

آزمون



کارنامه رتبه‌های بهرتر

رتبه‌های ا تا ۳۰۰۰



جزوه



فیلم



مشاوره



www.
arefonline.ir



مرکز مشاوره عارف



بانک تست کشور نظام جدید

۹۸ تا خارج از کشور ۴۰۴





فصل اول : الکتروسیسته ساکن

بار الکتريکي - پايستگي و کوانتیده بودن بار الکتريکي	۱
قانون کولن - براینډ نیروهای الکتريکي	۱
میدان الکتريکي - براینډ میدان های الکتريکي - خطوط میدان الکتريکي - میدان الکتريکي یکنواخت	۷
انرژی پتانسیل الکتريکي	۱۳
پتانسیل الکتريکي - رابطه اختلاف پتانسیل دو نقطه و اندازه میدان الکتريکي یکنواخت	۱۴
توزیع بار الکتريکي در اجسام رسانا	۱۶
خازن - انرژی خازن	۱۶

فصل دوم : جریان الکتريکي و مدار های جریان مستقیم

جریان الکتريکي - مقاومت الکتريکي و قانون اهم	۱۹
عوامل مؤثر بر مقاومت الکتريکي، انواع مقاومت ها و کدگذاری	۱۹
نیروی محرکه الکتريکي و مدار ها - مدار تک حلقه ای و افت پتانسیل در مقاومت	۲۰
توان و انرژی	۲۰
توان در مدار های الکتريکي - توان مصرفی مقاومت ها	۲۰
توان منبع نیروی محرکه ای واقعی	۲۱
ترکیب مقاومت ها - به هم بستن متوالی - به هم بستن موازی یا ترکیبی	۲۲

فصل سوم : مغناطیس و القای الکترومغناطیسی

مغناطیس و قطب های مغناطیسی - میدان مغناطیسی - میدان مغناطیسی زمین - میدان مغناطیسی یکنواخت	۳۸
نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی	۳۸
نیروی مغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان	۴۲
میدان مغناطیسی اطراف سیم راست حامل جریان	۴۳
میدان ناشی از حلقه و سیملوله	۴۵
ویژگی های مغناطیسی مواد	۴۶
القای الکترومغناطیس	۴۷
پدیده القای الکترومغناطیسی - شار مغناطیسی	۴۷
قانون القای الکترومغناطیسی فاراده	۴۷
قانون لنز	۵۱
القارها - خود القاوری - ضریب القاوری - انرژی ذخیره شده در القاگر	۵۳
جریان متناوب - مبدل ها	۵۴

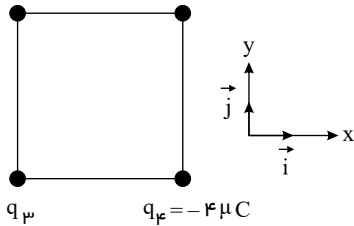
بار الکتریکی - پایستگی و کوانتیده بودن بار الکتریکی

۱. بار الکتریکی هسته اتم کربن یک بار یونیده ($^{12}C^+$) چند برابر بار الکتریکی اتم کربن یک بار یونیده ($^{12}C^+$) است؟
 مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۴
- ۱ (۱) ۲ (۲) ۵ (۳) ۶ (۴)

قانون کولن - برابند نیروهای الکتریکی

۲. چهار ذره باردار مطابق شکل زیر در رأس‌های یک مربع به ضلع 20cm قرار دارند. اگر نیروی الکتریکی خالص وارد بر q_2 در SI به صورت $\vec{F} = -9\vec{i}$ باشد، چند میکروکولن است؟ ($k = 9 \times 10^9 \text{N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2$)
 مرجع: سراسری - ۱۳۹۸

$q_1 = 4\mu\text{C}$ $q_2 = -5\mu\text{C}$

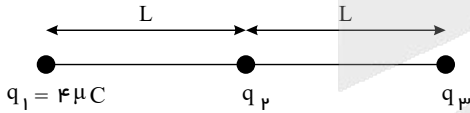


- ۱ (۱) $-8\sqrt{2}$
 ۲ (۲) -4
 ۳ (۳) 4
 ۴ (۴) $8\sqrt{2}$

۳. اگر اندازه بارهای هر یک از دو بار الکتریکی نقطه‌ای را ۳ برابر کنیم و فاصله بین آنها را نیز ۳ برابر کنیم، نیروی الکتریکی بین آنها چند برابر می‌شود؟
 مرجع: سراسری - ۱۳۹۸

- ۱ (۱) $\frac{1}{3}$ ۲ (۲) ۱ ۳ (۳) ۳ ۴ (۴) ۹

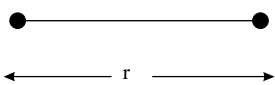
۴. در شکل زیر، سه بار نقطه‌ای قرار دارند. برابند نیروهای الکتریکی وارد بر بار q_3 هم‌اندازه نیروی الکتریکی است که بار q_1 بر q_3 وارد می‌کند. چند میکروکولن است؟
 مرجع: سراسری - ۱۳۹۸



- ۱ (۱) ۸ ۲ (۲) ۲ ۳ (۳) -۲ ۴ (۴) -۸

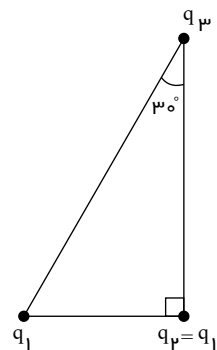
۵. مطابق شکل زیر، دو بار الکتریکی در فاصله r ، نیروی جاذبه F بر یکدیگر وارد می‌کنند. اگر با ثابت بودن فاصله، ۲۵ درصد از بار q_1 را به q_2 انتقال دهیم، نیروی جاذبه بین دو بار، چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟
 مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸

$q_1 = +80\mu\text{C}$ $q_2 = -50\mu\text{C}$



- ۱ (۱) ۲۵، کاهش ۲ (۲) ۲۵، افزایش ۳ (۳) ۵۵، کاهش ۴ (۴) ۵۵، افزایش

۶. سه ذره باردار در سه رأس یک مثلث قائم‌الزاویه قرار دارند. بزرگی نیروی الکتریکی که بار q_1 به q_2 وارد می‌کند، F_1 و بزرگی نیروی الکتریکی که q_2 به q_3 وارد می‌کند، F_2 است. در صورتی که $F_1 = F_2$ باشد، بزرگی نیرویی که q_1 به q_3 وارد می‌کند، چند برابر F_1 است؟
 مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸



- ۱ (۱) $\frac{3}{4}$ ۲ (۲) ۱ ۳ (۳) $\frac{4}{3}$ ۴ (۴) $\frac{3}{2}$



۷. سه ذره باردار $q_1 = 12 \mu C$ ، $q_2 = 3 \mu C$ و q_3 در صفحه $x-y$ به ترتیب در مختصات $(x_1 = 4 \text{ cm}, y_1 = 3 \text{ cm})$ ، $(x_2 = -8 \text{ cm}, y_2 = 12 \text{ cm})$ و (x_3, y_3) قرار دارند، اگر برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر هر ذره صفر باشد، q_3 چند میکروکولن است؟
 مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸

- ۱) $\frac{16}{3}$ ۲) $\frac{4}{3}$ ۳) $-\frac{4}{3}$ ۴) $-\frac{16}{3}$

۸. در شکل زیر، برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر هریک از بارهای الکتریکی صفر است. نسبت‌های $\frac{x}{r}$ و $\frac{q_3}{q_2}$ به ترتیب از راست به چپ کدام‌اند؟
 مرجع: سراسری - ۱۳۹۹



۹. دو کره فلزی خیلی کوچک و مشابه دارای بار الکتریکی نامنم $q_1 > 0$ و $q_2 > q_1$ که در فاصله ۶ سانتی‌متری هم قرار دارند، برهم نیروی الکتریکی 9 N وارد می‌کنند. اگر کره‌ها را به هم تماس دهیم و دوباره به همان فاصله قبلی از هم دور کنیم، نیروی الکتریکی 1.6 N نیوتون به هم وارد می‌کنند. q_1 چند میکروکولن است؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$
 مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹

- ۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۱۰ ۴) ۲۰

۱۰. دو ذره باردار q_1 و q_2 مطابق شکل زیر قرار دارند. نیروی الکتریکی خالص (برآیند) ناشی از دو ذره به ذره باردار q_3 برابر \vec{F} است. q_3 چند میکروکولن است؟
 مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹



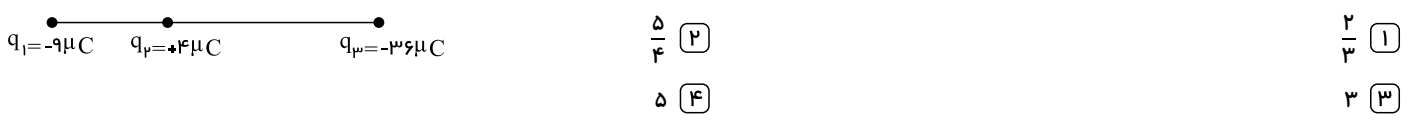
۱۱. دو بار الکتریکی نقطه‌ای $q_1 = 20 \mu C$ و $q_2 = -5 \mu C$ در فاصله ۳۰ سانتی‌متری از هم ثابت نگه داشته شده‌اند. بار الکتریکی $q_3 = 15 \mu C$ را در این محیط در نقطه‌ای قرار می‌دهیم که نیروی الکتریکی خالص وارد بر آن صفر باشد. در این حالت، نیروی الکتریکی وارد بر بار q_2 چند نیوتون است؟
 مرجع: سراسری - ۱۴۰۰

- ۱) ۱٫۵ ۲) ۲٫۵ ۳) ۳ ۴) ۵

۱۲. دو گوی رسانای کوچک و یکسان دارای بار الکتریکی $q_1 > 0$ و $q_2 > q_1$ که در فاصله معینی از هم قرار دارند، نیروی الکتریکی F را به هم وارد می‌کنند. اگر دو گوی را با هم تماس دهیم و در همان فاصله قرار دهیم، نیروی الکتریکی که به هم وارد می‌کنند، ۲۰ درصد کاهش می‌یابد. $\frac{|q_2|}{q_1}$ کدام است؟
 مرجع: سراسری - ۱۴۰۰

- ۱) ۲ ۲) ۴ ۳) ۵ ۴) ۱۰

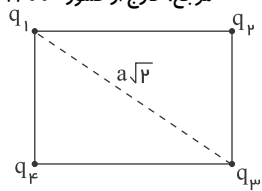
۱۳. مطابق شکل زیر، نیروی خالص الکتریکی وارد بر هریک از ذره‌های باردار صفر است. اگر جای بار q_1 و q_3 عوض شود، بزرگی نیروی خالص الکتریکی وارد بر بار q_2 چند برابر بزرگی نیروی خالص الکتریکی وارد بر بار q_1 می‌شود؟
 مرجع: سراسری - ۱۴۰۰





۱۴. در شکل زیر، چهار ذره باردار در رأس‌های یک مربع قرار دارند. اگر نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار q_3 صفر باشد، کدام رابطه درست است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰



$$q_4 = q_2 = -\frac{\sqrt{2}}{4}q_1 \quad (2)$$

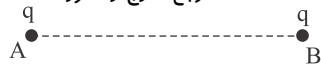
$$q_4 = q_2 = -2\sqrt{2}q_1 \quad (1)$$

$$q_4 = q_2 = \frac{\sqrt{2}}{4}q_1 \quad (4)$$

$$q_4 = q_2 = 2\sqrt{2}q_1 \quad (3)$$

۱۵. مطابق شکل زیر، بارهای الکتریکی مثبت و هم اندازه q در جای خود ثابت شده‌اند و به یکدیگر نیروی الکتریکی به بزرگی F وارد می‌کنند. اگر تعدادی الکترون از جسم A به جسم B منتقل کنیم تا بار جسم B برابر $-2q$ شود، در این صورت بزرگی نیرویی که دو ذره به هم وارد می‌کنند، چند برابر F می‌شود؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰



$$4 \quad (2)$$

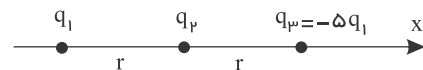
$$2 \quad (1)$$

$$8 \quad (4)$$

$$6 \quad (3)$$

۱۶. در شکل زیر سه ذره باداری روی محور x قرار دارند و به بار q_2 نیروی الکتریکی خالص F وارد می‌شود. اگر بار q_3 روی محور x به اندازه $\frac{4r}{5}$ به بار q_2 نزدیک شود، نیروی خالص وارد بر بار q_2 چند برابر F می‌شود؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰



$$21 \quad (2)$$

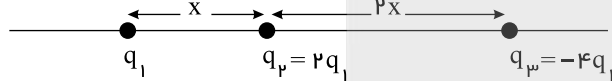
$$25 \quad (1)$$

$$\frac{25}{6} \quad (4)$$

$$\frac{13}{3} \quad (3)$$

۱۷. سه ذره باردار مطابق شکل زیر، روی محوری قرار دارند. بزرگی نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار q_1 ، چند برابر بزرگی نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار q_3 است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۱



$$1 \quad (2)$$

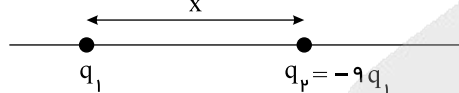
$$4 \quad (1)$$

$$\frac{5}{8} \quad (4)$$

$$\frac{7}{11} \quad (3)$$

۱۸. مطابق شکل زیر، دو ذره باردار روی محوری در فاصله x از هم قرار دارند. بار q_3 چه اندازه باشد و در کدام نقطه روی این محور قرار گیرد تا نیروی الکتریکی خالص وارد بر هر سه ذره صفر باشد؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۱



$$\frac{9}{4}q_1 \quad (2) \quad \text{و در فاصله } \frac{x}{2} \quad \text{سمت چپ بار } q_1$$

$$\frac{9}{4}q_1 \quad (1) \quad \text{و در فاصله } 2x \quad \text{سمت چپ بار } q_1$$

$$-\frac{9}{4}q_1 \quad (4) \quad \text{و در فاصله } \frac{x}{2} \quad \text{سمت چپ بار } q_1$$

$$-\frac{9}{4}q_1 \quad (3) \quad \text{و در فاصله } 2x \quad \text{سمت چپ بار } q_1$$

۱۹. اگر فاصله بین دو بار الکتریکی نقطه‌ای را ۲۰ درصد افزایش دهیم، نیروی الکتریکی بین آنها، تقریباً چند درصد کاهش می‌یابد؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۱

$$15 \quad (4)$$

$$25 \quad (3)$$

$$30 \quad (2)$$

$$40 \quad (1)$$

۲۰. بارهای نقطه‌ای $5\mu C$ و $-8\mu C$ روی محور x ، به ترتیب در نقطه‌های $x_1 = 12cm$ و $x_2 = 24cm$ قرار دارند. اگر بارهای نقطه‌ای q_3 و q_4 به ترتیب در نقطه‌های $x_3 = 36cm$ و $x_4 = 0$ قرار گیرند، نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار q_4 برابر صفر می‌شود. q_3 چند میکروکولن است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱

$$-17 \quad (4)$$

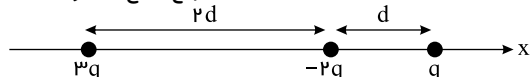
$$+17 \quad (3)$$

$$-27 \quad (2)$$

$$+27 \quad (1)$$

۲۱. در شکل زیر، سه ذره باردار روی محور x قرار دارند. اگر نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار $3q$ برابر \vec{F} باشد، نیروی خالص وارد بر بار $-2q$ کدام است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱



$$-3\vec{F} \quad (2)$$

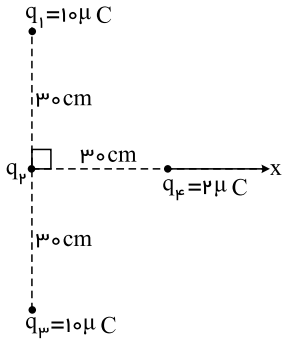
$$3\vec{F} \quad (1)$$

$$-\frac{3}{\sqrt{2}}\vec{F} \quad (4)$$

$$\frac{3}{\sqrt{2}}\vec{F} \quad (3)$$

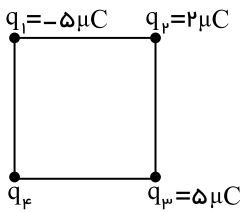
۲۲. در صفحه xy بار الکتریکی نقطه‌ای $q_1 = -2\mu C$ در نقطه A به مختصات $(0, 9\text{cm})$ قرار دارد و بار الکتریکی $q_2 = -8\mu C$ نیز در نقطه B به مختصات $(12\text{cm}, 0)$ ثابت نگه داشته شده است. بار الکتریکی نقطه‌ای q_3 در مکانی در این صفحه قرار دارد که نیروی الکتریکی خالص وارد بر آن صفر است. فاصله بین q_1 و q_3 چند سانتی‌متر است؟
 مرجع: سراسری-۱۴۰۲

- ۱۰ (۱) ۶ (۲) ۵ (۳) ۳ (۴)



۲۳. چهار ذره باردار، مطابق شکل قرار دارند. اگر نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار q_4 برابر $\vec{F}_T = [(\sqrt{2} - 2)N]\vec{i}$ باشد، q_2 چند میکروکولن است؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$
 مرجع: سراسری-۱۴۰۲

- ۱۰ (۱)
-۵ (۲)
۵ (۳)
۱۰ (۴)



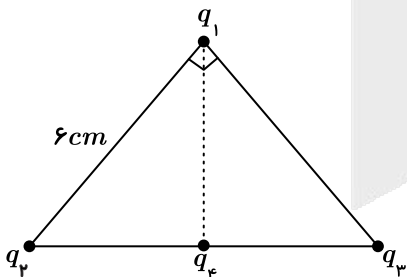
۲۴. چهار ذره باردار مطابق شکل، در رأس‌های مربعی به ضلع 10cm قرار دارند. اگر نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار q_2 باشد، $\vec{F} = (-1.8N)\vec{i}$ ، q_4 چند میکروکولن است؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$
 مرجع: سراسری-۱۴۰۲

- ۱۰ (۱) -۱۰ (۲) $10\sqrt{2}$ (۳) $-10\sqrt{2}$ (۴)

۲۵. سه ذره باردار یکسان در رأس‌های یک مربع قرار دارند. q_1 و q_2 در دو سر یک ضلع قرار دارند و q_3 در دو سر یک قطر قرار دارند. بزرگی نیرویی که q_1 به q_2 وارد می‌کند، چند برابر بزرگی نیرویی است که q_2 به q_3 وارد می‌کند؟
 مرجع: سراسری-۱۴۰۳

- $\sqrt{2}$ (۱) ۲ (۲) $\frac{1}{2}$ (۳) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۴)

۲۶. مطابق شکل، ذره‌های باردار $q_1 = -q_2 = q_3 = 3\mu C$ در سه رأس یک مثلث قائم‌الزاویه متساوی‌الساقین قرار دارند. بار $q_4 = -3\mu C$ وسط خط واصل بار q_2 و q_3 قرار دارد. بزرگی نیروی الکتریکی خالص وارد بر q_1 چند برابر بزرگی نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار q_4 است؟
 مرجع: سراسری-۱۴۰۳



- $\frac{1}{2}$ (۱) $\sqrt{\frac{3}{10}}$ (۲) ۲ (۳) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۴)

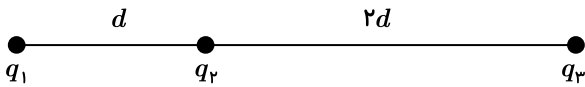
۲۷. دو کره رسانای کوچک در فاصله r از هم قرار دارند. اولی دارای بار الکتریکی q_1 و دومی دارای بار الکتریکی $q_2 = -6q_1$ است. کره‌ها در این حالت به هم نیروی الکتریکی F وارد می‌کنند. اگر نصف q_2 را از کره (۲) به کره (۱) منتقل کنیم، در این حالت و از همین فاصله نیرویی که به هم وارد می‌کنند، جاذبه است یا دافعه و بزرگی آن چند F است؟
 مرجع: سراسری-۱۴۰۳

- ۱ - دافعه (۱) ۲ - جاذبه (۲) ۵ - دافعه (۳) ۵ - جاذبه (۴)



۲۸. در شکل زیر، سه ذره باردار روی یک خط راست ثابت شده‌اند. نیروی الکتریکی خالص وارد بر هر یک از بارها صفر است. کدام مورد درست است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۳



$\frac{q_2}{q_1} = -\frac{4}{9}$ (۴)

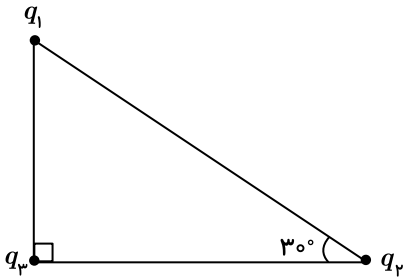
$\frac{q_2}{q_3} = -\frac{4}{3}$ (۳)

$\frac{q_2}{q_3} = \frac{3}{4}$ (۲)

$\frac{q_1}{q_3} = -\frac{3}{2}$ (۱)

۲۹. در شکل زیر، بزرگی نیروی الکتریکی که q_1 به q_3 وارد می‌کند، ۲۵ درصد از بزرگی نیروی الکتریکی که q_2 به q_3 وارد می‌کند، کمتر است. $|\frac{q_1}{q_2}|$ کدام است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳



$\frac{1}{4}$ (۴)

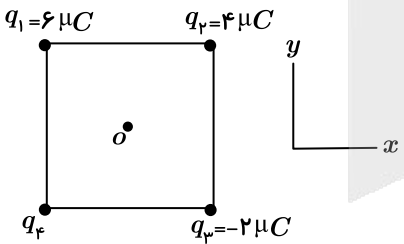
$\frac{1}{3}$ (۳)

۴ (۲)

۳ (۱)

۳۰. در شکل زیر، چهار ذره باردار در رأس‌های مربعی ثابت شده‌اند. میدان الکتریکی خالص در نقطه O (مرکز مربع) در جهت محور x است. بار q_4 چند میکروکولن است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳



-۱۲ (۴)

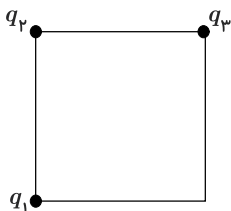
۱۲ (۳)

-۸ (۲)

۸ (۱)

۳۱. مطابق شکل زیر، سه بار الکتریکی نقطه‌ای یکسان در سه رأس مربعی قرار دارند. بزرگی نیروی الکتریکی خالصی که بر q_2 وارد می‌شود، چند برابر بزرگی نیرویی است که q_1 بر q_3 وارد می‌کند؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴



$2\sqrt{2}$ (۴)

$\sqrt{2}$ (۳)

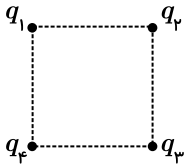
۲ (۲)

۴ (۱)



۳۲. در شکل زیر، ۴ ذره باردار نقطه‌ای در رأس‌های مربعی قرار دارند. اگر نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار q_3 برابر با صفر باشد، نسبت $\frac{q_2}{q_1}$ چقدر است؟

مرجع: سراسری-۱۴۰۴



- ۱ $\frac{\sqrt{2}}{4}$
 ۲ $2\sqrt{2}$
 ۳ $-2\sqrt{2}$
 ۴ $-\frac{\sqrt{2}}{4}$

۳۳. روی محور x ، بارهای الکتریکی $q_1 = 50 \mu C$ ، q_2 و q_3 به ترتیب در مکان‌های $x_1 = 0$ ، $x_2 = 4m$ و $x_3 = 5m$ قرار دارند. اگر نیروی الکتریکی خالص وارد بر q_3 برابر صفر باشد، q_2 چند میکروکولن است؟

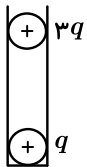
مرجع: سراسری-۱۴۰۴

- ۱ $12,5$
 ۲ 2
 ۳ -2
 ۴ $-12,5$

۳۴. در شکل زیر، دو گوی باردار که جرم هر یک $7,5 \mu g$ است، در فاصله $3cm$ از هم قرار دارند؛ به طوری که گوی بالایی معلق مانده است. تعداد

مرجع: سراسری-۱۴۰۴

الکترون‌های کنده شده از گوی بالایی چقدر است؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$ و $g = 10 \frac{m}{s^2}$)

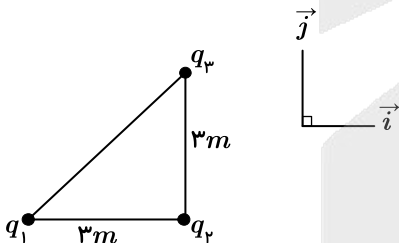


- ۱ $3,125 \times 10^{10}$
 ۲ $9,375 \times 10^8$
 ۳ $3,125 \times 10^8$
 ۴ $9,375 \times 10^{10}$

۳۵. سه ذره باردار مطابق شکل زیر، در سه رأس مثلث قائم‌الزاویه‌ای ثابت شده‌اند. اگر نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار q_2 در SI ،

مرجع: سراسری-۱۴۰۴

کدام است؟ $\vec{F}_T = 8 \times 10^{-3} \vec{i} + 6 \times 10^{-3} \vec{j}$ باشد، $\frac{q_3}{q_1}$ ($k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$)



