B'}}{S_{OAB}} = \left(\frac{2}{3}\right)^2 \Rightarrow S_{OA'B'} = \frac{4}{9} \times 18 = 8$$

خواسته مسئله به دست آوردن مساحت $AA'B'B$ است، بنابراین:

$$S_{AA'B'B} = S_{OAB} - S_{OA'B'} = 18 - 8 = 10$$



(هندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ مشابه تمرین ۴ صفحه ۳۹)

۴۹- گزینه «۲» (مهمتر قدران)

برای این که یک واحد از این مسیر در ساحل رودخانه باشد، باید B را یک واحد در جهت منفی محور x ها انتقال دهیم. برای این که از پل NP عمود بر راستای رودخانه عبور کنیم باید نقطه حاصل را 2 واحد در جهت مثبت محور y ها انتقال دهیم. بنابراین:

$$B(5, -2) \xrightarrow[\text{در خلاف جهت } x \text{ ها}]{\text{انتقال یک واحد}} B'(4, -2) \xrightarrow[\text{در جهت } y \text{ ها}]{\text{انتقال ۲ واحد}} B''(4, -1)$$

طول کوتاه‌ترین مسیر $AMNPB$ به ازای طول AB'' به دست می‌آید، پس:

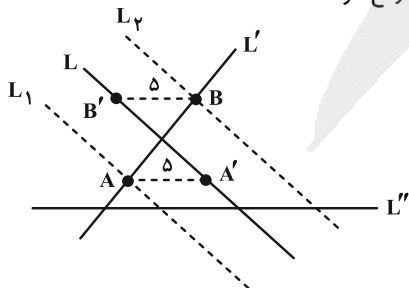
$$AB'' = \sqrt{(-2-4)^2 + (-1-(-1))^2} = \sqrt{6^2 + 0^2} = 6$$

$$\min(AMNPB) = AB'' + 1 + 2 = 13$$

(هندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه ۵۳)

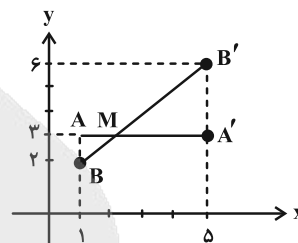
۵۰- گزینه «۳» (امیرمسین ابومیبوب)

مطابق شکل سه خط دوجه دو متقاطع L ، L' و L'' را در نظر بگیرید. فرض کنید پاره‌خط مورد نظر موازی L'' بوده و دو سر آن روی L و L' قرار داشته باشد. در این صورت می‌توانیم خط L را موازی با L'' و در دو جهت متفاوت به اندازه 5 واحد انتقال دهیم تا به ترتیب خطوط L_1 و L_2 حاصل شود. این دو خط، خط L' را در نقاط A و B قطع می‌کنند. حال کافی است از هر کدام از نقاط A و B ، خطی موازی با L'' رسم کنیم تا خط L را به ترتیب در A' و B' قطع کنند. طول هر کدام از پاره‌خط‌های AA' و BB' برابر 5 واحد است و موازی L'' هستند. به‌طور مشابه می‌توان دو پاره‌خط موازی L و دو پاره‌خط موازی L' به طول 5 رسم نمود که دو سر آن‌ها بر دو خط دیگر واقع شود.



(هندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ مشابه تمرین ۳ صفحه ۵۴)

مطابق شکل نقطه M محل برخورد AA' و BB' ، مرکز تجانس است. چون دو نقطه A و A' در دو طرف M قرار دارند، پس نسبت تجانس منفی است، یعنی $k = -3$.



بنابراین $MA' = 3AM$ و در نتیجه اگر نسبت تجانس جدید را برابر k'

$$|k'| = \frac{AA'}{MA'} = \frac{4AM}{3AM} = \frac{4}{3}$$

در نظر بگیریم، آنگاه داریم:

از طرفی دو نقطه M و A در یک طرف A' قرار دارند، پس $k' > 0$ و در

$$\text{نتیجه } k = \frac{4}{3} \text{ است.}$$

(هندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۳ تا ۳۶)

۴۷- گزینه «۴» (روح‌اله سنن)

با توجه به ثابت بودن طول ضلع AB ، کمترین مقدار محیط وقتی اتفاق می‌افتد که $AM + MB$ ، مینیمم شود. برای پیدا کردن مکان M ، نقطه B' بازتاب یافته B نسبت به نیمساز ناحیه اول و سوم را پیدا می‌کنیم. از طرفی می‌دانیم بازتاب نقطه‌ای به مختصات (α, β) نسبت به نیمساز ناحیه اول و سوم، نقطه با مختصات (β, α) خواهد بود، پس $B'(6, 4)$. اکنون M محل برخورد خط گذرنده از نقاط A و B' با خط $y = x$ (نیمساز ناحیه اول و سوم) است. پس معادله خط گذرنده از A و B' را می‌نویسیم:

$$\begin{cases} A(1, 2) \\ B'(6, 4) \end{cases} \Rightarrow m_{AB'} = \frac{4-2}{6-1} = \frac{2}{5} \Rightarrow y = \frac{2}{5}x + \frac{8}{5}$$

بنابراین مختصات M جواب دستگاه معادلات است:

$$\begin{cases} y = x \\ y = \frac{2}{5}x + \frac{8}{5} \end{cases}$$

$$x = \frac{2}{5}x + \frac{8}{5} \Rightarrow 5x = 2x + 8 \Rightarrow x = \frac{8}{3}$$

$$y = x \Rightarrow y = \frac{8}{3}$$

پس $M(\frac{8}{3}, \frac{8}{3})$ است بنابراین فاصله آن تا نقطه $O(0, 0)$ برابر است با:

$$MO = \sqrt{\left(\frac{8}{3}-0\right)^2 + \left(\frac{8}{3}-0\right)^2} = \sqrt{\frac{64}{9} + \frac{64}{9}} = \sqrt{\frac{128}{9}} = \frac{8\sqrt{2}}{3}$$

(هندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۵۲ و ۵۳)

۴۸- گزینه «۱» (مهمتر قدران)

مرکز ثقل مثلث در حقیقت محل هم‌رسی میانه‌های مثلث است. می‌دانیم در هر مثلث میانه‌ها یکدیگر را به نسبت 2 به 1 قطع می‌کنند. بنابراین نسبت تجانس برابر $\frac{2}{3}$ است. در مثلث قائم‌الزاویه OAB ، اندازه یک زاویه حاده (OBA) 15° درجه است، پس ارتفاع وارد بر وتر یک چهارم وتر است. پس مساحت مثلث OAB برابر است با:

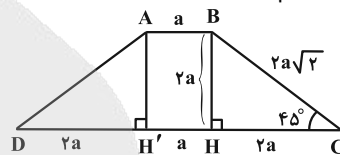
$$S_{OAB} = \frac{1}{2} AB \times OH = \frac{1}{2} \times 12 \times \left(\frac{12}{4}\right) = 18$$

هندسه ۱

گزینه ۲» ۵۱

(اخشین فاضله‌ن)

با فرض $AB = a$ داریم $DC = \Delta a$. عمودهای BH و AH' را بر قاعده DC رسم می‌کنیم. مطابق شکل $BH = CH = \sqrt{2}a$ و داریم:



$$S = \frac{(a + \Delta a)\sqrt{2}a}{2} = 54 \Rightarrow 6a^2 = 54 \Rightarrow a = 3$$

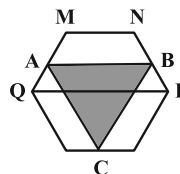
$$\Rightarrow \text{محیط دوزنقه} = 6a + 4a\sqrt{2} = 18 + 12\sqrt{2}$$

(هندسه ۱- پندرضلعی‌ها؛ مشابه تمرین ۳ صفحه ۷۲)

گزینه ۱» ۵۲

(سیرمهرضا عسینی‌فر)

اگر طول ضلع شش‌ضلعی منتظم را a در نظر بگیریم، آنگاه:



$$PQ = \sqrt{3}a, \quad AB = \frac{MN + PQ}{2} = \frac{3}{2}a$$

مثلث ABC متساوی‌الاضلاع است، پس:

$$\frac{S_{ABC}}{S_{\text{کل}}} = \frac{\frac{\sqrt{3}}{4}(AB)^2}{6 \times \frac{\sqrt{3}}{4}(MN)^2} = \frac{(\frac{3}{2}a)^2}{6a^2} = \frac{9}{6} = \frac{3}{2}$$

(هندسه ۱- پندرضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۵ و ۶۶)

گزینه ۲» ۵۳

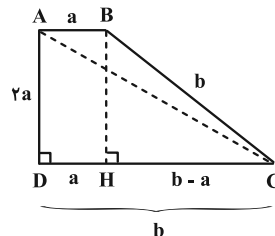
(روح‌اله عسینی)

در دوزنقه قائم‌الزاویه $ABCD$ ، قرار می‌دهیم $AB = a$ و $CD = b$. بنابراین طبق فرض $AD = \sqrt{2}a$ و $BC = b$ ؛ از B بر DC عمود می‌کشیم و پای عمود را H می‌نامیم. چون $ABHD$ مستطیل است پس:

$$DH = AB = a, \quad BH = AD = \sqrt{2}a$$

$$HC = DC - DH = b - a$$

بنابراین:



اکنون در مثلث قائم‌الزاویه BHC بنابر قضیه فیثاغورس داریم:

$$BH^2 + HC^2 = BC^2 \Rightarrow (\sqrt{2}a)^2 + (b - a)^2 = b^2$$

$$\Rightarrow 2a^2 + a^2 - 2ab + b^2 = b^2 \Rightarrow \Delta a^2 - 2ab = 0$$

$$\Rightarrow a(\Delta a - 2b) = 0 \xrightarrow{a \neq 0} \Delta a - 2b = 0$$

$$\Rightarrow 2b = \Delta a \Rightarrow b = \frac{\Delta a}{2}$$

$$S_{ABCD} = \frac{(AB + DC) \times AD}{2} = \frac{(a + b) \times \sqrt{2}a}{2}$$

$$= (a + b)a = (a + \frac{\Delta a}{2})a = \frac{\gamma}{2}a^2$$

$$\frac{\gamma}{2}a^2 = 56 \Rightarrow a^2 = 16 \Rightarrow a = 4 \quad \text{پس: } S_{ABCD} = 56$$

$$\Rightarrow b = \frac{5 \times 4}{2} = 10 \Rightarrow AD = \sqrt{2}a = 8, \quad CD = b = 10$$

از طرفی در مثلث قائم‌الزاویه ADC بنابر قضیه فیثاغورس داریم:

$$AC^2 = AD^2 + CD^2 = 8^2 + 10^2 = 64 + 100 = 164$$

$$\Rightarrow AC = \sqrt{164} = 2\sqrt{41}$$

(هندسه ۱- پندرضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۵ و ۶۶)

گزینه ۱» ۵۴ (فامر معنوی)

چون دو قطر AC و BD بر هم عمودند، بنابراین مساحت چهارضلعی $ABCD$ برابر با نصف حاصل‌ضرب این دو قطر است. پس:

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} AC \times BD \Rightarrow 33 = \frac{1}{2} \times 6 \times BD \Rightarrow BD = 11$$

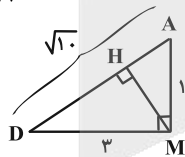
$$\Rightarrow DM = 11 - 8 = 3$$

در مثلث قائم‌الزاویه AMD ، ارتفاع وارد بر وتر AD را رسم می‌کنیم،

$$2S_{AMD} = AD \times MH = AM \times DM$$

بنابراین:

$$\Rightarrow MH = \frac{1 \times 3}{\sqrt{10}} = \frac{3}{\sqrt{10}} = \frac{3\sqrt{10}}{10} = \frac{3}{\sqrt{10}}$$



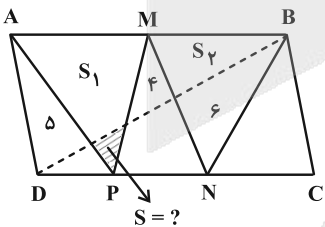
(هندسه ۱- پندرضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۵ و ۶۶)

گزینه ۴» ۵۵

(سیرمهرضا عسینی‌فر)

می‌دانیم با رسم قطر در متوازی‌الاضلاع، مساحت متوازی‌الاضلاع نصف می‌شود، در نتیجه:

$$S_{ABD} = \frac{1}{2} S_{ABCD}$$



$$5 + S_1 + 4 + S_2 = \frac{1}{2} S_{ABCD} \quad (1)$$

از طرفی مجموع دو مساحت AMP و BMN نیز نصف مساحت متوازی‌الاضلاع است، یعنی:

$$S_{AMP} + S_{BMN} = \frac{1}{2} S_{ABCD}$$

یعنی:

$$\Rightarrow S_1 + S + S_2 + 6 = \frac{1}{2} S_{ABCD} \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} 9 + S_1 + S_2 = 6 + S + S_1 + S_2 \Rightarrow S = 3$$

(هندسه ۱- پندرضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۵ و ۶۶)

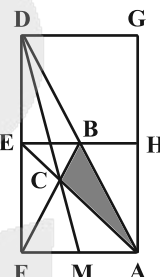


۵۶- گزینه «۱»

(ممبر تاری ایانه)

مطابق شکل، AE و FB میانه‌های دو ضلع AD و FD از مثلث AFD هستند. میانه ضلع سوم (DM) را رسم می‌کنیم. می‌دانیم از برخورد میانه‌های هر مثلث، ۶ مثلث هم مساحت پدید می‌آید، پس داریم:

$$\begin{cases} S_{ABC} = \frac{1}{6} S_{AFD} \\ S_{AFD} = \frac{1}{2} S_{DGAF} \end{cases} \Rightarrow S_{ABC} = \frac{1}{12} S_{DGAF}$$



(هنر سه ۱- پندرضلعی‌ها؛ صفحه ۶۷)

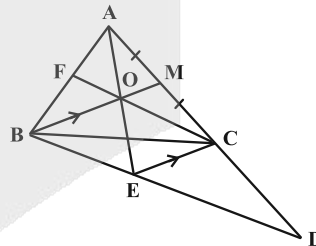
۵۷- گزینه «۳»

(روح اله حسینی)

چون $\frac{CD}{MC} = 2$ پس $CD = AC = 2MC$

از طرفی بنا بر فرض مسئله $\frac{ED}{BE} = 2$ ، پس $\frac{CD}{MC} = \frac{ED}{BE}$ و بنا بر عکس قضیه تالس داریم: $EC \parallel BM$

$$\Delta BMD : EC \parallel BM \xrightarrow{\text{تعمیم تالس}} \frac{EC}{BM} = \frac{CD}{MD}$$



اما چون $MD = CD + MC = CD + \frac{1}{2}CD = \frac{3}{2}CD$ پس:

$$\frac{EC}{BM} = \frac{CD}{MD} = \frac{2}{3} \quad (1)$$

همچنین در مثلث AEC داریم:

$$MO \parallel EC \xrightarrow{\text{تعمیم تالس}} \frac{MO}{EC} = \frac{AM}{AC} = \frac{1}{2} \quad (2)$$

از روابط (۱) و (۲) داریم:

$$\frac{MO}{EC} \times \frac{EC}{BM} = \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} = \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{MO}{BM} = \frac{1}{3} \xrightarrow{\text{تفضیل در مخرج}} \frac{MO}{BO} = \frac{1}{2}$$

بنابراین O میانه BM را به نسبت ۱ به ۲ تقسیم کرده است پس O همان محل هم‌رسی میانه‌های اضلاع مثلث ABC است. در نتیجه CF نیز میانه

نظیر ضلع AB است و در نتیجه:

$$\frac{AF}{AB} = \frac{1}{2}$$

(هنر سه ۱- پندرضلعی‌ها؛ صفحه ۶۷)

۵۸- گزینه «۳»

(فرزانه کاکاپاش)

اگر طول ضلع مثلث را با a و مساحت آن را با S نمایش دهیم، آن‌گاه داریم:

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = 12\sqrt{3} \Rightarrow a^2 = 4 \times 12 = 48 \Rightarrow a = 4\sqrt{3}$$

$$\text{مجموع فواصل هر نقطه دلخواه درون یک مثلث متساوی‌الاضلاع از سه ضلع آن، برابر طول ارتفاع مثلث است. بنابراین در صورتی که فاصله نقطه } M \text{ از ضلع سوم مثلث را با } x \text{ نمایش دهیم، داریم:}$$

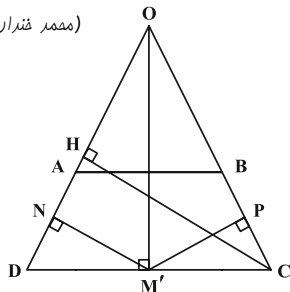
$$4 + x = 6 \Rightarrow x = 2$$

(هنر سه ۱- پندرضلعی‌ها؛ صفحه ۶۸)

۵۹- گزینه «۴»

(ممبر فندان)

دو ساق AD و BC را امتداد می‌دهیم تا یکدیگر را در نقطه O قطع کنند. چون $\hat{C} = \hat{D}$ ، پس مثلث OCD متساوی‌الساقین است.



طبق تعمیم قضیه تالس در مثلث OCD داریم:

$$\Delta OCD : AB \parallel CD \Rightarrow \frac{OA}{OD} = \frac{AB}{CD} \Rightarrow \frac{OD-9}{OD} = \frac{1/2}{10} = \frac{1}{10} \Rightarrow 10 \cdot OD - 90 = OD \Rightarrow OD = 10$$

می‌دانیم مجموع طول عمودهای رسم شده از یک نقطه واقع بر قاعده یک مثلث متساوی‌الساقین بر دو ساق آن، برابر طول ارتفاع وارد بر ساق است. پس داریم:

$$\Delta OCD : CH \times OD = OM' \times CD \Rightarrow CH \times 10 = 8 \times 12 \Rightarrow CH = 9/6$$

توجه: طول ارتفاع OM' از نوشتن رابطه فیثاغورس در مثلث قائم‌الزاویه OCM' بدست می‌آید.

(هنر سه ۱- پندرضلعی‌ها؛ صفحه ۶۸)

۶۰- گزینه «۳»

(امیر حسین ابومحبوب)

طبق فرمول پیک، مساحت چندضلعی‌های شبکه‌ای برابر $S = \frac{b}{2} + i - 1$ است که b و i به ترتیب تعداد نقاط مرزی و درونی چندضلعی شبکه‌ای هستند. طبق فرض $i = 3b$ و از طرفی داریم:

$$\left\{ \begin{aligned} b + i \leq 40 &\Rightarrow 4b \leq 40 \xrightarrow{b \in \mathbb{N}} b \leq 10 \\ S = \frac{b}{2} + 3b - 1 = \frac{7}{2}b - 1 \end{aligned} \right.$$

همچنین می‌دانیم حداقل تعداد نقاط مرزی برابر ۳ است. پس مجموع مساحت چندضلعی‌های شبکه‌ای مورد نظر برابر می‌شود با:

$$\sum_{b=3}^{10} S = \left(\frac{7}{2} \times 3 - 1\right) + \left(\frac{7}{2} \times 4 - 1\right) + \dots + \left(\frac{7}{2} \times 10 - 1\right)$$

$$= \frac{7}{2} (3 + 4 + \dots + 10) - 8 \times 1 = \frac{7}{2} \left(\frac{10 \times 11}{2} - 3\right) - 8 = 174$$

$$\Rightarrow \text{میانگین مساحت‌ها} = \frac{174}{8} = 21/75$$

(هنر سه ۱- پندرضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۹ تا ۷۱)



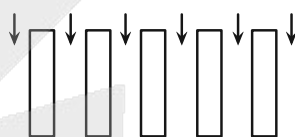
ریاضیات گسسته

گزینه «۱» ۶۱-

(سیرمهر رضا عسینی فرد)

ابتدا دفترهای یکسان را در یک ردیف قرار می‌دهیم. این کار فقط یک حالت دارد! حال از بین جاهای خالی، قبل از اولین دفتر تا بعد از آخرین دفتر (یعنی ۶ جای خالی) ۲ تا را برای کتاب‌های یکسان ریاضی و ۲ تای دیگر را برای کتاب‌های یکسان هندسه انتخاب می‌کنیم. پس جواب برابر با $\binom{6}{2}\binom{4}{2} = 90$ است.

۶ جای خالی برای قرار گرفتن کتاب‌ها



۵ دفتر یکسان در یک ردیف

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه‌های ۵۶ و ۵۷)

گزینه «۲» ۶۲-

(عباس الهی)

چون عدد سه رقمی با ارقام متمایز و بخش‌پذیر بر ۳ است، پس ابتدا ارقام ۱ تا ۹ را به سه دسته $\{1, 4, 7\}$ ، $\{2, 5, 8\}$ ، $\{3, 6, 9\}$ تقسیم می‌کنیم؛ یا باید از هر کدام از دسته‌های بالا یک رقم انتخاب شود و یا تمام ارقام متمایز از یک دسته انتخاب شوند، پس تعداد حالت‌ها برابر است با:

$$\binom{3}{1}\binom{3}{1}\binom{3}{1} \times 3! + \binom{3}{1} \times 3! = 3^3 \times 3! + 3 \times 3! = 27 \times 3! + 3 \times 3! = 30 \times 3! = 30 \times 6 = 180$$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه‌های ۵۶ و ۵۷)

گزینه «۳» ۶۳-

(مسعود درویشی)

انتخاب ۲ رقم از A به $\binom{4}{2} = 6$ روش و انتخاب ۳ رقم از B

به $\binom{5}{3} = 10$ روش امکان دارد. پس انتخاب ۵ رقم به $10 \times 6 = 60$ روش

امکان‌پذیر است. از طرفی یکان باید از A و ده‌هزارگان باید از B باشد که این کار هم به $2 \times 3 = 6$ روش انجام می‌شود و ۳ رقم میانی هم با سه رقم باقی‌مانده (یک رقم از A و دو رقم از B) به $6 = 3!$ روش پُر می‌شوند. پس برای هر انتخاب پنج‌تایی، تعداد جایگشت‌های خواسته شده برابر با $3! \times 6 = 36$ است. در نهایت چون تعداد انتخاب‌ها نیز ۶۰ تا است، تعداد کل جایگشت‌ها برابر می‌شود با: $60 \times 36 = 2160$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: مشابه تمرین ۲ صفحه ۷۱)

گزینه «۲» ۶۴-

(مسعود درویشی)

ابتدا ۵ حرف a, b, c, d, f (غیر از e) را می‌چینیم (که به ۵! حالت جایگشت دارند). سپس مطابق شکل، قبل و بعد هر حرف را برای قرار دادن e ها جای خالی می‌گذاریم.

_____ a _____ b _____ c _____ d _____ f _____

از بین ۶ تا جای خالی، ۴ تا انتخاب می‌کنیم تا e ها را بچینیم. این کار نیز به $\binom{6}{4}$ روش امکان‌پذیر است. طبق اصل ضرب، جایگشت‌های مورد نظر

برابر می‌شود با: $\binom{6}{4} \times 5! = 15 \times 5!$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه‌های ۵۶ و ۵۷)

گزینه «۲» ۶۵-

(علی پسنزیره)

راه‌حل اول: تقسیم‌بندی (افزاد) کتاب‌ها باید به صورت $\{3 \text{سه کتاب}\}$ ، $\{2 \text{دو کتاب}\}$ ، $\{2 \text{دو کتاب}\}$ باشد، که تعداد این افرازاها برابر می‌شود با:

$$\frac{\binom{7}{2}\binom{5}{2}\binom{3}{2}}{2!} = \frac{21 \times 10}{2} = 105$$

هر یک از این افرازاها را به ۳! حالت می‌توان به سه نفر نسبت داد، پس تعداد حالات کل برابر می‌شود: $105 \times 6 = 630$

راه‌حل دوم: تقسیم کتاب‌ها به صورت $(2, 2, 3)$ صورت می‌گیرد. نفری که کتاب به آن می‌رسد، ۳ حالت متمایز دارد. در هر کدام از این ۳ حالت

به $\binom{7}{2}\binom{5}{2}\binom{3}{2} = 210$ حالت می‌توان کتاب‌ها را بین سه نفر تقسیم

کرد، پس تعداد حالات مورد نظر برابر می‌شود با: $3 \times 210 = 630$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: مشابه تمرین ۷ صفحه ۷۱)

گزینه «۳» ۶۶-

(مسعود درویشی)

انتخاب یک زوج از بین ۸ زوج به $\binom{8}{1} = 8$ روش انجام می‌شود. حالا از میان

۷ زوج باقی‌مانده ۳ زوج انتخاب می‌کنیم که این کار هم به $\binom{7}{3} = 35$ روش

انجام می‌شود. در نهایت از هر کدام از این ۳ زوج باید یک نفر انتخاب کنیم که این کار نیز به $2 \times 2 \times 2 = 8$ روش امکان‌پذیر است. پس تعداد کل روش‌های انتخاب هیئت ۵ نفره برابر است با: $8 \times 35 \times 8 = 2240$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه‌های ۵۶ و ۵۷)



۶۷- گزینه «۳»

(افشین فاضلن)

با توجه به شرایط مسئله، فقط با $x_1 = 1$ قابل قبول است (چرا؟) و مقادیر ممکن برای x_4 برابر است با ۹، ۴، ۱. پس معادله به صورت زیر می‌شود:

$$1 + x_2 + x_3 + \sqrt{x_4} = 6 \Rightarrow x_2 + x_3 + \sqrt{x_4} = 5$$

اگر از تغییر متغیر $\sqrt{x_4} = y_4$ استفاده کنیم، آنگاه داریم:

$$x_2 + x_3 + y_4 = 5$$

$$\text{تعداد جواب‌های طبیعی} = \binom{5-1}{3-1} = \binom{4}{2} = 6$$

(ریاضیات گسسته- ترکیبیات: مشابه تمرین ۹ صفحه ۷۱)

۶۸- گزینه «۳»

(علیرضا شریف‌فطینی)

تعداد سیب‌های نفرات اول تا چهارم را به ترتیب با x_1 تا x_4 نمایش می‌دهیم؛ لذا حل این سوال، مانند محاسبه تعداد جواب‌های صحیح و نامنفی معادله زیر است:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 10 \\ x_1 \geq 2, \quad x_2 \leq 4 \end{cases}$$

با فرض $x_1 = x_1' + 2$ داریم $x_1' \geq 0$ و در نتیجه معادله به صورت زیر می‌شود:

$$\begin{cases} x_1' + x_2 + x_3 + x_4 = 8 \\ x_2 \leq 4 \end{cases}$$

برای حل این معادله از اصل متمم استفاده می‌کنیم. فرض کنیم $x_2 \geq 5$. آنگاه با در نظر گرفتن $x_2 = x_2' + 5$ داریم:

$$x_1' + x_2' + x_3 + x_4 = 3 \quad (\text{حالت نامطلوب})$$

در نتیجه طبق اصل متمم داریم:

تعداد حالات نامطلوب - تعداد کل حالات = تعداد حالات مطلوب

$$= \binom{8+4-1}{4-1} - \binom{3+4-1}{4-1} = \binom{11}{3} - \binom{6}{3} = 165 - 20 = 145$$

(ریاضیات گسسته- ترکیبیات: صفحه‌های ۵۹ تا ۶۱)

۶۹- گزینه «۲»

(روح‌اله سنی)

معادله داده شده را می‌توان به این صورت نوشت:

$$x_1(x_2 + x_3) + x_2(x_2 + x_3) = 14 \Rightarrow (x_1 + x_2)(x_2 + x_3) = 14$$

با توجه به صحیح و نامنفی بودن x_i ها، حالت‌های زیر وجود دارد:

$$(1) \quad x_1 + x_2 = 1, \quad x_2 + x_3 = 14$$

$$x_1 + x_2 = 2 \Rightarrow \text{جواب صحیح و نامنفی و معادله}$$

$$x_2 + x_3 = 14 \Rightarrow \text{جواب صحیح و نامنفی است. پس در}$$

این حالت $2 \times 15 = 30$ جواب وجود دارد.

$$(2) \quad x_1 + x_2 = 14, \quad x_2 + x_3 = 1$$

قبل، ۳۰ جواب وجود دارد.

$$(3) \quad x_2 + x_3 = 7 \quad \text{و} \quad x_2 + x_3 = 2$$

$$x_1 + x_2 = 2 \Rightarrow \text{جواب صحیح و نامنفی و معادله}$$

$$x_2 + x_3 = 7 \Rightarrow \text{جواب صحیح و نامنفی است. بنابراین در}$$

این حالت $3 \times 8 = 24$ جواب وجود دارد.

$$(4) \quad x_2 + x_3 = 2 \quad \text{و} \quad x_2 + x_3 = 7$$

جواب وجود دارد. بنابراین تعداد کل جواب‌های صحیح و نامنفی معادله برابر

$$2 \times 30 + 2 \times 24 = 108 \quad \text{است با:}$$

(ریاضیات گسسته- ترکیبیات: صفحه‌های ۵۹ تا ۶۱)

۷۰- گزینه «۱»

(ممر شاه‌ممری)

تعداد کل جواب‌های صحیح و نامنفی این معادله، برابر است با:

$$\binom{6+3-1}{3-1} = \binom{8}{2} = 28$$

همچنین توجه کنید تعداد حالت‌هایی که $x_1 > x_2$ با تعداد حالت‌هایی

که $x_1 < x_2$ مساوی است؛ و اگر از تعداد کل جواب‌ها، حالاتی

که $x_1 = x_2$ را کم کنیم حالات $x_1 > x_2$ یا $x_1 < x_2$ به دست می‌آید.

$$2x_1 + x_2 = 6 \quad \text{تعداد حالت‌هایی که} \quad x_1 = x_2 \quad \text{است:}$$

در این صورت x_2 نیز قطعاً زوج است، یعنی $x_2 = 2y_2$ و در نتیجه داریم:

$$2(x_1 + y_2) = 6 \Rightarrow x_1 + y_2 = 3 \Rightarrow \text{تعداد جواب‌ها} = \binom{4}{1} = 4$$

$$\frac{28-4}{2} = 12 \quad \text{پس تعداد جواب‌های با شرط} \quad x_1 > x_2 \quad \text{برابر می‌شود با:}$$

(ریاضیات گسسته- ترکیبیات: صفحه‌های ۵۹ تا ۶۱)



آمار و احتمال

گزینه «۲» - ۷۱

(اخشین فاصه‌فان)

با توجه به معلومات مسئله نمرة ریاضی پوریا میانگین نمرة کلاس می‌باشد:

$$\sigma^2 = \frac{(x_1 - \bar{x})^2 + \dots + (x_{25} - \bar{x})^2}{25} = \frac{144}{25} = 5.76$$

$$\Rightarrow \sigma = \sqrt{5.76} = 2.4$$

$$CV = \frac{\sigma}{\bar{x}} \Rightarrow 0.2 = \frac{2.4}{\bar{x}} \Rightarrow \bar{x} = 12$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۸۷ تا ۹۰)

گزینه «۲» - ۷۲

(سوکندر روشنی)

اگر میانگین و واریانس داده‌های $ax_1 + b$, $ax_2 + b$, ... برابر \bar{x} و σ^2 باشد، میانگین و واریانس داده‌های x_1, x_2, \dots برابر $\frac{\bar{x}-b}{a}$ و $\frac{\sigma^2}{a^2}$ خواهد بود. بنابراین:

$$\begin{cases} \bar{x} = \frac{-43 - 2}{-3} = 15 \\ \sigma^2 = \frac{225}{(-3)^2} = 25 \end{cases}$$

$$x_1, x_2, \dots, x_p \Rightarrow \begin{cases} \bar{x} = \frac{-43 - 2}{-3} = 15 \\ \sigma^2 = \frac{225}{(-3)^2} = 25 \end{cases}$$

حال اگر میانگین و واریانس داده‌های $2x_1 + 3$, $2x_2 + 3$, ..., $2x_p + 3$ را به ترتیب با \bar{x}' و σ'^2 نمایش دهیم، آنگاه داریم:

$$\bar{x}' = 2(15) + 3 = 33$$

$$\sigma'^2 = 4(25) = 100 \Rightarrow \sigma' = \sqrt{100} = 10 \Rightarrow CV = \frac{\sigma'}{\bar{x}'} = \frac{10}{33}$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۸۷ تا ۹۰)

گزینه «۲» - ۷۳

(امیرسین ابومبوب)

حالت‌های ممکن برای نمرات به صورت زیر است:

حالت اول: یکی از دو داده مجهول برابر ۳ و دیگری ۴ باشد که در این صورت یکی از دو وضعیت زیر امکان‌پذیر است:

$$\begin{cases} 5a + 3b = 4 \\ 3a + 2b = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = -1 \\ b = 3 \end{cases} \Rightarrow a + b = 2$$

$$\begin{cases} 5a + 3b = 3 \\ 3a + 2b = 4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = -6 \\ b = 11 \end{cases} \Rightarrow a + b = 5$$

حالت دوم: دو داده دیگر برابر هم و یکی از اعداد ۱، ۲ یا ۵ باشند. در این صورت داریم:

$$\begin{cases} 5a + 3b = c \\ 3a + 2b = c \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = -c \\ b = 2c \end{cases} \Rightarrow a + b = c = 1 \text{ یا } 2 \text{ یا } 5$$

بنابراین $a + b$ یکی از ۳ مقدار ۱، ۲ و ۵ را می‌پذیرد.

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه ۸۳)

گزینه «۳» - ۷۴

(عباس الهی)

مُد داده‌های سوال برابر ۳ می‌باشد، با حذف عدد ۳ از بین داده‌ها، داده‌ها به صورت مقابل درمی‌آیند:

۶, ۲, ۲, ۴, ۴, ۸, ۶

روش اول: تمام داده‌های بالا را ۳ برابر کرده و سپس ۲ واحد از آن‌ها کم می‌کنیم:

مرتب‌سازی \rightarrow ۱۶, ۴, ۴, ۱۰, ۱۰, ۲۲, ۱۶

۴, ۴, ۱۰, ۱۰, ۱۶, ۱۶, ۲۲
 \downarrow \downarrow \downarrow
 Q_1 Q_2 Q_3

$$\Rightarrow IQR = Q_3 - Q_1 = 16 - 4 = 12$$

روش دوم: داده‌ها را مرتب می‌کنیم. ۲, ۲, ۴, ۴, ۶, ۶, ۸
 \downarrow \downarrow \downarrow
 Q_1 Q_2 Q_3

کافی است دامنه میان چارکی را پیدا کرده و آن را ۳ برابر کنیم:

$$IQR = Q_3 - Q_1 = 6 - 2 = 4 \xrightarrow{\times 3} 12$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۸۲ تا ۹۲)

گزینه «۱» - ۷۵

(سوکندر روشنی)

چون اعداد F_1, F_2, F_3 تشکیل دنباله حسابی می‌دهند، پس آن‌ها را می‌توان به صورت $F, F-d, F+d$ نمایش داد، بنابراین:

داده	۲/۲	۵	۷
فراوانی	F-d	F	F+d

$$\frac{2/(F-d) + 5F + 7(F+d)}{3F} = 5$$

$$\Rightarrow 2/2F - 2/2d + 5F + 7F + 7d = 15F$$

$$\Rightarrow 4/2d = 0/2F \Rightarrow F = 6d$$

پس مقادیر فراوانی به صورت مقابل هستند:

مقادیر میانگین و واریانس F_1, F_2, F_3 برابر هستند با:

$$\sigma^2 = \frac{(\Delta d - 6d)^2 + (6d - 6d)^2 + (7d - 6d)^2}{3} = \frac{2d^2}{3}$$

$$\frac{\sigma}{6d} = \frac{\sqrt{2d^2/3}}{6d} = \frac{\sqrt{2}}{6} = \frac{\sqrt{6}}{6} = \frac{\sqrt{6}}{18}$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۷۲ تا ۸۸)



گزینه «۴» -۷۶

(امیرمسین ابومصوب)

می‌دانیم مجموع انحراف از میانگین داده‌های آماری برابر صفر است، پس داریم:

$$a + b + 1 - 2 - 4 = 0 \Rightarrow a + b = 5$$

واریانس داده‌ها در صورتی بیشترین مقدار ممکن را خواهد داشت که اعداد a و b از نظر قدرمطلق بیشترین مقدار را داشته باشند. از طرفی طبق فرض، اختلاف بین ماکزیمم و مینیمم داده‌ها برابر ۱۲ است. با توجه به این که مجموع a و b باید عددی مثبت باشد، با فرض $a > b$ ، حداکثر واریانس به ازای $a = 8$ و $b = -3$ حاصل می‌شود. در این صورت داریم:

$$\sigma^2 = \frac{8^2 + (-3)^2 + 1^2 + (-2)^2 + (-4)^2}{5} = 18/5$$

توجه: به ازای پنج عدد $0, 1, 2, 5, 12$ ، این مقدار واریانس به دست می‌آید.
(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه ۸۸)

گزینه «۱» -۷۷

(سیرمهرضا عسینی فرد)

واریانس شش داده آماری صفر است پس همگی برابرند:

$$a, a, a, a, a, a, 2, 4, 6 \Rightarrow \bar{x} = 8 = \frac{6a + 12}{9} \Rightarrow a = 10$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{9} = \frac{6(10-8)^2 + (2-8)^2 + (4-8)^2 + (6-8)^2}{9} = \frac{24 + 36 + 16 + 4}{9} = \frac{80}{9}$$

$$CV = \frac{\sigma}{\bar{x}} = \frac{\sqrt{\frac{80}{9}}}{8} = \frac{\sqrt{5}}{6}$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۸۸ تا ۹۰)

گزینه «۴» -۷۸

(امیرمسین ابومصوب)

ابتدا میانگین داده‌ها را برحسب پارامتر a پیدا می‌کنیم:

$$\bar{x} = \frac{1 + 4 + (2a - 1) + (2a + 4)}{4} = a + 2$$

حال واریانس داده‌ها را محاسبه کرده و برابر $\frac{33}{2}$ قرار می‌دهیم.

$$\sigma^2 = \frac{(-a-1)^2 + (-a+2)^2 + (a-3)^2 + (a+2)^2}{4}$$

$$\Rightarrow \frac{33}{2} = \frac{4a^2 - 4a + 18}{4} \Rightarrow a^2 - a + \frac{9}{2} = \frac{33}{2}$$

$$\Rightarrow a^2 - a - 12 = 0 \Rightarrow (a-4)(a+3) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a = 4 \Rightarrow \bar{x} = 6 \\ a = -3 \text{ غ ق ق} \end{cases}$$

تذکر: به ازای $a = -3$ ، داده‌های $2a - 1$ و $2a + 4$ منفی می‌شوند.

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۸۱ تا ۸۸)

گزینه «۲» -۷۹

(امیرمسین ابومصوب)

اگر تعداد داده A را با f_A و تعداد کل داده‌های اولیه را با n نمایش دهیم، آنگاه داریم:

$$\alpha_A = \frac{f_A}{n} \times 36^\circ \Rightarrow 3^\circ = \frac{f_A}{n} \times 36^\circ \Rightarrow \frac{f_A}{n} = \frac{1}{12}$$

$$\Rightarrow n = 12f_A$$

پس در صورتی که تعداد اولیه داده A برابر x باشد، تعداد کل داده‌های اولیه برابر $12x$ است. اگر تعداد داده‌های A ، ۴ برابر شود و تعداد سایر داده‌ها ثابت بماند، آنگاه فراوانی جدید داده A ، برابر $f'_A = 4x$ و فراوانی جدید کل داده‌ها برابر $n' = 12x + 3x = 15x$ خواهد بود و در نتیجه زاویه مرکزی داده A در این حالت برابر است با:

$$\alpha'_A = \frac{f'_A}{n'} \times 36^\circ = \frac{4x}{15x} \times 36^\circ = 96^\circ$$

میزان افزایش زاویه متناظر با داده A ، برابر است با: $96^\circ - 3^\circ = 66^\circ$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

گزینه «۱» -۸۰

(مهمر قدران)

اگر تعداد داده‌ها را n بگیریم، طبق جدول، تعداد داده‌های غیر ۱۳ برابر $8n$ و در نتیجه تعداد داده‌های ۱۳ برابر $2n$ می‌باشد. طبق

فرمول میانگین موزون داده‌ها داریم:

$$\bar{x} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i} = \frac{12 \times 0 + 5n + 13 \times 0 + 2n + 14 \times 0 + 1n + 15 \times 0 + 2n}{n} = 13$$

پس با حذف داده‌های ۱۳، میانگین داده‌های جدید تغییری نمی‌کند و

مقدار $(x_i - \bar{x})^2$ در محاسبه واریانس جدید، بدون تغییر می‌ماند و داریم:

$$\left\{ \begin{aligned} \sigma^2 &= \frac{(x_1 - \bar{x})^2 + \dots}{n} = \frac{A}{n} && \text{واریانس قدیم} \\ \sigma'^2 &= \frac{(x'_1 - \bar{x})^2 + \dots}{0/8n} = \frac{A}{0/8n} && \text{واریانس جدید} \end{aligned} \right.$$

$$\Rightarrow \left\{ \begin{aligned} CV &= \frac{\sigma}{\bar{x}} = \frac{\sqrt{\frac{A}{n}}}{13} && \text{ضریب تغییرات قدیم} \\ (CV)' &= \frac{\sigma'}{\bar{x}'} = \frac{\sqrt{\frac{A}{0/8n}}}{13} && \text{ضریب تغییرات جدید} \end{aligned} \right.$$

$$\Rightarrow \frac{(CV)'}{CV} = \frac{\sqrt{\frac{1}{0/8}}}{\sqrt{\frac{1}{8}}} = \frac{\sqrt{5}}{2} = \frac{\sqrt{5}}{2} \cdot \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{5}{2\sqrt{5}} = \frac{2/2}{2} = 1/1$$

یعنی تقریباً ۱۰ درصد به ضریب تغییرات اضافه می‌شود.

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۸۱ و ۸۷ تا ۹۱)



فیزیک ۳

۸۱- گزینه «۲»

(مهران اسماعیلی)

با توجه به شکل، صدای اول پس از پیمودن مسافت d و صدای دوم که ناشی از پژواک است پس از پیمودن مسافت $d + 2x$ به گوش شکارچی (۲) می‌رسد. پس می‌توان نوشت:

$$t_1 = \frac{d}{v} \xrightarrow{t_1=1s} 1 = \frac{d}{v} \Rightarrow d = v$$

$$t_2 = \frac{d + 2x}{v} \xrightarrow{t_2=4s} 4 = \frac{d + 2x}{v}$$

$$\Rightarrow d + 2x = 4d \Rightarrow x = 1.5d$$

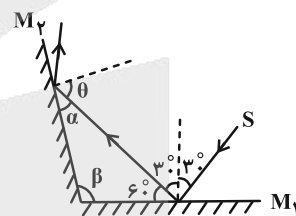
(فیزیک ۳- صفحه‌های ۹۰ تا ۹۳)

(مکمل پرسش ۱ آخر فصل صفحه ۱۱۱)

۸۲- گزینه «۲»

(رحمت‌اله فیراه زاده سماکوش)

مرحله اول: زاویه بازتاب از آینه M_1 را در حالت اول به دست می‌آوریم:

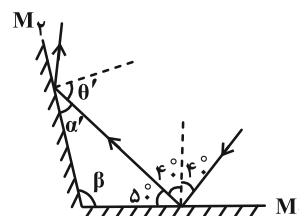


$$\alpha + \beta + 60^\circ = 180^\circ \Rightarrow \alpha = 120^\circ - \beta \quad (1)$$

$$\theta = 90^\circ - \alpha \xrightarrow{(1)} \theta = 90^\circ - (120^\circ - \beta) = \beta - 30^\circ$$

در مرحله دوم: زاویه تابش پرتوی SI، 10° افزایش یافته و به 40° می‌رسد.

در این حالت زاویه بازتاب از آینه M_1 برابر است با:



$$\alpha' + \beta + 50^\circ = 180^\circ \Rightarrow \alpha' = 130^\circ - \beta \quad (2)$$

$$\theta' = 90^\circ - \alpha' \xrightarrow{(2)} \theta' = 90^\circ - (130^\circ - \beta) = \beta - 40^\circ$$

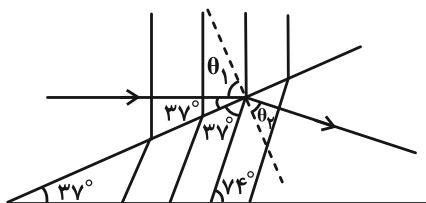
زاویه θ' نسبت به زاویه θ ، 10° کمتر می‌شود و گزینه «۲» درست است.

(فیزیک ۳- صفحه‌های ۹۰ و ۹۱)

۸۳- گزینه «۱»

(مهران اسماعیلی)

با توجه به روابط هندسی زیر، می‌توان زاویه تابش و زاویه شکست را معین کرد.



$$\theta_1 = 90^\circ - 37^\circ = 53^\circ$$

$$\theta_2 = 37^\circ$$

با استفاده از رابطه قانون شکست عمومی داریم:

$$\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{v_1}{v_2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2} \xrightarrow{\theta_1=53^\circ, \theta_2=37^\circ} \frac{\sin 53^\circ}{\sin 37^\circ} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2}$$

$$\Rightarrow \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{0.6}{0.8} = \frac{3}{4}$$

(فیزیک ۳- صفحه‌های ۹۴ تا ۹۹)

۸۴- گزینه «۴»

(ممدکاتم منشاری)

$$t_1 = t_2 \Rightarrow \frac{x_1}{v_1} = \frac{x_2}{v_2}$$

$$\xrightarrow{v = \frac{c}{n}} x_1 n_1 = x_2 n_2$$

$$\Rightarrow \frac{h}{\cos 60^\circ} \times n_1 = \frac{h}{\cos \theta} \times n_2$$

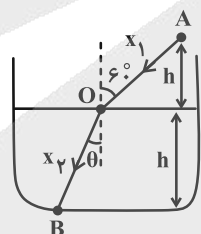
$$\Rightarrow n_2 = 2 \cos \theta \quad (I)$$

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \Rightarrow 1 \times \sin 60^\circ = n_2 \times \sin \theta \quad (II)$$

$$\xrightarrow{(II) \cdot (I)} \frac{\sqrt{3}}{2} = 2 \sin \theta \cos \theta = \sin 2\theta$$

$$\Rightarrow 2\theta = 60^\circ \Rightarrow \theta = 30^\circ \Rightarrow n_2 = 2 \cos 30^\circ = \sqrt{3}$$

(فیزیک ۳- صفحه‌های ۹۷ و ۹۸)



۸۵- گزینه «۴»

(مهرادر فاجی)

به کمک قانون شکست اسنل می‌توان نوشت:

$$\Rightarrow \frac{x_{\text{آب}}}{16} = \frac{1}{4} \Rightarrow x_{\text{آب}} = 16 \times \frac{3}{4} = 12 \text{ mm}$$

(فیزیک ۳- صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۵)

(مکمل سوال ۱۳ مورد ب امتحان نهایی فروردین ۱۳۰۴)

(معمرد رضا نصیری)

۸۹- گزینه «۱»

فقط مورد (ب) صحیح است.

بررسی موارد:

الف) نور سبز طول موج کمتری نسبت به زرد دارد. در آزمایش ینگ پهنای نوارها نسبت مستقیم با طول موج دارد. پس با کاهش طول موج، پهنای نوارها نیز کمتر می‌شود.

ب) به دلیل کاهش طول موج نور در آب نسبت به هوا، پدیده پراش ضعیف‌تر می‌شود.

پ) به دلیل افزایش طول موج، بسامد صوت حاصل کاهش یافته و صدا بم‌تر می‌شود.

ت) در تشدیدگر هلمهولتز، در بسامدهای معینی تشدید رخ می‌دهد.

(فیزیک ۳- صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۱۰)

(علیرضا جباری)

۹۰- گزینه «۳»

ابتدا بسامد هماهنگ اصلی (اول) تار را به دست می‌آوریم:

$$f_n = \frac{nv}{2L} \quad f_1 = \frac{v}{2L} \rightarrow f_n = nf_1$$

$$f_5 - f_2 = 5f_1 - 2f_1 = 3f_1 \quad f_5 - f_2 = 240 \text{ Hz} \rightarrow$$

$$240 = 3f_1 \Rightarrow f_1 = 80 \text{ Hz}$$

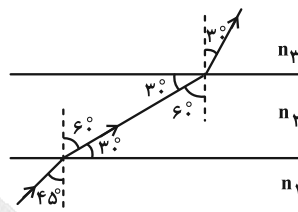
وقتی در طول تار با دو انتهای بسته، ۳ گره تشکیل می‌شود یعنی ۲ شکم ایجاد شده و تار، هماهنگ دوم خود را تولید می‌کند.

$$f_2 = 2f_1 \quad f_1 = 80 \text{ Hz} \rightarrow f_2 = 2 \times 80 = 160 \text{ Hz}$$

هر ذره از این تار در هر نوسان خود، دو بار طول پاره خط نوسانی خود را طی می‌کند. بنابراین در یک ثانیه، داریم:

$$\text{تعداد دفعات طی پاره خط نوسانی} = 2 \times 160 = 320$$

(فیزیک ۳- صفحه‌های ۱۰۶ و ۱۰۷)



$$n_1 \sin 45^\circ = n_2 \sin 60^\circ \Rightarrow n_1 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = n_2 \times \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\Rightarrow \sqrt{2}n_1 = \sqrt{3}n_2$$

$$n_2 \sin 60^\circ = n_3 \sin 30^\circ \Rightarrow n_2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = n_3 \times \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \sqrt{3}n_2 = n_3 \Rightarrow \sqrt{2}n_1 = \sqrt{3}n_2 = n_3$$

بنابراین گزینه (۴) صحیح است.

(فیزیک ۳- صفحه ۹۸)

(مکمل مثال ۴-۲ صفحه ۹۸ کتاب درسی)

(رحمت‌اله فیروزه زاده سماکوش)

۸۶- گزینه «۲»

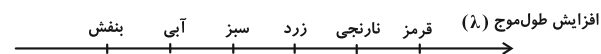
برای افزایش میزان انحراف پرتو، باید ضریب شکست منشور برای پرتو افزایش یابد. برای این کار می‌توانیم جنس منشور را به گونه‌ای تغییر دهیم که ضریب شکست آن افزایش یابد و یا می‌توانیم از نوری با طول موج کمتر (مثلاً بنفش) استفاده کنیم، زیرا ضریب شکست منشور برای رنگ بنفش بیشتر از رنگ سبز خواهد بود. بنابراین راه‌حل‌های (الف) و (ب) مناسب هستند و گزینه «۲» درست است.

(فیزیک ۳- صفحه ۱۰۰)

(علیرضا جباری)

۸۷- گزینه «۲»

اگر طول موج را با λ و پهنای شکاف را با a نشان دهیم، هر چه نسبت $\frac{\lambda}{a}$ بیشتر باشد، پراش گسترده‌تری خواهیم داشت. با توجه به طیف نور مرئی، در بین نورهای مطرح شده در گزینه‌ها، نارنجی و زرد به ترتیب بیشترین طول موج را دارند.



(فیزیک ۳- صفحه ۱۰۲)

(آرمان رحیب فیروزمونی)

۸۸- گزینه «۳»

در آزمایش ینگ، ضخامت یک نوار روشن یا یک نوار تاریک (x) متناسب

با طول موج نور است.

$$\frac{x_{\text{آب}}}{\lambda_{\text{آب}}} = \frac{n_{\text{هوآ}}}{n_{\text{آب}}} \Rightarrow \frac{x_{\text{آب}}}{x_{\text{هوآ}}} = \frac{n_{\text{هوآ}}}{n_{\text{آب}}} \Rightarrow \frac{x_{\text{آب}}}{\lambda_{\text{هوآ}}} = \frac{n_{\text{هوآ}}}{n_{\text{آب}}}$$

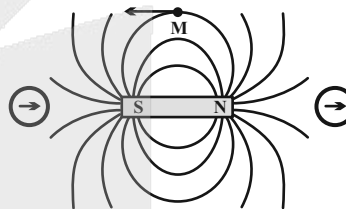


فیزیک ۲

گزینه «۴» ۹۱-

(کنکور ریاضی ۱۳۰۱)

خطوط میدان مغناطیسی همواره از قطب N آهنربا خارج و به قطب S آن وارد می‌شوند. از طرف دیگر عقربه مغناطیسی همواره مماس بر خطوط مغناطیسی طوری قرار می‌گیرد که نوک آن، جهت خطوط میدان مغناطیسی را نشان می‌دهد. با این توضیحات و در نظر گرفتن جهت عقربه مغناطیسی در شکل سؤال، قطب A، همان قطب N آهنربا است که خطوط میدان از آن خارج می‌شود و جهت میدان مغناطیسی در نقطه M به سمت چپ خواهد بود.