- ۱ $-\frac{3}{2}$
 ۲ $-\frac{3}{4}$
 ۳ $\frac{3}{2}$
 ۴ $\frac{3}{4}$

۳۶. دو کره رسانای باردار مشابه، هنگامی که به فاصله $2m$ از هم قرار می‌گیرند، به یکدیگر نیروی الکتریکی $0,27N$ وارد می‌کنند. کره‌ها را به وسیله یک سیم رسانا، به هم وصل می‌کنیم. در این حالت، نیروی الکتریکی‌ای که به هم وارد می‌کنند، $0,09N$ می‌شود. تعداد الکترون‌هایی که از یک کره به

مرجع: خارج از کشور-۱۴۰۴

کره دیگر منتقل می‌شود، چقدر است؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$ و $e = 1,6 \times 10^{-19} C$)

- ۱ $2,5 \times 10^{13}$
 ۲ $6,25 \times 10^{12}$
 ۳ $2,5 \times 10^{15}$
 ۴ $6,25 \times 10^{14}$

۳۷. سه بار الکتریکی $+4$ میکروکولنی در سه رأس مربعی به ضلع $30cm$ قرار دارند. بار الکتریکی $q_4 = -4,2 \mu C$ را در رأس چهارم مربع قرار

می‌دهیم. نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار الکتریکی‌ای که در رأس مقابل بار q_4 قرار دارد، چند نیوتون است؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$ و $\sqrt{2} = 1,4$)

مرجع: خارج از کشور-۱۴۰۴

- ۱ 14
 ۲ 28
 ۳ $3,6$
 ۴ $4,2$

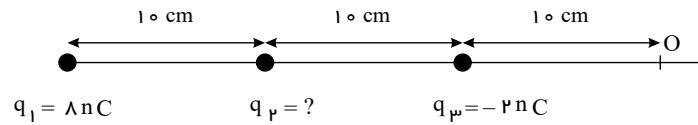


میدان الکتریکی - برابند میدان های الکتریکی - خطوط میدان الکتریکی - میدان الکتریکی یکنواخت

۳۸. سه بار نقطه‌ای مطابق شکل زیر ثابت شده‌اند. میدان الکتریکی برابند حاصل از سه بار در نقطه O برابر $100 N/C$ به سمت چپ است. بار q_2 چند

مرجع: سراسری - ۱۳۹۸

نانو کولن می‌تواند باشد؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$



$q_1 = 8 nC$

$q_2 = ?$

$q_3 = -2 nC$

(۴) -۴

(۳) -۲

(۲) +۲

(۱) +۴

۳۹. در یک میدان الکتریکی یکنواخت، به بار الکتریکی $q = 2 \mu C$ نیروی الکتریکی $\vec{F} = 10.8 N \vec{i} - 14.4 N \vec{j}$ وارد می‌شود. بزرگی میدان الکتریکی چند نیوتون بر کولن است؟

مرجع: سراسری - ۱۳۹۸

(۴) 4.5×10^6

(۳) 9×10^6

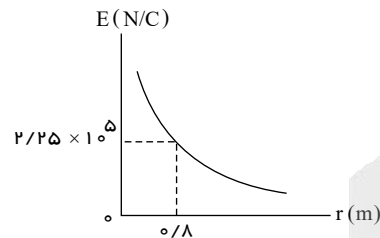
(۲) 18×10^6

(۱) 36×10^6

۴۰. نمودار تغییرات میدان الکتریکی حاصل از بار الکتریکی q بر حسب فاصله از آن به صورت شکل زیر است. اگر بار الکتریکی $q = 9 \mu C$ را در فاصله

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸

۹۰ سانتی متری بار q قرار دهیم، نیرویی که دو ذره باردار بر یکدیگر وارد می‌کنند، چند نیوتون است؟



(۱) ۰٫۱۶

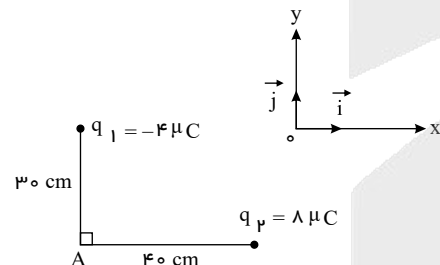
(۲) ۰٫۳۲

(۳) ۱٫۶

(۴) ۳٫۲

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸

۴۱. در شکل زیر، میدان الکتریکی خالص در نقطه A در SI، کدام است؟ $(k = 9 \times 10^9 N \cdot m^2 / C^2)$



(۱) $\vec{E} = 9 \times 10^3 \vec{i} - 8 \times 10^3 \vec{j}$

(۲) $\vec{E} = -9 \times 10^3 \vec{i} + 8 \times 10^3 \vec{j}$

(۳) $\vec{E} = 4.5 \times 10^5 \vec{i} - 4 \times 10^5 \vec{j}$

(۴) $\vec{E} = -4.5 \times 10^5 \vec{i} + 4 \times 10^5 \vec{j}$

۴۲. اگر اندازه میدان الکتریکی حاصل از یک بار الکتریکی نقطه‌ای در ۳۰ سانتی متری آن، $1.6 \times 10^4 \frac{N}{C}$ کمتر از اندازه میدان الکتریکی در ۱۰

مرجع: سراسری - ۱۳۹۹

سانتی متری آن باشد، اندازه میدان الکتریکی در فاصله یک متری آن ذره باردار چند نیوتون بر کولن است؟

(۴) ۲۴۰

(۳) ۱۸۰

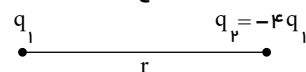
(۲) ۱۲۰

(۱) ۹۰

۴۳. در شکل زیر، میدان الکتریکی حاصل از بار q_1 در محل بار q_2 ، \vec{E}_1 است و میدان الکتریکی حاصل از بار q_2 در محل بار q_1 ، \vec{E}_2 است. کدام رابطه بین

مرجع: سراسری - ۱۳۹۹

\vec{E}_2 و \vec{E}_1 برقرار است؟



(۲) $\vec{E}_2 = 4 \vec{E}_1$

(۱) $\vec{E}_2 = \vec{E}_1$

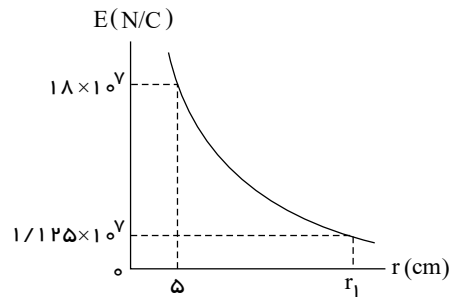
(۴) $\vec{E}_2 = -4 \vec{E}_1$

(۳) $\vec{E}_2 = -\vec{E}_1$



۴۴. نمودار تغییرات میدان الکتریکی حاصل از بار نقطه‌ای q بر حسب فاصله از آن، به صورت شکل زیر است. اندازه q چند میکروکولن و r_1 چند سانتی‌متر

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹



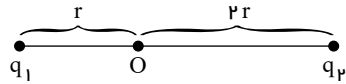
است؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$

- ۱) ۱۰۰۵۰
- ۲) ۲۰۰۵۰
- ۳) ۱۰۰۲۵
- ۴) ۲۰۰۲۵

۴۵. مطابق شکل زیر، دو ذره باردار $q_1 = -2q$ و $q_2 = 6q$ در فاصله $3r$ از هم قرار دارند و بزرگی میدان الکتریکی خالص (برایند) ناشی از دو ذره در

نقطه O برابر E_1 است. اگر ۵۰ درصد از بار q_2 به q_1 منتقل شود، بزرگی میدان الکتریکی خالص (برایند) در نقطه O برابر E_2 می‌شود. کدام است $\frac{E_2}{E_1}$ ؟

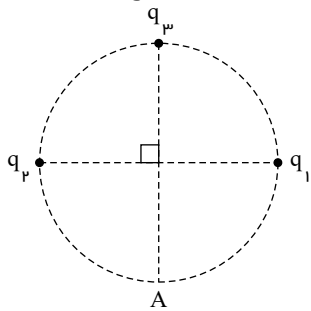
مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹



- ۱) $\frac{1}{6}$
- ۲) $\frac{1}{2}$

- ۱) $\frac{1}{14}$
- ۳) $\frac{1}{4}$

مرجع: سراسری - ۱۴۰۰



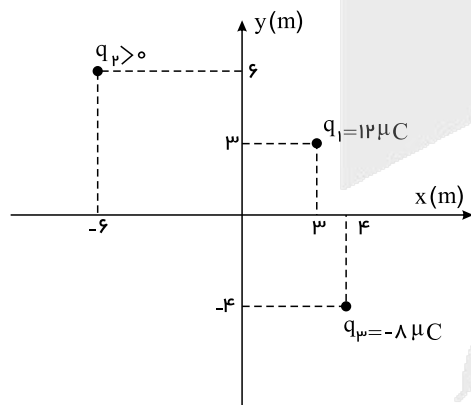
۴۶. در شکل زیر، میدان الکتریکی خالص در نقطه A برابر صفر است. چقدر است $\frac{q_3}{q_1}$ ؟

- ۱) ۲
- ۲) $2\sqrt{2}$
- ۳) ۴
- ۴) $4\sqrt{2}$

۴۷. مطابق شکل زیر، سه بار نقطه‌ای در صفحه xoy قرار دارند و بزرگی میدان الکتریکی خالص در نقطه O (مبدأ مختصات) در SI برابر 7.5×10^3 است.

مرجع: سراسری - ۱۴۰۰

چند نیوتون است؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2})$

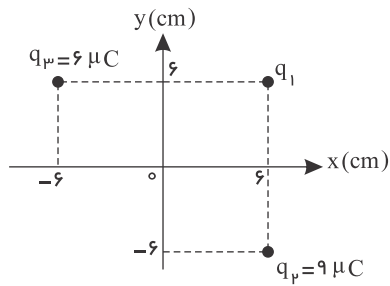


- ۱) 2.16×10^{-2}
- ۲) 2.64×10^{-2}
- ۳) 9.2×10^{-2}
- ۴) 9.6×10^{-2}



۴۸. مطابق شکل زیر، سه بار نقطه‌ای در صفحه xy قرار دارند و بزرگی میدان الکتریکی خالص در نقطه O (مبدأ مختصات) در SI ، برابر

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰

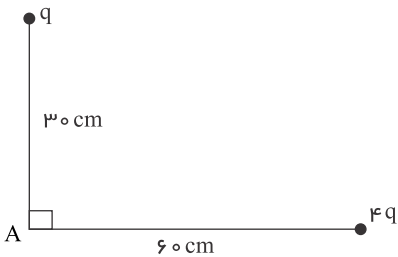


$$(k = 9 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2}) \text{ چند میکروکولن است؟ } |q_1| = 6,25 \times 10^{-6} \frac{N}{C}$$

- ۱) ۲
۲) ۳
۳) ۴
۴) ۵

۴۹. شکل زیر، دو بار الکتریکی مثبت را نشان می‌دهد. اگر میدان الکتریکی خالص در نقطه A برابر $1000\sqrt{2} \frac{N}{C}$ باشد، q چند نانوکولن است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰



$$(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$$

- ۱) $2\sqrt{2}$
۲) $5\sqrt{2}$
۳) ۱۰
۴) ۲۰

۵۰. ۴ بار الکتریکی نقطه‌ای $q_1 = q_2 = 2\mu C$ ، $q_3 = q_4 = -2\mu C$ را طوری که در رأس مربعی به ضلع ۳۰ سانتی‌متر قرار می‌دهیم که میدان الکتریکی خالص در مرکز مربع برابر صفر باشد، در این حالت، نیروی الکتریکی وارد بر هر یک از بارهای الکتریکی چند نیوتون است؟

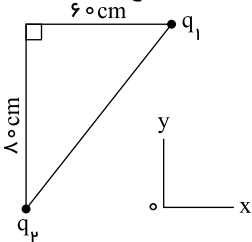
مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}, \sqrt{2} = 1,4)$$

- ۱) ۰,۱۸
۲) ۰,۳۶
۳) ۰,۴۸
۴) ۰,۷۶

۵۱. در شکل زیر، بردار میدان الکتریکی در رأس قائمه مثلث در SI به صورت $\vec{E} = -2 \times 10^5 \vec{i} - 1,8 \times 10^5 \vec{j}$ است. بارهای الکتریکی q_1 و q_2 به

مرجع: سراسری - ۱۴۰۱



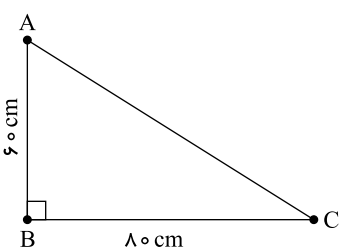
$$(k = 9 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2}) \text{ ترتیب چند میکروکولن هستند؟}$$

- ۱) -6 و $-4,8$
۲) -6 و $4,8$
۳) $-12,8$ و -8
۴) $-12,8$ و $+8$

۵۲. سه ذره با بارهای الکتریکی مثبت و هم‌اندازه در سه رأس مثلث زیر، ثابت نگه‌داشته شده‌اند. اگر بزرگی میدان الکتریکی در وسط ضلع AC برابر

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱

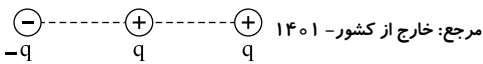
$$(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}) \text{ هر ذره چند میکروکولن است؟ } 9 \times 10^4 \frac{N}{C}$$



- ۱) ۲,۵
۲) ۳,۶
۳) ۲۵
۴) ۳۶

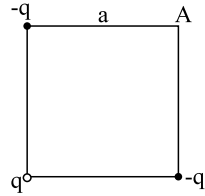


۵۳. بارهای الکتریکی نقطه‌ای مطابق شکل زیر، روی خط راست قرار دارند و فاصله بین بارهای مجاور، برابر است. اندازه نیروی الکتریکی خالص وارد بر یکی از بارها، بزرگ‌ترین و اندازه نیروی الکتریکی خالص وارد بر یکی دیگر از بارها، کوچک‌ترین است. نسبت بزرگی این دو نیرو، چقدر است؟



- مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱
- (۱) $\frac{3}{2}$
- (۲) $\frac{8}{5}$
- (۳) $\frac{5}{2}$
- (۴) $\frac{8}{3}$

۵۴. بارهای الکتریکی نقطه‌ای مطابق شکل در سه رأس مربعی قرار دارند. اگر بار q را از آزمایش حذف کنیم، بزرگی میدان الکتریکی در نقطه A چگونه تغییر می‌کند؟ ($k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$ و $q = 2 \text{ nC}$ ، $a = 3 \text{ cm}$)



مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

- (۱) $1000 \frac{N}{C}$ کاهش می‌یابد.
- (۲) $1000 \frac{N}{C}$ افزایش می‌یابد.
- (۳) $500\sqrt{2} \frac{N}{C}$ افزایش می‌یابد.
- (۴) $500\sqrt{2} \frac{N}{C}$ کاهش می‌یابد.

۵۵. دو بار الکتریکی نقطه‌ای $q_1 = 6 \mu C$ و $q_2 = -8 \mu C$ در فاصله 12 cm سانتی‌متری از هم ثابت نگه داشته شده‌اند. میدان الکتریکی حاصل، در نقطه‌ای روی عمودمنصف خط واصل بارها و در فاصله 6 cm سانتی‌متری خط واصل، چند نیوتون بر کولن است؟ ($k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$)

مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

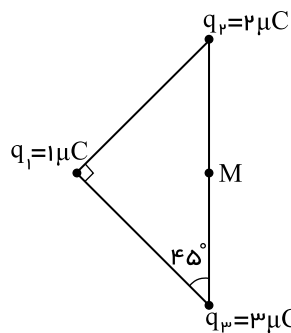
- (۱) $1,25 \times 10^3$
- (۲) $1,25 \times 10^5$
- (۳) $2,5 \times 10^3$
- (۴) $2,5 \times 10^5$

۵۶. در یک میدان الکتریکی یکنواخت به بزرگی $10^4 \frac{N}{C}$ که جهت آن قائم و رو به پایین است، ذره باردار به جرم $5g$ معلق است و به حال سکون قرار دارد. بار ذره چند میکروکولن است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

- (۱) $+5$
- (۲) $+2$
- (۳) -5
- (۴) -2

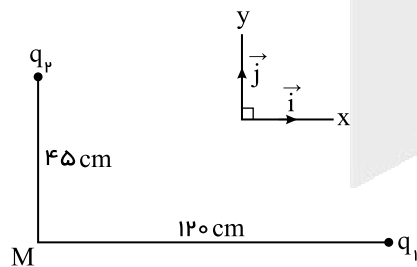
۵۷. در شکل زیر، سه بار الکتریکی مثبت نقطه‌ای در سه رأس مثلث ثابت نگه داشته شده‌اند و بزرگی میدان الکتریکی خالص در نقطه M (وسط ضلع)، E است. اگر بار الکتریکی q_2 را از آزمایش حذف کنیم، بزرگی میدان الکتریکی خالص در نقطه M چند برابر می‌شود؟



مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

- (۱) $\sqrt{5}$
- (۲) $2\sqrt{5}$
- (۳) $\frac{3}{2}$
- (۴) $\frac{2}{3}$

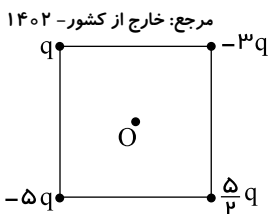
۵۸. در شکل زیر، بردار میدان الکتریکی حاصل از بارهای نقطه‌ای q_1 و q_2 در نقطه M در SI به صورت $\vec{E} = 4,5 \times 10^5 \vec{i} - 8 \times 10^5 \vec{j}$ است. چقدر است $\frac{q_1}{q_2}$ ؟



مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

- (۱) -8
- (۲) -4
- (۳) 8
- (۴) 4

۵۹. چهار ذره باردار مطابق شکل زیر در رأس‌های مربعی به ضلع a قرار دارند. بزرگی میدان الکتریکی خالص در نقطه O (مرکز مربع)، کدام است؟



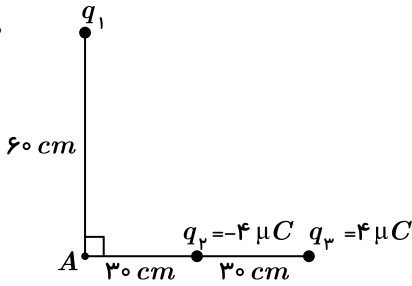
مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

- (۱) $\frac{2kq}{a^2}$
- (۲) $\frac{5\sqrt{2}kq}{a^2}$
- (۳) $\frac{5kq}{a^2}$
- (۴) $\frac{2\sqrt{2}kq}{a^2}$



۶۰. در شکل زیر، اگر بزرگی میدان الکتریکی در نقطه A ، $\frac{N}{C} \times 10^5 \times 5$ باشد، $|q_1|$ چند میکروکولن است؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$

مرجع: سراسری-۱۴۰۳



۲۰ (۴)

۱۶ (۳)

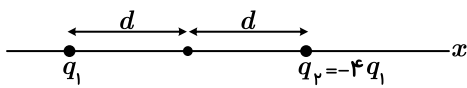
۱۲ (۲)

۸ (۱)

۶۱. در شکل زیر، دو ذره باردار روی محور x ثابت شده‌اند. در نقطه‌ای روی محور x ، میدان الکتریکی خالص ناشی از دو ذره باردار صفر است. فاصله آن

مرجع: سراسری-۱۴۰۳

نقطه از بار q_2 چند برابر d است؟



۴d (۴)

۳d (۳)

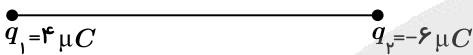
۲d (۲)

d (۱)

۶۲. مطابق شکل دو ذره باردار در فاصله 6cm از یکدیگر قرار دارند. بزرگی میدان الکتریکی در وسط خط واصل دو ذره چند برابر بزرگی میدان

مرجع: سراسری-۱۴۰۳

الکتریکی در نقطه‌ای روی خط واصل دو ذره به فاصله 3cm از بار q_1 و 9cm از بار q_2 است؟



۳ (۴)

۲ (۳)

$\frac{5}{3}$ (۲)

$\frac{15}{7}$ (۱)

۶۳. بار الکتریکی نقطه‌ای $q = +5\mu\text{C}$ ، از فاصله r به بار الکتریکی 4 میکروکولنی نیروی $6.4 \times 10^{-2} \text{N}$ وارد می‌کند. میدان الکتریکی حاصل از بار q

مرجع: سراسری-۱۴۰۳

در فاصله $2r$ ، چند نیوتون بر کولن است؟

6.4×10^4 (۴)

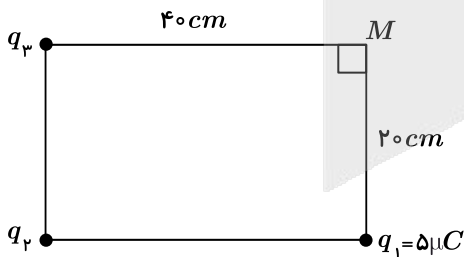
8×10^3 (۳)

3.2×10^4 (۲)

4×10^3 (۱)

۶۴. در شکل زیر، میدان الکتریکی در نقطه M ، صفر است. q_3 چند میکروکولن است؟

مرجع: سراسری-۱۴۰۳



-۴۰ (۴)

-۲۰ (۳)

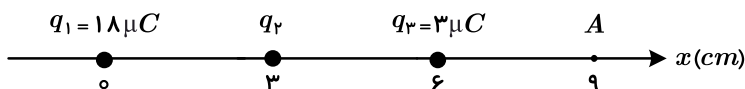
۴۰ (۲)

۲۰ (۱)

۶۵. مطابق شکل، سه ذره باردار روی محور x ثابت شده‌اند. بزرگی میدان الکتریکی خالص در نقطه A برابر $3 \times 10^7 \frac{N}{C}$ است. بار q_2 چند میکروکولن

مرجع: سراسری-۱۴۰۳

می‌تواند باشد؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2})$



-۳۲ (۴)

-۱۶ (۳)

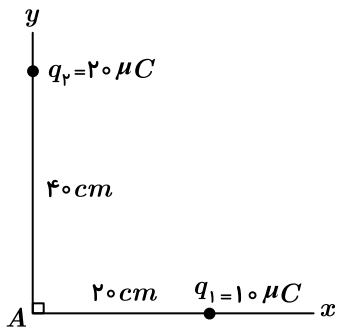
۸ (۲)

۴ (۱)



۶۶. در شکل زیر، اگر بار الکتریکی نقطه‌ای q_1 ساکن بماند ولی بار q_2 را روی محور y ، به نقطه A نزدیک کرده و در 20 سانتی‌متری آن نگه داریم، بزرگی میدان الکتریکی خالص در نقطه A چند برابر می‌شود؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳



۲ (۴)

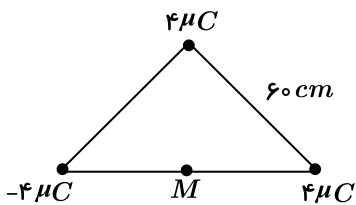
$\sqrt{2}$ (۳)

$\frac{3}{2}$ (۲)

$2\sqrt{2}$ (۱)

۶۷. در شکل زیر، بارهای الکتریکی نقطه‌ای در سه رأس قائم‌الزاویه متساوی‌الساقین قرار دارند. میدان الکتریکی در نقطه M (وسط وتر مثلث) در SI

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳



$2\sqrt{5} \times 10^3$ (۴)

$5\sqrt{2} \times 10^3$ (۳)

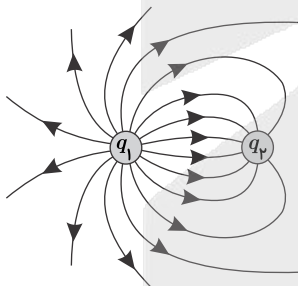
$5\sqrt{2} \times 10^5$ (۲)

$2\sqrt{5} \times 10^5$ (۱)

چقدر است؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$

۶۸. در شکل زیر، با توجه به خطوط میدان الکتریکی، کدام رابطه‌ها در مورد بارهای الکتریکی درست است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴



$|q_1| < |q_2|$ و $q_2 < 0$ (۴)

$|q_2| < |q_1|$ و $q_2 < 0$ (۳)

$|q_1| < |q_2|$ و $q_1 < 0$ (۲)

$|q_2| < |q_1|$ و $q_1 < 0$ (۱)

۶۹. بارهای الکتریکی $q_1 = 3.0 \times 10^{-8} C$ و $q_2 = 1.6 \times 10^{-9} C$ در فاصله 5 سانتی‌متری از یکدیگر قرار دارند. اندازه میدان الکتریکی خالص در

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴

نقطه‌ای به فاصله 3 cm از q_1 و 4 cm از q_2 چند نیوتون بر کولن است؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$

$2\sqrt{2} \times 10^5$ (۴)

$2\sqrt{5} \times 10^5$ (۳)

$3\sqrt{10} \times 10^5$ (۲)

$5\sqrt{3} \times 10^5$ (۱)

۷۰. بار الکتریکی نقطه‌ای q_1 از فاصله 60 سانتی‌متری، بر بار نقطه‌ای $q_2 = -5 \mu C$ ، نیروی جاذبه الکتریکی $2 \times 10^{-2} N$ را وارد می‌کند. بزرگی میدان

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۴

الکتریکی حاصل از بار q_1 در فاصله 20 سانتی‌متری آن چند نیوتون بر کولن است؟

1.2×10^4 (۴)

3.6×10^4 (۳)

4×10^3 (۲)

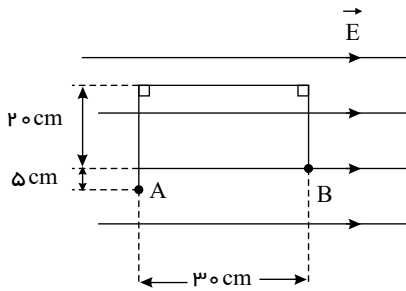
6×10^3 (۱)



انرژی پتانسیل الکتریکی

۷۱. در شکل زیر، در میدان الکتریکی یکنواخت $E = 10^5 \frac{N}{C}$ ، بار نقطه‌ای $q = -5 \mu C$ از طریق مسیر نشان داده شده از نقطه A به نقطه B منتقل شده است. در این انتقال، انرژی پتانسیل الکتریکی این ذره باردار چند ژول تغییر می‌کند؟

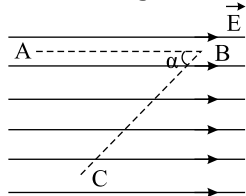
مرجع: سراسری - ۱۳۹۹



- ۱) $+0,15$
- ۲) $-0,15$
- ۳) $+0,10$
- ۴) $-0,10$

۷۲. در میدان الکتریکی یکنواخت $E = 10^5 \frac{N}{C}$ ، ذره‌ای با بار الکتریکی $q = -5 \mu C$ مسیر ABC را از A تا C طی کرده است. انرژی پتانسیل الکتریکی ذره در این مسیر، چگونه تغییر کرده است؟ ($\sin \alpha = 0,8$, $AB = BC = 50 \text{ cm}$)

مرجع: سراسری - ۱۴۰۱



- ۱) ۱ ژول، افزایش
- ۲) ۱ ژول، کاهش
- ۳) ۴ ژول، افزایش
- ۴) ۴ ژول، کاهش

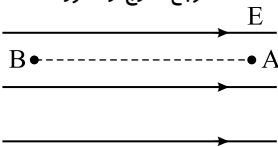
۷۳. یک الکترون به جرم 10^{-30} kg و بار الکتریکی $1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$ در میدان الکتریکی یکنواخت به بزرگی $125 \frac{N}{C}$ از حالت سکون رها می‌شود و تحت اثر میدان الکتریکی، 10 cm جابه‌جا می‌شود. زمان این جابه‌جایی چند نانوثانیه است و در این مدت تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی این الکترون، چند الکترون‌ولت است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱

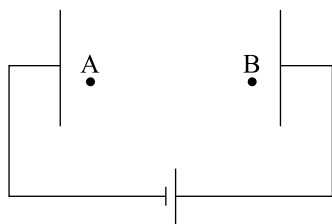
- ۱) $+12,5, 100$
- ۲) $-12,5, 100$
- ۳) $-12,5, 40$
- ۴) $+12,5, 40$

۷۴. ذره‌ای با بار الکتریکی $q < 0$ در یک میدان الکتریکی یکنواخت از نقطه A تا B در راستای میدان جابه‌جا می‌شود. کدام مورد الزاماً درست است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲



- ۱) کار نیروی میدان الکتریکی روی ذره منفی است.
- ۲) کار نیروی میدان الکتریکی روی ذره مثبت است.
- ۳) انرژی جنبشی ذره کاهش می‌یابد.
- ۴) انرژی جنبشی ذره افزایش می‌یابد.