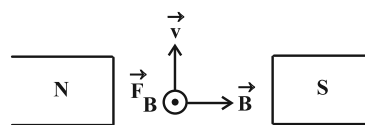


(فیزیک ۲- صفحه‌های ۸۳ تا ۸۸)

گزینه «۱» ۹۲-

(مهران اسماعیلی)

برای آن که بزرگی نیروی خالص وارد بر ذره بیشینه باشد، باید نیروهای الکتریکی و مغناطیسی هم‌جهت باشند. با توجه به این‌که بار ذره، منفی و میدان الکتریکی درون‌سو است، نیروی الکتریکی وارد بر ذره برون‌سو خواهد بود. بنابراین برای بیشینه شدن نیروی خالص وارد بر ذره، باید نیروی مغناطیسی نیز برون‌سو باشد. حال با استفاده از قاعده دست راست می‌توان جهت سرعت ذره را تعیین کرد. منتهی توجه شود که چون بار ذره منفی است از دست چپ استفاده می‌کنیم. بدین صورت که اگر چهار انگشت دست چپ را در جهت \vec{v} قرار داده و آن‌ها را در جهت چرخش طبیعی خم کنیم تا در جهت \vec{B} قرار گیرند، انگشت شست جهت \vec{F}_B را نشان می‌دهد. به این ترتیب جهت \vec{v} باید به سمت بالا باشد.



(فیزیک ۲- صفحه‌های ۸۹ تا ۹۱)

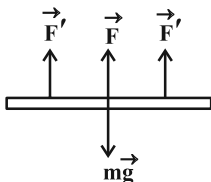
گزینه «۱» ۹۳-

(مهران اسماعیلی)

بنابه قانون دست راست، نیروی مغناطیسی وارد بر سیم به طرف بالا است و اندازه آن از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$F = BI\ell \xrightarrow[\ell=1\text{m}]{B=0.8\text{T}, I=2\text{A}} F = 0.8 \times 2 \times 1 = 1.6\text{N}$$

با توجه به تعادل سیم و نیروهای وارد بر سیم می‌توان نیرویی که هر نیروستنج وارد می‌کند را به دست آورد:



$$2F' + F = mg \xrightarrow[F=1.6\text{N}, m=0.5\text{kg}]{g=10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}} 2F' + 1.6 = 0.5 \times 10$$

$$F' = 1.7\text{N}$$

(فیزیک ۲- صفحه‌های ۹۱ تا ۹۴)

گزینه «۱» ۹۴-

(علی عالی‌بری)

با استفاده از قانون دست راست داریم:



(فیزیک ۲- صفحه ۹۲، مشابه تمرین ۱۲ صفحه ۱۰۶)

گزینه «۲» ۹۵-

(مهرادر قاضی)

رابطه میدان عبوری از پیچه به شعاع حلقه‌ها نیاز دارد؛ پس ابتدا شعاع حلقه‌ها را به دست می‌آوریم:

$$A_{\text{پیچه}} = \pi R^2 \Rightarrow 16\pi = \pi R^2 \Rightarrow R = 4\text{cm}$$

اکنون می‌توان با استفاده از رابطه میدان، جریان عبوری از پیچه را محاسبه کرد:

$$B = \mu_0 \frac{NI}{2R} \Rightarrow 6 \times 10^{-3} = 12 \times 10^{-7} \times \frac{10^2 \times I}{2 \times 4 \times 10^{-2}} \Rightarrow I = 4\text{A}$$

با استفاده از معادله جریان داده شده، داریم:

$$4t - 4 = 4 \Rightarrow 4t = 8 \Rightarrow t = 2\text{s}$$

(فیزیک ۲- صفحه‌های ۹۸ و ۹۹)



۹۶- گزینه «۳»

(رسمت اله فیراه زاده سماکوش)

فرض می‌کنیم طول سیملوله اولیه l_1 ، تعداد دور آن N_1 و مقاومت الکتریکی اش R_1 است. وقتی سیملوله را نصف می‌کنیم، دو سیملوله کوچک‌تر ایجاد می‌شود که هر یک طولش $\frac{l_1}{2}$ ، تعداد حلقه‌هایش $\frac{N_1}{2}$ و مقاومت الکتریکی‌شان $\frac{R_1}{2}$ است. دو سر این سیملوله‌ها (سیملوله کامل و نصفه) را به باتری ایده آل یکسان وصل کرده‌ایم. چون مقاومت سیملوله نصفه، نصف مقاومت الکتریکی سیملوله اولیه است، جریان الکتریکی عبوری از آن دو برابر جریان الکتریکی عبور از سیملوله اولیه خواهد بود. پس جریان الکتریکی عبوری از سیملوله اولیه I_1 و جریان عبوری از سیملوله نصفه را $2I_1$ در نظر می‌گیریم:

$$B = \mu_0 \frac{N}{l} I \Rightarrow \begin{cases} \text{سیملوله اولیه: } B_1 = \mu_0 \frac{N_1}{l_1} I_1 \\ \text{سیملوله نصفه: } B_2 = \mu_0 \frac{(\frac{N_1}{2})}{(\frac{l_1}{2})} (2I_1) \end{cases} \Rightarrow \frac{B_2}{B_1} = 2$$

(فیزیک ۲- صفحه‌های ۹۹ و ۱۰۰)

۹۷- گزینه «۲»

(ممدکاتم منشاری)

در سیملوله‌ای با حلقه‌های به هم چسبیده رابطه زیر برقرار است:

$$l = N(2r) \Rightarrow \frac{N}{l} = \frac{1}{2r}$$

که در آن r شعاع مقطع سیم است.

$$B = \mu_0 \frac{NI}{l} \rightarrow \text{برای سیملوله‌ای با حلقه‌های به هم چسبیده}$$

$$B = \mu_0 \frac{I}{2r} :$$

$$I = \frac{V}{R} = \frac{V}{\rho \frac{L}{A}} = \frac{VA}{L\rho}$$

$$A = \pi r^2 \Rightarrow I = \frac{V\pi r^2}{L\rho} \Rightarrow B = \mu_0 \frac{\pi V r}{2L\rho} \Rightarrow r = \frac{2BL\rho}{\mu_0 \pi V}$$

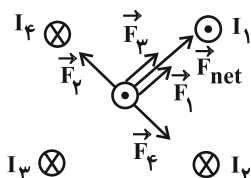
$$= \frac{2 \times 10^{-8} / 4 \times 25 \times 10^{-2} \times 10^{-8}}{4\pi \times 10^{-7} \times \pi \times 14} = 8 / 5 \times 10^{-3} \text{ m} = 0 / 85 \text{ cm}$$

(فیزیک ۲- صفحه‌های ۹۹ تا ۱۰۱)

۹۸- گزینه «۲»

(علی بزرگر)

نیروی بین دو سیم موازی حامل جریان هم‌جهت از نوع جاذبه و نیروی بین دو سیم موازی حامل جریان غیر هم‌جهت از نوع دافعه است. لذا جهت نیروهای ۴ سیم را مطابق شکل رسم کرده و برآیند آن‌ها را با توجه به برابری اندازه آن‌ها به دست می‌آوریم:



(فیزیک ۲- صفحه‌های ۹۴ تا ۹۷)

۹۹- گزینه «۴»

(رسمت اله فیراه زاده سماکوش)

چون جریان سیم‌ها هم‌سو است، میدان مغناطیسی در یک نقطه در حدفاصل A تا B صفر می‌شود، بنابراین از A تا B ابتدا میدان کاهش و سپس افزایش می‌یابد و گزینه «۴» درست است.

(فیزیک ۲- صفحه‌های ۹۴ تا ۹۶)

۱۰۰- گزینه «۳»

(ممدکاتم منشاری)

موارد (الف)، (ب) و (پ) درست اند.

بررسی مورد نادرست:

(ت) برای ساخت آهنرباهای دائمی از مواد فرومغناطیس سخت استفاده می‌شود. مواد فرومغناطیس نرم برای ساخت آهنرباهای غیردائم مناسب‌اند.

(فیزیک ۲- صفحه‌های ۱۰۲ و ۱۰۳)



فیزیک ۱

گزینه «۲» - ۱۰۱

(معمدرضا فارمی)

$$\begin{cases} F = 1/8\theta + 32 \\ F = 1/3\theta \end{cases} \Rightarrow 1/3\theta = 1/8\theta + 32 \Rightarrow -0/5\theta = 32$$

$$\Rightarrow \theta = -64^\circ\text{C}$$

$$\Rightarrow T = \theta + 273 \xrightarrow{\theta = -64^\circ\text{C}} T = -64 + 273 = 209\text{K}$$

(فیزیک ۱ - صفحه‌های ۱۳ و ۱۵)

گزینه «۳» - ۱۰۲

(علیرضا بیاری)

دمای ورقه در حالت دوم را برحسب سلسیوس به دست آورده و تغییر دمای آن را حساب می‌کنیم:

$$T_p = \theta_p + 273 \Rightarrow 318 = \theta_p + 273 \Rightarrow \theta_p = 45^\circ\text{C}$$

$$\Delta\theta = \theta_p - \theta_1 = 45 - 20 = 25^\circ\text{C}$$

با معلوم بودن مساحت اولیه (A_1) و ضریب انبساط طولی (α) ورقه سربی، تغییر مساحت آن را پیدا می‌کنیم:

$$\Delta A = A_1(\alpha\Delta\theta) \xrightarrow{A_1=3000\text{cm}^2, \Delta\theta=25^\circ\text{C}, \alpha=2 \times 10^{-5}\text{K}^{-1}}$$

$$\Delta A = 3000 \times 2 \times 3 \times 10^{-5} \times 25 = 4/5\text{cm}^2$$

(فیزیک ۱ - صفحه ۹۲)

گزینه «۴» - ۱۰۳

(علیرضا بیاری)

ضریب انبساط طولی فلز برحسب $^\circ\text{F}^{-1}$ و $^\circ\text{C}^{-1}$ متفاوت است. رابطه بین آن دو را به دست می‌آوریم:

$$\begin{cases} \Delta L = L_1\alpha_C\Delta T \\ \Delta L = L_1\alpha_F\Delta F \end{cases} \Rightarrow \alpha_C\Delta T = \alpha_F\Delta F \xrightarrow{\Delta F = \frac{9}{5}\Delta T}$$

$$\alpha_C \times \Delta T = \alpha_F \times \frac{9}{5} \Delta T \Rightarrow \alpha_C = \frac{9}{5} \alpha_F$$

اکنون ضریب انبساط طولی فلز را برحسب $^\circ\text{C}^{-1}$ به دست می‌آوریم:

$$\alpha_C = \frac{9}{5} \alpha_F \xrightarrow{\alpha_F = 1/5 \times 10^{-5} \text{ } ^\circ\text{F}^{-1}} \alpha_C = \frac{9}{5} \times 1/5 \times 10^{-5}$$

$$= 2/25 \times 10^{-5} \text{ } ^\circ\text{C}^{-1}$$

در پایان ضریب انبساط حجمی را برحسب $^\circ\text{C}^{-1}$ حساب می‌کنیم:

$$3\alpha_C = 3 \times 2/7 \times 10^{-5} = 8/1 \times 10^{-5} \text{ } ^\circ\text{C}^{-1}$$

(فیزیک ۱ - صفحه‌های ۸۸ و ۹۳)

گزینه «۲» - ۱۰۴

(رحمت‌اله خیراله زاده سماکوش)

با توجه به تعریف بازده، از رابطه زیر می‌توان درصد بازده هر سامانه را به دست آورد:

$$100 \times \frac{\text{انرژی خروجی}}{\text{انرژی ورودی}} = \text{بازده برحسب درصد}$$

فرمول فوق را می‌توان به صورت زیر نوشت:

$$100 \times \frac{\text{توان خروجی}}{\text{توان ورودی}} = \text{بازده برحسب درصد}$$

$$\Rightarrow Ra = \frac{P_2}{P_1} \times 100 \Rightarrow 84 = \frac{P_2}{1} \times 100$$

توان خروجی یا توان مفید گرمکن $840\text{W} = 0/84\text{kW}$

$$P_2 = \frac{Q_2}{\Delta t} = \frac{mc\Delta\theta}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta F = 1/8\Delta\theta, m = 0/2\text{kg}, \Delta F = 90^\circ\text{F}}$$

$$840 = \frac{0/2 \times 4200 \times 50}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{840 \times 50}{840} = 50\text{s}$$

(فیزیک ۱ - صفحه‌های ۸۵ و ۹۸)

گزینه «۲» - ۱۰۵

(غشبین مینو)

ابتدا دمای تعادل را بین ظرف و مایع درون آن به دست می‌آوریم:

$$\theta_c = \frac{m_1c_1\theta_1 + m_2c_2\theta_2}{m_1c_1 + m_2c_2} = \frac{0/2 \times 900 \times 50 + 0/5 \times 1400 \times 0}{0/2 \times 900 + 0/5 \times 1400} = 36^\circ\text{C}$$

$$m_2 = \rho_2 V_2 = 12/5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \times 40\text{cm}^3 = 500\text{g}$$

$$\Delta V_{\text{مایع}} = V_1 \beta \Delta\theta = 40 \times 2/5 \times 10^{-3} \times 36 = 3/6\text{cm}^3$$

(فیزیک ۱ - صفحه‌های ۹۳ تا ۱۰۱)

گزینه «۳» - ۱۰۶

(معمدرکظم منشادی)

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0$$

$$\Rightarrow m_1c_1(\theta - \theta_1) + m_2c_2(\theta - \theta_2) + C_p(\theta - \theta_3) = 0$$



۱۱- گزینه «۲»

(اعمر مرادی پور)

برای این که بتوانیم تعداد مول گاز را به دست آوریم باید P ، V و T گاز را در یک حالت داشته باشیم و سپس از رابطه $PV = nRT$ ، n را به دست می آوریم.

$$V \propto T \rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \frac{\Delta V}{V_1} = \frac{\Delta T}{T_1}$$

حجم دما متناسب است و در نتیجه با افزایش دما، حجم نیز زیاد می شود.

$$\frac{\Delta V = 6L}{\Delta T = \frac{20}{100} T_1} \rightarrow \frac{6}{V_1} = \frac{0.2 T_1}{T_1} \Rightarrow V_1 = \frac{6}{0.2} = 30L$$

$$\Rightarrow V_2 = 30 + 6 = 36L$$

حجم گاز در انتهای آزمایش اول و ابتدای آزمایش دوم $36L$ است.

$$P \propto T \rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \frac{\Delta P}{P_1} = \frac{\Delta T}{T_1}$$

فشار با دما متناسب است پس با کاهش فشار دما نیز کاهش می یابد.

$$\frac{\Delta T = \Delta \theta = -72K}{\Delta P = -\frac{20}{100} P_1} \rightarrow -\frac{72}{P_1} = -\frac{72}{T_1} \Rightarrow T_1 = \frac{72}{0.2} = 360K$$

$$\Rightarrow T_2 = 360 - 72 = 288K$$

دمای گاز در انتهای آزمایش دوم و ابتدای آزمایش سوم $288K$ است.

$$P \propto \frac{1}{V} \rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{V_1}{V_2}$$

$$\frac{V_2 = \frac{160}{100} V_1 = \frac{16}{10} V_1 = \frac{8}{5} V_1}{\frac{P_2}{P_1} = \frac{8}{5}} \Rightarrow P_2 = \frac{5}{8} P_1$$

P و V رابطه عکس دارند، پس با افزایش V ، P کاهش می یابد

$$\Rightarrow \Delta P = -6 \text{ atm}$$

$$\Rightarrow P_2 - P_1 = -6 \Rightarrow \frac{5}{8} P_1 - P_1 = -6 \Rightarrow -\frac{3}{8} P_1 = -6$$

$$\Rightarrow P_1 = 16 \text{ atm} \quad \text{فشار گاز در ابتدای آزمایش سوم}$$

$$\Rightarrow P_2 = 16 - 6 = 10 \text{ atm} \quad \text{فشار گاز در انتهای آزمایش سوم}$$

حجم گاز در ابتدای آزمایش سوم، همان حجم گاز در انتهای آزمایش اول

است، چون در آزمایش دوم حجم تغییری نکرده است، پس:

$$P = 16 \text{ atm}, \quad T = 288 \text{ K}, \quad V = 36 \text{ L}$$

$$PV = nRT \Rightarrow n = \frac{PV}{RT} = \frac{16 \times 10^5 \times 36 \times 10^{-3}}{8 \times 288}$$

$$= \frac{16 \times 10^2}{8 \times 8} = \frac{100}{4} = 25 \text{ mol}$$

(فیزیک ۱- صفحه های ۱۱۷ تا ۱۲۳)

$$\Rightarrow \underbrace{1 \times 4200 \times 20}_{\text{آب}} + \underbrace{1 \times 840 \times (-50)}_{\text{فلز}} + \underbrace{C \times (-21)}_{\text{گرماسنج}} = 0$$

$$\Rightarrow C = 2000 \frac{\text{J}}{\text{K}}$$

(فیزیک ۱- صفحه های ۹۶ تا ۱۰۳)

۱۰۷- گزینه «۴»

(معمرضا فارمی)

از رابطه گرمای تعادل داریم:

$$Q_{\text{net}} = 0 \Rightarrow |Q_{\text{گرفته شده}}| = |Q_{\text{داده شده}}|$$

$$|Q_V| = |Q_F| \Rightarrow mL_V = m'L_F$$

در دمای 0°C ، L_V آب برابر است با: $\frac{2520 \text{ kJ}}{\text{kg}}$

جرم آب یخ زده m' و جرم آب بخار شده m

$$\Rightarrow m \times 2520 = m' \times 336 \Rightarrow m' = 7/5 m \quad (1)$$

$$m + m' = 42/5 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} m + 7/5 m = 42/5 \Rightarrow m = \frac{42/5}{8/5} = 5.25 \text{ g}$$

$$\Rightarrow m' = 37/5 \text{ g}$$

(فیزیک ۱- صفحه های ۱۰۳ تا ۱۱۱)

۱۰۸- گزینه «۱»

(معمرضا فارمی)

با افزایش ارتفاع از سطح آزاد دریاها و کاهش فشار هوا دمای جوش آب

کاهش می یابد، بنابراین تخم مرغ باید در آبی با دمای کمتر از 100°C بپزد،

پس برای پختن به مدت زمان بیشتری نیاز دارد.

(فیزیک ۱- صفحه ۱۰۹)

۱۰۹- گزینه «۲»

(مهران اسماعیلی)

در فلزات الکترون های آزاد می توانند حرکت کنند اما اتم ها در جای خود نوسان

می کنند و جابه جا نمی شوند. بنابراین گزینه «۲» نادرست است. اما با توجه به مطالب

متن کتاب درسی در صفحات ۱۱۱ و ۱۱۲ گزینه های دیگر درست هستند.

(فیزیک ۱- صفحه های ۱۱۱ و ۱۱۲)

شیمی ۳

گزینه ۱»

۱۱۱- (هدی بهاری پور)
 طبق توضیحات موجود در شکل ۱ صفحه ۹۴ کتاب درسی گسترش فناوری صفحه‌های نمایشگر در وسایل الکترونیک مدیون دانش شیمی است.
 (شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر، صفحه ۹۲)
 (برگرفته از متن کتاب)

گزینه ۴»

۱۱۲- (پیمان فوازی میر)
 بررسی موارد:
 الف) درست؛ در ساختار NO_2 اتم N الکترون منفرد دارد.
 ب) نادرست؛ شمار جفت الکترون‌های پیوندی در مولکول‌های NO_2 و O_3 برابر است.
 پ) درست؛ گاز NO_2 (عامل قهوه‌ای بودن هوای شهر) پس از ساعت ۸ صبح به بیشترین مقدار خود می‌رسد.
 ت) درست؛ عدد اکسایش اکسیژن مرکزی در اوزون برابر (+۱) و عدد اکسایش گوگرد در SO_2 برابر (+۴) است.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر، صفحه ۹۴)

گزینه ۲»

۱۱۳- (یاسر راش)
 موارد (ب) و (ت) درست هستند.
 بررسی موارد:
 الف) نادرست؛ این روش براساس جذب پرتوهای فروسرخ توسط پیوندهای شیمیایی است و هیچ ارتباطی با رنگ ظاهری یا جذب نور مرئی ندارد و برای شناسایی آلاینده‌های بی‌رنگ مثل کربن مونوکسید هم به کار می‌رود.
 ب) درست؛ در گستره پرتوهای الکترومغناطیسی انرژی پرتوهای ایکس از انرژی پرتوهای فروسرخ بیشتر است.
 پ) نادرست؛ با توجه به این که شمار و نوع اتم‌های سازنده هر گروه عاملی متفاوت از دیگری است، هر یک از آنها تنها گستره معین و منحصر به فردی از پرتوهای فروسرخ را جذب می‌کنند، بنابراین هر گروه عاملی الگوی منحصر به فردی دارد.
 ت) درست؛ آلاینده‌ها بسته به ساختار خود طول موج‌های خاصی را جذب یا عبور می‌دهند و همین الگوی جذب اساس روش‌های طیف‌سنجی در شناسایی مواد است.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر، صفحه‌های ۹۴ تا ۹۶)
 (برگرفته از متن کتاب)

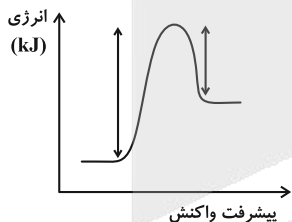
گزینه ۳»

۱۱۴- (ممسن مینونی)
 بررسی گزینه‌ها:
 ۱) فسفر سفید برخلاف گاز هیدروژن در دمای اتاق و در هوا می‌سوزد، در نتیجه به انرژی فعال‌سازی کمتری نیاز دارد، پس می‌توان واکنش ۱ را به سوختن هیدروژن و واکنش ۲ را به سوختن فسفر سفید نسبت داد.
 ۲) می‌دانیم سرعت واکنش‌ها با انرژی فعال‌سازی آنها رابطه عکس دارد، با توجه به این که مقایسه انرژی فعال‌سازی این سه واکنش به صورت $2 > 1 > 3$ است، بنابراین مقایسه سرعت این واکنش‌ها به صورت $3 > 1 > 2$ می‌باشد.
 ۳) از آنجا که سطح انرژی فرآورده‌های واکنش ۳ بیشتر است، بنابراین ناپایدارترند.
 ۴) با توجه به نمودارها آنتالپی واکنش‌های ۱ و ۲ منفی و آنتالپی واکنش ۳ مثبت است.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر، صفحه‌های ۹۶ تا ۹۸)

گزینه ۴»

۱۱۵- (مبیر جلیل ناغونی)
 گزینه ۴» نادرست است.
 نمودار «انرژی- پیشرفت واکنش» واکنش‌های گرماگیر به شکل زیر است:



بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) برای آغاز هر واکنش شیمیایی (گرماگیر و گرماده) مقدار معینی از انرژی لازم است که انرژی فعال‌سازی واکنش نام دارد.
 ۲) درست
 ۳) کاتالیزگر با کاهش انرژی فعال‌سازی باعث افزایش سرعت واکنش می‌شود.
 (شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر، صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۰)

گزینه ۳»

۱۱۶- (امسان روستایی)
 بررسی موارد:
 الف) درست:

$$\Delta H = E_a - E'_a \Rightarrow 342 = E_a - 266 \Rightarrow E_a = 608 \text{ kJ}$$
 ب) نادرست؛ این واکنش گرماگیر است و در اثر تولید B(g) گرما جذب می‌شود (آزاد شدن گرما برای فرایندی گرماده است).
 پ) درست؛ در واکنش گرماگیر، سطح انرژی فرآورده‌ها بیشتر است.
 ت) نادرست؛ انرژی فعال‌سازی واکنش برگشت کمتر و در نتیجه سرعت آن نسبت به واکنش رفت بیشتر است.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر، صفحه‌های ۹۶ تا ۹۸)

۱۱۷- گزینه «۴»

(یاسر راش)

تفاوت در سرعت واکنش‌ها به دلیل حضور یا عدم حضور کاتالیزگر و همچنین نوع کاتالیزگر مورد استفاده است. کاتالیزگرها موادی هستند که با شرکت در واکنش، مسیر جدیدی را با انرژی فعال‌سازی کمتر فراهم می‌کنند و در نتیجه سرعت واکنش را افزایش می‌دهند. با توجه به جدول زیر، در حضور کاتالیزگر (پودر روی یا توری پلاتینی)، سرعت واکنش به‌طور قابل توجهی افزایش می‌یابد. همچنین، نوع کاتالیزگر نیز بر سرعت واکنش تأثیر دارد. توری پلاتینی، سرعت واکنش را بیشتر از پودر روی افزایش می‌دهد و حتی باعث انفجاری شدن واکنش می‌شود.

شرایط آزمایش	دما (°C)	سرعت واکنش	آنتالپی واکنش (kJ)
بدون حضور کاتالیزگر	۲۵	ناچیز	-۵۷۲
ایجاد جرقه در مخلوط	۲۵	انفجاری	-۵۷۲
در حضور پودر روی	۲۵	سریع	-۵۷۲
در حضور توری پلاتینی	۲۵	انفجاری	-۵۷۲

سایر گزینه‌ها نادرست هستند زیرا دما و فشار در همه آزمایش‌های این سوال ثابت بوده‌اند و جدول اطلاعاتی در مورد غلظت ارائه نمی‌دهد.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه ۹۹)

۱۱۸- گزینه «۴»

(مفسن مهنونی)

بررسی گزینه‌ها:

۱) فسفر سفید برخلاف گاز هیدروژن در هوا و در دمای اتاق می‌سوزد.
 ۲) مقایسه مقدار کاهش آلانده‌های CO ، C_xH_y و NO در صورت استفاده از کاتالیزگر به صورت $NO < C_xH_y < CO$ می‌باشد، بنابراین کمترین کاهش مربوط به NO می‌باشد. جدول زیر را ببینید.

فرمول شیمیایی آلانده	NO	C_xH_y	CO
مقدار آلانده برحسب گرم به ازای طی یک کیلومتر	در غیاب کاتالیزگر	۱/۶۷	۵/۹۹
	در حضور کاتالیزگر	۰/۰۷	۰/۶۱

۳) هنگامی که نوک کبریت روی سطح زبر قوطی کبریت کشیده می‌شود، گرما در نتیجه نیروی اصطکاک ایجاد می‌شود که فراهم‌کننده انرژی فعال‌سازی سوختن کبریت است. یعنی انرژی فعال‌سازی را کاهش نمی‌دهد؛ بلکه تأمین می‌کند.