۷۵. در شکل زیر، میدان الکتریکی یکنواخت بین دو صفحه $10^3 \frac{N}{C}$ است. یک پروتون را از نقطه A با تندی اولیه $2 \times 10^4 \frac{m}{s}$ در خلاف جهت میدان الکتریکی پرتاب می‌کنیم و پروتون در نقطه B متوقف می‌شود. حال اگر جای پایانه‌های باتری را عوض کنیم و پروتون را با همان تندی قبلی از A به سمت نقطه B پرتاب کنیم، تندی آن در نقطه B چند متر بر ثانیه می‌شود؟ (از وزن پروتون و مقاومت هوا صرف نظر شود).

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

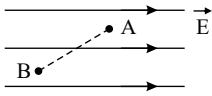
- ۱) $2\sqrt{2} \times 10^4$
- ۲) $\frac{1}{2} \times 10^4$
- ۳) $\sqrt{2} \times 10^4$
- ۴) 4×10^4



پتانسیل الکتریکی - رابطه اختلاف پتانسیل دو نقطه و اندازه میدان الکتریکی یکنواخت

۷۶. در شکل زیر، بار الکتریکی $q = -50 \mu C$ از نقطه A به پتانسیل الکتریکی 120 ولت به نقطه B می‌رود و انرژی پتانسیل الکتریکی آن $5mJ$ تغییر می‌کند. پتانسیل الکتریکی نقطه B چند ولت است؟

مرجع: سراسری - ۱۳۹۸



۱۱۰ (۲)

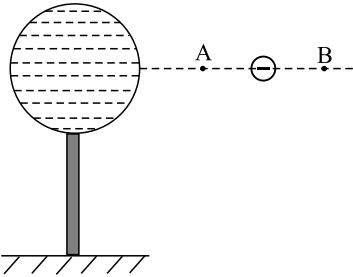
۲۰ (۱)

۲۲۰ (۴)

۱۳۰ (۳)

۷۷. در شکل زیر، کره فلزی با بار الکتریکی منفی روی پایه نارسنایی قرار دارد و ذره‌ای با بار منفی را از نقطه A تا نقطه B جابه‌جا می‌کنیم. در این آزمایش، پتانسیل الکتریکی نقطه B در مقایسه با پتانسیل الکتریکی نقطه A چگونه است و در این جابه‌جایی، انرژی پتانسیل الکتریکی ذره باردار چگونه تغییر می‌کند؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۰



۱ بیشتر - کاهش

۲ بیشتر - افزایش

۳ کمتر - کاهش

۴ کمتر - افزایش

۷۸. در یک میدان الکتریکی یکنواخت، ذره باداری را در نقطه‌ای به پتانسیل الکتریکی $V_1 = 30V$ از حال سکون رها می‌کنیم. اگر ذره فقط تحت تأثیر میدان الکتریکی به نقطه‌ای به پتانسیل الکتریکی $V_2 = 80V$ برسد و انرژی جنبشی آن 2 میلی‌ژول افزایش یابد، بار الکتریکی ذره چند میکروکولن است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰

-۸۰ (۴)

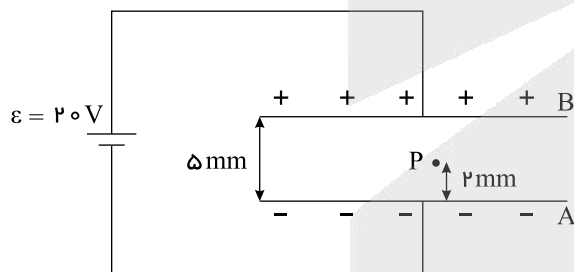
-۴۰ (۳)

۴۰ (۲)

۸۰ (۱)

۷۹. در شکل زیر، بین دو صفحه موازی هوا است و نقطه P در 2 میلی‌متری صفحه A قرار دارد. اگر با ثابت ماندن صفحه A ، صفحه B را دور کنیم تا فاصله بین دو صفحه $10mm$ شود، پتانسیل الکتریکی نقطه P ، چگونه تغییر می‌کند؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۱



۱ ۲ ولت افزایش می‌یابد.

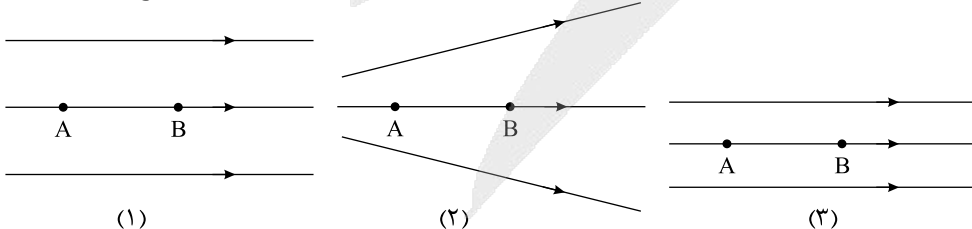
۲ ۴ ولت کاهش می‌یابد.

۳ ۲ ولت کاهش می‌یابد.

۴ ۴ ولت افزایش می‌یابد.

۸۰. شکل زیر، سه آرایش خطوط میدان الکتریکی را نشان می‌دهد. یک الکترون از حالت سکون از نقطه B رها می‌شود و سپس توسط میدان الکتریکی تا نقطه A شتاب می‌گیرد. نقطه‌های A و B در هر سه آرایش در فاصله یکسان قرار دارند. اگر اختلاف پتانسیل بین دو نقطه $(V_A - V_B)$ را ΔV بنامیم، کدام رابطه درست است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۱



۱ $\Delta V_{(3)} > \Delta V_{(2)} > \Delta V_{(1)}$

۲ $\Delta V_{(3)} = \Delta V_{(1)} > \Delta V_{(2)}$

۳ $\Delta V_{(1)} > \Delta V_{(2)} > \Delta V_{(3)}$

۴ $\Delta V_{(1)} = \Delta V_{(2)} = \Delta V_{(3)}$

۸۱. ذره‌ای به جرم $4 \mu g$ و بار $5nC$ در یک میدان الکتریکی یکنواخت از نقطه A تا نقطه B فقط تحت تأثیر میدان الکتریکی جابه‌جا می‌شود و سرعت آن از $10 \frac{m}{s}$ به $20 \frac{m}{s}$ می‌رسد. $V_B - V_A$ چند ولت است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱

۱۲۰ (۴)

۶۰ (۳)

-۶۰ (۲)

-۱۲۰ (۱)



۸۲. در صفحه xoy خطوط میدان الکتریکی یکنواخت، هم‌راستای محور x است و پتانسیل الکتریکی در نقطه‌ای به مختصات $\begin{matrix} 4cm \\ 3cm \end{matrix}$ برابر $-5V$ و در

مبدأ مختصات برابر $15V$ است. بزرگی میدان الکتریکی چند نیوتون بر کولن است و جهت آن کدام است؟ مرجع: خارج از کشور- ۱۴۰۱

- ۱) 400 ، در جهت محور ۲) 400 ، خلاف جهت محور ۳) 500 ، در جهت محور ۴) 500 ، خلاف جهت محور

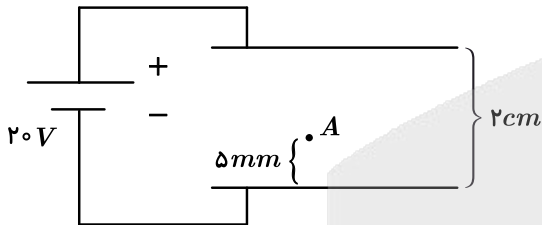
۸۳. ذره‌ای با بار الکتریکی $q = -5\mu C$ در یک میدان الکتریکی یکنواخت از نقطه A تا B جابه‌جا می‌شود و کار نیروی میدان در این جابه‌جایی $20\mu J$ است. اگر پتانسیل نقطه A برابر 6 ولت باشد، پتانسیل نقطه B چند ولت است؟ مرجع: سراسری- ۱۴۰۲

- ۱) 2 ۲) 10 ۳) 12 ۴) صفر

۸۴. بار الکتریکی $q = -20nC$ در راستای میدان الکتریکی یکنواخت، از نقطه A به نقطه B منتقل می‌شود و انرژی پتانسیل الکتریکی آن $2mJ$ افزایش می‌یابد. $V_B - V_A$ ، چند ولت است و جهت حرکت بار الکتریکی در مقایسه با جهت میدان الکتریکی چگونه است؟ مرجع: سراسری- ۱۴۰۲

- ۱) -10^5 و در خلاف جهت میدان ۲) $+10^5$ و در خلاف جهت میدان ۳) $+10^5$ و در جهت میدان ۴) -10^5 و در جهت میدان

۸۵. دو صفحه رسانای موازی را به باتری وصل می‌کنیم. اگر بار $q = -5mC$ را در نقطه A رها کنیم، وقتی به صفحه بالایی می‌رسد، انرژی پتانسیل الکتریکی آن چند میلی‌ژول و چگونه تغییر می‌کند؟ (از اثر وزن ذره صرف نظر کنید). مرجع: سراسری- ۱۴۰۳



- ۱) 100 و کاهش ۲) 100 و افزایش ۳) 75 و کاهش ۴) 75 و افزایش

۸۶. بین دو نقطه به اختلاف پتانسیل الکتریکی 2 کیلوولت، تخلیه الکتریکی صورت گرفته و 8 کیلووات ساعت انرژی آزاد شده است. چند الکترون بین این دو نقطه شارش پیدا کرده است؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19}C$) مرجع: خارج از کشور- ۱۴۰۳

- ۱) 9×10^{19} ۲) 9×10^{22} ۳) 3.6×10^{20} ۴) 3.6×10^{18}

۸۷. ذره‌ای به بار الکتریکی $q = -5mC$ در یک میدان الکتریکی یکنواخت از نقطه A به طرف نقطه B پرتاب می‌شود و در مسیر A تا B ، انرژی جنبشی آن $100mJ$ تغییر می‌کند. $V_B - V_A$ چند ولت است؟ (از وزن ذره و مقاومت هوا صرف نظر شود). مرجع: خارج از کشور- ۱۴۰۳



- ۱) 20 ۲) -20 ۳) -50 ۴) 50

۸۸. اختلاف پتانسیل صفحات خازن تختی $670V$ است. اگر فاصله بین صفحات $270mm$ باشد، میدان الکتریکی بین صفحات این خازن چند ولت بر متر است؟ مرجع: سراسری- ۱۴۰۴

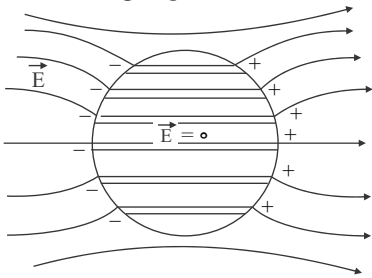
- ۱) 1.2×10^{-3} ۲) 370×10^{-3} ۳) 1.2×10^3 ۴) 3×10^3



توزیع بار الکتریکی در اجسام رسانا

۸۹. شکل زیر، کره‌ای را نشان می‌دهد که درون میدان الکتریکی قرار دارد. این کره است و درون آن از چپ به راست، پتانسیل الکتریکی

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸



۱) رسانا - ثابت می‌ماند.

۲) رسانا - کاهش می‌یابد.

۳) نارسانا - کاهش می‌یابد.

۴) نارسانا - افزایش می‌یابد.

۹۰. کره فلزی توپُر، روی پایه عایقی قرار دارد. جسم رسانای باردار را با آن تماس داده و دور می‌کنیم. به ترتیب: بار الکتریکی در کره چگونه پخش می‌شود، پتانسیل الکتریکی نقاط مختلف کره چگونه است و میدان الکتریکی در درون کره چگونه است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴

۲) فقط در سطح خارجی - صفر - یکنواخت

۱) یکنواخت در همه‌جا - صفر - صفر

۴) یکنواخت در همه‌جا - هم‌پتانسیل با هم - یکنواخت

۳) فقط در سطح خارجی - هم‌پتانسیل با هم - صفر

خازن - انرژی خازن

۹۱. خازنی به یک باتری که ولتاژ آن قابل تنظیم است، متصل است. اگر ولتاژ دو سر خازن از $20V$ به $15V$ برسد، انرژی ذخیره شده در آن چند برابر می‌شود؟

مرجع: سراسری - ۱۳۹۸

۴) $\frac{3}{16}$

۳) $\frac{9}{16}$

۲) $\frac{2}{3}$

۱) $\frac{3}{4}$

۹۲. بار خازنی به ظرفیت $5\mu F$ ، ۲۵ درصد افزایش می‌یابد و در اثر آن، به انرژی ذخیره شده در خازن افزوده می‌شود. ولتاژ اولیه دو سر خازن چند ولت بوده است؟

مرجع: سراسری - ۱۳۹۸

۴) ۲۵

۳) ۲۰

۲) ۱۲٫۵

۱) ۸

۹۳. خازنی به ظرفیت $5\mu F$ به یک باتری $10V$ ولتی متصل است. انرژی ذخیره شده در این خازن چند میکروژول است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸

۴) ۲۵

۳) ۵۰

۲) ۲۵۰

۱) ۵۰۰

۹۴. فاصله بین صفحات خازنی $5mm$ ، مساحت هر یک از صفحه‌های آن $40cm^2$ و بین صفحات آن هوا است. اگر فاصله بین صفحات خازن $4mm$ کاهش یابد، ظرفیت خازن چند پیکوفاراد افزایش می‌یابد؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸

$$(\epsilon_0 = 9 \times 10^{-12} C^2 / N \cdot m^2)$$

۴) ۳۶

۳) ۲۸٫۸

۲) ۲۴

۱) ۷٫۲

۹۵. ظرفیت خازنی $12\mu F$ و اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو صفحه آن ثابت و برابر V_1 است. اگر $6\mu C$ بار الکتریکی را از صفحه منفی آن به صفحه مثبت آن انتقال دهیم، انرژی ذخیره شده در آن $28,5\mu J$ کاهش می‌یابد. V_1 چند ولت است؟

مرجع: سراسری - ۱۳۹۹

۴) ۲۰

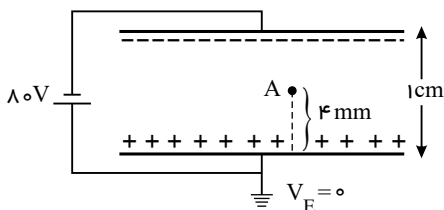
۳) ۱۵

۲) ۱۰

۱) ۵

۹۶. دو صفحه رسانای موازی با ابعاد بزرگ را مطابق شکل زیر به یک باتری وصل کرده‌ایم، پتانسیل نقطه A چند ولت است؟

مرجع: سراسری - ۱۳۹۹



۱) -۴۸

۲) -۳۲

۳) +۳۲

۴) +۴۸



۹۷. یک خازن تخت به یک باتری بسته شده است. پس از مدتی، در حالی که خازن همچنان به باتری متصل است، فاصله بین صفحه‌های خازن را دو برابر می‌کنیم. کدام موارد زیر درست است؟

الف - میدان الکتریکی میان صفحه‌ها نصف می‌شود. ب - اختلاف پتانسیل میان صفحه‌ها نصف می‌شود. مرجع: سراسری - ۱۳۹۹

پ - ظرفیت خازن دو برابر می‌شود. ت - بار روی صفحه‌ها نصف می‌شود.

- ۱ الف و ب ۲ الف و ت ۳ ب و ت ۴ پ و ت

۹۸. اختلاف پتانسیل بین دو صفحه خازن را ۱٫۵ برابر می‌کنیم، در نتیجه $20 \mu C$ بر بار ذخیره شده در آن اضافه می‌شود و انرژی آن نیز $200 \mu J$ افزایش می‌یابد. ظرفیت خازن چند میکرو فاراد است؟

- ۱ ۵ ۲ ۱۰ ۳ ۱۵ ۴ ۲۰

۹۹. ظرفیت خازنی $2 \mu F$ است. اختلاف پتانسیل بین دو صفحه آن را یک ولت افزایش می‌دهیم، انرژی آن $10^{-6} J \times 5$ افزایش می‌یابد. اختلاف پتانسیل اولیه این خازن چند ولت بوده است؟

- ۱ ۵ ۲ ۴ ۳ ۳ ۴ ۲

۱۰۰. ظرفیت خازنی ۵ میکروفاراد و بار الکتریکی آن q است. اگر $3 mC$ بار الکتریکی را از صفحه منفی جدا کرده و به صفحه مثبت منتقل کنیم، انرژی ذخیره شده در خازن به اندازه $4.5 J$ افزایش می‌یابد. q چند میلی کولن است؟

- ۱ ۳ ۲ ۶ ۳ ۹ ۴ ۱۲

۱۰۱. فاصله بین صفحه‌های یک خازن تخت $5 mm$ و مساحت هریک از صفحه‌ها $2 cm^2$ است و خازن از ماده دی الکتریک انعطاف‌پذیری به ثابت $k = 4$ پر شده است. اگر فاصله بین صفحه‌ها $3 mm$ کاهش یابد، ظرفیت خازن چند پیکوفاراد افزایش می‌یابد؟ $(\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \frac{F}{m})$

- ۱ ۲٫۱۲۴ ۲ ۲٫۳۶ ۳ ۲۱٫۲۴ ۴ ۲۳٫۶

۱۰۲. اگر اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر خازنی ۱۰ درصد کاهش یابد، بار الکتریکی و انرژی ذخیره شده در آن هر کدام چند درصد (به ترتیب از راست به چپ) کاهش می‌یابند؟

- ۱ ۱۰ و ۱۹ ۲ ۱۹ و ۱۹ ۳ ۱۰ و ۱۰ ۴ ۱۹ و ۱۰

۱۰۳. خازن شارژ شده‌ای را از مولد جدا می‌کنیم و در حالتی که بار الکتریکی آن ثابت می‌ماند. عایقی که بین صفحات خازن را پر کرده، خارج می‌کنیم. اگر ثابت دی‌الکتریک عایق $k = 2$ باشد، ظرفیت، اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو صفحه خازن و انرژی آن به ترتیب چند برابر می‌شوند؟

- ۱ $2, 2, \frac{1}{2}$ ۲ $\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 2$ ۳ $2, 2, 2$ ۴ $\frac{1}{2}, 1, 2$

۱۰۴. ظرفیت خازنی $5 \mu F$ و بین صفحات آن هوا است. می‌خواهیم بدون تغییر فاصله صفحات از هم، بین دو صفحه را با عایقی پر کنیم که وقتی خازن با اختلاف پتانسیل الکتریکی ۲۰ ولت شارژ می‌شود، انرژی ذخیره شده در آن ۲ میلی ژول باشد، ضریب دی‌الکتریک عایق، چقدر است؟ مرجع: سراسری - ۱۴۰۱

- ۱ ۱٫۵ ۲ ۲ ۳ ۲٫۵ ۴ ۵

۱۰۵. اگر اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو صفحه یک خازن ۸ میکروفارادی، یک ولت تغییر کند، تعداد الکترون‌های هر صفحه، چقدر تغییر می‌کند؟ $(e = 1.6 \times 10^{-19} C)$

- ۱ 5×10^{19} ۲ 2×10^{19} ۳ 5×10^{13} ۴ 2×10^{13}

۱۰۶. ظرفیت خازنی $40 \mu F$ است. اگر بار الکتریکی آن $\frac{3}{4}$ برابر شود، انرژی ذخیره شده در آن $25 \mu J$ افزایش می‌یابد. بار اولیه خازن چند میکروکولن است؟ مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

- ۱ ۴۰ ۲ ۶۰ ۳ ۸۰ ۴ ۱۲۰

۱۰۷. با کاهش بار الکتریکی یک خازن، چه کسری از انرژی آن را کاهش دهیم تا اختلاف پتانسیل الکتریکی آن $\frac{3}{4}$ اختلاف پتانسیل اولیه آن شود؟

- ۱ $\frac{1}{4}$ ۲ $\frac{3}{4}$ ۳ $\frac{7}{16}$ ۴ $\frac{9}{16}$



۱۰۸. اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر یک خازن ۲۵ میکروفارادی را ۲۰ درصد افزایش می‌دهیم و ۵۰ میکروکولن بر بار الکتریکی ذخیره شده در آن اضافه می‌شود. در این شرایط، انرژی خازن چند میلی‌ژول می‌شود؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

- ۱) ۳۶۰ ۲) ۳٫۶ ۳) ۱۸۰ ۴) ۱٫۸

۱۰۹. بار خازنی به ظرفیت $25 \mu F$ ، $\frac{5}{4}$ برابر می‌شود و در اثر آن $4.5 \mu J$ انرژی ذخیره شده در آن افزایش می‌یابد. اختلاف پتانسیل دو سر خازن چند ولت تغییر می‌کند؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

- ۱) ۲ ۲) ۰٫۲ ۳) ۶ ۴) ۰٫۶

۱۱۰. ظرفیت خازنی $5 \mu F$ و بار الکتریکی آن $200 \mu C$ است. اگر خازن را از باتری جدا کنیم و فاصله بین صفحه‌های آن را ۵۰ درصد افزایش دهیم، انرژی ذخیره شده در خازن چند میلی‌ژول افزایش می‌یابد؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۳

- ۱) ۲ ۲) ۴ ۳) ۶ ۴) ۱۲

۱۱۱. خازنی که بین صفحات آن هوا است، به دو سر یک باتری وصل است. اگر با ماده‌ای با ثابت دی‌الکتریک $k = 3$ فضای بین دو صفحه را پر کنیم، انرژی خازن و میدان الکتریکی بین دو صفحه، به ترتیب چند برابر می‌شوند؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴

- ۱) ۱ و ۳ ۲) ۱ و ۹ ۳) ۳ و ۳ ۴) ۳ و ۹

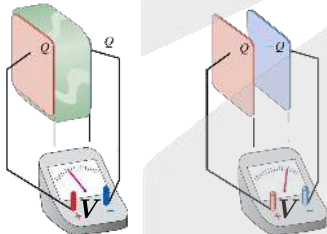
۱۱۲. دو سر خازنی با صفحات موازی به باتری وصل است و بین دو صفحه هوا است. اگر در همین حال، فاصله بین دو صفحه را ۷۵ درصد کاهش دهیم، بار الکتریکی خازن چگونه تغییر می‌کند؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴

- ۱) ۳ برابر می‌شود. ۲) ۴ برابر می‌شود. ۳) ۲۵ درصد افزایش می‌یابد. ۴) ۷۵ درصد افزایش می‌یابد.

۱۱۳. در شکل زیر، صفحه‌های باردار یک خازن تخت را که بین آنها هوا است، به ولت‌سنج وصل می‌کنیم، اگر دی‌الکتریک در بین صفحات قرار دهیم، کدام مورد درست است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴



- ۱) انرژی ذخیره شده بین صفحه‌های خازن افزایش می‌یابد. ۲) انرژی ذخیره شده بین صفحه‌های خازن ثابت می‌ماند.
۳) بار روی صفحه‌های خازن افزایش می‌یابد. ۴) بار روی صفحه‌های خازن ثابت می‌ماند.

۱۱۴. ظرفیت خازن تختی $5.0 nF$ و بار الکتریکی آن $45 nC$ است و بین صفحه‌های این خازن، هوا است. خازن را از باتری جدا و فاصله بین صفحه‌های آن را ۲ برابر می‌کنیم. انرژی ذخیره شده در خازن چند نانو ژول تغییر می‌کند؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۴

- ۱) 8.10×10^2 ۲) 2.025×10^2 ۳) 2.02×10^2 ۴) 1.01×10^2

۱۱۵. یک خازن که فاصله دو صفحه آن $2.7 mm$ و بین دو صفحه آن هوا است، به دو سر یک باتری وصل است. فاصله بین دو صفحه را چگونه تغییر دهیم تا انرژی خازن، ۸ درصد افزایش پیدا کند؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۴

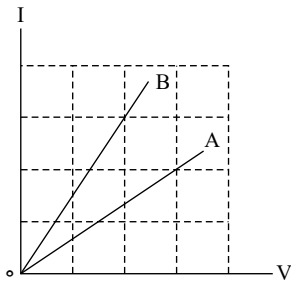
- ۱) ۰٫۴ میلی‌متر افزایش ۲) ۰٫۲ میلی‌متر افزایش ۳) ۰٫۴ میلی‌متر کاهش ۴) ۰٫۲ میلی‌متر کاهش



جریان الکتریکی - مقاومت الکتریکی و قانون اهم

۱۱۶. شکل زیر، رابطه بین جریان عبوری از مقاومت‌های A و B و اختلاف پتانسیل دو سر آن مقاومت‌ها را نشان می‌دهد. مقاومت B چند برابر مقاومت A است؟

مرجع: سراسری - ۱۳۹۸



$\frac{2}{3}$ (۲)

$\frac{9}{4}$ (۴)

$\frac{4}{9}$ (۱)

$\frac{3}{2}$ (۳)

عوامل مؤثر بر مقاومت الکتریکی، انواع مقاومت‌ها و کدگذاری

۱۱۷. مقاومت الکتریکی سیمی 6Ω است. $\frac{3}{4}$ سیم را بریده و کنار می‌گذاریم و $\frac{1}{4}$ باقی‌مانده را از دستگاهی عبور می‌دهیم تا آن را یکنواخت نازک کرده و طولش را به طول سیم اولیه برساند. با ثابت ماندن دما، مقاومت سیم جدید چند اهم می‌شود؟

مرجع: سراسری - ۱۳۹۹

۲۴ (۴)

۱۸ (۳)

۱۲ (۲)

۹ (۱)

مرجع: سراسری - ۱۴۰۰

۱۱۸. در پدیدهٔ آبر رسانایی، مقاومت ویژهٔ جسم با کاهش دما:

(۱) با شیب ثابتی به صفر می‌رسد و در دماهای پایین‌تر نیز صفر می‌ماند.

(۲) کاهش می‌یابد و در دمای خاصی، ناگهان به مقدار زیادی افزایش می‌یابد.

(۳) در دمای خاصی به صورت ناگهانی به صفر افت می‌کند و با ادامهٔ کاهش دما، دوباره افزایش می‌یابد.

(۴) در دمای خاصی به صورت ناگهانی به صفر افت می‌کند و در دماهای پایین‌تر، همچنان صفر می‌ماند.

۱۱۹. مساحت مقطع یک ریل فلزی 51 cm^2 است. مقاومت 17 km از این ریل چند اهم است؟ (مقاومت ویژه فلز $10^{-5}\Omega \cdot \text{cm}$ است.)

مرجع: سراسری - ۱۴۰۳

۱۰ (۴)

۱۰۰ (۳)

۰٫۰۱ (۲)

۱ (۱)

۱۲۰. جنس و دمای دو سیم استوانه‌ای A و B یکسان است. اگر طول سیم A دو برابر طول سیم B و جرم آن نصف جرم B باشد، مقاومت الکتریکی سیم A چند برابر مقاومت سیم B است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴

۱۶ (۴)

۸ (۳)

۴ (۲)

۲ (۱)

۱۲۱. سیم باریکی به جرم $m = 314\text{ g}$ و قطر 1 mm از ماده‌ای با چگالی 10^7 g/cm^3 و مقاومت ویژهٔ $3.14 \times 10^{-8}\Omega \cdot \text{m}$ در اختیار داریم. مقاومت الکتریکی این قطعه سیم چند اهم است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴

۳٫۲ (۴)

۲٫۴ (۳)

۱٫۶ (۲)

۰٫۸ (۱)

۱۲۲. اگر قطر سیم مقاومت یک لامپ بر اثر تبخیر یک درصد کاهش یابد، با ثابت ماندن ولتاژ دو سر لامپ و مقاومت ویژهٔ سیم، توان مصرفی آن تقریباً چگونه تغییر می‌کند؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴

(۴) یک درصد افزایش

(۳) دو درصد افزایش

(۲) یک درصد کاهش

(۱) دو درصد کاهش

۱۲۳. دو میلهٔ فلزی A و B ، طول و مقاومت الکتریکی یکسانی دارند. اگر مقاومت ویژهٔ میلهٔ A ، دو برابر مقاومت ویژهٔ میلهٔ B باشد و چگالی آن، ۳ برابر چگالی میلهٔ B باشد، جرم میلهٔ A چند برابر جرم میلهٔ B است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴

۶ (۴)

$\frac{3}{2}$ (۳)

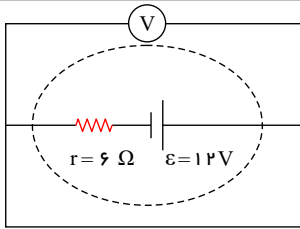
$\frac{2}{3}$ (۲)

$\frac{1}{6}$ (۱)



نیروی محرکه الکتریکی و مدارها - مدار تک حلقه ای و افت پتانسیل در مقاومت

۱۲۴. در مدار زیر، ولت‌سنج چند ولت را نشان می‌دهد؟



مرجع: سراسری - ۱۳۹۸

- ۱) صفر
- ۲) ۲
- ۳) ۶
- ۴) ۱۲

۱۲۵. ولت‌سنجی آرمانی، اختلاف پتانسیل دو سر یک باتری را که به مداری وصل نیست، ۱۲ ولت نشان می‌دهد. حال اگر یک مقاومت ۸ اهمی را به دو سر آن ببندیم، ولت‌سنج اختلاف پتانسیل دو سر باتری را ۹٫۶ ولت نشان می‌دهد. مقاومت درونی باتری چند اهم است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸

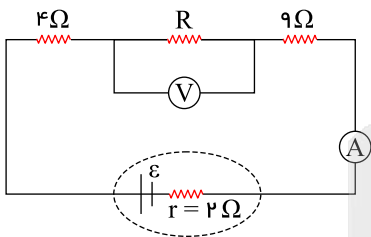
- ۱) ۱
- ۲) ۲
- ۳) ۳
- ۴) ۴

۱۲۶. یک ولت‌سنج به مقاومت $60k\Omega$ را به دوسر یک باتری با نیروی محرکه ۶ ولت و مقاومت درونی 3Ω می‌بندیم. مرتبه بزرگی تعداد الکترون‌هایی که در هر دقیقه از این ولت‌سنج می‌گذرند، چقدر است؟ $(e = 1.6 \times 10^{-19}C)$

مرجع: سراسری - ۱۳۹۹

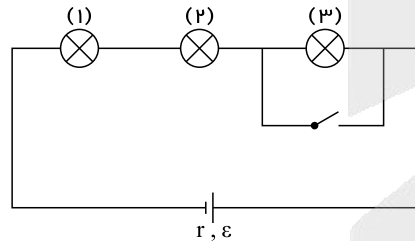
- ۱) 10^{16}
- ۲) 10^{17}
- ۳) 10^{18}
- ۴) 10^{19}

۱۲۷. در شکل زیر، ولت‌سنج و آمپرسنج آرمانی به ترتیب ۱۲ ولت و ۸ آمپر را نشان می‌دهند. نیروی محرکه مولد چند ولت است؟ مرجع: سراسری - ۱۴۰۱



- ۱) ۳۶
- ۲) ۲۴
- ۳) ۱۸
- ۴) ۱۶

۱۲۸. در مدار زیر همه لامپ‌ها مشابه‌اند. با بستن کلید، کدام موارد زیر، درست است؟ مرجع: سراسری - ۱۴۰۲



الف: اختلاف پتانسیل دو سر باتری کاهش می‌یابد.

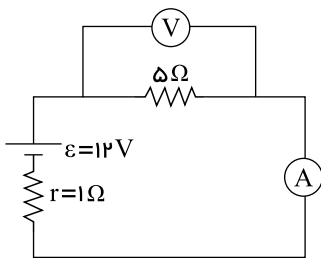
ب: اختلاف پتانسیل دو سر لامپ‌های (۱) و (۲) کاهش می‌یابد.

پ: اختلاف پتانسیل دو سر لامپ‌های (۱) و (۲) افزایش می‌یابد.

ت: اختلاف پتانسیل دو سر باتری افزایش می‌یابد.

- ۱) «الف» و «ب»
- ۲) «الف» و «ب»
- ۳) «پ» و «ت»
- ۴) «ب» و «ت»

۱۲۹. در شکل زیر، اگر جای آمپرسنج و ولت‌سنج عوض شود، کدام موارد درست است؟ (آمپرسنج و ولت‌سنج آرمانی فرض شوند).



مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

الف) عددی که آمپرسنج نشان می‌دهد، ۲A کاهش می‌یابد.

ب) عددی که ولت‌سنج نشان می‌دهد، ۲V افزایش می‌یابد.

پ) اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت ۵ اهمی، ۲V کاهش می‌یابد.

- ۱) «الف» و «ب»
- ۲) «الف» و «پ»
- ۳) «ب» و «پ»
- ۴) «الف»، «ب» و «پ»

توان و انرژی در مدارهای الکتریکی - توان مصرفی مقاومت‌ها

۱۳۰. روی یک لامپ عددهای ۲۲۰V و ۱۰۰W ثبت شده است. اگر این لامپ به اختلاف پتانسیل ۲۰۰V وصل شود، با فرض ثابت ماندن مقاومت لامپ، در مدت ۱۱ ساعت چند کیلووات ساعت انرژی مصرف می‌کند؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸

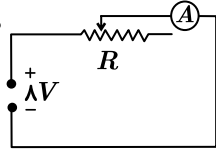
- ۱) $\frac{10}{121}$
- ۲) $\frac{10}{11}$
- ۳) ۱۰
- ۴) ۱۱



۱۳۱. وقتی دو سر یک بخاری برقی را به اختلاف پتانسیل $220V$ وصل کنیم، جریان $10A$ از آن می‌گذرد. اگر این بخاری به مدت ۵ ساعت در روز کار کند و بهای برق مصرفی به ازای هر کیلووات ساعت ۵۰ تومان باشد، هزینه یک ماه (۳۰ روز) مصرف این بخاری چند تومان است؟ مرجع: سراسری-۱۴۰۳

۱) 16500 ۲) 1650000 ۳) 330 ۴) 3300000

۱۳۲. در شکل زیر، آمپرسنج آرمانی $50mA$ را نشان می‌دهد. مقاومت متغیر را چگونه تغییر دهیم تا توان مصرفی آن ۶۰ درصد افزایش یابد؟ مرجع: خارج از کشور-۱۴۰۳



۱) 6Ω کاهش ۲) 6Ω افزایش ۳) 9.6Ω افزایش ۴) 9.6Ω کاهش

۱۳۳. ۲۵ کیلووات ساعت، معادل چند مگاژول است؟ مرجع: سراسری-۱۴۰۴

۱) ۵۰ ۲) ۹۰ ۳) ۵۰۰ ۴) ۹۰۰

۱۳۴. کدام مورد، یکای توان نیست؟ مرجع: سراسری-۱۴۰۴

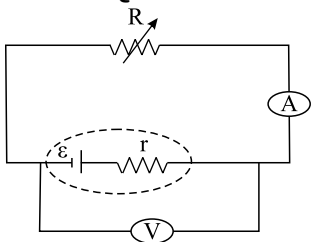
۱) ولت آمپر ۲) کولن ولت ثانیه ۳) نیوتون متر ثانیه ۴) کیلوگرم متر ثانیه

۱۳۵. اگر در یک آذرخش، جریان الکتریکی متوسط $200A$ به مدت $2r$ ثانیه بین دو ابر با اختلاف پتانسیل الکتریکی $50kV$ برقرار شود، انرژی الکتریکی آزاد شده در این مدت چند مگاژول است؟ مرجع: خارج از کشور-۱۴۰۴

۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۴۰ ۴) ۵۰

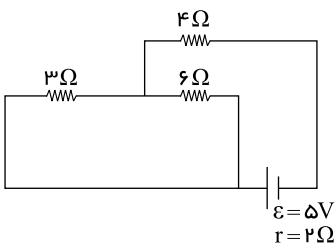
توان منبع نیروی محرکه‌ی واقعی

۱۳۶. در مدار زیر، توان خروجی باتری به ازای جریان‌های $3A$ و $5A$ یکسان است. در حالتی که ولت‌سنج عدد صفر را نشان می‌دهد، آمپرسنج چند آمپر را نشان می‌دهد؟ (ولت‌سنج و آمپرسنج آرمانی فرض شود). مرجع: سراسری-۱۴۰۰



۱) صفر ۲) ۲ ۳) ۴ ۴) ۸

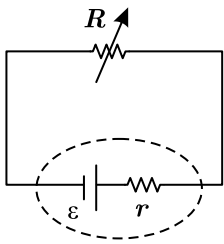
۱۳۷. در مدار زیر، اگر به جای مقاومت 3Ω ، مقاومت 12Ω قرار گیرد، توان تولیدی باتری چند وات تغییر می‌کند؟ مرجع: خارج از کشور-۱۴۰۱



۱) $\frac{5}{12}$ ۲) $\frac{5}{6}$ ۳) $\frac{100}{9}$ ۴) $\frac{100}{3}$



۱۳۸. در شکل زیر، یک مقاومت متغیر به یک باتری متصل است. توان خروجی باتری به ازای جریان $5A$ برابر $9.5W$ و به ازای جریان $7A$ برابر $12.6W$ است. نیروی محرکه باتری چند ولت و مقاومت درونی آن چند اهم است؟
مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳



- ۱) 0.05 و 2.5 ۲) 0.05 و 2.15 ۳) 0.5 و 2.4 ۴) 2.14 و 0.5

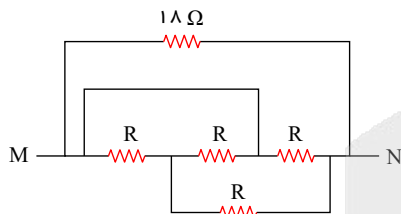
۱۳۹. یک باتری با نیروی محرکه $\varepsilon = 9V$ به دو سر یک مقاومت وصل است و جریان $I = 1.5A$ از مقاومت عبور می‌کند. اگر در این حالت اختلاف پتانسیل دو سر باتری 6 ولت باشد، توان خروجی باتری چند وات است؟
مرجع: سراسری - ۱۴۰۴

- ۱) 6 ۲) 9 ۳) 12 ۴) 18

ترکیب مقاومت ها - به هم بستن متوالی - به هم بستن موازی یا ترکیبی

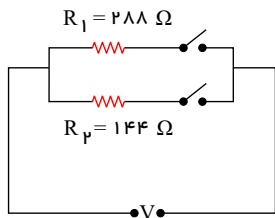
مرجع: سراسری - ۱۳۹۸

۱۴۰. در مدار زیر، مقاومت معادل بین دو نقطه M و N برابر $\frac{R}{3}$ است. R چند اهم است؟



- ۱) 18 ۲) 12 ۳) 6 ۴) 3

۱۴۱. در مدار زیر، با بستن هر دو کلید یا یکی از آنها می‌توان سه توان مصرفی در مدار ایجاد کرد. نسبت بیشترین توان مصرفی مدار به کمترین توان مصرفی کدام است؟
مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸

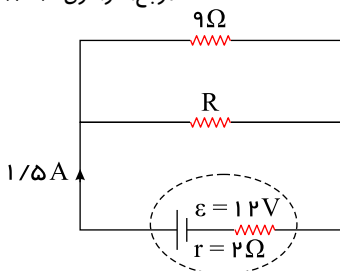


مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸

- ۱) 1.5 ۲) 2 ۳) 3 ۴) 4

مرجع: سراسری - ۱۴۰۱

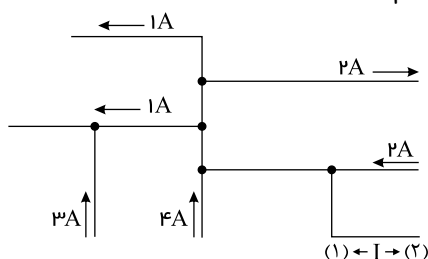
۱۴۲. در شکل زیر، توان مصرفی مقاومت R ، چند وات است؟



- ۱) 4.5 ۲) 9 ۳) 13.5 ۴) 18

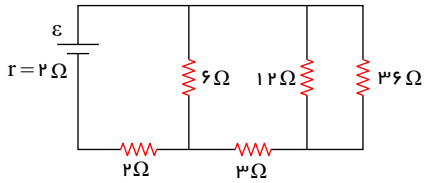
مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱

۱۴۳. شکل زیر، بخشی از یک مدار الکتریکی را نشان می‌دهد. بزرگی جریان I ، چند آمپر و جهت جریان کدام است؟



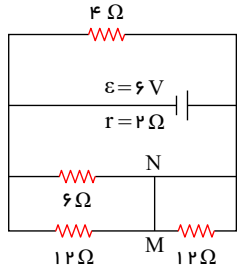
- ۱) $(2), 2$ ۲) $(1), 2$ ۳) $(2), 6$ ۴) $(1), 6$

۱۴۴. در مدار زیر، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومتی که بیشترین توان در آن تلف می‌شود، ۱۲ ولت است. \mathcal{E} چند ولت است؟ مرجع: سراسری - ۱۳۹۸



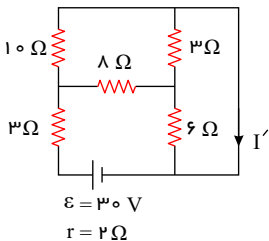
- ۱) ۱۲
- ۲) ۱۸
- ۳) ۲۰
- ۴) ۲۴

۱۴۵. در مدار زیر، جریان الکتریکی که از سیم رابط MN می‌گذرد، چند آمپر است؟ مرجع: سراسری - ۱۳۹۸



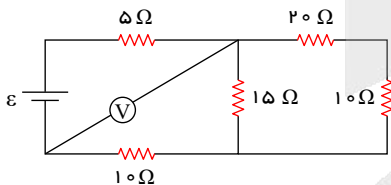
- ۱) ۰٫۲۵
- ۲) ۰٫۵۰
- ۳) ۰٫۷۵
- ۴) ۱٫۵

۱۴۶. در مدار روبه‌رو، جریان I' چند آمپر است؟ مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸



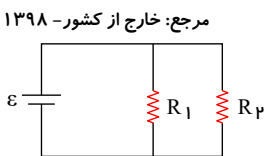
- ۱) ۱
- ۲) ۱٫۵
- ۳) ۲٫۵
- ۴) ۳

۱۴۷. در مدار زیر، ولت‌سنج آرمانی ۶ ولت را نشان می‌دهد. ولتاژ دو سر مولد چند ولت است؟ مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸



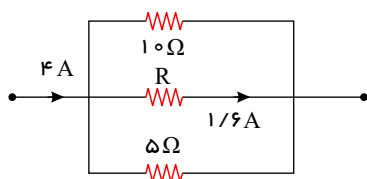
- ۱) ۳٫۰
- ۲) ۴٫۵
- ۳) ۵٫۰
- ۴) ۷٫۵

۱۴۸. در مدار زیر، یک باتری آرمانی با $\mathcal{E} = 20\ V$ و $R_1 = 100\ k\Omega$ و $R_2 = 2\ M\Omega$ قرار دارند. جریانی که از باتری می‌گذرد، چند میلی‌آمپر است؟ مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸



- ۱) ۰٫۲۱
- ۲) ۲٫۱
- ۳) ۲۱
- ۴) ۲۱۰

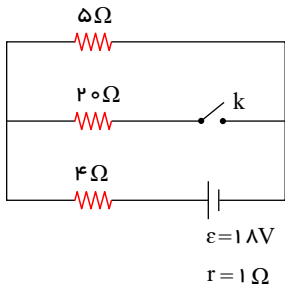
۱۴۹. شکل زیر، قسمتی از یک مدار الکتریکی است. انرژی که در مدت ۲۵ دقیقه در مقاومت R مصرف می‌شود، چند کیلوژول است؟ مرجع: سراسری - ۱۳۹۹



- ۱) ۴٫۸
- ۲) ۹٫۶
- ۳) ۱۹٫۲
- ۴) ۲۷٫۴



مرجع: سراسری - ۱۳۹۹



۱۵۰. در مدار زیر، با بستن کلید، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت ۵ اهمی چگونه تغییر می کند؟

- ۱) ۸ ولت کاهش می یابد.
- ۲) ۸ ولت افزایش می یابد.
- ۳) یک ولت کاهش می یابد.
- ۴) یک ولت افزایش می یابد.