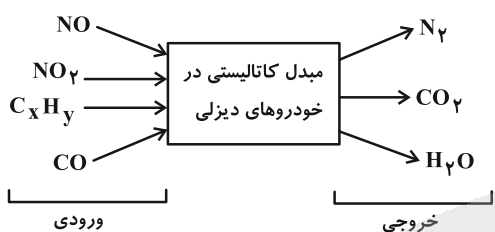
۴) برای افزایش کارایی مبدل کاتالیستی، گاهی سرامیک را به شکل میش (دانه)‌های ریز درمی‌آورند و کاتالیزگرها را روی سطح آن می‌نشانند تا سطح تماس بیشتر شود.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۱)

۱۱۹- گزینه «۳»

(نرا حسین‌پور مقدم)

با توجه به شکل ۵ صفحه ۱۰۲ کتاب درسی



(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه ۱۰۲)

(برگرفته از شکل کتاب)

۱۲۰- گزینه «۴»

(یاسر راش)

بررسی گزینه‌ها:

۱) درست؛ در سطح سرامیک‌های درون مبدل کاتالیستی، توده‌های فلزی با قطر ۲ تا ۱۰ نانومتر وجود دارند.

۲) درست؛ در دماهای بالا، مولکول‌ها انرژی جنبشی بیشتری دارند، بنابراین انرژی فعال‌سازی راحت‌تر تأمین می‌شود، بنابراین تبدیل CO و هیدروکربن‌ها به CO_2 و H_2O سریع‌تر انجام می‌گیرد.

۳) درست؛ انرژی فعال‌سازی بالا نشان می‌دهد بدون تامین گرما یا کاتالیزگر، مولکول‌ها توان عبور از سد انرژی فعال‌سازی را ندارند، پس واکنش به کندی انجام می‌شود یا انجام نمی‌شود.

۴) نادرست؛ نماد شیمیایی فلز رودیم، به صورت Rh است، نه Ru !

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه‌های ۱۰۰ و ۱۰۱)

شیمی ۲

۱۲۱- گزینه «۳»

(یاسر راش)

بررسی موارد:

الف) درست؛ قاوت زودتر فاسد می‌شود، زیرا با آسیاب شدن مغز پسته و تخمه، سطح تماس واکنش‌دهنده‌ها که در معرض اکسیژن هوا قرار می‌گیرند، افزایش می‌یابد.

ب) نادرست؛ سینتیک شیمیایی علاوه بر بررسی آهنگ، عوامل موثر بر آن (مانند دما و غلظت) را نیز مورد بررسی قرار می‌دهد.

پ) درست؛ این روش‌ها با استفاده از دانش سینتیک، آهنگ فساد مواد را کم کرده و مدت نگهداری مواد غذایی را افزایش می‌دهند.

ت) نادرست؛ در محیط‌های خشک، امکان رشد میکروب‌ها وجود ندارد، اما واکنش‌های شیمیایی (مانند اکسایش مواد غذایی به وسیله اکسیژن) همچنان می‌توانند رخ دهند و تنها می‌توان خشکبار را مدت طولانی‌تری نگهداری کرد.

(شیمی ۲- در پی‌غزای سالم؛ صفحه‌های ۷۷ تا ۷۹)

۱۲۲- گزینه «۴»

(امسان روستایی)

بررسی موارد:

الف) مواد موجود در خاک باغچه به عنوان کاتالیزگر باعث افزایش سرعت واکنش می‌شود.

ب) پتاسیم فلز واکنش‌پذیرتری از سدیم است و واکنش با آب را سریع‌تر انجام می‌دهد. (اثر ماهیت واکنش‌دهنده)

پ) در اثر گرم کردن (افزایش دما)، واکنش بین مواد با سرعت بیشتری انجام می‌شود.

ت) گرد آهن دارای سطح تماس بالایی بوده و سریع‌تر روی شعله می‌سوزد.

(شیمی ۲- در پی‌غزای سالم؛ صفحه‌های ۸۲ و ۸۳)

۱۲۳- گزینه «۴»

(امسان روستایی)

در بازه زمانی یکسان مثلاً ۱ تا ۱ دقیقه، تغییرات غلظتی هر ماده را حساب کرده و نسبت به کمترین عدد به دست آمده، تعیین می‌کنیم تا ضریب هر ماده مشخص شود، از طرفی A و B با توجه به مقدار اولیه، جزو واکنش‌دهنده‌ها هستند:

$$\left. \begin{aligned} \Delta[A] &= 0.02 \Rightarrow \frac{0.02}{0.01} = 2 \\ \Delta[B] &= 0.01 \Rightarrow \frac{0.01}{0.01} = 1 \\ \Delta[C] &= 0.03 \Rightarrow \frac{0.03}{0.01} = 3 \end{aligned} \right\} \Rightarrow 2A + B \rightarrow 3C$$

برای محاسبه سرعت واکنش در ۲ دقیقه دوم (۲ تا ۴ دقیقه) داریم:

$$\bar{R}_B = -\frac{\Delta[B]}{\Delta t} = -\frac{(0.06 - 0.08)}{2 \text{ min}} = \frac{0.02}{2} = 0.01 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$$

$$\bar{R}_{\text{واکنش}} = \bar{R}_B = 0.01 \frac{\text{mol}}{\text{L} \cdot \text{min}} \times \frac{1 \text{ min}}{60 \text{ s}}$$

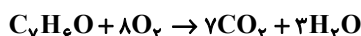
$$= 0.17 \times 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$$

(شیمی ۲- در پی‌غزای سالم؛ صفحه‌های ۹۲ و ۹۳)

۱۲۴- گزینه «۳»

(سعید تیزرو)

معادله موازنه شده سوختن کامل بنزآلدئید (C_7H_6O):



$$? \text{ g } CO_2 = 1/5 \text{ min} \times \frac{60 \text{ s}}{1 \text{ min}} \times \frac{0.02 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} \times 10 \text{ L } O_2}{1 \text{ s}}$$

$$\times \frac{7 \text{ mol } CO_2}{8 \text{ mol } O_2} \times \frac{44 \text{ g } CO_2}{1 \text{ mol } CO_2} = 693 \text{ g } CO_2$$

(شیمی ۲- در پی‌غزای سالم؛ صفحه‌های ۷۱ و ۸۵ تا ۹۰)

۱۲۵- گزینه «۱»

(پیمان فواپوی‌میر)

ابتدا معادله واکنش را موازنه می‌کنیم:



در ۱۰۰ ثانیه دوم ۱۵ لیتر گاز NO تولید شده است.

$$? \text{ g } KNO_3 = 15 \text{ L } NO \times \frac{1 \text{ mol } NO}{25 \text{ L } NO} \times \frac{3 \text{ mol } KNO_3}{4 \text{ mol } NO}$$

$$\times \frac{85 \text{ g } KNO_3}{1 \text{ mol } KNO_3} = 38/25 \text{ g } KNO_3$$

از ابتدا تا ثانیه ۲۰۰، ۷۵ لیتر گاز NO تولید شده است.

$$75 \text{ L } NO \times \frac{1 \text{ mol } NO}{25 \text{ L } NO} = 3 \text{ mol } NO$$

$$\bar{R}_{NO} = \frac{3 \text{ mol}}{\frac{200}{60} \text{ min}} = 0.9 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$$

$$\bar{R}_{\text{واکنش}} = \frac{\bar{R}_{NO}}{4} = \frac{0.9}{4} = 0.225 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$$

(شیمی ۲- در پی‌غزای سالم؛ صفحه‌های ۸۵ تا ۸۹، ۹۲ و ۹۳)

۱۲۶- گزینه «۱»

(محمدرضا جمشیدی)

جرم کاهش یافته همان مجموع جرم CO_2 و H_2O گازی آزاد شده است، می‌توان مول CO_2 تولید شده را از روی کاهش جرم محاسبه کرد:

$$? \text{ mol } CO_2 = 37/2 \text{ g } (CO_2 + H_2O) \times \frac{1 \text{ mol } CO_2}{44 \text{ g } CO_2 + 18 \text{ g } H_2O}$$

$$= 0.6 \text{ mol } CO_2$$



با توجه به این که پس از لحظه $t_p = 10s$ سرعت واکنش ثابت شده است پس می توان سرعت واکنش را با A_p (یا مواد دیگر) تا لحظه پایان واکنش

یعنی t' را این طور نوشت:

$$\bar{R} = \bar{R}' \quad 10 < t < 20 \quad 10 < t' < 20$$

$$\left. \begin{aligned} \bar{R}_{A_p}(10 < t < 20) &= \frac{-(2-4) \times 0 / 2}{2 \times 10 \times \frac{1}{60}} = 1/2 \\ \bar{R}_{A_p}(10 < t' < 20) &= \frac{-(-4) \times 0 / 2}{2 \times (t' - 10) \times \frac{1}{60}} = \frac{24}{t' - 10} \end{aligned} \right\}$$

$$\Rightarrow \frac{24}{t' - 10} = 1/2 \Rightarrow t' = 30s$$

روش دوم: با توجه به ثابت بودن سرعت واکنش پس از t_p ، می توان میان مقدار مصرفی مواد و زمان مصرف آن ها تناسب گرفت:

$$t_p \text{ تا } t_p \quad t' \text{ تا } t_p$$

$$\frac{A_p \text{ مقدار مصرفی}}{A_p \text{ زمان مصرف}} = \frac{2}{10} = \frac{2}{x} \Rightarrow x = 10s$$

پس $10s$ پس از t_p (یعنی $30s$) واکنش پایان می یابد.

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه های ۸۵ تا ۸۹، ۹۲ و ۹۳)

۱۳۰- گزینه «۲» (یاسر راش)

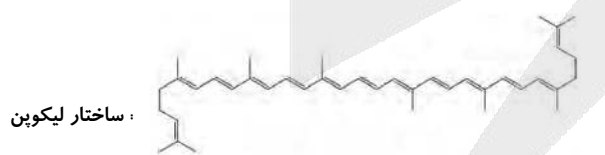
بررسی موارد:

مورد اول: درست؛ با افزایش شهرنشینی، تولید سنتی غذا دیگر پاسخگوی نیاز کلان شهرها نبود و ذخیره سازی و صادرات غذا صنعتی شد.

مورد دوم: درست؛ نگهدارنده ها سرعت واکنش هایی که منجر به فساد می شوند (مانند اکسایش به وسیله اکسیژن) را کاهش می دهند.

مورد سوم: نادرست؛ رادیکال ها گونه هایی ناپایدار هستند، زیرا الکترون جفت نشده دارند و محتوی اتم هایی هستند که از قاعده هشت تایی پیروی نمی کنند.

مورد چهارم: درست؛ مطابق با زیرنویس شکل زیر که در کتاب درسی آمده است، این عبارت درست است.



هندوانه و گوجه فرنگی محتوی لیکوپن بوده که فعالیت رادیکال ها را کاهش می دهد.

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه های ۸۴، ۹۰ و ۹۱)

$$\bar{R}_{CO_2} = \frac{\Delta n}{\Delta t(s)} = \frac{0 / 6 \text{ mol}}{600s} = 10^{-3} \text{ mol} \cdot s^{-1}$$

$$\Rightarrow \bar{R}_{\text{واکنش}} = \bar{R}_{CO_2} = 10^{-3} \text{ mol} \cdot s^{-1}$$

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه های ۸۵ تا ۸۹، ۹۲ و ۹۳)

۱۲۷- گزینه «۳» (مهمرضا پورماوید)

تغییر تعداد مول مواد در طول انجام یک واکنش نزولی است. بنابراین در مورد میزان تغییرات تعداد مول N_2O_5 می توان گفت:

تغییرات در بازه زمانی 20 تا 10 $>$ تغییرات در بازه زمانی 30 تا 20

$$\Rightarrow 3/8 - 3/0 > 3/0 - x \Rightarrow x > 2/2$$

تغییرات در بازه زمانی 30 تا 40 $>$ تغییرات در بازه زمانی 20 تا 30

$$\Rightarrow 3/0 - x > x - 2/4 \Rightarrow 5/4 > 2x \Rightarrow 2/7 > x$$

تغییرات در بازه زمانی 40 تا 50 $>$ تغییرات در بازه زمانی 30 تا 40

$$\Rightarrow x - 2/4 > 2/4 - 2/3 \Rightarrow x > 2/5$$

به این ترتیب x باید عددی بین $2/5$ تا $2/7$ باشد.

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه های ۸۵ تا ۸۹)

۱۲۸- گزینه «۲» (میدر جلیل ناغونی)

با اعمال تغییرات سوم و چهارم سرعت تولید گاز H_2 کاهش می یابد.

* کاهش شیب نمودار مول- زمان گاز H_2 به معنی کاهش سرعت تولید این گاز است.

بررسی موارد:

مورد اول: با افزایش دما سرعت تولید گاز H_2 افزایش می یابد.

مورد دوم: با کاهش مقدار آب محلول، غلظت اسید افزایش و سرعت تولید H_2 نیز زیادتر می شود.

مورد سوم: در صورت استفاده از یک تکه روی به جای گرد آن، به دلیل کاهش سطح تماس واکنش دهنده ها سرعت تولید گاز H_2 کاهش می یابد.

مورد چهارم: با کاهش غلظت اسید، سرعت تولید گاز هیدروژن کمتر می شود.

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه های ۸۲، ۸۳ و ۸۵ تا ۸۸)

۱۲۹- گزینه «۱» (ممس مبنونی)

با توجه به این که پس از 10 ثانیه از شروع واکنش تعداد ذرات A_p از 8 به 4 کاهش پیدا کرده است داریم:

$$\bar{R}_{\text{واکنش}} = \bar{R}_{A_p} = \frac{-(4-8) \times 0 / 2 \text{ mol}}{2L \times 10s \times \frac{1 \text{ min}}{60s}} = 2/4 \text{ mol} \cdot L^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$$



شیمی ۱

گزینه «۳» - ۱۳۱

(یاسر راش)

بررسی موارد:

الف) درست؛ یکی از اصول کلیدی شیمی سبز، پیشگیری از تولید پسماند است. به این معنا که طراحی فرایندها باید به گونه‌ای باشد که کمترین میزان پسماند، خصوصاً پسماندهای خطرناک تولید شود.

ب) نادرست؛ سوخت سبز علاوه بر کربن و هیدروژن، باید حاوی اکسیژن باشد و از پسماندهای گیاهی به دست می‌آید.

پ) نادرست؛ هدف شیمی سبز، کاهش یا توقف تولید موادی است که ردپای سنگینی روی زمین برجای می‌گذارند.

ت) درست؛ زیست‌تخریب‌پذیری یعنی تجزیه شدن توسط جانداران ذره‌بینی به مواد ساده‌تر در طبیعت

(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۰ و ۷۱)

گزینه «۳» - ۱۳۲

(نورا عسین پورمقدم)

بررسی گزینه‌ها:

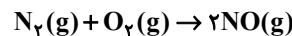
۱) درست؛ دمای 12°C - کمی پایین‌تر از نقطه جوش اوزون است (112°C -)، بنابراین در این دما اوزون به صورت مایع باقی می‌ماند.

نام دگرشکل	نقطه جوش ($^{\circ}\text{C}$)
اکسیژن (O_2)	-۱۸۳
اوزون (O_3)	-۱۱۲

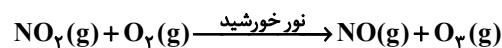
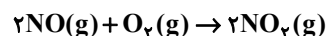
۲) درست

۳) نادرست؛ با گرم کردن مخلوطی مایع حاوی اوزون و اکسیژن با توجه به نقطه جوش آن‌ها ابتدا اکسیژن شروع به جدا شدن می‌کند زیرا نقطه جوش پایین‌تری دارد. در دماهای بالاتر (112°C -) اوزن نیز شروع به جدا شدن می‌کند.

۴) درست؛



این واکنش در دمای بالای موتور خودروها (بالاتر از 1000°C درجه سانتی‌گراد) یا در حضور رعد و برق انجام می‌شود.



(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۲ تا ۷۵)

گزینه «۴» - ۱۳۳

(مهمربنا جمشیری)

بررسی نادرستی سایر گزینه‌ها:

۱) گازها، برخلاف جامدات و مایعات تراکم‌پذیرند.

۲) شیمی‌دان‌ها دمای صفر درجه سانتی‌گراد و فشار یک اتمسفر را به عنوان شرایطی استاندارد (STP) در نظر گرفته‌اند.

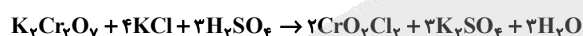
۳) با افزایش فشار گاز، نیروهای بین مولکولی آن افزایش و در نتیجه تراکم گاز افزایش می‌یابد.

(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۶ تا ۷۸)

گزینه «۲» - ۱۳۴

(میشی مصوب)

ابتدا واکنش سوال را موازنه می‌کنیم و سپس مقدار جرم آب تولید شده را به دست می‌آوریم:



$$? \text{ g H}_2\text{O} = 298 \text{ g KCl} \times \frac{1 \text{ mol KCl}}{74.5 \text{ g KCl}} \times \frac{3 \text{ mol H}_2\text{O}}{4 \text{ mol KCl}}$$

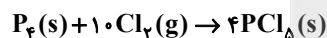
$$\times \frac{18 \text{ g H}_2\text{O}}{1 \text{ mol H}_2\text{O}} = 54 \text{ g H}_2\text{O}$$

(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۹ و ۸۰)

گزینه «۱» - ۱۳۵

(یاسر راش)

معادله موازنه شده واکنش به صورت زیر است:



در ادامه با استفاده از کسرهای تبدیل، خواسته مسئله را حساب می‌کنیم:

$$? \text{ PCl}_5 = 11/2 \text{ L Cl}_2 \times \frac{1 \text{ mol Cl}_2}{22/4 \text{ L Cl}_2} \times \frac{4 \text{ mol PCl}_5}{10 \text{ mol Cl}_2}$$

$$\times \frac{6/02 \times 10^{23} \text{ PCl}_5}{1 \text{ mol PCl}_5} = 1/204 \times 10^{23} \text{ PCl}_5$$

$$? \text{ g P}_4 = 0/5 \text{ mol Cl}_2 \times \frac{1 \text{ mol P}_4}{10 \text{ mol Cl}_2} \times \frac{124 \text{ g P}_4}{1 \text{ mol P}_4} = 6/2 \text{ g P}_4$$

(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۸ تا ۸۰)



۱۳۶- گزینه «۲»

(میثا سیرمینی)

معادله موازنه شده به صورت زیر است:



با توجه به این معادله جرم HCN تولید شده را محاسبه می‌کنیم:

$$? \text{ g HCN} = 9/03 \times 10^{23} \text{ CH}_4 \times \frac{1 \text{ mol CH}_4}{6/02 \times 10^{23} \text{ CH}_4}$$

$$\times \frac{2 \text{ mol HCN}}{2 \text{ mol CH}_4} \times \frac{27 \text{ g HCN}}{1 \text{ mol HCN}} = 40/5 \text{ g HCN}$$

به ازای مصرف شدن ۱/۵ مول متان در این واکنش ۱/۵ مول

H₂O (معادل ۴۰/۵ گرم) و ۱/۵ مول H₂ (معادل ۲۷ گرم) و ۰/۷۵

مول H₂ (معادل ۱/۵ گرم) تولید می‌شود در نتیجه مجموع جرم فرآورده‌های

تولید شده در این واکنش به ازای مصرف ۱/۵ مول متان برابر با ۶۹ گرم

است. با توجه به جرم HCN و مجموع جرم فرآورده‌های تولید شده درصد

جرمی HCN را محاسبه می‌کنیم:

$$\text{جرم HCN} = \frac{\text{جرم HCN}}{\text{مجموع جرم فرآورده‌ها}} \times 100$$

$$= \frac{40/5}{69} \times 100 \approx 58/7\%$$

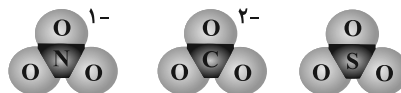
(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی: صفحه‌های ۷۸ تا ۸۰)

۱۳۷- گزینه «۳»

(مفسن مهنونی)

بررسی گزینه‌ها:

(۱) مدل فضاپرکن یون‌های نیترات و کربنات و مولکول SO_۳ به شکل زیر است.



مشاهده می‌شود که در هر سه گونه اتم‌های اکسیژن روی صفحه قرار دارند.

(۲) در زیست کره، درشت مولکول‌ها نقش اساسی ایفا می‌کنند.

(۳) فرمول شیمیایی آهن (III) سولفات، سدیم فسفات و کلسیم نیترات به

ترتیب Fe_۳(SO_۴)_۳، Na_۳PO_۴، Ca(NO_۳)_۲ می‌باشد. اختلاف

شمار اتم‌ها در Fe_۳(SO_۴)_۳ و Na_۳PO_۴ با شمار اتم‌ها

در Ca(NO_۳)_۲ برابر و هر دو برابر ۹ می‌باشند.

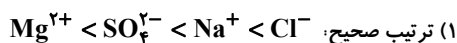
(۴) ترکیب Mg(OH)_۲ نامحلول است.

(شیمی ۱- آب، آهنک زندگی: صفحه‌های ۸۶، ۹۱، ۹۲ و ۹۸)

۱۳۸- گزینه «۳»

(پیمان فواجوی مبر)

بررسی گزینه‌ها:



(۲) ترتیب صحیح به صورت «قیانوس‌ها < کوه‌های یخ < آب‌های زیرزمینی < چشمه‌ها»

می‌باشد.

(۴) ترتیب صحیح به صورت «ذوب کردن یخ جاده‌ها < تولید سدیم کربنات <

تغذیه جانوران < مصرف خانگی» است.

(شیمی ۱- آب، آهنک زندگی: صفحه‌های ۸۷، ۸۸، ۹۳ و ۹۸)

۱۳۹- گزینه «۳»

(یاسر راش)

نصف جرم محلول اولیه حذف می‌شود و با همان جرم از محلولی با غلظت

یکسان (۱۰٪) جایگزین می‌شود. از آنجا که غلظت محلول حذف شده و

محلول اضافه شده کاملاً یکسان است، نسبت جرم حل‌شونده به جرم کل پس

از عملیات جایگزینی ثابت می‌ماند.

توجه: حذف بخشی از یک محلول همگن و جایگزینی آن با همان مقدار از

همان محلول، هیچ تاثیری بر درصد جرمی نخواهد داشت.

(شیمی ۱- آب، آهنک زندگی: صفحه ۹۶)

۱۴۰- گزینه «۴»

(موشیر نیازی)

$$\text{جرم حل‌شونده} \times 100 = \text{درصد جرمی}$$

$$\text{ppm} = \frac{\text{جرم حل‌شونده}}{\text{جرم محلول}} \times 10^6 \Rightarrow \text{ppm} = \text{درصد جرمی} \times 10^4$$

$$\text{ppm} = 0/000002 \times 10^4 = 0/02 \text{ ppm}$$

$$0/001 \text{ ppm} < 0/02 \text{ ppm} < 0/05 \text{ ppm}$$

بنابراین غلظت یون CrO_4^{2-} در این نمونه برای سلامتی انسان مناسب و

برای سلامتی ماهی‌ها و آبزیان مضر و خطرناک است.

(شیمی ۱- آب، آهنک زندگی: صفحه‌های ۹۳ تا ۹۶)

حسابان ۲- پیشروی سریع

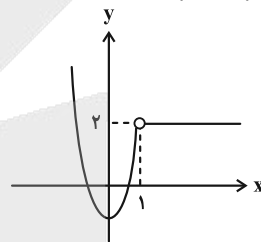
۱۴۱- گزینه «۱» (سامان سلامیان)

$y = (x^2 - 1)^3 \Rightarrow y' = 3(2x)(x^2 - 1)^2 = 6x(x+1)^2(x-1)^2$
ریشه‌های ساده و مرتبه فرد معادله $y' = 0$ ، طول نقاط اکسترمم‌اند. لذا این تابع فقط در $x = 0$ اکسترمم دارد.

(حسابان ۲- کاربردهای مشتق؛ صفحه‌های ۱۲۲ تا ۱۲۴)

۱۴۲- گزینه «۳» (غلامرضا نیازی)

تابع را برای $x \neq 1$ رسم می‌کنیم:

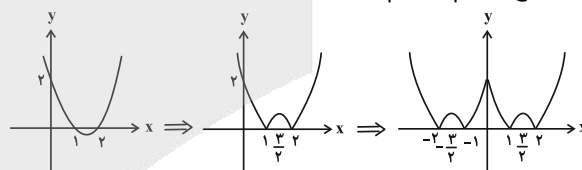


تابع در $x = 1$ دارای \max نسبی است $\Rightarrow f(1) = k \geq 2$ اگر
تابع در $x = 1$ دارای \min نسبی است $\Rightarrow f(1) = k < 2$ اگر
در نتیجه هر مقداری به جای k قرار دهیم، آنگاه تابع دارای اکسترممی به طول $x = 1$ می‌باشد. ($k \in \mathbb{R}$)

(حسابان ۲- کاربردهای مشتق؛ مشابه فعالیت صفحه ۱۱۵)

۱۴۳- گزینه «۴» (علی ناری‌ایبانه)

نمودار تابع را رسم می‌کنیم.



$f(x) = x^2 - 3x + 2 \Rightarrow y = |f(x)| \Rightarrow y = |f(|x|)|$
نقاط به طول $\pm 2, \pm 1, \pm \frac{1}{2}, \pm \frac{3}{2}$ در تابع $y = |f(|x|)|$ نقاط بحرانی هستند.