۱۵۱. یک مقاومت ۲۵ اهمی را به یک باتری می بندیم، جریان ۲A از آن عبور می کند. اگر یک مقاومت ۱۰۰ اهمی را با مقاومت ۲۵ اهمی موازی ببندیم، جریانی که در این حالت از مقاومت ۲۵ اهمی عبور می کند، ۱٫۹۲A می شود. توان خروجی باتری در مدار دوم چند وات بیشتر از توان خروجی باتری در مدار اول است؟

مرجع: سراسری - ۱۳۹۹

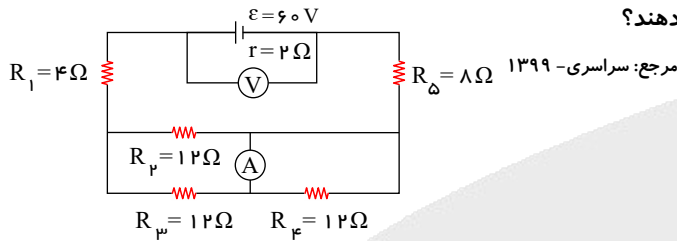
۲۴ (۴)

۱۵٫۲ (۳)

۴٫۸ (۲)

۲ (۱)

۱۵۲. در مدار زیر، ولت سنج آرمانی و آمپرسنج آرمانی چه اعدادی را نشان می دهند؟



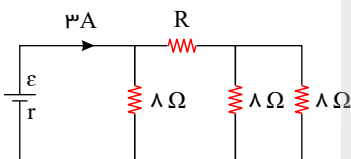
۱٫۵A, ۵۴V (۱)

۱٫۵A, ۵۵V (۲)

۳A, ۵۴V (۳)

۳A, ۵۵V (۴)

مرجع: سراسری - ۱۳۹۹



۱۵۳. در شکل روبه رو، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت R، ۱۲ ولت است، R چند اهم است؟

۶ (۲)

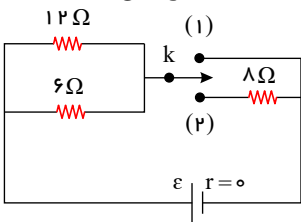
۴ (۱)

۱۲ (۴)

۸ (۳)

۱۵۴. در مدار شکل زیر، ابتدا کلید در حالت (۱) قرار دارد و توان خروجی باتری P1 است. اگر کلید در حالت (۲) قرار گیرد، توان خروجی باتری P2 می شود. P2 / P1 چقدر است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹



۲/۳ (۲)

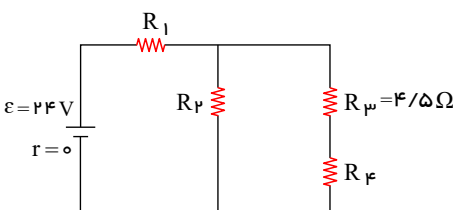
۲ (۱)

۱/۳ (۴)

۱/۲ (۳)

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹

۱۵۵. در مدار زیر، توان مصرفی هریک از مقاومت ها یکسان است. جریان عبوری از مقاومت Rp چند آمپر است؟



۱ (۱)

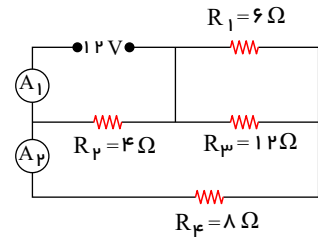
۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)



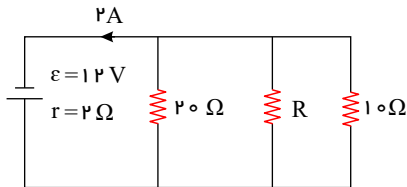
۱۵۶. در مدار زیر، آمپرسنج‌های آرمانی A_1 و A_2 به ترتیب چند آمپر را نشان می‌دهند؟



- ۱) ۱ و ۳
- ۲) ۱٫۵ و ۳
- ۳) ۱ و ۴
- ۴) ۱٫۵ و ۴

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹

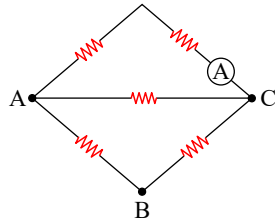
۱۵۷. در شکل زیر، در مقاومت R در هر دقیقه چند ژول انرژی مصرف می‌شود؟



- ۱) ۶۴۸
- ۲) ۵۲۶
- ۳) ۴۷۲
- ۴) ۳۸۴

۱۵۸. در شکل زیر، هر یک از مقاومت‌ها، ۶ اهمی‌اند. یک باتری آرمانی یک بار بین دو نقطه A و B و بار دوم بین دو نقطه A و C بسته می‌شود. جریانی که آمپرسنج آرمانی نشان می‌دهد، در حالت دوم چند برابر حالت اول است؟

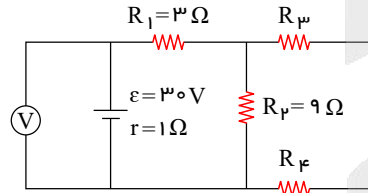
مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹



- ۱) $\frac{1}{3}$
- ۲) $\frac{5}{2}$
- ۳) $\frac{5}{4}$
- ۴) ۳

۱۵۹. در مدار زیر، اگر ولت‌سنج آرمانی ۲۷ ولت را نشان دهد و توان مصرفی مقاومت R_4 برابر ۶ وات باشد، اندازه مقاومت R_3 چند اهم است؟

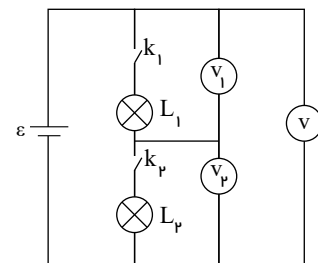
مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹



- ۱) ۶
- ۲) ۹
- ۳) ۱۲
- ۴) ۱۸

۱۶۰. در شکل زیر، ولت‌سنج‌ها آرمانی هستند و هر دو لامپ روشن است. اگر کلید k_1 را قطع کنیم، کدام یک از ولت‌سنج‌ها صفر را نشان می‌دهد؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۰

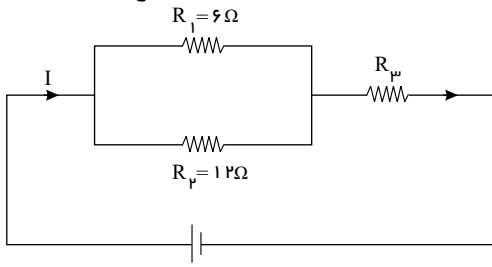


- ۱) V_1
- ۲) V_2
- ۳) V و V_1
- ۴) V و V_2



۱۶۱. شکل زیر یک مدار الکتریکی را نشان می‌دهد. اگر توان مصرفی مقاومت R_3 ، ۶ برابر توان مصرفی مقاومت R_2 باشد، چند اهم است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۰



۱۸ (۱)

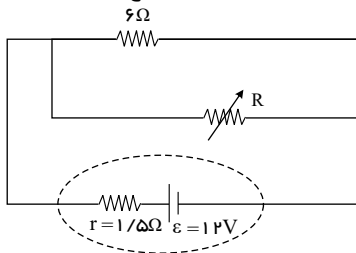
۱۲ (۲)

۸ (۳)

۶ (۴)

۱۶۲. در شکل زیر، اگر مقاومت متغیر از صفر به 18Ω افزایش یابد، اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر باتری از چند ولت به چند ولت تغییر می‌کند؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۰



۶ به ۱۲ (۱)

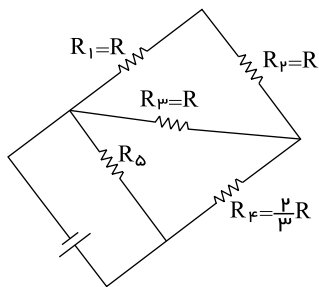
۹ به ۱۲ (۲)

صفر به ۶ (۳)

صفر به ۹ (۴)

مرجع: سراسری - ۱۴۰۰

۱۶۳. در مدار زیر، توان مصرفی مقاومت R_3 ، $\frac{1}{3}$ توان مصرفی مقاومت R_5 است. مقاومت معادل مدار چند برابر R است؟



$\frac{8}{3}$ (۱)

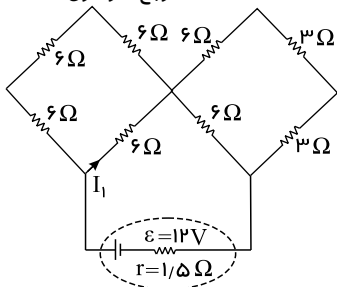
$\frac{4}{3}$ (۲)

$\frac{2}{3}$ (۳)

$\frac{1}{3}$ (۴)

مرجع: سراسری - ۱۴۰۰

۱۶۴. در مدار مطابق شکل زیر، I_1 چند آمپر است؟



۰٫۳ (۱)

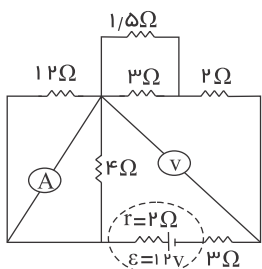
۰٫۶ (۲)

۰٫۹ (۳)

۱٫۲ (۴)

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰

۱۶۵. در مدار روبه‌رو، آمپرسنج آرمانی و ولت‌سنج آرمانی چه عددی را نشان می‌دهند؟



۲٫۴V و ۰٫۸A (۱)

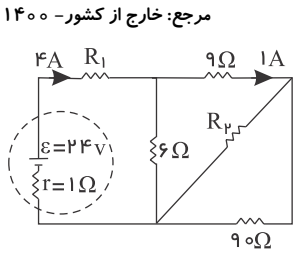
۴٫۸V و ۰٫۸A (۲)

۴٫۵V و ۱٫۵A (۳)

۶V و ۱٫۵A (۴)



۱۶۶. در شکل روبه‌رو، توان الکتریکی مصرفی مقاومت R_2 چند وات است؟



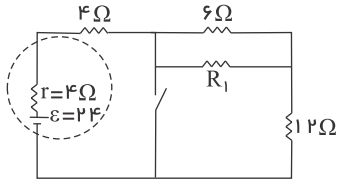
۳٫۶ (۴)

۷٫۲ (۳)

۸٫۱ (۲)

۹٫۸ (۱)

۱۶۷. در شکل زیر، با بستن کلید، اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر باتری ۴۰ درصد کاهش می‌یابد. R_1 چند اهم است؟ مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰



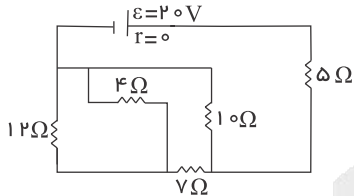
۳ (۱)

۶ (۲)

۱۲ (۳)

۱۸ (۴)

۱۶۸. در مدار روبه‌رو، شدت جریان عبوری از مقاومت ۴ اهمی چند آمپر است؟ مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰



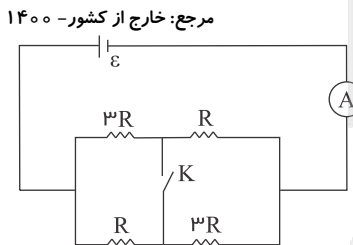
$\frac{3}{4}$ (۲)

۱ (۱)

$\frac{1}{4}$ (۴)

$\frac{1}{2}$ (۳)

۱۶۹. در مدار شکل زیر، آمپرسنج آرمانی $\frac{1}{2}$ آمپر را نشان می‌دهد. اگر کلید را وصل کنیم، از مسیر کلید، جریان الکتریکی چند آمپر می‌گذرد؟



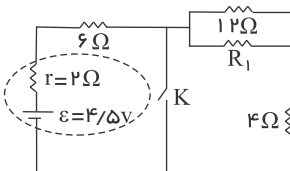
۰٫۲ (۱)

۰٫۴ (۲)

۰٫۶ (۳)

۰٫۸ (۴)

۱۷۰. در شکل زیر، با بستن کلید، اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مقاومت ۶ اهمی دو برابر می‌شود. R_1 چند اهم است؟ مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰



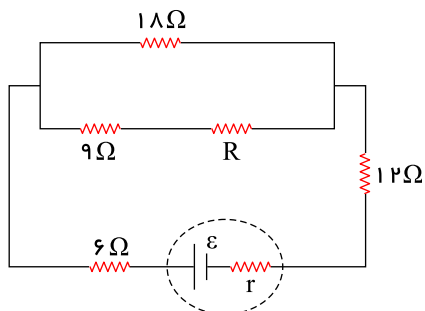
۲٫۴ (۱)

۳ (۲)

۶ (۳)

۸٫۲ (۴)

۱۷۱. در شکل زیر، اختلاف پتانسیل الکتریکی مقاومت‌های 18Ω و 12Ω با هم برابر است. R چند اهم است؟ مرجع: سراسری - ۱۴۰۱



۳۶ (۱)

۲۷ (۲)

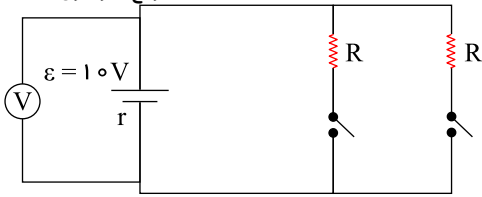
۱۸ (۳)

۱۲ (۴)



۱۷۲. در مدار زیر، هنگامی که فقط یکی از کلیدها بسته باشد، ولت‌سنج آرمانی عدد ۶ ولت را نشان می‌دهد. اگر هر دو کلید بسته باشند، ولت‌سنج چند ولت را نشان می‌دهد؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۱



۳ (۲)

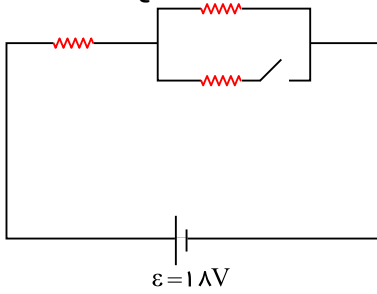
۱۵ (۱)

۸ (۴)

۳۰ (۳)

۱۷۳. در شکل زیر، هر سه مقاومت مشابه‌اند. اگر کلید را وصل کنیم، توان مصرفی مدار ۹ وات تغییر می‌کند. هر یک از مقاومت‌ها چند اهم است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۱



۱۸ (۱)

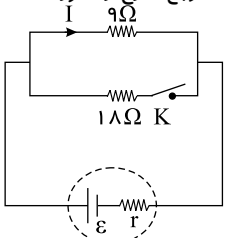
۱۲ (۲)

۹ (۳)

۶ (۴)

۱۷۴. در شکل زیر، I برابر ۲A است. اگر کلید را قطع کنیم، جریان الکتریکی عبوری از مقاومت ۹ اهمی، ۲۵A افزایش می‌یابد. مقاومت درونی مولد، چند اهم است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱



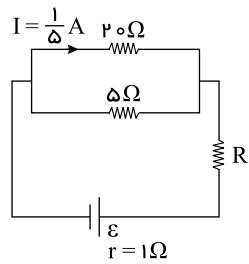
۳ (۲)

۲ (۱)

۳ (۴)

۲ (۳)

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱



۱۷۵. اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت R در مدار زیر، برابر ۳V است. نیروی محرکه باتری، چند ولت است؟

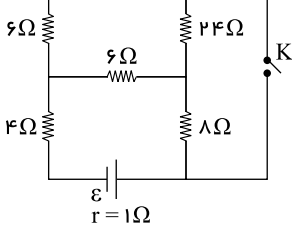
۵ (۲)

۴ (۱)

۸ (۴)

۷ (۳)

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱



۱۷۶. در مدار زیر، با بستن کلید، عددی که آمپرسنج آرمانی نشان می‌دهد، چند برابر می‌شود؟

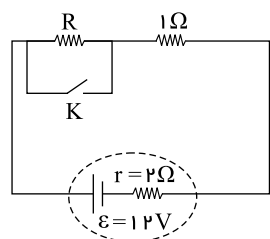
۸ (۱)

۶ (۲)

۴ (۳)

۲ (۴)

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱



۱۷۷. در شکل زیر، با قطع یا وصل کلید، توان خروجی باتری ثابت می‌ماند. مقاومت R، چند اهم است؟

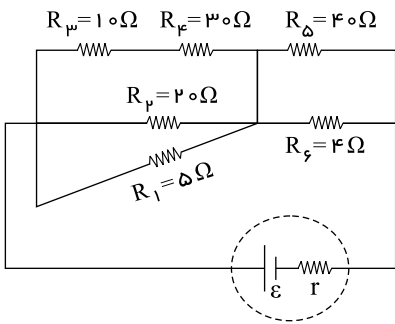
۳ (۲)

۴ (۱)

۱ (۴)

۲ (۳)

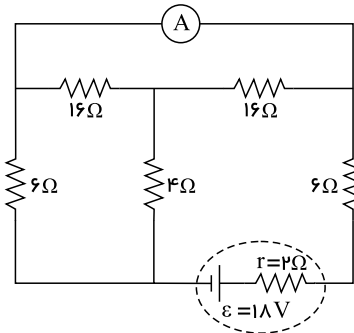
۱۷۸. در مدار شکل زیر، توان مصرفی کدام مقاومت الکتریکی بیشتر است؟



مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱

- ۱) R_7
- ۲) R_4
- ۳) R_5
- ۴) R_6

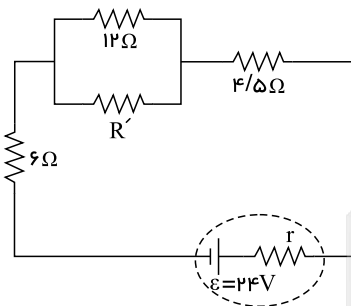
۱۷۹. در مدار روبه‌رو، آمپرسنج آرمانی، جریان چند آمپر را نشان می‌دهد؟



مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

- ۱) $\frac{9}{7}$
- ۲) $\frac{5}{4}$
- ۳) $\frac{3}{4}$
- ۴) صفر

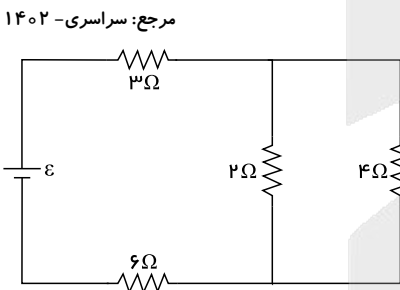
۱۸۰. در مدار زیر، برای اینکه توان مصرفی مقاومت 4.5 اهمی دو برابر توان مصرفی مقاومت R' باشد، کمترین مقدار ممکن برای R' چند اهم است؟



مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

- ۱) ۳۶
- ۲) ۲۴
- ۳) ۴
- ۴) ۳

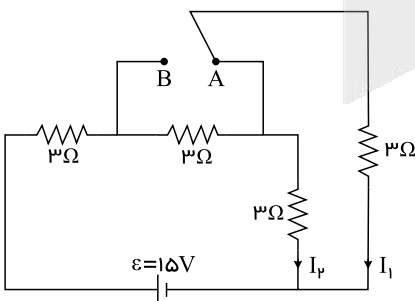
۱۸۱. در مدار زیر، توان مصرفی مقاومت 6 اهمی، چند برابر توان مصرفی مقاومت 4 اهمی است؟



مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

- ۱) 13.5
- ۲) ۱۲
- ۳) 7.5
- ۴) ۶

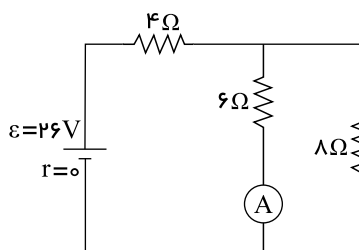
۱۸۲. در شکل زیر، کلید اتصال را از A جدا می‌کنیم و به B وصل می‌کنیم. جریان‌های I_1 و I_2 به ترتیب چند برابر می‌شوند؟



مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

- ۱) 1 و $\frac{1}{2}$
- ۲) 1 و $\frac{1}{3}$
- ۳) 2 و $\frac{1}{3}$
- ۴) 1 و 2

۱۸۳. در مدار زیر، اگر جای آمپرسنج آرمانی و باتری عوض شود، جریانی که از مقاومت 8 اهمی می‌گذرد، چند آمپر تغییر می‌کند؟



مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

- ۱) 0.25
- ۲) 0.5
- ۳) ۱
- ۴) 1.5



۱۸۴. دو مقاومت $R_1 = 4\Omega$ و R_2 را بار اول به طور متوالی و بار دوم به طور موازی به یک باتری با نیروی محرکه $24V$ و مقاومت درونی 2Ω می بندیم. اگر توان الکتریکی خروجی باتری در حالت اول ۳۶ درصد کمتر از توان الکتریکی خروجی باتری در حالت دوم باشد، R_2 چند اهم است؟

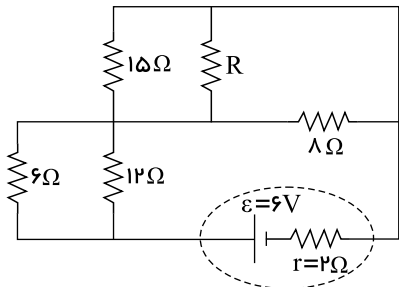
مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

۸ (۴)

۴ (۳)

۳۶ (۲)

۱۲ (۱)



۱۸۵. در شکل زیر، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت ۶ اهمی و ۸ اهمی با هم برابر است. شدت جریانی که از مقاومت ۸ اهمی می گذرد، چند آمپر است؟

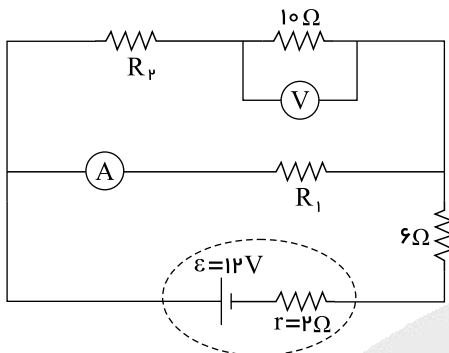
مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

۰٫۳ (۲)

۰٫۲ (۱)

۰٫۵ (۴)

۰٫۴ (۳)



۱۸۶. در مدار زیر، آمپرسنج آرمانی ۰٫۲۵ آمپر و ولتسنج آرمانی ۵ ولت را نشان می دهد. R_1 چند اهم است؟

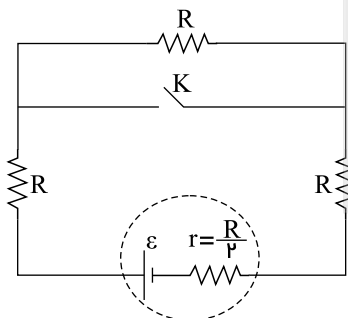
مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

۱۲ (۱)

۱۶ (۲)

۱۸ (۳)

۲۴ (۴)



مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

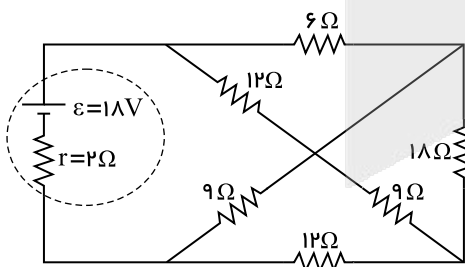
۱۸۷. در شکل زیر اگر کلید را ببندیم، اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر باتری چند برابر می شود؟

$\frac{4}{5}$ (۱)

$\frac{5}{6}$ (۲)

$\frac{14}{15}$ (۳)

$\frac{15}{16}$ (۴)



مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

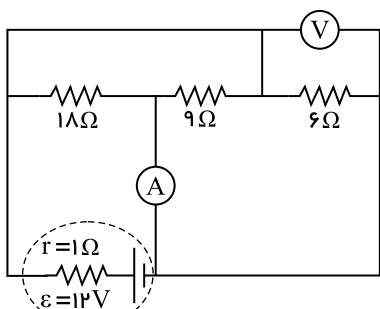
۱۸۸. در مدار شکل زیر، اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر باتری چند ولت است؟

۱۷ (۱)

۱۶ (۲)

۱۵ (۳)

۱۴ (۴)



مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

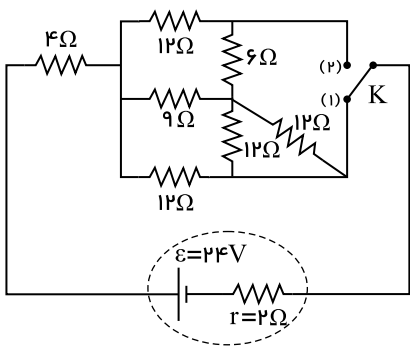
۱۸۹. در مدار شکل زیر، آمپرسنج چند آمپر را نشان می دهد؟ (ولتسنج و آمپرسنج آرمانی فرض شوند).

۱٫۵ (۱)

۳ (۲)

$\frac{12}{5}$ (۳)

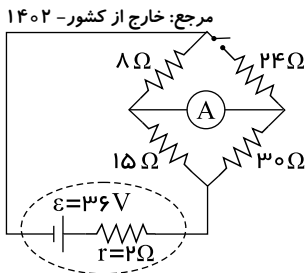
$\frac{12}{7}$ (۴)



۱۹۰. در شکل زیر، اگر کلید را از اتصال (۱) قطع کرده و به (۲) وصل کنیم، توان مصرفی مقاومت ۶ اهمی چند برابر می‌شود؟
مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

- ۱) ۳
- ۲) ۹
- ۳) $\frac{4}{3}$
- ۴) $\frac{9}{4}$

۱۹۱. در مدار زیر، با بستن کلید، عددی که آمپرسنج آرمانی نشان می‌دهد، چند آمپر تغییر می‌کند؟



مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

۴) $\frac{13}{30}$

۳) $\frac{7}{15}$

۲) $\frac{1}{6}$

۱) $\frac{1}{10}$

۱۹۲. دو مقاومت $R_1 = 8\Omega$ و R_2 را یک‌بار به‌طور متوالی و بار دوم به‌طور موازی به یک باتری با نیروی محرکه $45V$ و مقاومت درونی 2Ω می‌بندیم. اگر توان الکتریکی خروجی باتری در حالت دوم $\frac{9}{4}$ برابر توان الکتریکی خروجی باتری در حالت اول باشد، چند اهم است R_2 ؟
مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

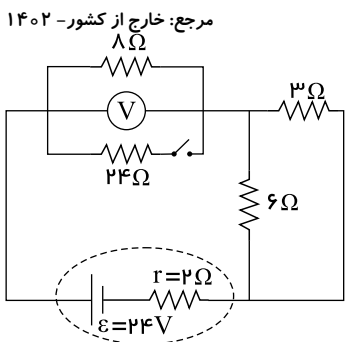
۴) ۲۴

۳) ۱۶

۲) ۸

۱) ۴

۱۹۳. با بستن کلید، عددی که ولت‌سنج نشان می‌دهد، چند ولت تغییر می‌کند؟



مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

۴) ۰٫۸

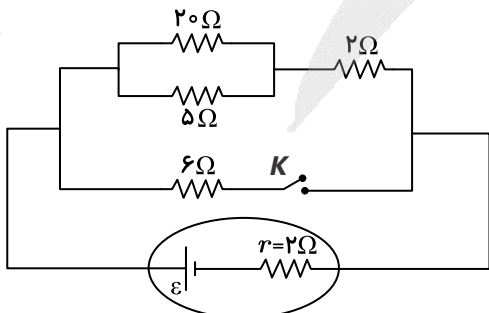
۳) ۱٫۶

۲) ۲٫۴

۱) ۳٫۲

۱۹۴. در مدار شکل زیر، اگر کلید را وصل کنیم، توان خروجی باتری چگونه تغییر می‌کند؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۳



۴) ۲۸ درصد کاهش

۳) ۲۸ درصد افزایش

۲) ۲۲ درصد کاهش

۱) ۲۲ درصد افزایش



۱۹۵. دو مقاومت الکتریکی A و B را وقتی به تنهایی به اختلاف پتانسیل الکتریکی ثابتی می‌بندیم، توان مصرفی مقاومت A دو برابر توان مصرفی مقاومت B است. حال اگر آنها را با هم متوالی بسته و دو سر آنها را به همان اختلاف پتانسیل ثابت ببندیم، توان مصرفی مقاومت A چند برابر توان مصرفی مقاومت B است؟

مرجع: سراسری-۱۴۰۳

۴ (۴)

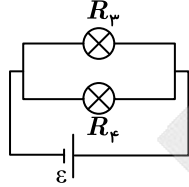
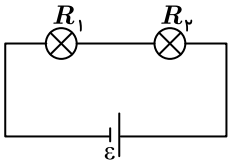
۲ (۳)

$\frac{1}{4}$ (۲)

$\frac{1}{2}$ (۱)

۱۹۶. در شکل‌های زیر، مقاومت الکتریکی لامپ‌ها مساوی و در هر دو مدار، نیروی محرکه باتری آرمانی یکسان است. کدام مورد درست است؟

مرجع: سراسری-۱۴۰۳



(۱) توان مصرفی تمام مقاومت‌ها با هم برابر است.