(حسابان ۲- کاربردهای مشتق؛ صفحه ۱۱۷)

۱۴۴- گزینه «۳» (جوانباش نیکنام)

ابتدا دامنه تابع f را می‌یابیم:

$$a^2 - x^2 \geq 0 \Rightarrow x^2 \leq a^2 \xrightarrow{a > 0} D_f = [-a, a]$$

سپس ریشه‌های مشتق f را می‌یابیم.

$$f'(x) = \frac{-2x}{2\sqrt{a^2 - x^2}} - 1 = 0 \Rightarrow \sqrt{a^2 - x^2} = -x \quad (*)$$

از رابطه (*) متوجه می‌شویم $x \leq 0$ است و داریم:

$$a^2 - x^2 = x^2 \Rightarrow 2x^2 = a^2 \Rightarrow x^2 = \frac{a^2}{2}$$

$$\xrightarrow{a > 0} x = -\frac{a}{\sqrt{2}} \Rightarrow \begin{cases} f(a) = -a & \text{(مینیمم مطلق)} \\ f(-a) = a \\ f(-\frac{a}{\sqrt{2}}) = a\sqrt{2} & \text{(ماکزیمم مطلق)} \end{cases}$$

طبق فرض داریم: $a\sqrt{2} - (-a) = 6 \Rightarrow a(\sqrt{2} + 1) = 6$

$$\Rightarrow a = \frac{6}{\sqrt{2} + 1} = 6(\sqrt{2} - 1) \approx 6 \times 0.41 = 2.46 \Rightarrow [a] = 2$$

(حسابان ۲- کاربردهای مشتق؛ صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۱۹)

۱۴۵- گزینه «۱» (علی پسنزیره)

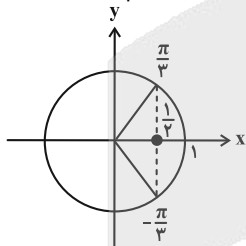
ابتدا ضابطه تابع را ساده می‌کنیم:

$$y = 2(2\cos^2 x - 1) - 2\cos^2 x - \cos x + 5$$

$$\Rightarrow y = 4\cos^2 x - 2 - 2\cos^2 x - \cos x + 5$$

$$\Rightarrow y = 2\cos^2 x - \cos x + 3$$

مطابق دایره مثلثاتی، اگر $-\frac{\pi}{3} \leq x \leq \frac{\pi}{3}$ باشد، آنگاه $-\frac{1}{2} \leq \cos x \leq 1$ خواهد بود. با فرض $\cos x = t$ داریم:



$$y = 2t^2 - t + 3 \quad ; \quad \frac{1}{2} \leq t \leq 1$$

$$y' = 4t - 1 = 0 \Rightarrow t = \frac{1}{4} \notin [\frac{1}{2}, 1]$$

$$\left\{ \begin{aligned} f(\frac{1}{2}) &= 2(\frac{1}{2})^2 - (\frac{1}{2}) + 3 = 3 & \text{(min مطلق)} \\ f(1) &= 2(1)^2 - (1) + 3 = 4 & \text{(max مطلق)} \end{aligned} \right.$$

$$\Rightarrow \text{مطلق max} - \text{مطلق min} = 4 - 3 = 1$$

(حسابان ۲- کاربردهای مشتق؛ صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۱۹)

۱۴۶- گزینه «۱» (اخشین فاضله‌فان)

ابتدا مختصات نقاط A و B را محاسبه می‌کنیم:

$$f(-3) = -\frac{2}{3}(-3)^3 - (-3)^2 + 4(-3) + 1 = -2 \Rightarrow A = (-3, -2)$$

$$f(2) = -\frac{2}{3}(2)^3 - (2)^2 + 4(2) + 1 = -\frac{1}{3} \Rightarrow B = (2, -\frac{1}{3})$$

حال مختصات نقاط C و D:

$$f'(x) = -2x^2 - 2x + 4 = 0 \Rightarrow -2(x^2 + x - 2) = 0 \Rightarrow x = -2, x = 1$$

$$f(-2) = -\frac{2}{3}(-2)^3 - (-2)^2 + 4(-2) + 1 = -\frac{17}{3} \Rightarrow C = (-2, -\frac{17}{3})$$

$$f(1) = -\frac{2}{3}(1)^3 - (1)^2 + 4(1) + 1 = \frac{1}{3} \Rightarrow D = (1, \frac{1}{3})$$

با جای گذاری مختصات نقطه P در خط فوق به دست می آوریم: $s = \frac{9t}{t-1}$

لذا داریم: $f(t) = |OA| + |OB| = t + s = t + \frac{9t}{t-1}$

با مشتق گیری از $f(t)$ نسبت به t داریم: $f'(t) = 1 + \frac{-9}{(t-1)^2}$

از حل معادله $f'(t) = 0$ به دست می آوریم $t = -2, 4$ و چون t مثبت می باشد لذا $t = 4$ قابل قبول است. با توجه به جدول تغییرات، حداقل مقدار

عبارتست از: $f(4) = 4 + \frac{36}{3} = 16$

توجه: جدول تعیین علامت مشتق تابع f ، حول $t = 4$ به صورت زیر است:

t	4		
$f'(t)$	-	0	+
$f(t)$	↘	↓	↗

(مسئله ۲- کاربردهای مشتق؛ صفحه های ۱۱۶ تا ۱۱۹)

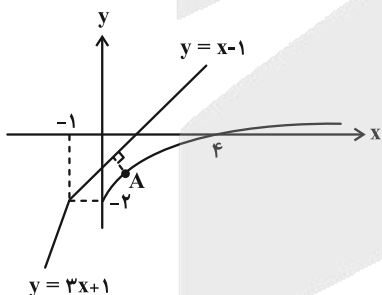
۱۵۰- گزینه «۱»

(علی ناری ایبانه)

با رسم نمودار دو تابع، معلوم می شود باید کمترین فاصله نقاط نمودار

$y = \sqrt{x} - 2$ را از خط $y = x - 1$ محاسبه کنیم.

$$y = 2x - |x + 1| = \begin{cases} x - 1 & ; x \geq -1 \\ 3x + 1 & ; x < -1 \end{cases}$$



نقطه $A(x, y)$ را روی $y = \sqrt{x} - 2$ فرض می کنیم و فاصله اش را تا خط $x - y - 1 = 0$ می نویسیم:

$$d = \frac{|x - y - 1|}{\sqrt{2}} = \frac{|x - (\sqrt{x} - 2) - 1|}{\sqrt{2}} \Rightarrow d = \frac{1}{\sqrt{2}} |x - \sqrt{x} + 1|$$

$$d' = 0 \Rightarrow 1 - \frac{1}{2\sqrt{x}} = 0 \Rightarrow x = \frac{1}{4}$$

$$d_{\min} = \frac{1}{\sqrt{2}} \left| \frac{1}{4} - \frac{1}{2} + 1 \right| \Rightarrow d_{\min} = \frac{3\sqrt{2}}{8}$$

(مسئله ۲- کاربردهای مشتق؛ صفحه های ۱۱۸ و ۱۱۹)

$$m_{AB} = \frac{-2 - (-\frac{1}{3})}{-3 - 2} = \frac{-\frac{5}{3}}{-5} = \frac{1}{3}$$

$$m_{CD} = \frac{-\frac{17}{3} - \frac{10}{3}}{-2 - 1} = \frac{-9}{-3} = 3$$

$$m_{AB} \times m_{CD} = \frac{1}{3} \times 3 = 1$$

در نتیجه:

(مسئله ۲- کاربردهای مشتق؛ صفحه های ۱۱۶ تا ۱۱۹)

(مشابه نوایی فردر ۱۳۰۴- سوال ۱۶)

۱۴۷- گزینه «۲»

(عمیر علیزاده)

$$f(x) = \begin{cases} 2x - 1 & ; 1 < x \leq 2 \\ 2x^2 - x & ; 0 < x \leq 1 \end{cases}$$

دامنه تابع، بازه $(0, 2]$ می باشد و تابع در $x = 1$ و در نتیجه در بازه $(0, 2]$ پیوسته است. تابع در $x = 2$ ، از چپ پیوسته ولی مشتق ناپذیر است.

$$f'(x) = \begin{cases} 2 & ; 1 < x < 2 \Rightarrow f'_+(1) = 2 \\ 4x - 1 & ; 0 < x < 1 \Rightarrow f'_-(1) = 3 \end{cases}$$

$\Rightarrow f'(1)$ = نقطه بحرانی است \Rightarrow موجود نیست

$$f'(x) = 0 \Rightarrow 4x - 1 = 0 \Rightarrow x = \frac{1}{4} \in (0, 1)$$

بنابراین تابع دارای سه نقطه بحرانی به طول های $x = 1$ ، $x = \frac{1}{4}$ و $x = 2$ می باشد.

(مسئله ۲- کاربردهای مشتق؛ صفحه ۱۱۷)

۱۴۸- گزینه «۳»

(اخشین فاضلهان)

چون علامت f' در بازه $(0, 5)$ نامنفی است (نمودار بالای محور x ها و فقط در یک نقطه، مقدار صفر دارد) پس حداکثر مقدار a برابر ۵ می باشد. در نقطه $x = 3$ مشتق بی نهایت است یعنی مماس قائم و مشتق چپ و راست آن $+\infty$ است لذا تابع در همسایگی $x = 3$ پیوسته و اکیداً صعودی است. در بازه $(5, 6)$ مشتق تابع صفر است و تابع نمی تواند اکیداً صعودی باشد.

(مسئله ۲- کاربردهای مشتق؛ مشابه فعالیت صفحه ۱۲۰)

۱۴۹- گزینه «۳»

(سیرمهر موسوی)

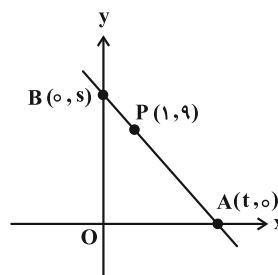
اگر A و B به ترتیب دارای مختصات $(t, 0)$ و $(0, s)$ باشند، آنگاه شیب

$$\frac{s - 0}{0 - t} = -\frac{s}{t}$$

خط مطلوب عبارتست از:

$$y = -\frac{s}{t}(x - 0) + s$$

معادله خط به صورت مقابل است:



هندسه ۳- پیشروی سریع

۱۵۱- گزینه «۴»

(علی پسندیده)

پاره خط AB فصل مشترک دو صفحه $Z = 4$ و $Y = 0$ می باشد که X در

$$AB: \begin{cases} 0 \leq x \leq 3 \\ y = 0 \\ z = 4 \end{cases}$$

آن محدود بین صفر و ۳ است:

معادله وجه DCEF به این صورت است که روی صفحه $Y = 2$ واقع است ولی X در آن در محدوده $0 \leq x \leq 3$ و Z در آن نیز در محدوده $0 \leq z \leq 4$

$$DCEF: \begin{cases} 0 \leq x \leq 3 \\ y = 2 \\ 0 \leq z \leq 4 \end{cases}$$

قرار دارد:

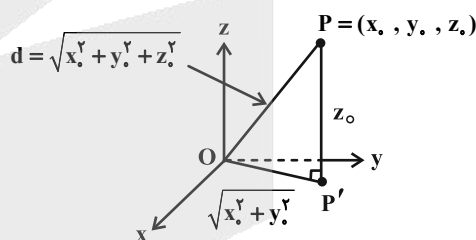
(هندسه ۳- بردارها؛ مشابه کار در کلاس صفحه ۶۸)

۱۵۲- گزینه «۱»

(روح اله حسینی)

برای پیدا کردن فاصله نقطه $P(x_0, y_0, z_0)$ (در ناحیه ۱) از محور Z ها، کافی است از نقطه P عمودی بر صفحه XY رسم کنیم و پای آن را P' نام گذاری کنیم؛ اگر O مبدأ مختصات باشد طول پاره خط OP' برابر فاصله نقطه P از محور Z هاست. بنابراین مطابق شکل و بنابر قضیه فیثاغورس،

فاصله P از محور Z ها برابر $\sqrt{x_0^2 + y_0^2}$ است. به طریق مشابه، فاصله P از محور X ها و محور Y ها به ترتیب برابر $\sqrt{y_0^2 + z_0^2}$ و $\sqrt{x_0^2 + z_0^2}$ است. پس بنابر داده‌های مسئله داریم:



$$\begin{cases} \sqrt{y_0^2 + z_0^2} = 5 \\ \sqrt{x_0^2 + z_0^2} = 6 \\ \sqrt{x_0^2 + y_0^2} = 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y_0^2 + z_0^2 = 25 \\ x_0^2 + z_0^2 = 36 \\ x_0^2 + y_0^2 = 49 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \text{جمع} \rightarrow 2x_0^2 + 2y_0^2 + 2z_0^2 &= 25 + 36 + 49 = 110 \\ \Rightarrow x_0^2 + y_0^2 + z_0^2 &= 55 \end{aligned}$$

بنابراین فاصله نقطه P از مبدأ مختصات برابر است با:

$$OP = \sqrt{x_0^2 + y_0^2 + z_0^2} = \sqrt{55}$$

(هندسه ۳- بردارها؛ صفحه ۶۶)

۱۵۳- گزینه «۲»

(عباس الهی)

چون نقطه M روی صفحه XY قرار دارد، پس مؤلفه Z آن برابر صفر است، لذا:

$$k^3 - k = 0 \Rightarrow k(k^2 - 1) = 0 \Rightarrow k = 0, \pm 1 \quad (I)$$

از طرفی نقطه N روی محور Y ها می باشد، یعنی مؤلفه‌های X و Z آن برابر صفر است، در نتیجه:

$$\begin{aligned} t - 3 = 0 &\Rightarrow t = 3 \\ k^2 + 3k + 2 = 0 &\Rightarrow (k+1)(k+2) = 0 \\ \Rightarrow k &= -1, -2 \quad (II) \end{aligned}$$

با توجه به (I) و (II) متوجه می شویم که $k = -1$ می باشد، پس:

$$2k + t = 2(-1) + 3 = 1$$

(هندسه ۳- بردارها؛ صفحه‌های ۶۴ تا ۶۸)

۱۵۴- گزینه «۲»

(روح اله حسینی)

چون M, N, P به ترتیب وسط اضلاع AB, BC, AC هستند، پس:

$$\begin{cases} \vec{OM} = \frac{1}{2}(\vec{OA} + \vec{OB}) \\ \vec{ON} = \frac{1}{2}(\vec{OB} + \vec{OC}) \\ \vec{OP} = \frac{1}{2}(\vec{OA} + \vec{OC}) \\ \vec{OA} + \vec{OB} = 2\vec{OM} \\ \vec{OB} + \vec{OC} = 2\vec{ON} \\ \vec{OA} + \vec{OC} = 2\vec{OP} \end{cases}$$

پس:

$$\begin{aligned} \text{جمع} \rightarrow 2(\vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC}) &= 2(\vec{OM} + \vec{ON} + \vec{OP}) \\ \Rightarrow \vec{OM} + \vec{ON} + \vec{OP} &= \vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC} \end{aligned}$$

$$\vec{OA} = \vec{OM} + \vec{ON} + \vec{OP} - \frac{2\vec{ON}}{2} = \vec{OM} + \vec{OP} - \vec{ON}$$

$$\begin{cases} \vec{OB} = \vec{OM} + \vec{ON} - \vec{OP} \\ \vec{OC} = \vec{ON} + \vec{OP} - \vec{OM} \end{cases}$$

به طریق مشابه داریم:

$$\vec{OA} = (4, 5, \frac{7}{2}) + (-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, \frac{11}{2}) - (\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, 2) = (3, 5, 7) \Rightarrow A(3, 5, 7)$$

$$\vec{OB} = (4, 5, \frac{7}{2}) + (\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, 2) - (-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, \frac{11}{2}) = (5, 5, 0) \Rightarrow B(5, 5, 0)$$

$$\vec{OC} = (\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, 2) + (-\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, \frac{11}{2}) - (4, 5, \frac{7}{2}) = (-4, 0, 4) \Rightarrow C(-4, 0, 4)$$

و در نتیجه:

$$\begin{aligned} AB^2 &= (3-5)^2 + (5-5)^2 + (7-0)^2 \\ &= 4 + 0 + 49 = 53 \\ BC^2 &= (5-(-4))^2 + (5-0)^2 + (0-4)^2 \\ &= 81 + 25 + 16 = 122 \end{aligned} \Rightarrow AB^2 + BC^2 = 175$$

(هندسه ۳- بردارها؛ صفحه‌های ۷۳ تا ۷۶)

۱۵۵- گزینه «۳»

(عباس الهی)

با کمی دقت در صورت سوال متوجه می شویم که صفحات $X = 5$ و $X = 2$ موازی صفحه YZ و صفحات $Y = 2$ و $Y = -1$ موازی صفحه XZ و صفحات $Z = 3$ و $Z = -2$ موازی صفحه XY می باشند و ناحیه بین این صفحات، ناحیه درون و روی یک مکعب مستطیل است که ابعاد آن برابر $(3 - (-2) = 5)$ ، $(2 - (-1) = 3)$ ، $(5 - 2 = 3)$ می باشد. پس بیشترین فاصله بین نقاط واقع در این ناحیه، همان طول قطر این مکعب مستطیل است که برابر می شود با:

$$\sqrt{3^2 + 3^2 + 5^2} = \sqrt{43}$$

(هندسه ۳- بردارها؛ صفحه‌های ۶۴ تا ۶۸)



فیثاغورس: $|\vec{a}|^2 = 3x^2 + x^2 = 4x^2 \Rightarrow |\vec{a}| = 2x$

یک ضلع نصف و تراست. $\beta = 30^\circ \Rightarrow \alpha = 60^\circ$
 $x = \frac{|\vec{a}|}{2}$

بنابراین زاویه بین دو بردار \vec{a} و \vec{b} برابر است با: $2\alpha = 120^\circ$

(هنر سه - بردارها، صفحه‌های ۶۹ تا ۷۴)

۱۵۹ - گزینه «۳» (سیرمحمدرضا حسینی فر)

طبق فرض داریم: $\vec{a} + \vec{b} = (m+1)\vec{i} + 2\vec{j} + m\vec{k}$

$|\vec{a} + \vec{b}| = \sqrt{(m+1)^2 + 4 + m^2} = 3 \Rightarrow 2m^2 + 2m - 4 = 0$

$\Rightarrow 2(m+2)(m-1) = 0 \Rightarrow m = -2, 1$

$m = 1 \Rightarrow \vec{a} = (1, 0, 1), \vec{b} = (1, 2, 0)$ (الف)

$\Rightarrow 2\vec{a} - \vec{b} = (1, -2, 2) \Rightarrow |2\vec{a} - \vec{b}| = 3$

$m = -2 \Rightarrow \vec{a} = (1, 0, -2), \vec{b} = (-2, 2, 0)$ (ب)

$\Rightarrow 2\vec{a} - \vec{b} = (4, -2, -4) \Rightarrow |2\vec{a} - \vec{b}| = 6$

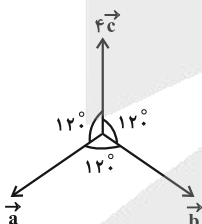
(هنر سه - بردارها؛ مشابه تمرین ۵ صفحه ۷۶)

۱۶۰ - گزینه «۳» (مهمر شاهممیری)

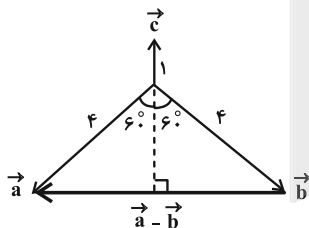
برای آن که سه بردار با طول‌های مساوی، برابندشان صفر باشد، باید زاویه

$|\vec{a}| = |\vec{b}| = |\vec{c}| = 4$
 $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$

بین هر دو تای آنها 120° باشد:



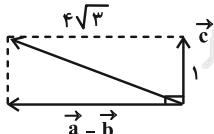
پس:



$|\vec{a} - \vec{b}| = 4\sqrt{3}$

$\frac{\sqrt{3}}{2} \times 4 = 2\sqrt{3}$

واضح است که $\vec{c} \perp (\vec{a} - \vec{b})$ ، بنابراین مطابق شکل داریم:



فیثاغورس $|\vec{a} - \vec{b} + \vec{c}| = \sqrt{1 + 48} = \sqrt{49} = 7$

(هنر سه - بردارها؛ صفحه‌های ۷۳ تا ۷۶)

۱۵۶ - گزینه «۴» (افشین فاضل‌نژاد)

گزینه «۱»: با توجه به بردارها چون اندازه $r\vec{a}$ از اندازه \vec{a} بزرگ‌تر بوده و در خلاف جهت هم هستند لذا $r < 0$ و $|r| > 1$ ؛ پس $|r| < 2$ الزاماً نمی‌تواند صحیح باشد؛ به عنوان مثال $r = -\frac{1}{2}$ در محدوده $|r| < 2$ واقع است، که قابل قبول نیست.

گزینه «۲»: با توجه به بردارها چون اندازه $r\vec{a}$ از اندازه \vec{a} کوچک‌تر بوده و هم‌جهت هستند پس $0 < r < 1$ و حدود $|r| < 1$ الزاماً درست نیست.

گزینه «۳»: در بردارها اندازه $r\vec{a}$ از اندازه \vec{a} بزرگ‌تر بوده و هم‌جهت هستند لذا $r > 1$ و حدود $r > 0$ الزاماً درست نیست.

گزینه «۴»: از بردارها می‌توان نتیجه گرفت اندازه $r\vec{a}$ از اندازه \vec{a} کوچک‌تر بوده و در خلاف جهت هم هستند بنابراین $|r| < 1$ و $r < 0$ یا همان $-1 < r < 0$ خواهد بود.

(هنر سه - بردارها؛ مشابه متن کتاب درسی صفحه ۷۰)

۱۵۷ - گزینه «۴» (مسعود درویشی)

طول بردارهای \vec{OA} و \vec{OB} را به دست می‌آوریم:

$|\vec{OA}|^2 = |\vec{OB}|^2 = t^2 + (1-t)^2 + (2t)^2$

چون این بردارها یک‌جهت هستند، پس:

$|\vec{OA}| = |\vec{OB}| = 1 \Rightarrow t^2 + (1-t)^2 + (2t)^2 = 1$

$t^2 + (1+t^2-2t) + 4t^2 = 1 \Rightarrow 6t^2 - 2t = 0$

$\Rightarrow 2t(3t-1) = 0 \Rightarrow t = 0, t = \frac{1}{3}$

طبق فرض $t > 0$ ، پس فقط $t = \frac{1}{3}$ قابل قبول است.

نقطه M وسط پاره‌خط AB است، پس:

$\vec{OM} = \left(\frac{t+2t}{2}, \frac{1-t+t}{2}, \frac{2t+1-t}{2}\right) = \left(\frac{3t}{2}, \frac{1}{2}, \frac{t+1}{2}\right)$

$\xrightarrow{t=\frac{1}{3}} \vec{OM} = \left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{2}{3}\right)$

در نهایت، طول بردار \vec{OM} برابر است با:

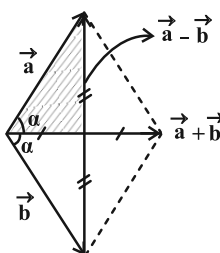
$|\vec{OM}| = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{2}{3}\right)^2} = \sqrt{\frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{4}{9}}$

$= \sqrt{\frac{17}{18}} = \frac{\sqrt{17}}{3\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{17}}{6} \times \sqrt{2}$

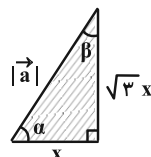
(هنر سه - بردارها؛ صفحه‌های ۷۵ و ۷۶)

۱۵۸ - گزینه «۲» (مهمر شاهممیری)

می‌دانیم $\vec{a} + \vec{b}$ و $\vec{a} - \vec{b}$ قطرهای متوازی‌الاضلاع هستند که روی \vec{b} و \vec{a} تشکیل می‌شود؛ مطابق شکل، اگر قطرها بر هم عمود باشند، این متوازی‌الاضلاع، لوزی خواهد بود.



از طرفی طبق فرض، یک قطر $\sqrt{3}$ برابر قطر دیگر است و می‌دانیم قطرها در لوزی عمود منصف یکدیگرند، پس:





ریاضیات گسسته - پیشروی سریع

گزینه ۲ - ۱۶۱

(سیرمهر، رضا مسینی فرد)

فقط مطابق مربع لاتین 3×3 زیر می توان برنامه ریزی را کامل کرد:

کلاس (۱) کلاس (۲) کلاس (۳)

B	C	A
A	B	C
C	A	B

روز اول

روز دوم

روز سوم

در بین گزینه ها، فقط گزینه (۲) صحیح است.

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات، صفحه های ۶۲ تا ۶۴)

گزینه ۳ - ۱۶۲

(علیرضا شریف فطیمی)

(۱) ابتدا a_{33} برابر ۴ می شود و از آنجا $a_{33} = 3$ خواهد شد.

(۲) درایه a_{11} مساوی ۲ می شود و از آنجا $x = 1$ و $a_{21} = 4$ شده و در

نهایت $y = 3$ می شود.

(۳) درایه a_{44} یعنی Z با توجه به معلوم بودن بقیه خانه های کناری، مساوی

$$x + y + z = 1 + 3 + 2 = 6$$

۲ می شود، پس:

$y \rightarrow 3$	۱	
۴	۳	$z \rightarrow 2$
۲	۳	$x \rightarrow 1$
۱	۲	

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات، صفحه های ۶۲ تا ۶۴)

گزینه ۲ - ۱۶۳

(امیرمسین ابومبوب)

دو مربع لاتین 3×3 در صورتی متعامد هستند که در یکی از آن ها

درایه های قطر اصلی یکسان بوده و در دیگری درایه های قطر فرعی یکسان

باشد. در این صورت با فرض این که در مربع لاتین سمت چپ، درایه های قطر

اصلی یکسان باشند، $a = 1$ و به طور مشابه $z = 1$ است و دو مربع لاتین به

صورت زیر کامل می شوند.

۱	۲	۳
۳	۱	۲
۲	۳	۱

۲	۳	۱
۳	۱	۲
۱	۲	۳

$$ax + by + cz = 1 \times 2 + 2 \times 3 + 3 \times 1 = 11$$

بنابراین داریم:

بدیهی است در صورتی که $c = x = 1$ فرض شود، فقط جای دو مربع عوض

شده و حاصل عبارت تغییری نمی کند.

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات، مشابه مثال صفحه ۶۵)

گزینه ۴ - ۱۶۴

(مسعود ررویشی)

درایه سطر دوم و ستون دوم را می توان با یکی از عددهای ۱ یا ۳ پر کرد.

پس دو حالت پیش می آید.

حالت اول: اگر $a = 1$ باشد، در این صورت b می تواند یکی از مقادیرهای ۱

یا ۲ را بگیرد و داریم:

۱	۲	۳	۴
۲	۱	۴	۳
۳	۴	۱	۲
۴	۳	۲	۱

۱	۲	۳	۴
۲	۱	۴	۳
۳	۴	۲	۱
۴	۳	۱	۲

$$a + b = 2 \quad \text{یا} \quad a + b = 3$$

حالت دوم: اگر $a = 3$ باشد، در این صورت b فقط می تواند برابر با ۱ باشد

$$a + b = 4$$

و داریم:

۱	۲	۳	۴
۲	۳	۴	۱
۳	۴	۱	۲
۴	۱	۲	۳

پس مجموع سه مقدار قابل قبول برای $a + b$ برابر با $9 = 4 + 3 + 2$ است.

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات، صفحه های ۶۲ تا ۶۴)

گزینه ۲ - ۱۶۵

(نیلوفر مهروی)

عددی نسبت به ۷۲ اول است که نه بر ۲ و نه بر ۳ بخش پذیر باشد. مجموعه

اعداد بخش پذیر بر ۲ را با A و مجموعه اعداد بخش پذیر بر ۳ را با B

$$|A| = \left\lfloor \frac{999}{2} \right\rfloor = 499$$

نشان می دهیم. داریم:

$$|B| = \left\lfloor \frac{999}{3} \right\rfloor = 333$$

$$|A \cap B| = \left\lfloor \frac{999}{6} \right\rfloor = 166$$

با کمک اصل شمول و عدم شمول داریم:

$$|A' \cap B'| = |S| - |A \cup B| = |S| - (|A| + |B| - |A \cap B|)$$

$$= 999 - (499 + 333 - 166) = 999 - 666 = 333$$

راه حل دوم: اعدادی که نسبت به ۲ و ۳ اول هستند به صورت $6k \pm 1$ نوشته

می شوند؛ داریم:

$$1 \leq 6k + 1 \leq 999 \Rightarrow k = 0, 1, \dots, 166 \quad (\text{تا } 167)$$

$$1 \leq 6k - 1 \leq 999 \Rightarrow k = 1, 2, \dots, 166 \quad (\text{تا } 166)$$

در مجموع تعداد اعداد مورد نظر برابر $333 = 166 + 167$ می باشد،

یعنی $\frac{1}{3}$ تعداد کل اعداد طبیعی حداکثر سه رقمی.

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات، صفحه های ۷۳ تا ۷۶)



$$|A \cup B| = |A| + |B| - |A \cap B|$$

می دانیم:

پس: $42 = 4! + 4! - 2! = 42$ = تعداد حالاتی که ۱۲ یا ۳۵ در عدد باشند.

بنابراین: = تعداد حالاتی که ۱۲ و ۳۵ در عدد نباشند

(تعداد حالاتی که ۱۲ یا ۳۵ باشند) - تعداد اعداد ۵ رقمی

$$= 5! - 42 = 120 - 42 = 78$$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه های ۷۳ تا ۷۶)

۱۶۹ - گزینه «۱» (مسعود «رویشی»)

مسئله را به کمک اصل شمول و عدم شمول حل می کنیم. شرط $f(a) = f(b)$ می گوید که اگر مقدار تابع برای a مشخص باشد، b هم به همان مقدار تصویر می شود؛ یعنی به جای حل این مسئله، تعداد تابع های پوشا از مجموعه ای ۵ عضوی به مجموعه ای ۳ عضوی را به دست می آوریم. با توجه به فرمول این تعداد (در صفحه ۷۸ کتاب درسی) برابر است با:

$$3^n - 3 \times 2^n + 3 = 3^5 - 3 \times 2^5 + 3 = 243 - 3 \times 32 + 3 = 150$$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: مطابق تذکر صفحه ۷۸ کتاب درسی)

۱۷۰ - گزینه «۲» (روح اله حسینی)

اگر $f(1) + f(2) + \dots + f(701)$ عددی فرد باشد برای این که A فرد باشد باید $f(702)$ زوج باشد $f(702) \in \{100, 102\}$ و اگر $f(1) + f(2) + \dots + f(701)$ عددی زوج باشد برای این که A فرد باشد باید $f(702)$ فرد باشد $f(702) \in \{99, 101\}$ به عبارت دیگر برای هر $k \in \{1, 2, \dots, 701\}$ داریم $k \in \{99, 100, 101, 102\}$ اما $f(k) \in \{99, 100, 101, 102\}$. پس تعداد کل این توابع برابر است با:

$$\begin{matrix} f(1) & f(2) & \dots & f(701) & f(702) \\ \downarrow & \downarrow & & \downarrow & \downarrow \\ 4 & 4 & \dots & 4 & 2 \end{matrix}$$

$$= 4^{701} \times 2 = (2^2)^{701} \times 2 = 2^{1402} \times 2 = 2^{1403}$$

روش دوم: در نیمی از توابع تعریف شده، عدد A زوج و در نیمی دیگر عدد A فرد باشد، پس داریم:

$$\begin{matrix} \text{تعداد کل توابع} & : & 4 & \times & 4 & \times & \dots & \times & 4 \\ & & \downarrow & & \downarrow & & & & \downarrow \\ & & f(1) & & f(2) & & & & f(702) \end{matrix}$$

$$= 4^{702} = 2^{1404} \xrightarrow{+2} 2^{1403}$$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه های ۷۷ و ۷۸)

۱۶۶ - گزینه «۱» (روح اله حسینی)

مجموعه S را مجموعه تمام اعداد چهار رقمی با ارقام ۱, ۲, ۳, ۴, ۵ در نظر می گیریم. بنابراین: $|S| = 5 \times 5 \times 5 \times 5 = 625$

سه مجموعه A_1, A_2, A_3 و زیرمجموعه هایی از مجموعه S در نظر می گیریم که به ترتیب فاقد رقم های ۱, ۲ و ۳ باشند. بنابراین:

$$|A_1| = |A_2| = |A_3| = 4 \times 4 \times 4 \times 4 = 256$$

پس مجموعه $A_1 \cap A_2$ زیرمجموعه ای از مجموعه S است که فاقد دو رقم

۱ و ۲ می باشد. بنابراین: $|A_1 \cap A_2| = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81$

به طریق مشابه $|A_2 \cap A_3| = |A_3 \cap A_1| = 81$.

از طرفی $A_1 \cap A_2 \cap A_3$ زیرمجموعه ای از مجموعه S است که فاقد هر

سه رقم ۱, ۲ و ۳ است. پس: $|A_1 \cap A_2 \cap A_3| = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$

اما چون خواسته سوال، معادل تعداد عضوهای مجموعه $A'_1 \cap A'_2 \cap A'_3$ است، لذا بنابر اصل شمول و عدم شمول داریم:

$$\begin{aligned} |A'_1 \cap A'_2 \cap A'_3| &= |S| - (|A_1| + |A_2| + |A_3|) \\ &+ (|A_1 \cap A_2| + |A_2 \cap A_3| + |A_1 \cap A_3|) - (|A_1 \cap A_2 \cap A_3|) \\ &= 625 - 3 \times 256 + 3 \times 81 - 16 = 625 - 768 + 243 - 16 = 84 \end{aligned}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{چهار رقم متمایز} : 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24 \\ \text{یک رقم تکراری} : 4 \times \frac{4!}{2!} = 36 \end{array} \right. \xrightarrow{\text{مجموع}} 84$$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: مشابه تمرین ۴ صفحه ۸۳)

۱۶۷ - گزینه «۴» (علیرضا شریف فطیعی)

به کمک اصل شمول و عدم شمول، تعداد کلماتی که هیچ یک از حروف I و O سر جای خودشان قرار نمی گیرند را حساب می کنیم:

$$\left\{ \begin{array}{l} U : \text{مجموعه کل کلمات} \\ A : \text{مجموعه کلماتی که } O \text{ سر جای خود باشد} \\ B : \text{مجموعه کلماتی که } I \text{ سر جای خود باشد} \end{array} \right.$$

$$\text{مطلوب سوال} : |A' \cap B'| = |U| - |A \cup B|$$

$$= 6! - (5! + 5! - 4!) = 720 - 216 = 504$$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه های ۷۳ تا ۷۶)

۱۶۸ - گزینه «۴» (مهمر شاهممردی)

در این سوال داریم: $5! =$ تعداد اعداد ۵ رقمی با ارقام متمایز

$4! \rightarrow$ --- ۱۲ : تعداد حالاتی که ۱۲ باشد.

$4! \rightarrow$ --- ۳۵ : تعداد حالاتی که ۳۵ باشد.

$3! \rightarrow$ --- ۱۲ ۳۵ - : تعداد حالاتی که ۱۲ و ۳۵ هر دو باشند.

فیزیک ۳ - پیشروی سریع

۱۷۱ - گزینه «۴»

(ممدکاکظم منشاری)

$$I = \frac{P}{A} \Rightarrow P = IA = 2 \times 200 \times 10^{-4} = 0.04 \text{ W}$$

$$P = \frac{E}{t} \Rightarrow E = Pt = 0.04 \times 60 = 2.4 \text{ J}$$

$$E = 2.4 \text{ J} = 2.4 \times \frac{1}{1.6 \times 10^{-19}} \text{ eV} = 1.5 \times 10^{19} \text{ eV}$$

$$E = nhf = n \frac{hc}{\lambda} \Rightarrow 1.5 \times 10^{19} = n \frac{1240}{496} \Rightarrow n = 6 \times 10^{18}$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۲۰)

۱۷۲ - گزینه «۲»

(آرمان ربیب فیرفومنی)

از رابطه توان و انرژی فوتون استفاده می‌کنیم:

$$Pt = E = \frac{nhc}{\lambda} \Rightarrow 30 \times 10 \times 60 = \frac{n \times 6.6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{660 \times 10^{-9}}$$

$$\Rightarrow n = 6 \times 10^{22}$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۲۰)

(مشابه مثال ۵-۱ صفحه ۱۱۹ کتاب درسی)

۱۷۳ - گزینه «۳»

(مهران اسماعیلی)

معادله فوتوالکتتریک را بر حسب طول موج پرتو تابیده شده و طول موج آستانه

$$K_{\max} = hf - W_0 \quad \begin{matrix} f = \frac{c}{\lambda} \\ W_0 = hf_0 = \frac{hc}{\lambda_0} \end{matrix} \quad \text{فلز می‌نویسیم:}$$

$$\Rightarrow K_{\max} = hc \left(\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda_0} \right) \Rightarrow \frac{K_{\max A}}{K_{\max B}} = \frac{hc \left(\frac{1}{\lambda_A} - \frac{1}{\lambda_{0A}} \right)}{hc \left(\frac{1}{\lambda_B} - \frac{1}{\lambda_{0B}} \right)}$$

$$\frac{\lambda_A = \lambda_B = \frac{1}{4} \lambda_{0A}}{K_{\max A} = 2K_{\max B}} \rightarrow \frac{2K_{\max B}}{K_{\max B}} = \frac{\frac{1}{4} \lambda_{0A} - \lambda_{0A}}{\frac{1}{4} \lambda_{0A} - \lambda_{0B}}$$

$$\Rightarrow 2 = \frac{\frac{4}{\lambda_{0A}} - \frac{1}{\lambda_{0A}}}{\frac{4}{\lambda_{0A}} - \frac{1}{\lambda_{0B}}} \Rightarrow \frac{3}{\lambda_{0A}} = \frac{2}{\lambda_{0B}}$$

$$\Rightarrow \frac{5}{\lambda_{0A}} = \frac{2}{\lambda_{0B}} \Rightarrow \frac{\lambda_{0A}}{\lambda_{0B}} = 2.5$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۲۱)

(علی عالی‌بری)

۱۷۴ - گزینه «۱»

با توجه به رابطه تابع کار می‌توان نوشت:

$$W_0 = hf_0 \Rightarrow 5/2 = 4 \times 10^{-15} \times f_0$$

$$\Rightarrow f_0 = \frac{5/2}{4 \times 10^{-15}} \Rightarrow f_0 = 1/3 \times 10^{15} \text{ Hz}$$

(فیزیک ۳ - صفحه ۱۱۹)

(مشابه مثال ۵-۲ صفحه ۱۱۹ کتاب درسی)

(رحمت‌الله شیراله‌زاده سماکوشن)

۱۷۵ - گزینه «۲»

نمودارها نشان می‌دهند که بسامد آستانه برای مس، ۲ برابر بسامد آستانه برای

سدیم است. بنابراین طبق رابطه $W_0 = hf_0$ نتیجه می‌گیریم که تابع کار مس

نیز ۲ برابر تابع کار سدیم است یعنی $W_{0Cu} = 2W_{0Na}$ است. اکنون

می‌توانیم اطلاعات نمودار را در رابطه $K_{\max} = hf - W_0$ قرار دهیم:

$$(W_0 = W_{0Na})$$

$$6 = (4 \times 10^{-15})f' - W_0 \quad \text{(I)}$$

$$4 = (4 \times 10^{-15})f' - 2W_0 \quad \text{(II)}$$

با حذف W_0 از روابط (I) و (II) به راحتی به دست می‌آید:

$$Na: 6 = 4f' \times 10^{-15} - W_0 \quad \text{طرفین را در ۲ ضرب می‌کنیم} \rightarrow$$

$$-12 = -8f' \times 10^{-15} + 2W_0 \quad \text{(۱)}$$

$$Cu: 4 = 4f' \times 10^{-15} - 2W_0 \quad \text{(۲)}$$

اکنون طرفین تساوی‌های (۱) و (۲) را با هم جمع می‌کنیم:

$$-8 = -4f' \times 10^{-15} \Rightarrow f' = 2 \times 10^{15} \text{ Hz}$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۲۰)



۱۷۶- گزینه «۲»

(مهران اسماعیلی)

بلندترین طول موج فرابنفش مربوط به طیف بالمر ($n' = 2$) است که برای تابش موج فرابنفش با $n = 7$ متناظر است. بنابراین:

$$\frac{1}{\lambda_1} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) \xrightarrow[n=7]{n'=2} \frac{1}{\lambda_1} = R \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{7^2} \right) = \frac{45}{196} R$$

$$\Rightarrow \lambda_1 = \frac{196}{45} R$$

کوتاهترین طول موج فرورسوخ مربوط به طیف پاشن ($n' = 3$) است که در این طیف تابش موج فرورسوخ با کوتاهترین طول موج با $n = \infty$ متناظر است.

بنابراین:

$$\frac{1}{\lambda_2} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) \xrightarrow[n=\infty]{n'=3} \frac{1}{\lambda_2} = R \left(\frac{1}{3^2} - \frac{1}{\infty} \right) = \frac{R}{9} \Rightarrow \lambda_2 = \frac{9}{R}$$

$$\frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{\frac{196}{45} R}{\frac{9}{R}} = \frac{196}{405}$$

(فیزیک ۳- صفحه‌های ۱۲۱ تا ۱۲۴)

۱۷۷- گزینه «۱»

(علیرضا جباری)

در اولین حالت برانگیخته، $n = 2$ است. انرژی الکترون در این مدار را

به دست می‌آوریم:

$$E_n = -\frac{E_R}{n^2} \xrightarrow{n=2} E_2 = -\frac{E_R}{2^2} = -\frac{E_R}{4}$$

رابطه اختلاف انرژی بین دو مدار را براساس الگوی اتمی بور می‌نویسیم:

$$E_U - E_L = hf \xrightarrow[E_L = E_2 = -\frac{E_R}{4}]{hf = \frac{3}{16} E_R, E_U = E_{n'}} E_{n'} - \left(-\frac{E_R}{4} \right) = \frac{3}{16} E_R$$

$$\Rightarrow E_{n'} = \frac{3}{16} E_R - \frac{E_R}{4} = -\frac{E_R}{16} = -\frac{E_R}{4^2} \Rightarrow n' = 4$$

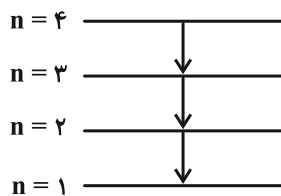
بنابراین الکترون به تراز چهارم می‌رود.

(فیزیک ۳- صفحه‌های ۱۲۵ تا ۱۲۸)

۱۷۸- گزینه «۱»

(زهرا رضائی)

با توجه به توضیحات سوال، حرکت الکترون به حالت زیر بوده است:



زیرا در این حالت است که بیشترین تعداد گسیل فوتون را خواهیم داشت.

آخرین فوتون گسیل شده مربوط به گذار الکترون از تراز $n = 2$ به $n' = 1$ می‌باشد که مربوط به طیف سری لیمان می‌شود. طبق معادله ریدبرگ مربوط

به رشته لیمان خواهیم داشت:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{1^2} - \frac{1}{n^2} \right), \quad n = 2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\lambda} = 0.011 \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{2^2} \right) = 0.011 \left(1 - \frac{1}{4} \right) = 0.011 \times \frac{3}{4} = \frac{33}{4000}$$

$$\Rightarrow \lambda = \frac{4000}{33} \text{ nm}$$

(فیزیک ۳- صفحه‌های ۱۲۱ تا ۱۲۴)

۱۷۹- گزینه «۱»

(مهمدرضا غامدی)

موارد (ب) و (ث) نادرست می‌باشند.

زیرا رنگ نور منتشر شده در لامپ‌ها برای تشکیل طیف به نوع گاز درون آن

وابسته است. همچنین کاهش انرژی و شعاع مطابق با نظریه فیزیک کلاسیک

باعث افزایش بسامد می‌شود.

(فیزیک ۳- صفحه‌های ۱۲۱ تا ۱۳۱)

۱۸۰- گزینه «۴»

(مصطفی کیانی)

در شکل (ب) اگر فوتونی با انرژی معادل $E_U - E_L$ تابیده شود، گسیل

القایی رخ می‌دهد. سایر گزینه‌ها طبق متن کتاب درسی درست‌اند.

(فیزیک ۳- صفحه‌های ۱۳۲ و ۱۳۳)

(مشابه پرسش ۱۶ آذر فصل صفحه ۱۳۵)

شیمی ۳- پیشروی سریع

۱۸۱- گزینه ۲»

(یاسر راش)

بررسی موارد:

مورد اول: نادرست؛ گیاهان علاوه بر CO_2 و H_2O ، نیازمند عناصر معدنی مانند K ، P ، N و ... برای رشد خود هستند.

مورد دوم: درست؛ این ترکیبات در خاک به یون‌های نیترژن‌دار (آمونیم و نیترات) تبدیل شده و توسط ریشه جذب می‌شوند و رشد گیاه را افزایش می‌دهند.

مورد سوم: درست؛ کودهای شیمیایی راهگشای افزایش بهره‌وری در تولید محصولات کشاورزی هستند.

مورد چهارم: نادرست؛ در دمای اتاق انرژی فعال‌سازی بسیار بالاست و حتی با جرقه یا کاتالیزگر، این واکنش نمی‌شود.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه ۱۰۳)

(برگرفته از متن کتاب)

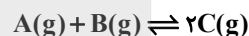
۱۸۲- گزینه ۲»

(پیمان فوازی میسر)

ثابت تعادل واکنش برابر است با:

$$K = \frac{[C]^2}{[A][B]} = \frac{1}{2 \times 2} = \frac{1}{4}$$

با تغییر اعمال شده داریم: (تعادل به سمت برگشت جابه‌جا می‌شود.)



ابتدا	۲	۲	۱+۲
تغییر	-x	-x	+2x
تعادل جدید	2-x	2-x	3-2x

با توجه به عدم تغییر ثابت تعادل داریم:

$$\frac{1}{4} = \frac{(3-2x)^2}{(2-x)^2} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{3-2x}{2-x} \Rightarrow 6-4x = 2+x \Rightarrow x = 0 / 8 \text{ mol}$$

پس مقدار A به ۲/۸ مول و مقدار C به ۱/۴ مول می‌رسد.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه ۱۰۴)

۱۸۳- گزینه ۱»

(امسان روستایی)

بررسی گزینه‌ها:

(۱) درست؛ تعادل گرماگیر بوده و با کاهش دما در جهت برگشت حرکت می‌کند و در نتیجه K کم می‌شود.

(۲) نادرست؛ با افزایش دما سرعت واکنش‌های رفت و برگشت افزایش می‌یابد.

(۳) نادرست؛ به دلیل برابر بودن تعداد مول‌های گاز در دو طرف با کاهش حجم، تعادل جابه‌جا نمی‌شود اما باعث می‌شود مواد در حجم کمتری قرار گرفته و غلظت مواد افزایش یابد.

(۴) نادرست؛ در دمای ثابت مقدار K ثابت می‌ماند.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه‌های ۱۰۵ تا ۱۰۹)

(برگرفته از با هم بیندیشیم صفحه ۱۰۸)

۱۸۴- گزینه ۴»

(میدر جلیل ناغونی)

مطابق با اصل لوشاتلیه، با کاهش دما واکنش در جهت رفت جابه‌جا می‌شود و ثابت تعادل همانند درصد مولی هیدروژن برمید (HBr) در تعادل افزایش می‌یابد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) با افزایش دما سرعت واکنش‌های رفت و برگشت زیاد می‌شود.

(۲) از آنجا که مجموع مول‌های گاز در دو سمت واکنش با هم برابر است، با تغییر حجم واکنش در جهت رفت یا برگشت پیشروی نمی‌کند و مقدار مول

مواد ثابت می‌ماند ولی چون حجم نصف شده بنابراین غلظت مولی مواد ۲ برابر می‌شود.

(۳) استفاده از کاتالیزگر در واکنش‌های تعادلی تاثیری در جابه‌جایی تعادل در جهت رفت یا برگشت ندارد.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه‌های ۱۰۵ تا ۱۰۸)

۱۸۵- گزینه ۱»

(میدر جلیل ناغونی)

موارد (الف) و (ب) درست هستند.

بررسی موارد:

(الف) از آنجا که مجموع مول‌های واکنش‌دهنده و فراورده برابر است، با کاهش حجم ظرف تعادل جابه‌جا نمی‌شود. بنابراین مقدار تمامی مواد ثابت

می‌ماند و به دلیل ثابت ماندن مقدار ماده رنگی B_2 و کاهش حجم ظرف، غلظت $B_2(g)$ زیاد می‌شود و در نهایت مخلوط پررنگ‌تر می‌شود.

(ب) اگر تمامی ۰/۲ مول A_2 مصرف شود، مول AB به میزان ۰/۴ تغییر می‌کند ولی اثر تغییر در تعادل به‌طور کامل از بین نمی‌رود و میزان تغییر

مول AB کمتر از ۰/۴ مول خواهد بود.

(پ) واکنش گرماده است و با افزایش دما (از θ به θ') ثابت تعادل کاهش می‌یابد.

(ت) با افزایش دما واکنش در جهت برگشت (مصرف AB) پیشرفت می‌کند ولی با تغییرات فشار، تعادل در جهت رفت یا برگشت جابه‌جا نمی‌شود.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه‌های ۱۰۵ تا ۱۰۹)

۱۸۶- گزینه ۱»

(نرا مسین پورمقدم)

بررسی گزینه‌ها:

(۱) درست؛ برطبق اصل لوشاتلیه اگر غلظت محصول (NO_2) زیاد شود، سیستم برای جبران اثر آن، به سمت چپ (واکنش‌دهنده‌ها) پیش می‌رود. اگر

غلظت اکسیژن (O_2) کم شود، چون یکی از واکنش‌دهنده‌ها کم شده، سیستم برای جبران آن به سمت چپ (واکنش‌دهنده‌ها) می‌رود.

(۲) نادرست؛ کاهش غلظت NO_2 تعادل را به سمت راست (فراورده) پیش می‌برد.

(۳) نادرست؛ چون واکنش گرماده است، کاهش دما تعادل را به سمت راست (فراورده) پیش می‌برد (گرما تولید می‌کند).

(۴) نادرست؛ کاهش حجم سبب جابه‌جایی تعادل به سمت تعداد مول‌های کمتر می‌شود بنابراین کاهش حجم تعادل را به سمت راست (فراورده) پیش می‌برد.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه‌های ۱۰۵ تا ۱۰۸)

(برگرفته از متن کتاب)

۱۸۷- گزینه ۴»

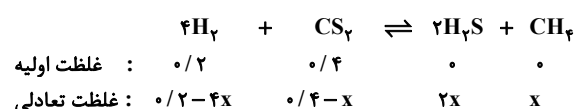
(ممد رضا پورباویر)

در ابتدا لازم است غلظت اولیه واکنش‌دهنده‌ها را به دست آوریم:

$$[\text{H}_2]_{\text{اولیه}} = \frac{50 \text{ L H}_2}{10 \text{ L}} \times \frac{1 \text{ mol H}_2}{25 \text{ L H}_2} = 0 / 2 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$[\text{CS}_2]_{\text{اولیه}} = \frac{4 \text{ mol CS}_2}{10 \text{ L}} = 0 / 4 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

حال می‌توان گفت:





$$\Rightarrow \text{جای گذاری در رابطه ثابت تعادل} \quad \frac{(\frac{0}{2})^2 (\frac{0}{1})}{(\frac{0}{V})^2} = 0.05$$

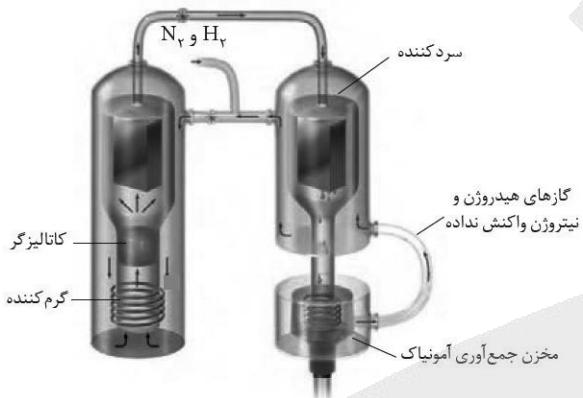
$$\Rightarrow V = 0.125 \text{ L} = 125 \text{ mL}$$

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر: صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۰۵)

(یاسر راش)

۱۹۰- گزینه «۴»

شکل تکمیل شده به صورت زیر است:



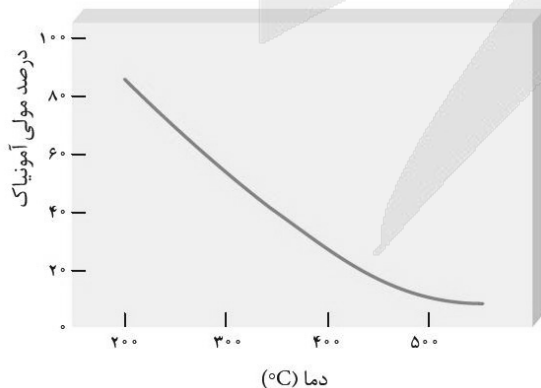
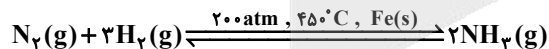
بررسی گزینه‌ها:

(۱) بخش B همان کاتالیزگر را نشان می‌دهد که برای فرایند هابر، از ورقه آهنی برای این منظور استفاده می‌شود.

(۲) دمای سرد کننده برای جداسازی آمونیاک، باید کمی پایین‌تر از نقطه جوش این ماده (کمی کمتر از -33°C) باشد، بنابراین دمای 4°C مناسب‌تر و به صرفه‌تر از 20°C است.