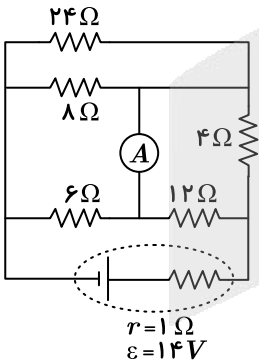
(۲) مجموع توان مصرفی مقاومت‌های R_1 و R_2 برابر مجموع توان مصرفی مقاومت‌های R_3 و R_4 است.

(۳) توان مصرفی هر یک از مقاومت‌های R_3 و R_4 از توان مصرفی هر یک از مقاومت‌های R_1 و R_2 بیشتر است.

(۴) مجموع توان مصرفی مقاومت‌های R_1 و R_2 بیشتر از مجموع توان مصرفی مقاومت‌های R_3 و R_4 است.

۱۹۷. در مدار روبه‌رو، جریانی که از آمپرسنج آرمانی می‌گذرد، چند آمپر است؟

مرجع: سراسری-۱۴۰۳



صفر (۴)

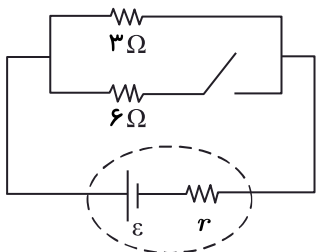
۱ (۳)

$\frac{1}{2}$ (۲)

$\frac{3}{4}$ (۱)

۱۹۸. در شکل زیر، با بستن کلید، اختلاف پتانسیل دو سر باتری ۲۰ درصد کاهش می‌یابد. مقاومت درونی باتری چند اهم است؟

مرجع: سراسری-۱۴۰۳



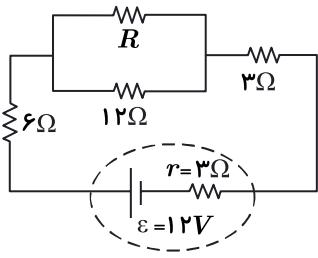
۲٫۵ (۴)

۳ (۳)

۱ (۲)

۰٫۵ (۱)

۱۹۹. در شکل زیر توان مصرفی دو مقاومت ۱۲ اهمی و ۳ اهمی با هم برابر است. اختلاف پتانسیل دو سر باتری چند ولت است؟ مرجع: سراسری-۱۴۰۳



۹ (۴)

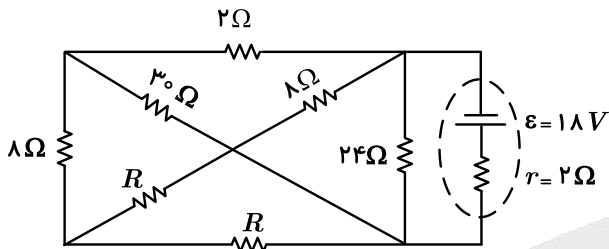
۹٫۷۵ (۳)

۱۰ (۲)

۱۰٫۲۰ (۱)

مرجع: سراسری-۱۴۰۳

۲۰۰. در مدار زیر، اختلاف پتانسیل دو سر باتری برابر ۱۲ ولت است. مقاومت R چند اهم است؟



۲۸ (۴)

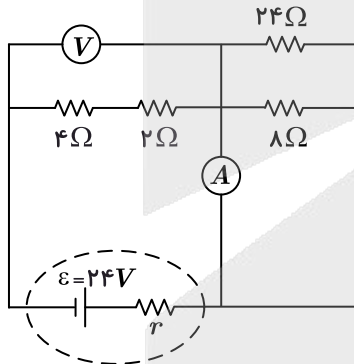
۱۸ (۳)

۱۴ (۲)

۷ (۱)

۲۰۱. در مدار زیر، اگر جای آمپرسنج آرمانی و ولتسنج آرمانی عوض شود، کدام مورد درست است؟

مرجع: سراسری-۱۴۰۳



(۲) آمپرسنج عدد صفر را نشان می‌دهد.

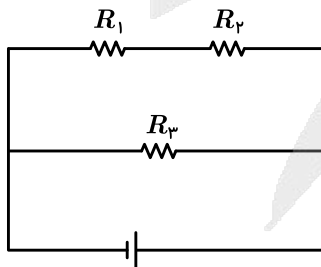
(۱) ولتسنج عدد صفر را نشان می‌دهد.

(۴) عددی که آمپرسنج نشان می‌دهد تغییر نمی‌کند، اما ولتسنج صفر را نشان می‌دهد.

(۳) عددی که آمپرسنج و ولتسنج نشان می‌دهند، هیچ تغییری نمی‌کند.

۲۰۲. سه مقاومت یکسان مطابق شکل به یک باتری متصل‌اند. کدام مورد درست است؟

مرجع: سراسری-۱۴۰۳



(۱) توان مصرفی در R_3 از توان مصرفی در هر یک از مقاومت‌های R_1 و R_2 بیشتر است.

(۲) توان مصرفی در R_3 از مجموع توان مصرفی در مقاومت‌های R_1 و R_2 کمتر است.

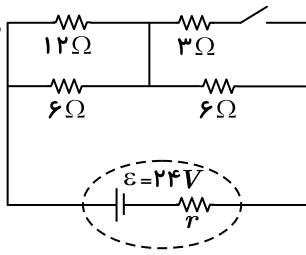
(۳) توان مصرفی در R_3 برابر مجموع توان مصرفی در مقاومت‌های R_1 و R_2 است.

(۴) توان مصرفی در هر سه مقاومت یکسان است.



۲۰۳. در شکل زیر، اگر کلید را وصل کنیم، جریان الکتریکی که از باتری می‌گذرد، یک آمپر تغییر می‌کند. مقاومت الکتریکی درونی باتری چند اهم است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳



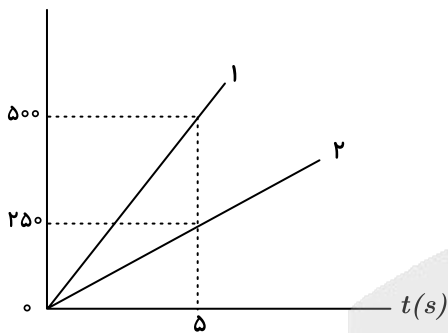
۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۲۰۴. دو مقاومت R_1 و R_2 به صورت متوالی به یک باتری آرمانی متصل هستند. در هر دو مقاومت انرژی الکتریکی به انرژی گرمایی تبدیل می‌شود. شکل زیر، نمودار تغییرات انرژی گرمایی بر حسب زمان را برای دو مقاومت نشان می‌دهد. توان خروجی باتری چند وات است؟ مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳



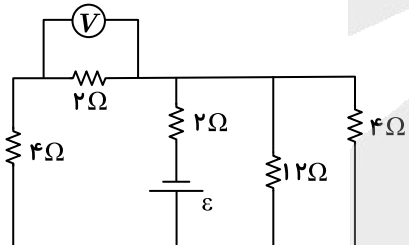
$\frac{3}{20}$ (۴)

$\frac{1}{10}$ (۳)

۲۵۰ (۲)

۱۰۰ (۱)

۲۰۵. در مدار زیر، ولت‌سنج $4V$ را نشان می‌دهد. نیروی محرکه باتری چند ولت است؟ (ولت‌سنج و باتری آرمانی فرض شوند). مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳



۳۶ (۴)

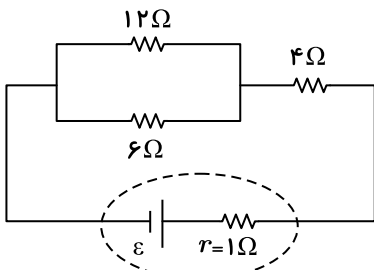
۲۴ (۳)

۱۶ (۲)

۱۲ (۱)

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳

۲۰۶. در مدار زیر، اگر جای مقاومت 4Ω اهمی و 6Ω اهمی عوض شود، توان خروجی باتری چند درصد تغییر می‌کند؟



۱۵ (۴)

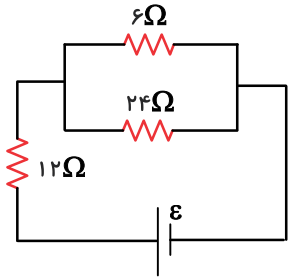
۱۲٫۵ (۳)

۱۰ (۲)

۸٫۸۷۵ (۱)



۲۰۷. در شکل زیر، اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مقاومت ۱۲ اهمی چند برابر اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت ۶ اهمی است؟ مرجع: سراسری-۱۴۰۴



۳/۲ (۴)

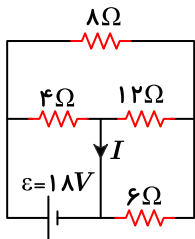
۴/۳ (۳)

۵/۲ (۲)

۸/۵ (۱)

مرجع: سراسری-۱۴۰۴

۲۰۸. در مدار شکل زیر، I چند آمپر است؟



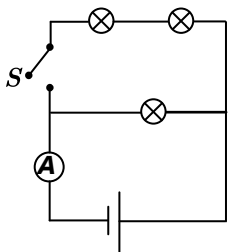
۴ (۴)

۵ (۳)

۴٫۵ (۲)

۵٫۵ (۱)

۲۰۹. شکل زیر، مداری شامل ۳ لامپ کاملاً یکسان، آمپرسنج و یک باتری آرمانی را نشان می‌دهد. هنگامی که کلید S باز است، آمپرسنج جریان I_1 را نشان می‌دهد. وقتی کلید بسته می‌شود، جریان در آمپرسنج I_2 است. نسبت $\frac{I_2}{I_1}$ کدام است؟ مرجع: سراسری-۱۴۰۴



۲ (۴)

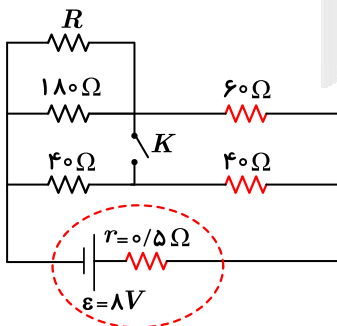
۱ (۳)

۲٫۵ (۲)

۱٫۵ (۱)

مرجع: سراسری-۱۴۰۴

۲۱۰. در مدار مقابل، با بستن کلید، توان خروجی باتری تغییری نمی‌کند. مقاومت R چند اهم است؟



۱۸۰ (۴)

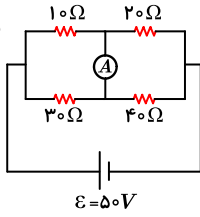
۹۰ (۳)

۶۰ (۲)

۴۵ (۱)

۲۱۱. در شکل روبه‌رو، آمپرسنج آرمانی چند میلی‌آمپر را نشان می‌دهد؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴



۱۰۰ (۴)

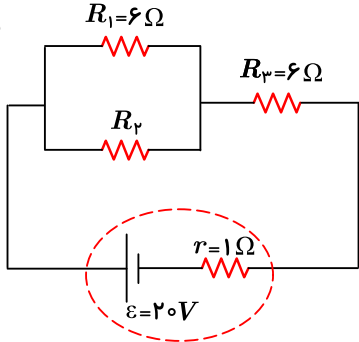
۲۰۰ (۳)

۳۰۰ (۲)

۴۰۰ (۱)

۲۱۲. در مدار زیر، مقاومت معادل $R_{eq} = 9\Omega$ است. اگر جای مقاومت R_p و باتری عوض شود، توان مصرفی در مقاومت R_p چند وات تغییر می‌کند؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴



صفر (۴)

$\frac{14}{3}$ (۳)

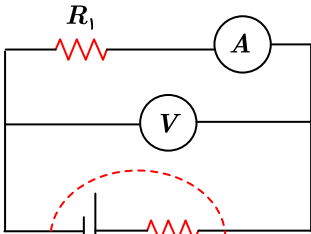
۶ (۲)

۱۸ (۱)

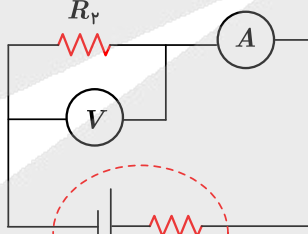
۲۱۳. در مدارهای شکل زیر، مقاومت آمپرسنج و ولت‌سنج، به ترتیب 5Ω و 180Ω است. اگر در مدار «الف» آمپرسنج $1.6A$ و ولت‌سنج $72V$ را نشان

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴

دهد و در مدار «ب» آمپرسنج $82A$ و ولت‌سنج $73.8V$ را نشان دهد، R_1 و R_p چند اهم هستند؟



(الف)



(ب)

۱۸۰ و ۵۰ (۴)

۱۸۰ و ۴۰ (۳)

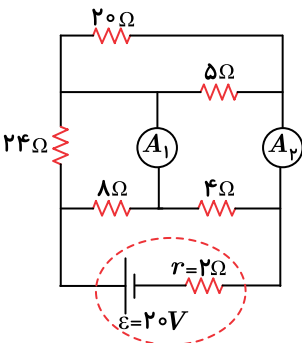
۹۰ و ۵۰ (۲)

۹۰ و ۴۰ (۱)

۲۱۴. در مدار زیر، هر دو آمپرسنج آرمانی هستند. عددی که آمپرسنج‌های A_1 و A_2 به ترتیب نشان می‌دهند، چند

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۴

آمپر است؟



۱) ۰٫۵ و صفر

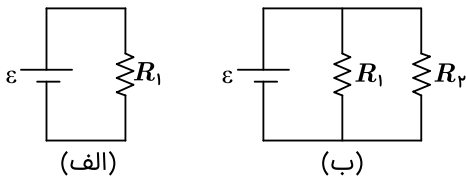
۲) صفر و ۲

۳) ۰٫۵ و ۱

۴) صفر و صفر



۲۱۵. در مدار (الف)، مقاومت $R_1 = 10 \Omega$ و نیروی محرکه باتری آرمانی $\varepsilon = 20V$ است. در مدار (ب) مقاومت $R_2 = 10k\Omega$ به طور موازی به دو سر مقاومت R_1 متصل می‌شود. جریان عبوری از باتری چند میلی‌آمپر تغییر می‌کند؟
مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۴

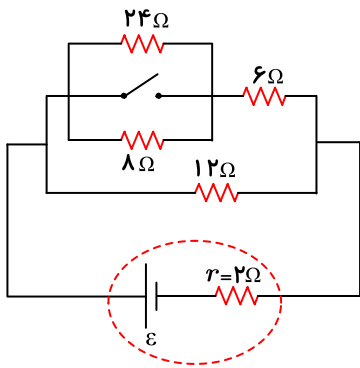


۲,۲ (۴)

۲,۰ (۳)

۱,۸ (۲)

۰,۲ (۱)



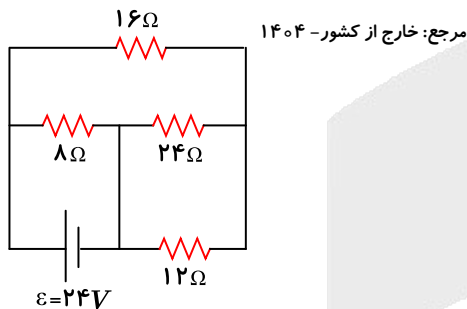
۲۱۶. در مدار زیر با بستن کلید، توان مصرفی در مقاومت ۱۲ اهمی، $\frac{17}{3}W$ تغییر می‌کند. نیروی محرکه باتری چند ولت است؟
مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۴

۳۶ (۱)

۲۴ (۲)

۱۲ (۳)

۸ (۴)



مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۴

۲۱۷. در شکل روبه‌رو، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت ۲۴ اهمی چند ولت است؟

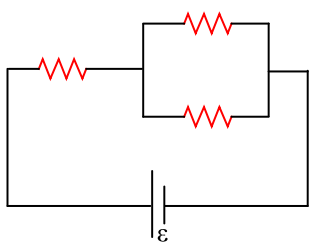
۱۲ (۲)

۶ (۴)

۱۸ (۱)

۸ (۳)

۲۱۸. در شکل زیر، مقاومت‌ها یکسان و توان خروجی باتری ۴ وات است. اگر این ۳ مقاومت را به صورت موازی به دو سر همین باتری ببندیم، توان خروجی چند وات می‌شود؟
مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۴



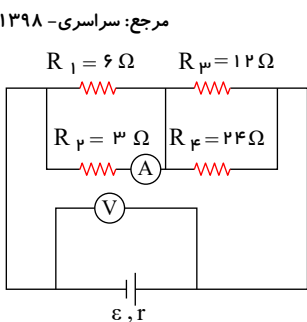
۱۸ (۴)

۱۲ (۳)

۹ (۲)

۶ (۱)

۲۱۹. در مدار زیر، اگر به جای مقاومت ۳ اهمی، مقاومت ۶ اهمی قرار دهیم، اعدادی که آمپرسنج و ولت‌سنج نشان می‌دهند، به ترتیب چه تغییری می‌کنند؟
مرجع: سراسری - ۱۳۹۸



۱ افزایش - کاهش

۲ کاهش - افزایش

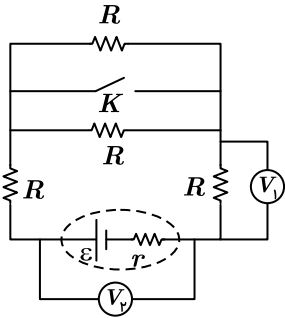
۳ کاهش - کاهش

۴ افزایش - افزایش



مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳

۲۲۰. اگر در شکل زیر، کلید را وصل کنیم. V_1 و V_2 به ترتیب چگونه تغییر می کنند؟



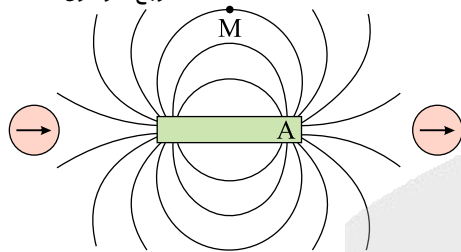
- ۱) هر دو کاهش می یابند. ۲) هر دو افزایش می یابند. ۳) کاهش می یابد - افزایش می یابد ۴) افزایش می یابد - کاهش می یابد.

فصل سوم: مغناطیس و القای الکترومغناطیسی

مغناطیس و قطب های مغناطیسی - میدان مغناطیسی - میدان مغناطیسی زمین - میدان مغناطیسی یکنواخت

۲۲۱. با توجه به وضعیت عقربه های مغناطیسی در شکل زیر، قطب A آهن ربا کدام است و جهت میدان مغناطیسی در نقطه M چگونه است؟

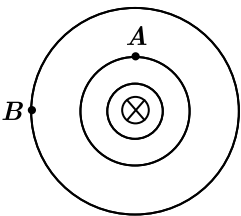
مرجع: سراسری - ۱۴۰۱



- ۱) \rightarrow, S
 ۲) \leftarrow, S
 ۳) \rightarrow, N
 ۴) \leftarrow, N

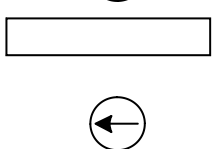
۲۲۲. شکل زیر، یک سیم راست و بلند حامل جریان I را نشان می دهد، که عمود بر صفحه به سمت داخل صفحه است. خطوط میدان مغناطیسی در اطراف سیم را نشان می دهد. بردار میدان مغناطیسی در نقطه های A و B کدام اند؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳



- ۱) \downarrow, \otimes ۲) \uparrow, \otimes ۳) \downarrow, \odot ۴) \uparrow, \odot

۲۲۳. شکل زیر، یک آهنربای میله ای و دو عقربه مغناطیسی A و B را نشان می دهد. به ترتیب، جهت گیری عقربه های



مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۴

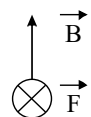
- ۱) \rightarrow و \leftarrow ۲) \rightarrow و \rightarrow ۳) \leftarrow و \leftarrow ۴) \leftarrow و \rightarrow

نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی

۲۲۴. الکترونی با سرعت \vec{v} در یک میدان مغناطیسی یکنواخت، عمود بر میدان در حرکت است. اگر شکل زیر نشان دهنده جهت میدان (\vec{B}) و جهت

مرجع: سراسری - ۱۳۹۸

نیروی وارد بر الکترون (\vec{F}) باشد، جهت \vec{v} کدام است؟



- ۱) \odot ۲) \otimes ۳) \rightarrow ۴) \leftarrow



۲۲۵. بار الکتریکی q با سرعت \vec{v} وارد یک میدان مغناطیسی یکنواخت که اندازه آن B است می‌شود و از طرف میدان نیروی \vec{F} بر آن وارد می‌شود. کدامیک از موارد زیر درباره بردارهای \vec{F} ، \vec{v} و \vec{B} ، صحیح است؟

مرجع: سراسری - ۱۳۹۸

- ۱ \vec{v} همواره بر دو بردار \vec{B} و \vec{F} عمود است.
 ۲ \vec{B} همواره بر دو بردار \vec{v} و \vec{F} عمود است.
 ۳ \vec{F} همواره بر دو بردار \vec{v} و \vec{B} عمود است.
 ۴ \vec{v} ، \vec{F} و \vec{B} همواره دوه‌دو بر یکدیگر عمودند.

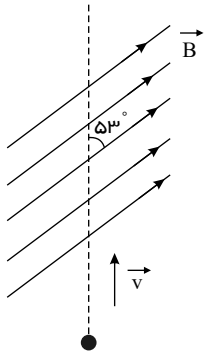
۲۲۶. ذره‌ای به جرم 5 گرم که دارای بار $-50 \mu C$ است، در یک میدان مغناطیسی یکنواخت، با سرعت $10^3 m/s$ در راستای افقی از جنوب به شمال پرتاب می‌شود. جهت و اندازه میدان، کدامیک از موارد زیر می‌تواند باشد تا نیروی مغناطیسی نیروی وزن را خنثی کند و ذره در مسیر مستقیم به حرکت خود ادامه دهد؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸

- ۱ 0.4 تسلا در راستای افقی از شرق به غرب
 ۲ 0.4 تسلا در راستای افقی از غرب به شرق
 ۳ 0.4 تسلا در راستای افقی از شرق به غرب
 ۴ 0.4 تسلا در راستای افقی از غرب به شرق

۲۲۷. بار الکتریکی $q = 25 \mu C$ با سرعت $10^5 \frac{m}{s}$ مطابق شکل زیر وارد یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی $B = 10^4 G$ می‌شود. در لحظه ورود به میدان، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر ذره چند نیوتون و در کدام جهت است؟ ($\sin 53^\circ = 0.8$)

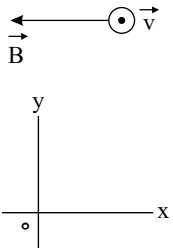
مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸



- ۱ 250 و \otimes
 ۲ 250 و \odot
 ۳ 4 و \odot
 ۴ 4 و \otimes

۲۲۸. مطابق شکل، الکترونی با سرعتی به بزرگی $10^5 \frac{m}{s}$ وارد فضایی می‌شود که میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی $40 G$ و میدان الکتریکی یکنواخت \vec{E} در آنجا وجود دارد و الکترون بدون انحراف به حرکت خود ادامه می‌دهد. \vec{E} در SI کدام است؟ (از جرم الکترون صرف نظر کنید).

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹



- ۱ $(-2 \times 10^5) \vec{j}$
 ۲ $(2 \times 10^5) \vec{j}$
 ۳ $(-8 \times 10^2) \vec{j}$
 ۴ $(8 \times 10^2) \vec{j}$

۲۲۹. در مکانی، میدان مغناطیسی، یکنواخت و افقی و جهت آن به سمت شمال جغرافیایی است. اگر در این مکان یک ذره آلفا با سرعت v در راستای افقی به سمت شمال شرقی در حرکت باشد، نیروی مغناطیسی وارد بر ذره در آن لحظه به کدام جهت است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹

- ۱ راستای قائم به سمت بالا
 ۲ افقی به سمت شمال غربی
 ۳ راستای قائم به سمت پایین
 ۴ افقی به سمت جنوب شرقی

۲۳۰. در یک میدان مغناطیسی یکنواخت، یک ذره α با سرعت $50 \frac{m}{s}$ عمود بر میدان مغناطیسی در حرکت است و شتاب حاصل از نیروی مغناطیسی،

مرجع: سراسری - ۱۴۰۰

بزرگی میدان مغناطیسی چند گاوس است؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19} C$, α جرم ذره $= 6.68 \times 10^{-27} kg$)

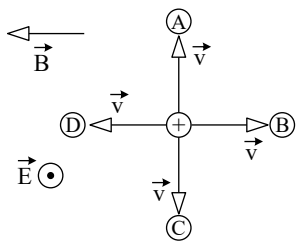
- ۱ 1.67
 ۲ 2.28
 ۳ 3.34
 ۴ 4.56



۲۳۱. مطابق شکل زیر، دو میدان یکنواخت الکتریکی و مغناطیسی عمود بر هم در یک محیط قرار دارند. ذره‌ای با بار الکتریکی مثبت در آن فضا با سرعت

مرجع: سراسری - ۱۴۰۰

\vec{v} به کدام جهت حرکت کند، تا بزرگی نیروی خالص وارد بر آن بیشینه شود؟ (اثر وزن ذره ناچیز است).