(۳) استفاده از تفاوت در نقاط جوش، روشی عملی برای جداسازی و خالص‌سازی آمونیاک مایع است که در پایان واکنش هابر به دست می‌آید. این روش به سادگی اجازه می‌دهد تا آمونیاک با نقطه جوش بالاتر از هیدروژن و نیتروژن باقی مانده جدا شده و محصول نهایی به دست آید.

(۴) با افزایش دمای سامانه تا 50°C ، این تعادل از نقطه بهینه خود منحرف شده و درصد مولی آمونیاک در مخلوط نهایی کاهش می‌یابد.



(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر: صفحه‌های ۱۰۸ و ۱۱۰)

از آنجا که مقدار H_2 مصرفی ۵۰٪ مقدار اولیه آن است، خواهیم داشت:

$$\text{مقدار } \text{H}_2 \text{ مصرفی} = 4x = \frac{50}{100} \times 0.2 = 0.1$$

$$\Rightarrow x = 0.025 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

به این ترتیب برای محاسبه ثابت تعادل خواهیم داشت:

$$K = \frac{[\text{H}_2\text{S}]^2 [\text{CH}_4]}{[\text{H}_2]^4 [\text{CS}_2]} = \frac{(2 \times 0.025)^2 (0.025)}{(0.2 - 4 \times 0.025)^4 (0.4 - 0.025)}$$

$$= \frac{0.0025 \times 0.025}{0.0001 \times 0.375} \approx 1/67$$

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر: صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۰۵)

(امسان روستایی)

۱۸۸- گزینه «۱»

$$\text{mol CaCO}_3 = \frac{75}{100} = 0.75$$



۰/۷۵ mol	۰	۰
-x	+x	+x
۰/۷۵ - x	+x	+x

$$\Rightarrow 0.75 - x + x + x = 1 \Rightarrow x = 0.25 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow [\text{CO}_2] = \frac{0.25 \text{ mol}}{1 \text{ L}} = 0.25 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$\Rightarrow K = [\text{CO}_2] = 0.25 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر: صفحه‌های ۱۰۳ و ۱۰۴)

(یاسر راش)

۱۸۹- گزینه «۲»

$$K = \frac{[\text{Y}]^2 [\text{Z}]}{[\text{X}]^2}$$

رابطه ثابت تعادل به صورت زیر است:

در ادامه تغییرات را به صورت زیر در نظر می‌گیریم:



مول اولیه	:	۱	۰	۰
تغییرات مقدار مول	:	-2x	+2x	+x
مول تعادلی	:	1-2x	2x	x

با توجه به این که حجم سامانه تعادلی برای همه مواد یکسان است، اگر در حالت تعادل غلظت X چهار برابر غلظت Y باشد، تعداد مول تعادلی X نیز چهار برابر تعداد مول تعادلی Y خواهد بود. بنابراین می‌توان نوشت:

$$\frac{[\text{X}]}{[\text{Y}]} = \frac{1-2x}{2x} = 4 \Rightarrow x = 0.1$$

حالا که مقدار مول تعادلی مواد را در اختیار داریم، حجم سامانه تعادلی را با استفاده از ثابت تعادل می‌توان حساب کرد:

$2\text{X}(\text{g})$	\rightleftharpoons	$2\text{Y}(\text{g})$	$+$	$\text{Z}(\text{g})$
مقدار مولی تعادلی	:	1-2x	2x	x
		↓	↓	↓
		1-2(0.1)	2(0.1)	0.1
		↓	↓	↓
		0.8	0.2	0.1



دفترچه پاسخ ✓

عمومی دوازدهم

رشته ریاضی، تجربی، هنر، منحصراً زبان

۸ اسفند ماه ۱۴۰۴

طراحان

حسن افتاده، حسین پرهیزگار، سعید جعفری، نازنین فاطمه حاجیلو، ابوالفضل عباسزاده، محسن فدایی	فارسی
آرمین ساعدپناه، محمدرضا سوری، مهران سعیدنیا، امیرعلی فردین، حمیدرضا قائدامینی	عربی، زبان قرآن
محسن بیاتی، فردین سماقی، مرتضی محسنی کبیر، میثم هاشمی	دین و زندگی
محمد مهدی دغلاوی، آرمین رحمانی، محمد سلیمانی	زبان انگلیسی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	مسئول درس و گزینشگر	گروه ویراستاری	رتبه برتر	مسئول درس‌های مستندسازی
فارسی	نازنین فاطمه حاجیلو	محسن اصغری، الهام محمدی، مرتضی منشاری	—	فریبا رئوفی، زهرا شمسایی، محسن جمشیدی، مانده ملکی
عربی، زبان قرآن	آرمین ساعدپناه	درویشعلی ابراهیمی	—	لیلا ایزدی، مهدی یعقوبیان، محمد قزی
دین و زندگی	بهنام رسولی	امیرمهدی افشار	—	سجاد حقیقی پور، سیدمجتبی رضا زاده، علی ابراهیمی آرانی
اقلیت‌های مذهبی	دبورا حاتاتبیان	معصومه شاعری	—	—
زبان انگلیسی	رحمت‌اله استیری	طاها اصغریان، فاطمه نقدی	مانده سالاری	سپهر اشتیاقی، علیرضا رمضانزاده

کلاس‌های آنلاین عمومی

نام درس	نام دبیر	روز	ساعت
زبان انگلیسی ۳	محدثه مرآتی	سه شنبه	۱۷-۱۸
عربی، زبان قرآن ۳	ابوطالب درانی	سه شنبه	۱۹-۲۰
دین و زندگی ۳	سجاد حقیقی پور	چهارشنبه	۱۹-۲۰
فارسی ۳	نازنین حاجیلو	پنج‌شنبه	۱۹-۲۰

مدیر گروه	الهام محمدی
مسئول دفترچه	معصومه شاعری
مستندسازی و مطابقت با مصوبات	مدیر: محیا اصغری، مسئول دفترچه: فریبا رئوفی
حروف‌نگار و صفحه‌آرا	زهرا تاجیک
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب - بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۲۱-۶۴۶۳



فارسی ۳

۲۱۱- گزینه ۱

(حسین پرهیزگار - سبزواری)

در این مصراع «منتشا» به معنی نوعی عصا برگرفته از شهری به نام «منتشا» است.
(واژه، واژه‌نامه)

۲۱۲- گزینه ۳

(نازنین فاطمه هایدلومفازاره)

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: «سورت» شکل درست املایی است. (صورت: چهره/ سورت: تندی و تیزی)

گزینه «۲»: «هول» شکل درست املایی است. (حول: اطراف، پیرامون، درباره / هول: ترسناک)

گزینه «۴»: «ضجه» شکل درست املایی است.

(املا، صفحه‌های ۱۱۱، ۱۱۲، ۱۱۵ و ۱۱۶)

۲۱۳- گزینه ۴

(مفسن فدرایی - شیراز)

واژه‌های «شغاد» و «خوار» هر دو نقش دستوری «مسند» دارند:

او (نهاد) شغاد (مسند) بود (فعل اسنادی) / دوزخ (نهاد) از این سخن (حرف اضافه و متمم) برای من (حرف اضافه و متمم) خوار (مسند) گشت (فعل اسنادی)

(دستور، صفحه ۱۱۵)

۲۱۴- گزینه ۳

(حسن افتخاره - تبریز)

در عبارت (ب) سه گروه اسمی به شرح زیر وجود دارد:

قصه / او / شغاد نابردار

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: در عبارت (ج) یک نوع وابسته پیشین در واژه (هر: از نوع صفت مبهم) وجود دارد و ضمیر متصل «ش» وابسته پسین از نوع مضاف‌الیه است.

گزینه «۲»: در عبارت (الف) دو وابسته پسین (ش در یالش و رویش) وجود دارد و در عبارت (ب) واژه «شغاد» هسته گروه اسمی است.

گزینه «۴»: توضیح این گزینه در صورت سؤال، کاملاً صحیح است.

نکته مهم درسی:

در شمارش تعداد گروه اسمی، حروف (مانند «از، به، که، اگر و...»، افعال و قیدها (مانند «بی‌شک») را به حساب نمی‌آوریم.

(دستور، صفحه‌های ۱۱۴ تا ۱۱۶)

۲۱۵- گزینه ۲

(نازنین فاطمه هایدلومفازاره)

نخستین نقش تبعی: تهمتن، گرد سجستانی: بدل

جمله پایانی: اکنون تهمتن با رخس غیرتمند، در بن این چاه آبش زهر شمشیر و سنان، گم بود. / نوع «و» موجود در آن: عطف (زیرا میان دو کلمه آمده است: شمشیر و سنان)

(دستور، صفحه ۱۱۴)

۲۱۶- گزینه ۴

(ابوالفضل عباس‌زاده)

به ترتیب، آرایه‌های مذکور در گزینه «۴» صحیح است.

بررسی آرایه‌های هر سروده:

«الف»: «دم» مجاز از «سخن»/ دم (مشبه)، چونان (ادات تشبیه)، حدیث آشنایش (مشبه به)، گرم بودن (وجه شبه)/ گرم بودن سخن، «حس آمیزی» دارد/ گرم بودن سخن، کنایه از «دلنشین و گیرا بودن سخن» است./ چوب‌دستی (مشبه)، مانند (ادات تشبیه)، منتشا (مشبه به)/ «دست» مجاز از «کف دست» است/ «مست شور بودن» کنایه از «شوق و شور زیاد»/ «گرم گفتن بودن» کنایه از «با گیرایی و شوق سخن گفتن» است. / «دست» و «مست» جناس دارد.

«ب»: «نابردار بودن» ایهام دارد: (۱) برادر ناتنی (۲) کنایه از «تاج‌انمرد بودن» است./ «تیر» و «زیر» جناس دارد.

«ج»: «بی شرم بودن چاه»، تشخیص دارد./ بی شرمی چاه (مشبه)، چونان (ادات تشبیه)، ژرفی و پهنای چاه (مشبه به)، وجه شبه (ناباور بودن) / «شمشیر و سنان» مجاز از «سلاح‌های جنگی» است/ «زهر شمشیر» و «زهر سنان» تشبیه است (شمشیر به زهر و سنان به زهر مانند شده است)./ «زهر (شمشیر و سنان)» (مشبه)، آب چاه (مشبه به).

(آرایه، صفحه‌های ۱۱۱، ۱۱۴ و ۱۱۶)

۲۱۷- گزینه ۳

(نازنین فاطمه هایدلومفازاره)

لحنی که برای خوانش گزینه «۳» به کار می‌گیریم، حماسی و کوبنده است.

اما در گزینه‌های دیگر، مناسب است، لحن اندرزی و نصیحت‌کننده به کار می‌گیریم.

(قلمرو ادبی، صفحه ۱۱۷)

۲۱۸- گزینه ۲

(حسین پرهیزگار - سبزواری)

هر مصراع این گزینه از بیتهی جداگانه است:

- تو بوم کردی از نابودی و با مهر پروردی / فدای نام تو بود و نبودم، میهن ای میهن!

- به هر مجلس به هر زندان به هر شادی به هر ماتم / به هر حالت که بودم با تو بوم؛ میهن ای میهن!

(شعر مفقو، صفحه ۱۱۹)

۲۱۹- گزینه ۱

(سعید جعفری)

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۲»: اشاره به دورویی و خیانت دارد.

گزینه «۳»: اشاره به مرگ رستم دارد.

گزینه «۴»: اشاره به گیرایی سخن نقال دارد.

(مفقو، صفحه‌های ۱۱۱، ۱۱۴ و ۱۱۶)

۲۲۰- گزینه ۲

(سعید جعفری)

گزینه «۲» به «شادی همیشگی رستم» اشاره دارد.

(مفقو، صفحه‌های ۱۱۲ و ۱۱۴)



عربی، زبان قرآن ۳

۲۲۱- گزینه «۳»

(مهمبرضا سوری)

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: «ضائر»: زبان‌رساننده

گزینه «۲»: «نقی»: پاک و خالص

گزینه «۴»: «سَمَح» (در این جا): اجازه دادند

(واژگان، برگرفته از امتحانات مدراس، صفحه ۵۱)

۲۲۲- گزینه «۴»

(همیدرضا قانرازمینی)

«الحلّ»: [مردم] بیرون احرام

(واژگان، برگرفته از امتحانات مدراس، صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)

۲۲۳- گزینه «۲»

(امیرعلی فرزدین)

«هذا ابني»: این پسر من می‌باشد (رد سایر گزینه‌ها) / «یکاد یكونُ شاعراً عظيماً»:

نزدیک است شاعر بزرگی شود (رد سایر گزینه‌ها)

(ترجمه، برگرفته از امتحانات مدراس، صفحه ۵۰)

۲۲۴- گزینه «۱»

(آرمین ساعدرپناه)

«هذا الّذي»: این کسی است که «همان» در گزینه ۳ اضافی است؛ رد گزینه ۳ /

«تعرف البطحاء وطائفة»: سرزمین مکه جای پایش را می‌شناسد (رد گزینه‌های ۳ و

۴) / «البيت يعرفه والحرم»: خانه [خدا] و مردم محدوده احرام او را می‌شناسند (رد

سایر گزینه‌ها)

(ترجمه، برگرفته از سؤال چهارم امتحان نهایی شهریور ۱۴۰۰، صفحه ۳۹)

۲۲۵- گزینه «۴»

(آرمین ساعدرپناه)

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: «لم یجهر»: آشکار نکرد / «ضاعت»: تباه شد

گزینه «۲»: «لن یترک ... البطحاء»: دشت مکه را ترک نخواهد کرد / «الأمان»:

امنیت

گزینه «۳»: «استلمة إستلاماً سهلاً»: آن را به آسانی مسح کرد

(ترجمه، برگرفته از امتحانات مدراس، صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)

۲۲۶- گزینه «۳»

(مهران سعیرنیا)

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: «منطقة بالکویت»: منطقه‌ای در کویت

گزینه «۲»: «کان یستر»: پنهان می‌کرد

گزینه «۴»: «کان ... عاش»: زندگی کرده بود

(ترجمه، برگرفته از امتحانات مدراس، صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)

۲۲۷- گزینه «۴»

(آرمین ساعدرپناه)

ترجمه صحیح عبارت: «هشام ترسید که امام شناخته شود و مردم به او علاقه‌مند

شوند.»

(ترجمه، برگرفته از سؤال اول امتحان نهایی شهریور ۱۳۹۸، صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)

۲۲۸- گزینه «۳»

(امیرعلی فرزدین)

«تَقَرَّبوا»: نزدیک شوید

(ترجمه فعل، برگرفته از امتحانات مدراس، ترکیبی)

۲۲۹- گزینه «۱»

(آرمین ساعدرپناه)

«مَحَبَّاتاً» به معنای «دوست‌دار» اسم فاعل است.

(قواعد، برگرفته از امتحانات مدراس، صفحه ۵۰)

۲۳۰- گزینه «۲»

(آرمین ساعدرپناه)

«الفرزدق» در این عبارت نقش مبتدا را دارد. دقت کنید که در جملات بدون فعل،

فاعلی نیز وجود ندارد.

(محل اعرابی، برگرفته از امتحانات مدراس، صفحه ۵۰)



دین و زندگی ۳

۲۳۱- گزینه ۱

(مرتضی مفسنی کبیر)

اولین معیار تمدن اسلامی یکتاپرستی (توحید) است و رسول خدا (ص) این رسالت بزرگ را از شهر مکه آغاز کرد و سپس با هجرت به مدینه و با کمک یاران خود پایه‌های یک جامعه دینی را بنا نهاد و حرکت به سوی تمدن اسلامی را آغاز کرد.

(درس ۹، صفحه ۱۰۹)

۲۳۲- گزینه ۲

(مرتضی مفسنی کبیر)

قرآن کریم، در آنجا که اوصاف نمازگزاران را بیان می‌کند، یکی از ویژگی‌های آن‌ها را این‌گونه ذکر می‌کند که آنان در مال خود برای محرومان و فقیران نیز حق معینی قرار داده‌اند و آن‌جا که می‌خواهد تکذیب‌کنندگان دین را معرفی کند، از کسانی یاد می‌کند که یتیمان را از خود می‌رانند و دیگران را به اطعام مساکین تشویق نمی‌نمایند.

(درس ۹، صفحه ۱۱۰)

۲۳۳- گزینه ۲

(مرتضی مفسنی کبیر)

از جمله برنامه‌های یک انسان مسلمان، مشارکت و تلاش او در ایجاد جامعه‌ای بر اساس معیارهای اسلامی است. از این‌رو، لازم است ابتدا معیارهای یک تمدن اسلامی را که قرآن کریم و پیشوایان به ما معرفی کرده‌اند، بشناسیم و برای تحقق هرچه بهتر آن‌ها در جامعه، برنامه‌ریزی و تلاش کنیم.

(درس ۹، صفحه ۱۰۸)

۲۳۴- گزینه ۲

(فرزین سماقی)

یکی از اهداف مهم پیامبر اکرم (ص)، ارتقای جایگاه خانواده، به عنوان کانون رشد و تربیت انسان‌ها و مانع اصلی فساد و تباهی بود. احیای منزلت زن و ارزش‌های اصیل او از عناصر اصلی این برنامه به شمار می‌رفت.

(درس ۹، صفحه ۱۱۲)

۲۳۵- گزینه ۳

(فرزین سماقی)

مفاد آیه مبارکه «لقد ارسلنا رسلنا بالبینات و انزلنا معهم الكتاب و المیزان ليقوم الناس بالقسط» اشاره به برقراری جامعه عدالت‌محور به عنوان یکی از معیارهای تمدن اسلامی دارد و پیامبر (ص) با گفتار و رفتار خویش توانست انقلاب عظیمی در جایگاه خانواده و زن پدید آورد.

(درس ۹، صفحه‌های ۱۱۲ و ۱۱۱)

۲۳۶- گزینه ۱

(مفسن بیاتی)

پیامبر (ص) همواره دست دخترش را می‌بوسید و درباره او می‌فرمود: «فاطمه پاره‌ای از تن من است، هرکه او را بیازارد مرا آزرده است و هرکس مرا بیازارد خدا را آزرده است.» مفهوم این حدیث با آیه شریفه «و من آیاته ان خلق لکم من انفسکم ازواجاً لتسکنوا الیها و جعل بینکم مودة و رحمة ان فی ذلک لآیات لقوم یتفکرون» به این دلیل که بر پنجمین معیار تمدن اسلامی یعنی اصالت خانواده و احیای منزلت زن اشاره دارد، هم‌مفهوم می‌باشند.

(درس ۹، صفحه ۱۱۳)

۲۳۷- گزینه ۲

(مفسن بیاتی)

- رسول خدا (ص) دعوت خود را در جامعه‌ای جاهلی آغاز کرد که نشانه‌هایی بسیار اندک از تعقل و تفکر و دانایی داشت.
- اولین آیاتی که بر رسول خدا (ص) نازل شد و آغازگر رسالت وی بود، درباره دانش و آموختن بود.

(درس ۹، صفحه ۱۱۴)

۲۳۸- گزینه ۲

(میثم هاشمی)

ملاصدرا، فیلسوف بزرگ اسلامی درباره هماهنگی میان دین و تفکر عقلی می‌گوید: «نمی‌شود قوانین این دین بر حق الهی، که چون خورشید روشن و درخشان است، با دانش استدلالی یقینی مخالفت داشته باشد. نیست باد آن فلسفه‌ای که قوانینش با کتاب قرآن و سنت رسول خدا (ص) و ائمه اطهار (ع) مطابقت نداشته باشد»

(درس ۹، صفحه ۱۱۶)

۲۳۹- گزینه ۳

(میثم هاشمی)

نیاکان ما در جهان اسلام توانستند علوم و دانش بشری را از چند شاخه محدود به پانصد شاخه برسانند و این، به معنای توسعه زیاد علم بود که ناچار بودند آن را شاخه‌شاخه کنند و به‌صورت تخصصی بدان بپردازند. شوق و علاقه آنان به دانش سبب شد که در بسیاری از شهرها در کنار هر مسجد، مدرسه‌ای نیز بنا کنند.

(درس ۹، صفحه ۱۱۶)

۲۴۰- گزینه ۱

(میثم هاشمی)

پیامبر (ص) روزی به یارانش فرمود: «کسی که دوست می‌دارد نگاهش به چهره کسانی افتد که از آتش دوزخ در امان‌اند، به جویندگان علم بنگرد.»

(درس ۹، صفحه ۱۱۵)

زبان انگلیسی ۳

۲۴۱- گزینه ۲

(آزمین رممانی)

ترجمه جمله: «ما باید از منابع طبیعی مان مثل آب پاک و درختان برای آینده فرزندانمان محافظت کنیم.»

- (۱) کارخانه
(۲) منابع (در حالت جمع)
(۳) لامپ
(۴) شخصیت

(واژگان، صفحه ۷۷)

۲۴۲- گزینه ۴

(آزمین رممانی)

ترجمه جمله: «آن بازی کامپیوتری جدید می تواند تمام وقت آزادت را بگیرد اگر مراقب نباشی که چه مقدار آن را بازی می کنی.»

- (۱) تبدیل کردن
(۲) تولید کردن
(۳) جایگزین کردن
(۴) مصرف کردن

(واژگان، صفحه ۷۸)

۲۴۳- گزینه ۱

(آزمین رممانی)

ترجمه جمله: «برای علاقه مند ماندن به ورزش، انواع مختلفی از فعالیت ها هم چون پیاده روی، شنا کردن یا دوچرخه سواری را امتحان کنید.»

- (۱) تنوع، انواع
(۲) گیاه
(۳) نشانه، علامت
(۴) طرح

(واژگان، صفحه ۷۹)

۲۴۴- گزینه ۱

(مهمر سلیمانی)

ترجمه جمله: «فرودگاه ها و مدارس معمولاً به دلیل کاهش شدید دید و آلودگی خطرناک هوا مجبور به تعطیلی می شوند.»

- (۱) آلوده
(۲) تجدیدپذیر
(۳) مکانیکی
(۴) طبیعی

نکته مهم درسی:

به ترکیب "polluted air" به معنی هوای آلوده دقت کنید.

(واژگان، صفحه ۸۰)

۲۴۵- گزینه ۳

(مهمر سلیمانی)

ترجمه جمله: «با افزایش جمعیت تقاضا برای آب شیرین بیشتر می شود در نتیجه دولت ها باید راه های بهتری برای مدیریت این منبع محدود پیدا کنند.»

- (۱) بالکن
(۲) سوخت
(۳) تقاضا
(۴) جزر و مد

(واژگان، صفحه ۷۹)

۲۴۶- گزینه ۲

(مهمر سلیمانی)

ترجمه جمله: «بعد از غذا خوردن، بدن به آرامی مواد مغذی مهم را از غذا جذب می کند که این کار به سالم ماندن ما و داشتن انرژی کافی کمک می کند.»

- (۱) مخفف کردن / کوتاه کردن
(۲) جذب کردن
(۳) به یاد آوردن
(۴) کامل کردن

(واژگان، صفحه ۷۹)

ترجمه متن درک مطلب:

آشپزی در خانه در سال های اخیر به طور فزاینده ای محبوب شده است. بسیاری از مردم در حال کشف این موضوع هستند که تهیه وعده های غذایی توسط خودشان مزایای متعددی دارد. این عادت ساده ای است که می تواند در مقایسه با غذا خوردن منظم در رستوران ها، هم سلامت و هم وضعیت مالی را بهبود بخشد.

یک مزیت عمده این است که آشپزی خانگی معمولاً سالم تر است. وقتی برای خودتان آشپزی می کنید، مواد اولیه را کنترل می کنید و می توانید از نمک، شکر و چربی های ناسالم بیش از حد اجتناب کنید. این کار، حفظ یک رژیم غذایی متعادل و مدیریت مؤثر وزن را آسان تر می کند.

مزیت دیگر صرفه جویی در پول است. وعده های غذایی رستوران اغلب بسیار گران تر از غذاهای خانگی تمام می شوند. با آشپزی در خانه، خانواده ها می توانند هزینه های ماهانه غذای خود را به طور قابل توجهی کاهش دهند. پول پس انداز شده می تواند برای سایر نیازها یا فعالیت های مهم استفاده شود.

آشپزی در خانه همچنین خانواده ها را به هم نزدیک می کند. تهیه غذا به صورت گروهی فرصت هایی برای گفت و گو و ایجاد پیوند عاطفی فراهم می کند. کودکان می توانند در حالی که به والدین خود در آشپزخانه کمک می کنند، مهارت های ارزشمندی بیاموزند. این لحظات اغلب به خاطراتی شیرین تبدیل می شوند.

علاوه بر این، آشپزی خانگی به شما اجازه می دهد سبک های مختلف آشپزی را کاوش کنید و دستور پخت های جدید را آزمایش کنید. شما می توانید غذاها را مطابق با سلیقه خود تغییر دهید. این فرآیند خلاقانه می تواند هم آرامش بخش و هم رضایت بخش باشد.

۲۴۷- گزینه ۳

(مهمر مهری رغلاوی)

ترجمه جمله: «ایده اصلی این متن چیست؟»

«آشپزی در خانه مزایای زیادی برای سلامتی، امور مالی و زندگی خانوادگی دارد.»

(درک مطلب)

۲۴۸- گزینه ۲

(مهمر مهری رغلاوی)

ترجمه جمله: «کلمه "numerous" (متعدد) در پاراگراف «۱» به بهترین شکل با کدام کلمه می توان جایگزین شود؟»

«many» (بسیار / زیاد)

(درک مطلب)

۲۴۹- گزینه ۴

(مهمر مهری رغلاوی)

ترجمه جمله: «کدام یک از موارد زیر در متن ذکر نشده بود؟»

«آشپزی خانگی زمان کمتری نسبت به غذا خوردن بیرون می برد.»

(درک مطلب)

۲۵۰- گزینه ۳

(مهمر مهری رغلاوی)

ترجمه جمله: «بر اساس متن، کدام یک از جملات زیر صحیح است؟»

«آشپزی خانگی به شما اجازه می دهد آنچه می خورید را کنترل کنید.»

(درک مطلب)



دفترچه پاسخ فرهنگیان

(تعلیم و تربیت اسلامی و هوش و استعداد معلّمی)

۸ اسفند ماه ۱۴۰۴

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم چی (وقف امام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب - بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۲۱-۶۴۶۳

تعلیم و تربیت اسلامی

۲۵۱- گزینه «۱»

(میثم هاشمی)

اگر شرط غصبی نبودن لباس و مکان نمازگزار را رعایت کنیم، کمتر به کسب درآمد از راه حرام متمایل خواهیم شد.