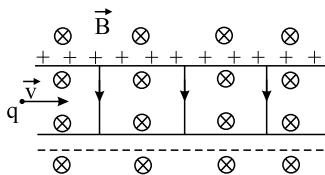


- A ۱
- B ۲
- C ۳
- D ۴

۲۳۲. مطابق شکل زیر، ذره‌ای به بار $q = 2\mu C$ با جرم ناچیز با تندی $v = 2 \times 10^4 \frac{m}{s}$ در جهت نشان داده شده که عمود بر میدان‌های یکنواخت

$E = 500 \frac{N}{C}$ و $B = 0.2T$ است، وارد فضای این میدان‌ها می‌شود. نیروی خالص وارد بر ذره در لحظه ورود به میدان‌ها چند نیوتون است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۰

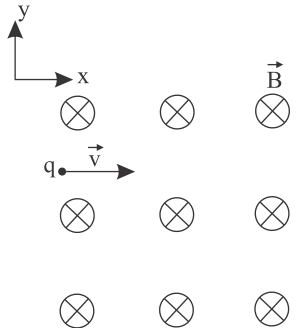


- ۱ صفر
- ۲ 3×10^{-4}
- ۳ 2×10^{-4}
- ۴ 1.8×10^{-3}

۲۳۳. مطابق شکل زیر، پروتونی با سرعت $\vec{v} = (10^4 \frac{m}{s})\vec{i}$ وارد یک میدان مغناطیسی یکنواخت، به بزرگی $170G$ می‌شود. اگر تنها نیروی مغناطیسی به

پروتون وارد شود، شتاب حرکتش در این لحظه در SI ، کدام است؟ (بار الکتریکی پروتون $1.6 \times 10^{-19}C$ و جرم آن $1.7 \times 10^{-27}kg$ است).

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰

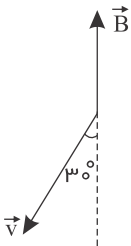


- ۱ $1.6 \times 10^{10}\vec{j}$
- ۲ $1.6 \times 10^{10}\vec{i}$
- ۳ $1.6 \times 10^{18}\vec{j}$
- ۴ $1.6 \times 10^{18}\vec{i}$

۲۳۴. الکترونی با تندی $v = 5 \times 10^4 \frac{m}{s}$ در میدان مغناطیسی یکنواخت $B = 2000G$ مطابق شکل زیر در حرکت است. در این لحظه، نیروی

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰

مغناطیسی وارد بر الکترون چند نیوتون و در کدام جهت است؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19}C$)



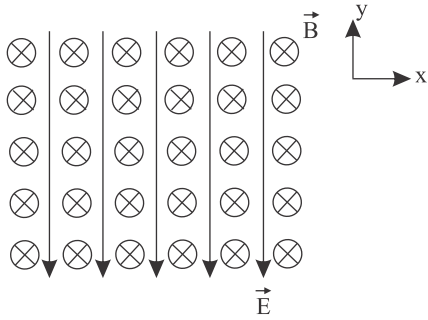
- ۱ $0.8\sqrt{3} \times 10^{-12}$
- ۲ $0.8\sqrt{3} \times 10^{-12}$
- ۳ 0.8×10^{-16}
- ۴ 0.8×10^{-16}



۲۳۵. در شکل زیر، میدان‌های یکنواخت الکتریکی $E = 1000 \frac{N}{C}$ و مغناطیسی $B = 1000 G$ نشان داده شده است. در این فضا، یک ذره آلفا با

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰

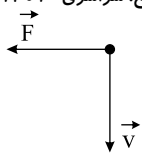
تندی چند متر بر ثانیه در چه جهتی در حرکت باشد، تا بدون انحراف به حرکت خود ادامه دهد؟ (اثر وزن ناچیز است).



- ۱) 10^4 در جهت محور x
- ۲) 5×10^3 در جهت محور x
- ۳) 10^4 در خلاف جهت محور x
- ۴) 5×10^3 در خلاف جهت محور x

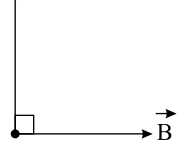
۲۳۶. الکترونی عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی مطابق شکل زیر، در حرکت است و نیروی مغناطیسی \vec{F} به آن وارد می‌شود. جهت میدان \vec{B} کدام

مرجع: سراسری - ۱۴۰۱



- ۱) بالا
- ۲) راست
- ۳) درون سو
- ۴) برون سو

۲۳۷. شکل زیر، سرعت الکترون را در یک میدان مغناطیسی نشان می‌دهد. جهت نیروی وارد بر الکترون در این لحظه، کدام است؟

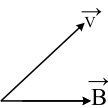


مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱

- ۱) \odot
- ۲) \otimes
- ۳) \leftarrow
- ۴) \rightarrow

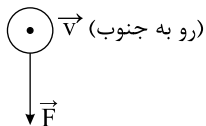
۲۳۸. الکترونی با سرعت \vec{v} در میدان مغناطیسی \vec{B} در حرکت است و \vec{v} و \vec{B} در همین صفحه قرار دارند. در لحظه نشان داده شده، جهت

مرجع: سراسری - ۱۴۰۲



نیروی مغناطیسی وارد بر الکترون کدام است؟

- ۱) \otimes
- ۲) \odot
- ۳) \nwarrow
- ۴) \downarrow



۲۳۹. الکترونی با تندی $5 \times 10^5 \frac{m}{s}$ درون میدان مغناطیسی یکنواختی در حرکت است. اندازه نیرویی که از

طرف میدان بر الکترون وارد می‌شود، هنگامی بیشینه است که الکترون به سمت جنوب حرکت کند. اگر جهت

این نیرو رو به پایین و اندازه آن $4 \times 10^{-14} N$ باشد، اندازه میدان مغناطیسی چند تسلا و به کدام سو است؟

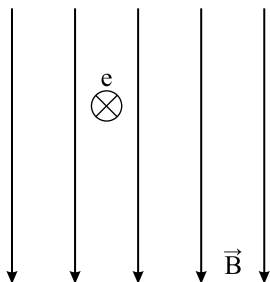
$(e = 1.6 \times 10^{-19} C)$

مرجع: سراسری - ۱۴۰۲ شرق

- ۱) 5×10^{-5} و شرق
- ۲) 5×10^{-5} و غرب
- ۳) 5×10^{-5} و شرق
- ۴) 5×10^{-5} و غرب

۲۴۰. در شکل زیر، الکترونی به صورت درونسو وارد میدان مغناطیسی یکنواخت می‌شود. در این لحظه، نیروی

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲



- ۱) \leftarrow
- ۲) \rightarrow
- ۳) \uparrow
- ۴) \downarrow

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴

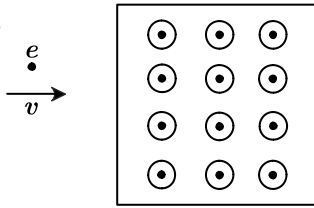
۲۴۱. یکای SI میدان مغناطیسی با کدام گزینه معادل است؟

- ۱) $\frac{N}{A \cdot s}$
- ۲) $\frac{kg}{A \cdot \dots}$
- ۳) $\frac{N}{C \cdot \dots}$
- ۴) $\frac{kg}{C \cdot \dots}$



۲۴۲. در شکل زیر، الکترونی در جهت نشان داده شده وارد ناحیه‌ای با میدان مغناطیسی یکنواخت می‌شود که به طرف بیرون صفحه (برون سو) است. اولین انحراف الکترون پس از ورود به این ناحیه به کدام سمت است؟

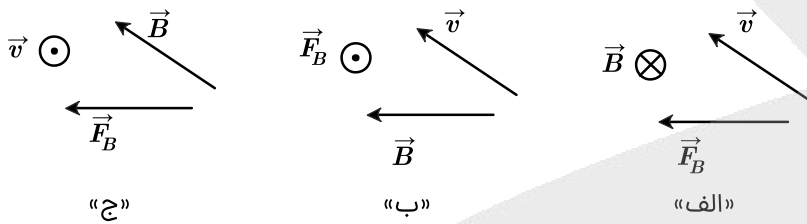
مرجع: سراسری - ۱۴۰۴



- ۱) به سمت داخل صفحه (در خلاف جهت میدان مغناطیسی) ۲) به سمت بیرون صفحه (در جهت میدان مغناطیسی)
 ۳) به سمت پایین (پایین صفحه) ۴) به سمت بالا (بالای صفحه)

۲۴۳. در شکل‌های زیر، \vec{v} سرعت یک ذره با بار الکتریکی مثبت، \vec{B} میدان مغناطیسی یکنواخت و \vec{F}_B نیروی مغناطیسی وارد بر آن ذره است. کدام شکل‌ها از نظر فیزیکی قابل قبول است؟ (بردارها، یا در این صفحه‌اند یا عمود بر این صفحه).

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۴

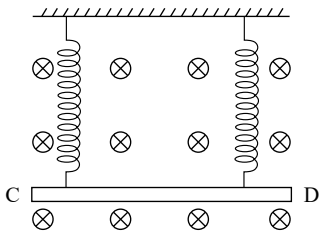


- ۱) فقط «الف» ۲) فقط «ب» ۳) «الف» و «ج» ۴) «ب» و «ج»

نیروی مغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان

۲۴۴. مطابق شکل، میله CD به جرم ۱۶۰ گرم و طول ۸۰ سانتی‌متر به دو فنر سبک مشابه آویخته شده و در یک میدان مغناطیسی یکنواخت درون سو که اندازه آن ۰.۴ تسلا است، به صورت افقی قرار دارد. از میله، جریان چند آمپر و در چه جهتی عبور کند تا از طرف میله در حال تعادل بر فنرها نیرویی وارد نشود؟ ($g = ۱۰ \text{ m/s}^2$)

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸



- ۱) ۵ و از C به طرف D ۲) ۵ و از D به طرف C
 ۳) ۲ و از C به طرف D ۴) ۲ و از D به طرف C

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸

۲۴۵. تسلا (یکای میدان مغناطیسی) معادل با کدام است؟

- ۱) $\frac{\text{متر} \times \text{نیوتون}}{\text{آمپر}}$ ۲) $\frac{\text{متر} \times \text{نیوتون}}{\text{کولن}}$ ۳) $\frac{\text{نیوتون}}{\text{متر} \times \text{کولن}}$ ۴) $\frac{\text{نیوتون}}{\text{متر} \times \text{آمپر}}$

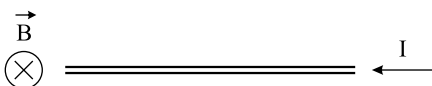
مرجع: سراسری - ۱۴۰۱

۲۴۶. یکای فرعی کدام کمیت، $\frac{kg}{A \cdot s^2}$ است؟

- ۱) میدان مغناطیسی ۲) شار مغناطیسی ۳) میدان الکتریکی ۴) نیروی محرکه القایی

۲۴۷. مطابق شکل زیر، سیم مستقیمی به طول ۲.۴ m حامل جریان ۲.۵ A از شرق به غرب است. اندازه میدان مغناطیسی زمین در محل این سیم ۰.۵ G و جهت آن از جنوب به شمال است. اندازه و جهت نیروی مغناطیسی وارد بر این سیم، کدام است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۱



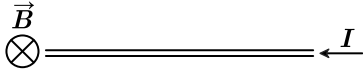
- ۱) $۳ \times ۱۰^{-۵} \text{ N}$ بالا ۲) $۳ \times ۱۰^{-۴} \text{ N}$ بالا
 ۳) $۳ \times ۱۰^{-۵} \text{ N}$ پایین ۴) $۳ \times ۱۰^{-۴} \text{ N}$ پایین



۲۴۸. یک سیم راست حامل جریان $4A$ در یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی $500G$ در راستایی قرار دارد که با جهت میدان، زاویه 37° می‌سازد. بزرگی نیروی مغناطیسی وارد بر 2 متر از این سیم، چند نیوتون است؟ ($\sin 37^\circ = 0.6$)
 مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

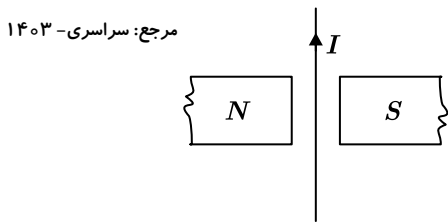
- ۱) 4×10^{-3} ۲) 4×10^{-2} ۳) 2.4×10^{-3} ۴) 2.4×10^{-1}

۲۴۹. سیم مستقیمی به طول 2 متر حامل جریان $2A$ از شرق به غرب است. اندازه میدان مغناطیسی زمین در محل این سیم $0.45G$ و جهت آن از جنوب به شمال است. جهت نیروی مغناطیسی وارد بر این سیم به کدام سو است و بزرگی این نیرو چند نیوتون است؟
 مرجع: سراسری - ۱۴۰۳



- ۱) 9×10^{-5} ، \downarrow ۲) 9×10^{-5} ، \uparrow ۳) 1.8×10^{-4} ، \downarrow ۴) 1.8×10^{-4} ، \uparrow

۲۵۰. جهت نیروی الکترومغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان در شکل زیر، کدام است؟
 مرجع: سراسری - ۱۴۰۳

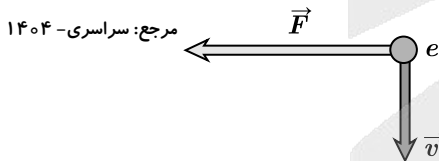


- ۱) \leftarrow ۲) \rightarrow ۳) \odot (برونسو) ۴) \otimes (درونسو)

۲۵۱. در یک کابل افقی که بخشی از یک خط انتقال برق است، جریان الکتریکی $4000A$ برقرار است. میدان مغناطیسی زمین در آن محل $0.5G$ است و جهت میدان مغناطیسی با جهت جریان الکتریکی زاویه 60° درجه می‌سازد. نیروی مغناطیسی وارد بر 100 متر از این کابل چند نیوتون است؟
 مرجع: سراسری - ۱۴۰۴

- ۱) $10\sqrt{3}$ ۲) 10 ۳) $20\sqrt{3}$ ۴) 20

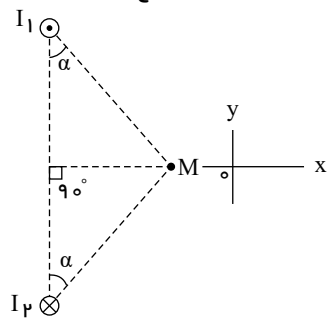
۲۵۲. الکترونی عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی در حرکت است. با توجه به شکل زیر، جهت میدان مغناطیسی کدام است؟
 مرجع: سراسری - ۱۴۰۴



- ۱) درون سو ۲) برون سو ۳) راست ۴) بالا

میدان مغناطیسی اطراف سیم راست حامل جریان

۲۵۳. شکل زیر، مقطع دو سیم بلند و موازی را نشان می‌دهد که بر صفحه کاغذ عمودند و از آنها جریان‌های برابر و در جهت‌های نشان داده شده عبور می‌کند، میدان مغناطیسی خالص (برایند) در نقطه M در کدام جهت است؟
 مرجع: سراسری - ۱۳۹۹

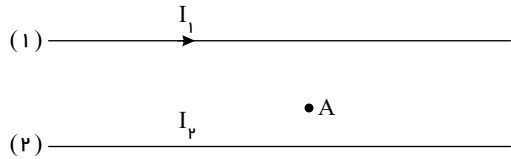


- ۱) در جهت محور x ۲) در جهت محور y ۳) خلاف جهت محور x ۴) خلاف جهت محور y



۲۵۴. در شکل زیر، از دو سیم موازی و بلند، جریان‌های الکتریکی عبور می‌کند. اگر میدان مغناطیسی در نقطه A برابر صفر باشد، کدام مورد درست است؟

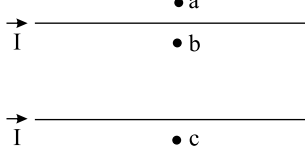
مرجع: سراسری - ۱۴۰۰



- ۱ I_2 در خلاف جهت I_1 و کوچک‌تر از آن است.
 ۲ I_2 در خلاف جهت I_1 و بزرگ‌تر از آن است.
 ۳ I_2 هم‌جهت با I_1 و بزرگ‌تر از آن است.
 ۴ I_2 هم‌جهت با I_1 و کوچک‌تر از آن است.

۲۵۵. جهت میدان مغناطیسی برآیند (خالص) ناشی از سیم‌های موازی و بلند حامل جریان یکسان، در هر یک از نقطه‌های a ، b و c به ترتیب کدام است؟

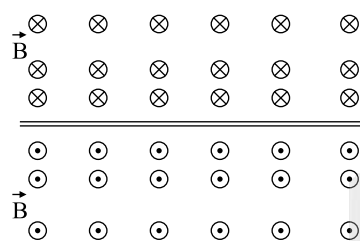
مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱



- ۱ درون سو - درون سو - برون سو
 ۲ برون سو - درون سو - درون سو
 ۳ درون سو - برون سو - برون سو
 ۴ برون سو - برون سو - درون سو

۲۵۶. میدان مغناطیسی اطراف یک سیم حامل جریان الکتریکی در شکل زیر، نشان داده شده است. جهت جریان الکتریکی در سیم کدام است و اگر یک

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱



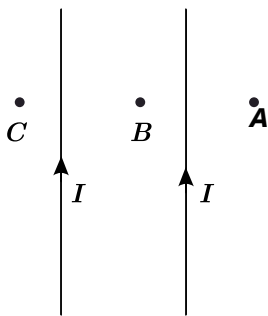
میدان مغناطیسی خارجی درون سو (\otimes) بر این سیم اثر کند، نیروی مغناطیسی وارد بر سیم به کدام جهت خواهد شد؟

- ۱ \rightarrow و \downarrow
 ۲ \leftarrow و \uparrow
 ۳ \leftarrow و \downarrow
 ۴ \rightarrow و \uparrow

۲۵۷. در شکل زیر، جریان‌های الکتریکی هم‌اندازه و هم‌جهت در سیم‌ها جاری است. جهت میدان مغناطیسی حاصل از جریان‌های الکتریکی در نقاط A ،

مرجع: سراسری - ۱۴۰۳

B و C به ترتیب کدام‌اند؟

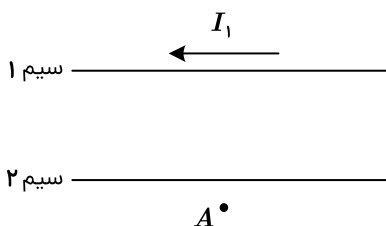


- ۱ $\otimes - \odot - \otimes$ ۲ $\otimes - \otimes - \odot$ ۳ $\odot - \otimes - \otimes$ ۴ $\otimes - \odot - \odot$

۲۵۸. شکل زیر، دو سیم موازی و بلند حامل جریان را نشان می‌دهد. اگر میدان مغناطیسی حاصل از این سیم‌ها در نقطه A صفر باشد، جهت جریان سیم ۲

مرجع: سراسری - ۱۴۰۳

به کدام سو است و رابطه بین جریان‌ها کدام است؟

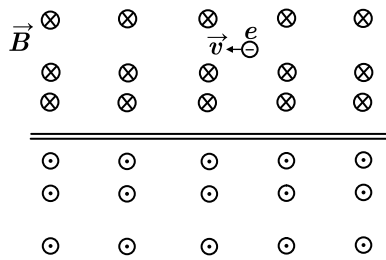


- ۱ $I_2 > I_1$, \rightarrow ۲ $I_1 > I_2$, \leftarrow ۳ $I_2 > I_1$, \leftarrow ۴ $I_1 > I_2$, \rightarrow



۲۵۹. شکل زیر، مقطعی از میدان مغناطیسی اطراف سیم حامل جریان الکتریکی را نشان می‌دهد. جهت جریان در سیم کدام است و اگر مطابق شکل، الکترونی در جهت نشان داده شده در حرکت باشد، نیروی مغناطیسی وارد بر آن به کدام جهت است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳



- ۱) \downarrow و \leftarrow ۲) \uparrow و \leftarrow ۳) \uparrow و \rightarrow ۴) \downarrow و \rightarrow

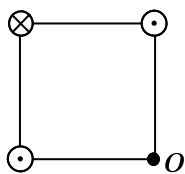
۲۶۰. از یک سیم راست بلند، جریان ثابت I می‌گذرد. سیم، عمود بر صفحه کاغذ و جریان آن به طرف بیرون صفحه است. خطوط میدان مغناطیسی در کدام شکل، به درستی نمایش داده شده است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴



۲۶۱. سه سیم راست موازی و بسیار بلند، حامل جریان‌های مساوی، در سه رأس یک مربع قرار دارند. میدان مغناطیسی خالص در رأس چهارم (نقطه O) به کدام سو است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴



- ۱) \swarrow ۲) \nearrow ۳) \rightarrow ۴) \uparrow

میدان ناشی از حلقه و سیمولوه

۲۶۲. سیمولوه‌ای به طول ۶۰ سانتی‌متر، دارای ۲۰۰ حلقه است و از آن جریان $5A$ عبور می‌کند. میدان مغناطیسی درون سیمولوه چند تسلا است؟

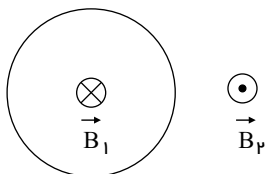
مرجع: سراسری - ۱۳۹۸

$(\mu_0 = 12 \times 10^{-7} T \cdot m/A)$

- ۱) 2×10^{-1} ۲) 2×10^{-3} ۳) $1,2 \times 10^{-1}$ ۴) $1,2 \times 10^{-3}$

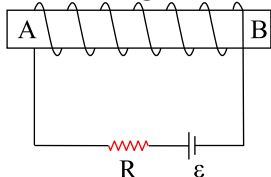
۲۶۳. شکل زیر، یک حلقه حامل جریان الکتریکی را نشان می‌دهد که B_1 و B_2 بردارهای میدان مغناطیسی داخل و بیرون حلقه‌اند. کدام مورد درباره جهت جریان الکتریکی حلقه و اندازه بردارهای میدان درست است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹



- ۱) ساعتگرد، $B_1 = B_2$ ۲) ساعتگرد، $B_1 > B_2$
۳) پادساعتگرد، $B_1 = B_2$ ۴) پادساعتگرد، $B_1 > B_2$

مرجع: سراسری - ۱۴۰۱



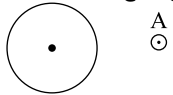
۲۶۴. در آهنربای الکتریکی شکل زیر، قطب N و جهت میدان مغناطیسی درون سیمولوه، کدام است؟

- ۱) \rightarrow , A ۲) \rightarrow , B
۳) \leftarrow , A ۴) \leftarrow , B



۲۶۵. در حلقه زیر، جریان الکتریکی برقرار است و جهت میدان مغناطیسی حاصل از آن در نقطه A خارج از حلقه رسم شده است. جهت جریان الکتریکی و جهت میدان مغناطیسی در مرکز حلقه، کدام است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱



- ۱ ساعتگرد و \odot ۲ ساعتگرد و \otimes
 ۳ پادساعتگرد و \odot ۴ پادساعتگرد و \otimes

۲۶۶. سیمولوله‌ای آرمانی به طول 20 cm دارای 500 حلقه سیم نزدیک به هم است. اگر جریان 800 mA از سیمولوله بگذرد، بزرگی میدان مغناطیسی در

مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

نقطه‌ای درون سیمولوله و دور از لبه‌های آن، چند گاوس است؟ $(\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A})$

- ۱ $0,24$ ۲ $2,4$ ۳ 24 ۴ 240

۲۶۷. سیمولوله‌ای آرمانی به طول 10 cm دارای 500 حلقه نزدیک به هم است. اگر جریان 400 mA از سیمولوله بگذرد، بزرگی میدان مغناطیسی درون

مرجع: سراسری - ۱۴۰۳

سیمولوله و دور از لبه‌های آن چند گاوس است؟ $(\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A})$

- ۱ 12 ۲ $1,2$ ۳ 24 ۴ $2,4$

۲۶۸. جریان الکتریکی $2,5A$ از سیمولوله آرمانی به طول 10 cm می‌گذرد. اگر میدان مغناطیسی ایجادشده در درون سیمولوله $157G$ باشد، تعداد

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴

حلقه‌های آن چقدر است؟ $(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A})$

- ۱ 1500 ۲ 1000 ۳ 500 ۴ 250

ویژگی های مغناطیسی مواد

۲۶۹. مواد پارامغناطیسی در حضور میدان‌های مغناطیسی قوی چه خاصیت مغناطیسی پیدا می‌کنند؟

مرجع: سراسری - ۱۳۹۹

- ۱ قوی و موقت ۲ قوی و دائمی ۳ ضعیف و موقت ۴ ضعیف و دائمی

۲۷۰. خاصیت مغناطیسی مواد دیامغناطیسی، کدام است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹

- ۱ به طور طبیعی حوزه‌های مغناطیسی دارند و اگر تحت تأثیر میدان مغناطیسی خارجی قرار گیرند، تبدیل به آهنربای دائمی می‌شوند.
 ۲ اتم‌های این مواد خاصیت مغناطیسی دارند ولی حوزه‌های مغناطیسی قابل ملاحظه‌ای ندارند و به این دلیل میدان قابل ملاحظه‌ای ایجاد نمی‌کنند.
 ۳ اتم‌های این مواد به طور ذاتی فاقد خاصیت مغناطیسی‌اند و در حضور میدان مغناطیسی خارجی قوی، دو قطبی‌هایی در خلاف جهت میدان خارجی ایجاد می‌شود.
 ۴ به طور طبیعی فاقد حوزه‌های مغناطیسی می‌باشند ولی اگر تحت تأثیر میدان خارجی قرار گیرند، حوزه‌های مغناطیسی دائمی در جهت میدان خارجی ایجاد می‌شود.