(سایر رشته‌ها: دین و زندگی، ا، یاری از نماز و روزه، صفحه ۱۲۵)

(رشته انسانی: دین و زندگی، ا، یاری از نماز و روزه، صفحه ۱۳۱)

۲۵۲- گزینه «۱»

(میثم هاشمی)

توجه به حضور خدا در زندگی و نظارت او بر اعمال، موجب می‌شود تا انسان دست به هر کاری نزند و از گناهان دوری کند. خداوند در قرآن کریم می‌فرماید: «وَأَقِمِ الصَّلَاةَ وَ نَمَازٍ بِرِ بَا دَارِ»، «إِنَّ الصَّلَاةَ تَنْهَى عَنِ الْفَحْشَاءِ وَ الْمُنْكَرِ؛ که نماز از کار زشت و ناپسند بازمی‌دارد»، «وَ لَذِكْرُ اللَّهِ أَكْبَرُ وَ اللَّهُ يَعْلَمُ مَا تَصْنَعُونَ» و قطعاً یاد خدا بالاتر است و خدا می‌داند چه می‌کنید.»

(سایر رشته‌ها: دین و زندگی، ا، یاری از نماز و روزه، صفحه ۱۲۴)

(رشته انسانی: دین و زندگی، ا، یاری از نماز و روزه، صفحه ۱۳۰)

۲۵۳- گزینه «۳»

(یاسین ساعری)

پیامبر اکرم (ص) می‌فرماید: «برای دختران و پسران خود امکان ازدواج فراهم کنید تا خداوند اخلاقشان را نیکو کند و در رزق و روزی آن‌ها توسعه دهد و عفاف و غیرت آن‌ها را زیاد گرداند.»

(سایر رشته‌ها: دین و زندگی، ۲، پیوند مقدس، صفحه ۱۵۶)

(رشته انسانی: دین و زندگی، ۲، پیوند مقدس، صفحه ۲۲۶)

۲۵۴- گزینه «۲»

(مرتضی ممسنی کبیر)

نباید فاصله میان بلوغ جنسی و عقلی با زمان ازدواج زیاد شود و تشکیل خانواده به تأخیر افتد. به همین علت، پیشوایان ما همواره دختران و پسران را به ازدواج تشویق و ترغیب کرده‌اند و از پدران و مادران خواسته‌اند که با کنار گذاشتن رسوم غلط شرایط لازم را برای آنان فراهم کنند و با توجه به حدیث شریف امام علی (ع): «حُبُّ الشَّيْءِ يَمْعَى وَ يُصَمِّ عِلَاقَةً شَدِيدَةً بِه چیزى، آدم را کور و کر می‌کند» از این‌رو، پیشوایان دین از ما خواسته‌اند که در مورد همسر آینده با پدر و مادر خود مشورت کنیم تا به انتخابی درست برسیم.

(سایر رشته‌ها: دین و زندگی، ۲، پیوند مقدس، صفحه‌های ۱۵۳ تا ۱۵۶)

(رشته انسانی: دین و زندگی، ۲، پیوند مقدس، صفحه‌های ۲۲۳ و ۲۲۵)

۲۵۵- گزینه «۱»

(مرتضی ممسنی کبیر)

قرآن کریم به پیامبر (ص) می‌فرماید: «وَ قُلْ رَبِّ زِدْنِي عِلْمًا: بگو: پروردگارا! علم مرا زیاد کن.» و نمی‌فرماید: «رَبِّ زِدْ عِلْمِي». در جمله «زدنی علما» توسعه روح نهفته شده؛ یعنی زیاد شدن خود من از طریق تحصیل. نه تنها علم، بلکه هر نعمتی نیازی به ظرفیت دارد؛ چرا که اگر آن نعمت را بدون ظرفیت لازم به ما بدهند، اسباب دردسر می‌شود. مثلاً اگر کسی به پول زیادی برسد، درحالی که ظرفیت آن را ندارد، از پول خود مغرور می‌شود؛ به‌گونه‌ای که امام صادق (ع) به داود رقی فرمودند: «ای داود! گر دست خود را تا مرفق، در دهان افعی (اژدها) بگذاری، بهتر از حاجت خواستن از نداری است که دارنده شده است.» عبارتی قرآنی و سخن امام صادق (ع) هر دو به صفت «باظرفیت بودن» معلم اشاره می‌کند.

(همه رشته‌ها: معارف معلمی، صفات معلم، صفحه ۶۴)

۲۵۶- گزینه «۲»

(مرتضی ممسنی کبیر)

داشتن عزم در سه آیه از قرآن کریم، کلید موفقیت معرفی شده است و در هر سه آیه، صبر، نشانه عزم دانسته شده است.

(همه رشته‌ها: معارف معلمی، صفات معلم، صفحه ۵۲)

۲۵۷- گزینه «۴»

(مرتضی ممسنی کبیر)

امام باقر (ع) فرمودند: «کسی که از عدالت سخن بگوید ولی عادل نباشد، سخت‌ترین حسرت را در قیامت خواهد داشت.» از حضرت عیسی (ع) نیز روایت شده است: «کسی که نزد مردم به علم معروف است، ولی به عمل معروف نیست، شقی‌ترین مردم است.»

(همه رشته‌ها: معارف معلمی، صفات معلم، صفحه ۵۲)

۲۵۸- گزینه «۲»

(مرتضی ممسنی کبیر)

ترجمه آیه: «مشرکین در آینده از سوآلاتی خواهند داشت که تو باید آماده جواب باشی»، این آیه بیان می‌کند که استاد و مربی باید آماده پاسخ‌گویی به سوالات باشد.

(همه رشته‌ها: معارف معلمی، صفات معلم، صفحه‌های ۵۷ و ۵۸)

۲۵۹- گزینه «۲»

(مرتضی ممسنی کبیر)

پیامبر اکرم (ص) اسوه اخلاق بودند؛ تا جایی که خداوند متعال در میان صفات و ویژگی‌های آن حضرت، بر خلق ایشان تأکید کرده و آن را عظیم خوانده است: «وَ أَنْتَ لَعَلَى خَلْقٍ عَظِيمٍ».

وقتی عده‌ای از شاگردان علامه طباطبایی (ره) از ایشان درخواست برگزاری کلاس اخلاق کردند، ایشان فرمودند: «اخلاق علم نیست؛ عمل است.»

* قرآن درباره خلق پیامبر (ص): «وَ أَنْتَ لَعَلَى خَلْقٍ عَظِيمٍ: وَ حَقًّا تُوْبِرُ اخلاق بزرگی استواری.»

* عایشه درباره اخلاق پیامبر: «كَانَ خَلْقَهُ الْقُرْآنُ: اخلاق پیامبر (ص)، تجسم قرآن است.»

(همه رشته‌ها: معارف معلمی، صفات معلم، صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

۲۶۰- گزینه «۱»

(یاسین ساعری)

امام سجاد (ع) در سحرهای ماه رمضان و در دعای ابوحمزه ثمالی از بی‌نشاطی در عبادت گلایه کرده است.

در همین راستا امام صادق (ع) می‌فرماید: «اللَّهُمَّ إِنِّي أَعُوذُ بِكَ مِنَ الْكَسَلِ: پروردگارا از تنبلی (کسالت) به تو پناه می‌برم.»

(همه رشته‌ها: معارف معلمی، صفات معلم، صفحه ۷۲)

۲۶۱- گزینه «۱»

(یاسین ساعری)

خداوند در قرآن در آیه ۹۰ سوره مائده می‌فرماید: «ای مردمی که ایمان آورده‌اید، به‌راستی شراب و قمار و بت‌پرستی و تیرک‌های بخت‌آزمایی، پلید و از کارهای شیطانی است پس از آن‌ها دوری کنید تا رستگار شوید.»

(سایر رشته‌ها: دین و زندگی، ا، یاری از نماز و روزه، صفحه ۱۲۷)

(رشته انسانی: دین و زندگی، ا، یاری از نماز و روزه، صفحه ۱۳۳)

۲۶۲- گزینه «۴»

(میثم هاشمی)

اگر نماز، ما را از گناه و زشتی باز ندارد، معلوم می‌شود که عیب و نقصی در نماز خواندن ما هست. باید جست و جو کنیم تا آن عیب را بیابیم و برطرف کنیم.

(سایر رشته‌ها: دین و زندگی، ا، یاری از نماز و روزه، صفحه ۱۲۵)

(رشته انسانی: دین و زندگی، ا، یاری از نماز و روزه، صفحه ۱۳۱)



۲۶۳- گزینه ۲»

(مفسر رضایی بقا)

کفاره جمع زمانی بر روزه‌دار واجب می‌شود که با چیز حرامی روزه‌اش را باطل کند. یکی از کارهای حرامی که روزه را باطل می‌کند، دروغ‌بستن بر خدا و پیامبر (ص) است.

(سایر رشته‌ها: دین و زندگی، یاری از نماز و روزه، صفحه ۱۳۰)

(رشته انسانی: دین و زندگی، یاری از نماز و روزه، صفحه ۱۳۷)

۲۶۴- گزینه ۱»

(یاسین ساعری)

اگرچه تمامی احکام و دستورات خداوند در جهت مصلحت ما است؛ اما انسان دوست دارد حکمت و علت احکام الهی را بداند و با معرفت بیشتر دستورات الهی را انجام دهد. از این رو، خدای متعال برخی از فایده‌های مهم‌ترین احکام خود را از طریق آیات قرآن کریم و سخنان معصومان به اطلاع ما رسانده است.

(سایر رشته‌ها: دین و زندگی، یاری از نماز و روزه، صفحه ۱۲۲)

(رشته انسانی: دین و زندگی، یاری از نماز و روزه، صفحه ۱۲۸)

۲۶۵- گزینه ۳»

(مفسر رضایی بقا)

یکی از شرایطی که مسافر باید نمازش را شکسته بخواند و روزه نگیرد، این است که سفر او کمتر از ده روز باشد. چون در شهر الف، یک هفته می‌ماند و کمتر از ده روز است، پس نمازش شکسته است و نباید روزه بگیرد؛ اما چون در شهر (ب) دو هفته می‌ماند و بیش از ده روز است، پس باید نمازش را کامل بخواند و روزه‌اش را بگیرد.

(سایر رشته‌ها: دین و زندگی، یاری از نماز و روزه، صفحه ۱۳۱)

(رشته انسانی: دین و زندگی، یاری از نماز و روزه، صفحه ۱۳۷)

۲۶۶- گزینه ۴»

(یاسین ساعری)

رسول خدا (ص) می‌فرماید: «در اسلام هیچ بنایی نزد خدا محبوب‌تر از ازدواج نیست.» و از نظر قرآن کریم، مهم‌ترین معیار همسر شایسته، بالیمان بودن است. هر قدر ایمان یک فرد قوی‌تر باشد، شایستگی او برای همسری بیش‌تر است.

(سایر رشته‌ها: دین و زندگی، پیوند مقدس، صفحه‌های ۱۴۸ و ۱۵۴)

(رشته انسانی: دین و زندگی، پیوند مقدس، صفحه‌های ۲۲۲ و ۲۲۴)

۲۶۷- گزینه ۲»

(فردین سماقی)

شایسته است محیط خانواده، محیط هم‌دلی، اعتماد به بزرگ‌ترها، شنیدن نظرات یکدیگر و محیط محبت و خیرخواهی باشد تا بهترین تصمیم‌ها گرفته شود و کمتر به حسرت و پشیمانی منجر شود.

(سایر رشته‌ها: دین و زندگی، پیوند مقدس، صفحه ۱۵۴)

(رشته انسانی: دین و زندگی، پیوند مقدس، صفحه ۲۲۳)

۲۶۸- گزینه ۳»

(مفسر رضایی بقا)

انسان با رسیدن به سن بلوغ و دوره جوانی وارد مرحله مسئولیت‌پذیری می‌شود و این شایستگی را به‌دست می‌آورد که مخاطب خداوند قرار گیرد. لازمه آرامش در خانواده، دوستی و مهربانی و مودت و رحمت است که در عبارت قرآنی «لتسکنوا الیها و جعل بینکم مودة و رحمة» به آن اشاره شده است.

(سایر رشته‌ها: دین و زندگی، پیوند مقدس، صفحه‌های ۱۴۹ و ۱۵۱)

۲۶۹- گزینه ۲»

(مفسر رضایی بقا)

تفاوت‌های میان زن و مرد به جهت وظایف مختلفی است که خالق حکیم برعهده هر یک از زن و شوهر نهاده است تا هر کدام از آن‌ها بتوانند در زندگی مشترک و خانوادگی نقش‌های خاصی را برعهده بگیرند و یک خانواده متعادل را پدید آورند. به‌طور مثال توانمندی عاطفی بالای زنان و قدرت جسمی بیشتر مردان برای آن است که زن با محبت مادری، فرزندان را رشد دهد و مرد با کار کردن، نان‌آور خانواده باشد.

(سایر رشته‌ها: دین و زندگی، پیوند مقدس، صفحه ۱۵۱)

۲۷۰- گزینه ۲»

(عباس سیرشستر)

در آیه شریفه «وَمِنْ آيَاتِهِ أَنْ خَلَقَ لَكُمْ...» عبارت «أَنَّ فِي ذَلِكَ لآيَاتٍ لِقَوْمٍ يَعْتَقِرُونَ» حتماً در آن برای کسانی که می‌اندیشند نشانه‌هایی است» را می‌خوانیم.

قرآن کریم از دختران و پسران می‌خواهد که قبل از ازدواج حتماً عفاف پیشه کنند تا خداوند به بهترین صورت زندگی آنان را سامان دهد.

(سایر رشته‌ها: دین و زندگی، پیوند مقدس، صفحه ۱۴۹)

پاسخ سوالات ویژه انسانی

۲۶۸- گزینه ۳»

(یاسین ساعری)

دین اسلام به همه نیازها و خواسته‌های انسان چه نیازهای فطری اخلاقی و معنوی و چه نیازهای مختلف غریزی و جسمی توجه کرده است و با واقع‌بینی کامل برای شرایط گوناگون راه‌حل‌هایی حکیمانه ارائه داده است تا نه فرد گرفتار هیجانات و طغیان‌های غیراخلاقی شود و نه جامعه دچار بحران‌های اجتماعی.

(رشته انسانی: دین و زندگی، پیوند مقدس، صفحه ۲۲۶)

۲۶۹- گزینه ۲»

(میثم هاشمی)

پس از تعیین هدف ازدواج، انتخاب همسر مناسب مطرح می‌شود، طبق مقررات اسلامی رضایت کامل دختر و پسر برای ازدواج ضروری است و اگر عقده‌ی به‌زور انجام بگیرد، باطل است و مشروعیت ندارد.

(رشته انسانی: دین و زندگی، پیوند مقدس، صفحه ۲۲۳)

۲۷۰- گزینه ۲»

(میثم هاشمی)

لطافت‌های روحی دختر، آن‌گاه که در فضای محبت و علاقه جنس مخالف قرار می‌گیرد، احتمال نادیده گرفتن برخی واقعیت‌ها را به دنبال دارد، علاوه بر این، چون دختران به‌خاطر حیا و عزت‌نفس قوی خود، در ازدواج پیش‌قدم نمی‌شوند و طلب و درخواست از طرف پسر صورت می‌گیرد، ممکن است حیا مانع از آن شود که دختر همه ویژگی‌های پسر و سابقه او را بشناسد و با آگاهی تصمیم‌گیری کند. در چنین مواقعی، پدر که بر احساسات خود غلبه دارد و نیز تجارب فراوان و شناخت کامل از جنس مرد دارد می‌تواند همانند باغبانی دلسوز و کاردان از گل لطیف و ظریف خویش مراقبت کند و به راهنمایی او بپردازد و لذا اجازه پدر برای ازدواج دختر ضروری است.

(رشته انسانی: دین و زندگی، پیوند مقدس، صفحه ۲۲۳)

استعداد تحلیلی

۲۷۱- گزینه ۱

(ممید اصفهانی)

«اطلاق می‌شود» به معنای استعمال کلمه‌ای در معنایی خاص است:

عبارت «اصطلاح «پلی‌مرفیسم» به وجود دو یا چند شکل متفاوت از یک ژن یا ویژگی در یک جمعیت اطلاق می‌شود» یعنی «اصطلاح «پلی‌مرفیسم» به معنای وجود دو یا چند شکل متفاوت از یک ژن یا ویژگی در یک جمعیت است.»

(درک متن کوتاه، هوش کلامی)

۲۷۲- گزینه ۴

(ممید اصفهانی)

نسبت وجود با ماوراءطبیعه در متن یعنی نسبت وجود با آن‌چه در فیزیک و ماده طبیعت نیست. «ماوراءطبیعه» در این متن یعنی «متافیزیک»، یعنی مجرد از ماده، نه شگفت‌آور.

(درک متن کوتاه، هوش کلامی)

۲۷۳- گزینه ۳

(ممید اصفهانی)

عبارت «آنها که تاریخ را مطالعه نمی‌کنند، محکوم به تکرار آن هستند.» به این معناست که تاریخ را می‌توان مطالعه کرد تا از تکرار آن جلوگیری شود. این عبارت بر اختیار آدمی تأکید می‌کند و نقش او در تعیین سرنوشتش. مطلبی به معنای «تجسس تکرار ظلم در تاریخ»، «ایجاد امکان شک در روایت‌های تاریخی»، «تشویق به روایت تاریخ مطابق با فرهنگ سرزمینی» و «نکوهش نگاه نو به تاریخ» در متن نیست.

(درک متن کوتاه، هوش کلامی)

۲۷۴- گزینه ۳

(مامد کریمی)

طبق متن صورت سؤال، مکتب «پساساختارگرایی»، هرگونه مرکزیت معنایی را در ادبیات به چالش می‌کشد، یعنی این موضوع را که شخصی تنها یک تفسیر اثر را درست بداند رد می‌کند، بلکه بر پلورالیسم تفسیری و سیالیت دلالت‌ها تأکید می‌ورزد، یعنی این که تفسیری را که به شخص مؤلف، اهداف مؤلف و یا محیط مؤلف محدود باشد، تنها تفسیر درست نمی‌داند، بلکه بر اهمیت مخاطب تأکید می‌کند که این به‌نوعی به معنای مرگ مؤلف است، یعنی وجود او پس از خلق اثر دیگر اهمیتی ندارد.

(درک متن کوتاه، هوش کلامی)

۲۷۵- گزینه ۳

(مامد کریمی)

طبق متن، «تنوع زیستی برای پایداری بوم‌سازگان‌ها و بقای انسان حیاتی است؛ زیرا خدمات بوم‌سازگانی نظیر تولید اکسیژن، تصفیه آب، گرده‌افشانی محصولات و کنترل آفات را فراهم می‌آورد.» معلوم است که از دست دادن تنوع زیستی به دلیل ایجاد اختلال در خدمات بوم‌سازگانی حیاتی مانند تولید اکسیژن و تصفیه آب، تهدیدی جدی برای سلامت سیاره و آینده بشر محسوب می‌شود

(درک متن کوتاه، هوش کلامی)

۲۷۶- گزینه ۱

(کتاب استعدادهای درخشان)

متن درباره همه ویژگی‌های زنبورها صحبت نمی‌کند. همچنین درباره «فواید زنبور یا آسیب‌های نیش آن» نیست. متن به مقایسه «زنبورهای عسل» و «زنبورهای وحشی» می‌پردازد و عنوان «زنبورهای عسل، زنبورهای وحشی» برای آن مناسب‌تر است.

(درک متن کوتاه، هوش کلامی)

۲۷۷- گزینه ۲

(کتاب استعدادهای درخشان)

«نهنگ‌ها برای انسان عمدتاً جانوران بی‌خطری به شمار می‌آیند»، اما عکس آن صادق نیست، یعنی انسان‌ها برای نهنگ‌ها، موجوداتی خطرناک به شمار می‌آیند.

(الگوهای عددی، هوش کلامی)

۲۷۸- گزینه ۱

(فرزاد شیرمحمدی)

در هر مربع الگوی صورت سؤال داریم:

$$4 \times 3 \div 1 - 2 = 10$$

$$5 \times 4 \div 2 - 3 = 7$$

$$9 \times 4 \div 4 - 5 = 4$$

$$9 \times 8 \div 12 - ? = 5 \Rightarrow ? = 72 \div 12 - 5 = 6 - 5 = 1$$

(الگوهای عددی، هوش کلامی)

۲۷۹- گزینه ۴

(ممید اصفهانی)

در هر شکل الگوی صورت سؤال داریم:

$$(9+6) - (10+5) = 0$$

$$(3+17) - (12+6) = 20 - 18 = 2$$

$$(11+1) - (4+7) = 12 - 11 = 1$$

$$(2+13) - (8+?) = 3 \Rightarrow ? = 15 - 8 - 3 = 4$$

(الگوهای عددی، هوش کلامی)

۲۸۰- گزینه ۲

(فاطمه راسخ)

بزرگترین شمارنده مشترک دو عدد سمت چپ هر شکل الگوی صورت سؤال ضرب در عدد روی صندلی، عدد درون دایره را می‌سازد:

$$(9, 6) = 3, 3 \times 10 = 30$$

$$(18, 2) = 2, 2 \times 19 = 38$$

$$(14, 5) = 1, 1 \times 1 = 1$$

$$(12, 8) = 4, 4 \times 8 = 32$$

پس:

(الگوهای عددی، هوش کلامی)

۲۸۱- گزینه ۱

(فاطمه راسخ)

در الگوی صورت سؤال، عدد ۴ ثابت و نوع عملیات متناوباً تغییر می‌کند. داریم:

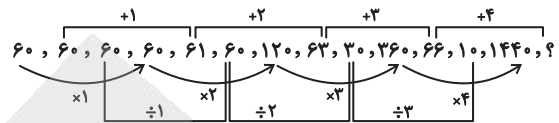
$$20 \xrightarrow{\div 4} 5 \xrightarrow{\times 4} 20 \xrightarrow{\div 4} 5 \xrightarrow{\times 4} 20 \xrightarrow{\div 4} 5 \xrightarrow{\times 4} 20 \xrightarrow{\div 4} 5 \xrightarrow{\times 4} 20 \xrightarrow{\div 4} 5 \xrightarrow{\times 4} 20$$

(الگوهای عددی، هوش کلامی)

۲۸۲- گزینه ۲»

(ممیز کنشی)

سه الگو در صورت سؤال هست:



? = 66 + 4 = 70

پس:

(الگوهای عددی، هوش کلامی)

۲۸۳- گزینه ۲»

(ممیز کنشی)

حاصل جمع و حاصل تفریق تعداد اضلاع چندضلعی‌های هر شکل صورت سؤال در آن نوشته شده است:

3, 8 → 8 - 3 = 5, 8 + 3 = 11

4, 6 → 6 - 4 = 2, 6 + 4 = 10

3, 5 → 5 - 3 = 2, 5 + 3 = 8

4, 7 → 7 - 4 = 3 → 7 + 4 = 11 → 11 + 3 = 14

(الگوهای عددی، هوش کلامی)

۲۸۴- گزینه ۱»

(ممیز اصفهانی)

در عملیات هر پرانتز صورت سؤال، حاصل جمع بزرگترین شمارنده‌های غیرمشترک هر یک از دو عدد، به جز خودش که عدد دیگر بر آن بخش‌پذیر نیست، برای آن دو عدد نوشته شده است:

14 = 2 × 7, 12 = 2 × 6 → 7 + 6 = 13

15 = 3 × 5, 9 = 3 × 3 → 5 + 3 = 8

42 = 6 × 7, 24 = 6 × 4 → 7 + 4 = 11

72 = 12 × 6, 60 = 12 × 5 → 6 + 5 = 11

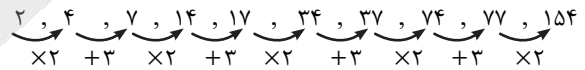
پس داریم:

(الگوهای عددی، هوش کلامی)

۲۸۵- گزینه ۴»

(فاطمه راسخ)

در الگوی صورت سؤال، عددها یکی در میان دو برابر، یا با عدد ۳ جمع می‌شود:



عدد سمت چپ 74 در این الگو، عدد 37 و سومین عدد سمت راست این عدد، 154 است.

(الگوهای عددی، هوش کلامی)

۲۸۶- گزینه ۳»

(فاطمه راسخ)

هر یک از شکل‌های زیر در هر یک از سه سطر و ستون مربع صورت سؤال دقیقاً یک بار قرار گرفته است:



(الگوهای تصویری غیرفظی، هوش غیرکلامی)

۲۸۷- گزینه ۴»

(فرزاد شیرممدری)

بخش‌های مشترک شکل‌های ردیف‌های اول و سوم در هر ستون از الگوی صورت سؤال، در ردیف وسط تکرار شده است.

(الگوهای تصویری غیرفظی، هوش غیرکلامی)

۲۸۸- گزینه ۳»

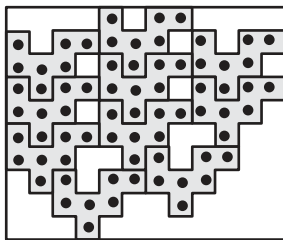
(فرزاد شیرممدری)

در هر ستون، بخش‌هایی از هر مربع چهار در چهار که در هیچ‌یک از دو مربع ردیف‌های بالا و وسط رنگ نشده است. در ردیف پایین رنگ شده است.

(الگوهای تصویری غیرفظی، هوش غیرکلامی)

۲۸۹- گزینه ۲»

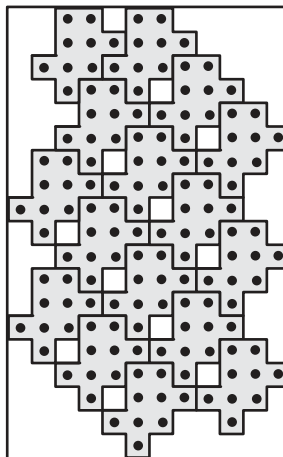
(فرزاد شیرممدری)



(الگوهای تصویری غیرفظی، هوش غیرکلامی)

۲۹۰- گزینه ۳»

(ممیز کنشی)



(الگوهای تصویری غیرفظی، هوش غیرکلامی)

آزمون



کارنامه رتبه‌های بهرتر

رتبه‌های ا تا ۳۰۰۰



جزوه



فیلم



مشاوره



www.
arefonline.ir



مرکز مشاوره عارف