۲۷۱. دو قطبی‌های مغناطیسی کدام مواد، به صورت کاتوره‌ای سمت‌گیری کرده‌اند و این مواد در حضور میدان مغناطیسی خارجی قوی، چه خاصیت

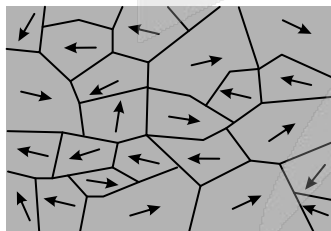
مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

مغناطیسی پیدا می‌کنند؟

- ۱ پارامغناطیسی - قوی و دائمی ۲ فرومغناطیسی - قوی و دائمی ۳ فرومغناطیسی - ضعیف و موقت ۴ پارامغناطیسی - ضعیف و موقت

۲۷۲. شکل زیر مربوط به کدام ماده مغناطیسی است و آن ماده در چه شرایطی قرار دارد؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳



- ۱ ماده فرومغناطیسی در حضور میدان مغناطیسی خارجی ضعیف ۲ ماده پارامغناطیسی در حضور میدان مغناطیسی خارجی ضعیف
 ۳ ماده پارامغناطیسی در نبود میدان مغناطیسی خارجی ۴ ماده فرومغناطیسی در نبود میدان مغناطیسی خارجی

۲۷۳. کدام مواد به طور ذاتی فاقد خاصیت مغناطیسی هستند، اما حضور میدان مغناطیسی خارجی می‌تواند سبب القای دو قطبی‌های مغناطیسی در خلاف

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۴

سوی میدان مغناطیسی خارجی شود؟

- ۱ پارامغناطیسی ۲ دیامغناطیسی ۳ فرومغناطیسی نرم ۴ فرومغناطیسی سخت



القای الکترومغناطیس پدیده القای الکترومغناطیسی - شار مغناطیسی

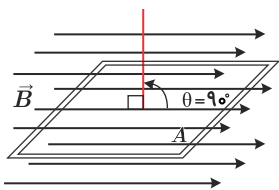
۲۷۴. بردار میدان مغناطیسی در یک محیط، در SI به صورت $\vec{B} = 0.5\vec{i} + 0.4\vec{j}$ است. اگر در آن محیط، سطح قاب مربع شکلی به ضلع 2 cm عمود بر محور x باشد، شار مغناطیسی عبوری از آن چند وبر است؟
مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

- ۱) 0.02 ۲) 0.16 ۳) 0.16 ۴) 0.02

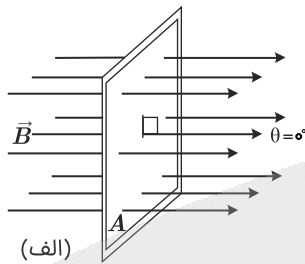
۲۷۵. سطح حلقه رسانایی به شکل مربع به ضلع 3 cm عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی 40 G قرار دارد. شار مغناطیسی عبوری از این حلقه در SI چقدر است؟
مرجع: سراسری - ۱۴۰۳

- ۱) 1.2×10^{-5} ۲) 1.2×10^{-3} ۳) 3.6×10^{-5} ۴) 3.6×10^{-3}

۲۷۶. در شکل زیر، حلقه رسانایی به مساحت 4 cm^2 حول محوری عمود بر میدان مغناطیسی یکنواخت $B = 0.5\text{ T}$ می‌چرخد. در بازه زمانی که حلقه از حالت (الف) به حالت (ب) می‌رسد، شار مغناطیسی چند وبر و چگونه تغییر می‌کند؟
مرجع: سراسری - ۱۴۰۴



(ب)



(الف)

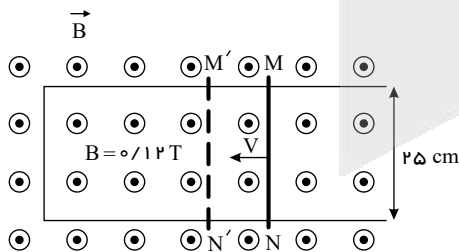
- ۱) 2×10^{-2} و افزایش می‌یابد. ۲) 2×10^{-2} و کاهش می‌یابد. ۳) 2×10^{-4} و افزایش می‌یابد. ۴) 2×10^{-4} و کاهش می‌یابد.

قانون القای الکترومغناطیسی فاراده

۲۷۷. معادله شار مغناطیسی عبوری از یک پیچه که شامل 60 حلقه است، در SI به صورت $\Phi = 4 \times 10^{-3} \cos 100\pi t$ است. اندازه نیروی محرکه القایی متوسط در پیچه در بازه زمانی $t_1 = \frac{1}{200}\text{ s}$ تا $t_2 = \frac{1}{100}\text{ s}$ چند ولت است؟
مرجع: سراسری - ۱۳۹۸

- ۱) 2.4 ۲) 4.8 ۳) 2.4 ۴) 4.8

۲۷۸. میله فلزی MN را روی رسانای U شکل با سرعت ثابت v در مدت Δt از وضع MN به وضع $M'N'$ درمی‌آوریم. اگر نیروی محرکه القاشده 1.5 ولت باشد، سرعت حرکت میله چند متر بر ثانیه و جهت جریان القاشده در میله، کدام است؟
مرجع: سراسری - ۱۳۹۸



- ۱) 5 و از N به طرف M ۲) 5 و از M به طرف N ۳) 7.5 و از N به طرف M ۴) 7.5 و از M به طرف N

۲۷۹. سطح حلقه‌های پیچه‌ای که دارای 1000 حلقه است، عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی که اندازه آن 0.4 T است، قرار دارد. میدان مغناطیسی در مدت 0.1 s به همان اندازه و در خلاف جهت اولیه می‌رسد. اگر مساحت هر حلقه پیچه 5 cm^2 باشد، بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط در پیچه، چند ولت است؟
مرجع: سراسری - ۱۳۹۸

- ۱) صفر ۲) 0.4 ۳) 4 ۴) 40

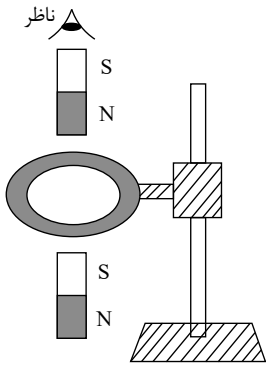
۲۸۰. وبر بر ثانیه معادل کدام یکا است؟

- ۱) ولت ۲) تسلا ۳) اهم ۴) کولن



۲۸۱. یک حلقه مسی به صورت افقی، توسط گیره‌ای عایق به یک میله قائم بسته شده است. اگر یک آهن ربا را مطابق شکل زیر از بالای حلقه رها کنیم، جهت جریان القا شده در حلقه مسی قبل از ورود به حلقه و پس از عبور از آن از دید ناظری که از بالا نگاه می‌کند، کدام است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸



- ۱ ساعتگرد - ساعتگرد
- ۲ ساعتگرد - پادساعتگرد
- ۳ پادساعتگرد - ساعتگرد
- ۴ پادساعتگرد - پادساعتگرد

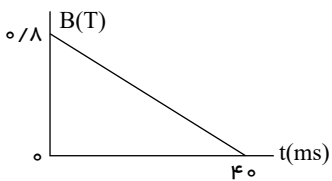
۲۸۲. حلقه‌ای به مساحت 200 cm^2 درون میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی $B = 0.04 \text{ T}$ قرار دارد و خطوط میدان با سطح حلقه زاویه 60° درجه می‌سازند. شار مغناطیسی که از حلقه می‌گذرد، چند وبر است؟

مرجع: سراسری - ۱۳۹۹

- ۱ 2×10^{-3}
- ۲ 4×10^{-5}
- ۳ $4\sqrt{3} \times 10^{-3}$
- ۴ $4\sqrt{3} \times 10^{-5}$

۲۸۳. پیچه‌ای دارای 500 حلقه و مساحت سطح هر حلقه آن 40 cm^2 است و طوری در یک میدان مغناطیسی قرار گرفته است که خط‌های میدان عمود بر سطح حلقه‌های پیچه‌اند. اگر نمودار تغییرات میدان بر حسب زمان به صورت شکل زیر باشد، نیروی محرکه القایی متوسط در پیچه در بازه زمانی $t_1 = 0$ تا $t_2 = 30 \text{ ms}$ چند ولت است؟

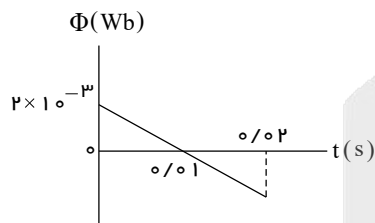
مرجع: سراسری - ۱۳۹۹



- ۱ 120
- ۲ 40
- ۳ 30
- ۴ 16

۲۸۴. نمودار شار مغناطیسی‌ای که از یک حلقه می‌گذرد، در شکل زیر، نشان داده شده است. نمودار نیروی محرکه القایی در این مدت کدام است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹



- ۱

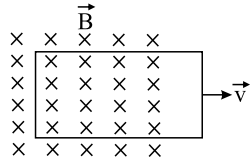
۲
- ۳

۴



۲۸۵. در شکل زیر، یک حلقهٔ رسانا با تندی ثابت از یک میدان مغناطیسی خارج می‌شود و شار مغناطیسی در هر میلی‌ثانیه $۰٫۲$ وبر کاهش می‌یابد.

مرجع: سراسری - ۱۴۰۰



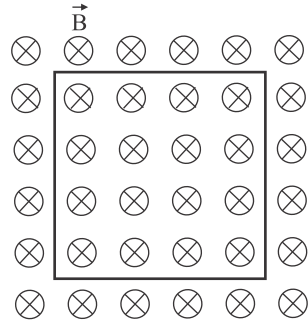
جریان الکتریکی القایی در کدام جهت است و نیروی محرکهٔ القایی متوسط چند ولت است؟

- ۱ ساعتگرد، $۰٫۲$ ۲ ساعتگرد، ۲۰
 ۳ پادساعتگرد، $۰٫۲$ ۴ پادساعتگرد، ۲۰

۲۸۶. در شکل زیر، حلقهٔ رسانایی به مساحت ۶۰۰cm^2 عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی قرار دارد و میدان مغناطیسی بدون تغییر جهت، در مدت

یک میلی‌ثانیه ۲۰۰ گاوس کاهش می‌یابد. در این مدت، نیروی محرکهٔ القایی متوسط در حلقه چند ولت است و جهت جریان القایی چگونه است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰



- ۱ $۱٫۲$ پادساعتگرد ۲ $۰٫۶$ پادساعتگرد
 ۳ $۰٫۶$ ساعتگرد ۴ $۱٫۲$ ساعتگرد

۲۸۷. پیچه‌ای از ۲۰۰ حلقه تشکیل شده است و شار مغناطیسی که از آن می‌گذرد در مدت $۰٫۱$ ثانیه از $۰٫۲$ وبر به $۰٫۰۵$ وبر می‌رسد. اگر مقاومت

مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

الکتریکی پیچه ۱۵Ω باشد، جریان القایی متوسط که در این مدت از پیچه می‌گذرد، چند آمپر است؟

- ۱ ۲ ۲ ۳ ۳ ۲۰ ۴ ۳۰

۲۸۸. پیچه‌ای دارای ۱۰۰ حلقه و مساحت هر حلقه آن ۵۰cm^2 است و به‌طور عمود در یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی ۲۰۰G قرار دارد. اگر

مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

در مدت $۰٫۱$ ثانیه پیچه از میدان خارج شود، بزرگی نیروی محرکهٔ القایی متوسط چند ولت است؟

- ۱ ۳ ۲ $۲٫۵$ ۳ $۰٫۵$ ۴ $۰٫۱$

۲۸۹. سیمی را به شکل حلقه‌ای به شعاع ۱۰cm در می‌آوریم و آن را روی یک سطح افقی قرار می‌دهیم. میدان مغناطیسی یکنواختی که با سطح قاب زاویهٔ

۳۰ درجه می‌سازد، در مدت $۱۵٫۷$ میلی‌ثانیه از ۶۰۰۰ گاوس به صفر کاهش می‌یابد. نیروی محرکهٔ القایی متوسط در حلقه چند ولت است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

- ۱ $۰٫۶\sqrt{۳}$ ۲ $۰٫۶$ ۳ $۱٫۲\sqrt{۳}$ ۴ $۱٫۲$

۲۹۰. سیملوله‌ای دارای ۴۰۰ حلقه است و مساحت هر حلقه آن ۱۵cm^2 است. درون این سیملوله، میدان مغناطیسی که موازی محور سیملوله است، با

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

آهنگ $۰٫۱$ تسلا بر ثانیه کاهش می‌یابد. اگر مقاومت الکتریکی آن $۰٫۲\Omega$ باشد، جریان الکتریکی القایی آن چند آمپر است؟

- ۱ $۰٫۲$ ۲ $۰٫۶$ ۳ $۰٫۳$ ۴ $۰٫۴$

۲۹۱. شار مغناطیسی عبوری از یک پیچه که شامل ۵۰ حلقه است، در SI به صورت $\phi = ۰٫۲ \cos ۵۰\pi t$ است. بزرگی نیروی محرکهٔ القایی متوسط در

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

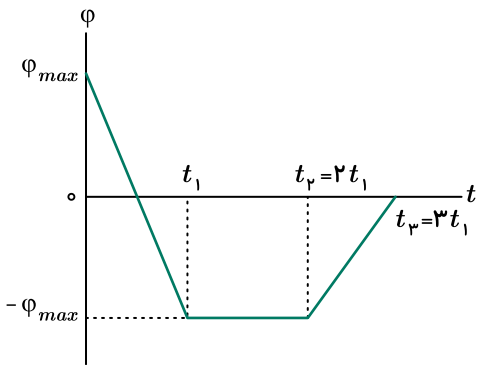
پیچه، در بازهٔ زمانی $t_1 = ۰٫۰۱\text{s}$ تا $t_2 = ۰٫۰۳\text{s}$ چند ولت است؟

- ۱ ۵۰ ۲ ۲۵ ۳ ۱۰ ۴ صفر



۲۹۲. شار مغناطیسی عبوری از پیچه‌ای مطابق نمودار زیر است. اگر بزرگی نیروی محرکه القایی در پیچه، در بازه‌های زمانی (صفر تا t_1)، (t_1 تا t_2) و (t_2 تا t_3) به ترتیب ε_1 ، ε_2 و ε_3 باشد، کدام رابطه درست است؟

مرجع: سراسری-۱۴۰۳



$\varepsilon_2 = 2\varepsilon_3 = \varepsilon_1$ (۴)

$\varepsilon_2 = 0$ و $\varepsilon_3 = 2\varepsilon_1$ (۳)

$\varepsilon_1 = 2\varepsilon_2 = 2\varepsilon_3$ (۲)

$\varepsilon_2 = 0$ و $\varepsilon_1 = 2\varepsilon_3$ (۱)

مرجع: سراسری-۱۴۰۳

۲۹۳. یکای فرعی یک کمیت فیزیکی $\frac{kg \cdot m^2}{A \cdot s^2}$ است. یکای آن در SI کدام است؟

پاسکال (Pa) (۴)

تسلا (T) (۳)

ولت (V) (۲)

وِبر (Wb) (۱)

۲۹۴. پیچه‌ای شامل ۵۰۰ حلقه عمود بر میدان مغناطیسی قرار دارد و میدان مغناطیسی با آهنگ $\frac{T}{s}$ کاهش می‌یابد. اگر نیروی محرکه القایی متوسط

مرجع: سراسری-۱۴۰۳

ایجادشده در پیچه ۱٫۲ ولت باشد، مساحت هر حلقه چند سانتی‌متر مربع است؟

۶۰ (۴)

۴۰ (۳)

۳۰ (۲)

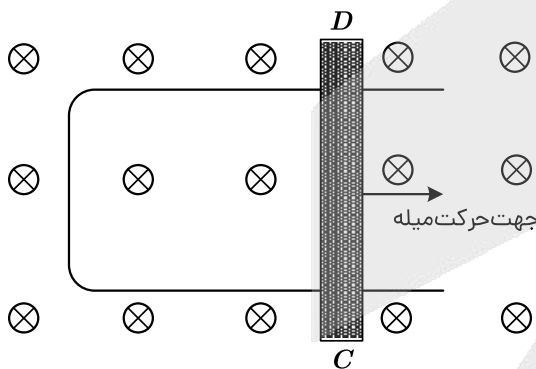
۲۰ (۱)

۲۹۵. شکل زیر رسانای Uشکلی را درون میدان مغناطیسی یکنواخت \vec{B} که عمود بر صفحه و رو به داخل صفحه است، نشان می‌دهد. اگر سطح رسانا با

آهنگ ثابت $20 \frac{cm^2}{s}$ افزایش یابد و بزرگی میدان مغناطیسی $5T$ باشد، جهت جریان القایی در میله کدام است و بزرگی نیروی محرکه متوسط القایی

مرجع: سراسری-۱۴۰۳

چند میلی‌ولت است؟



از C به D و ۱ (۴)

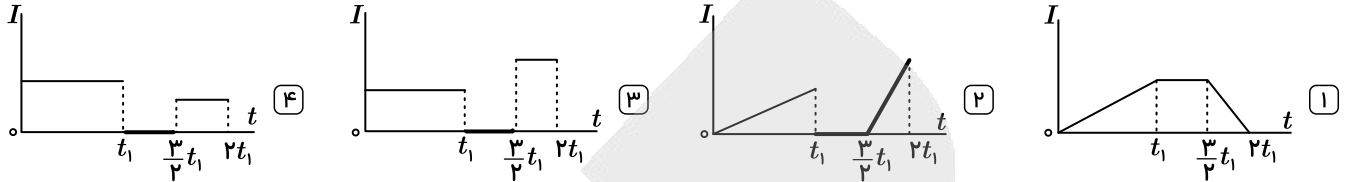
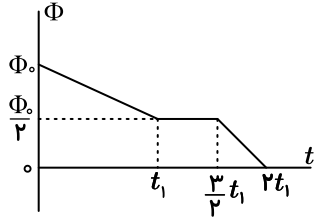
از D به C و ۱ (۳)

از D به C و ۲ (۲)

از C به D و ۲ (۱)

۲۹۶. نمودار تغییرات شار مغناطیسی در یک مدار بسته مطابق شکل است. نمودار جریان القایی مدار به کدام شکل است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳



۲۹۷. سطح حلقه‌های پیچ‌های که دارای ۲۰۰ حلقه است، عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی که بزرگی آن 200 G و جهت آن از راست به چپ است، قرار دارد. میدان مغناطیسی در مدت 4 ms تغییر می‌کند و به 400 G در خلاف جهت اولیه می‌رسد. اگر سطح هر حلقه پیچ 50 cm^2 باشد، بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط در پیچ چند ولت است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳

۱۵ (۴)

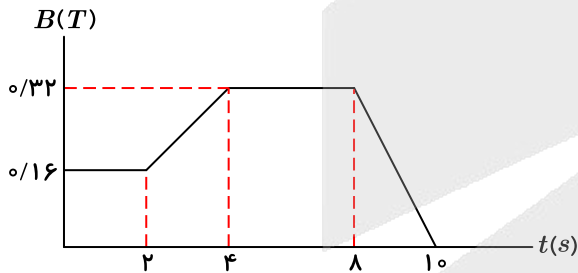
۶ (۳)

۵ (۲)

۱ (۱)

۲۹۸. یک حلقه رسانای مربع شکل به ضلع 2 cm و مقاومت الکتریکی $1\ \Omega$ در یک میدان مغناطیسی یکنواخت قرار دارد. خطوط میدان مغناطیسی عمود بر صفحه حلقه است و میدان مغناطیسی مطابق نمودار زیر با زمان تغییر می‌کند. جریان القایی متوسط در حلقه در بازه زمانی $t = 1\text{ s}$ تا $t = 2\text{ s}$ چند میلی‌آمپر است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴



۰٫۰۸ (۴)

۰٫۰۶ (۳)

۰٫۰۴ (۲)

صفر (۱)

۲۹۹. پیچ‌های شامل ۲۰۰ دور سیم که مساحت هر حلقه آن 50 cm^2 است، عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی قرار دارد. در مدت 2 ms اندازه میدان از 0.5 T به 0.45 T کاهش می‌یابد. اگر مقاومت پیچ $20\ \Omega$ باشد، جریان القایی متوسط که از پیچ می‌گذرد، چند آمپر است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴

۰٫۵ (۴)

۱٫۲۵ (۳)

۱٫۵ (۲)

۲٫۵ (۱)

۳۰۰. پیچ‌های دارای ۲۰۰ حلقه و مساحت هر حلقه 40 cm^2 است. این پیچ عمود بر میدان مغناطیسی یکنواخت $B = 0.25\text{ T}$ قرار دارد. اگر پیچ در مدت 600.2 s درجه حول یکی از قطرهایش بچرخد، نیروی محرکه القایی متوسط آن چند ولت می‌شود؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۴

۲ (۴)

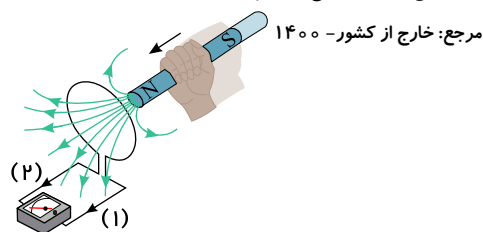
۵ (۳)

۲۰ (۲)

۵۰ (۱)

قانون لنز

۳۰۱. با توجه به جهت حرکت آهن‌ربا، جریان القایی در کدام جهت است و نیروی مغناطیسی که حلقه به آهن‌ربا وارد می‌کند، چگونه است؟



مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰

۱ (۱)، جاذبه

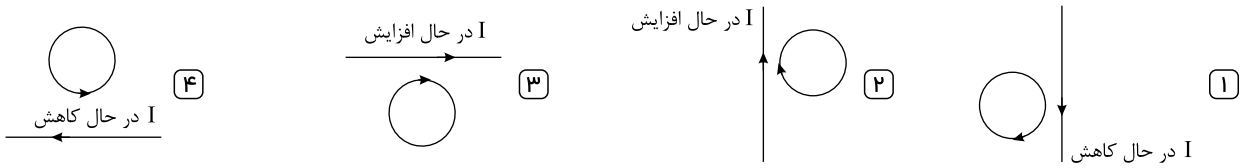
۲ (۱)، دافعه

۳ (۲)، جاذبه

۴ (۲)، دافعه



۳۰۲. در کدام شکل، جهت جریان القایی حلقه صحیح است؟

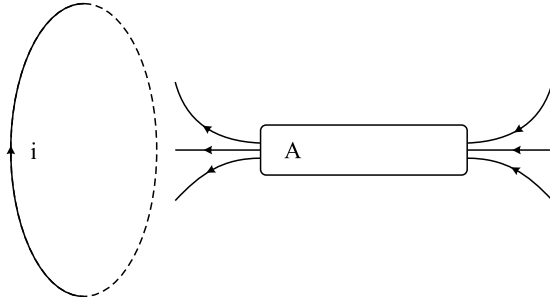


۳۰۳. مطابق شکل، آهنربای میله‌ای روی محور حلقه رسانا حرکت می‌کند و در حلقه جریان

القایی ایجاد می‌کند. قطب A کدام است و جهت حرکت آهنربا به کدام سمت است؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

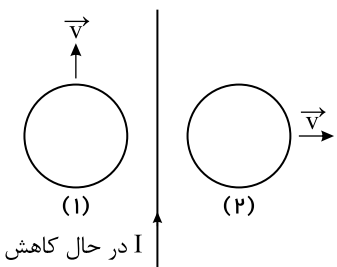
- (۱) N و \leftarrow
- (۲) N و \rightarrow
- (۳) S و \leftarrow
- (۴) S و \rightarrow



۳۰۴. مطابق شکل زیر، دو حلقه در جهت‌های نشان داده شده در نزدیکی یک سیم حامل جریان الکتریکی I حرکت می‌کنند. کدام مورد درست است؟

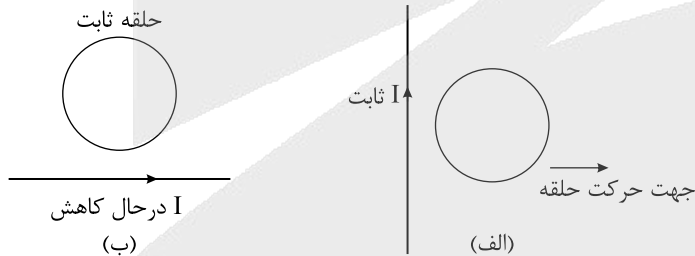
مرجع: سراسری - ۱۴۰۲

- (۱) در حلقه (۱) جریان القایی شود و در حلقه (۲) جریان القایی پادساعتگرد است.
- (۲) جهت جریان القایی در حلقه (۱) پادساعتگرد و در حلقه (۲) ساعتگرد است.
- (۳) در حلقه (۱) جریان القایی نمی‌شود و در حلقه (۲) جریان القایی ساعتگرد است.
- (۴) جهت جریان القایی در حلقه (۱) ساعتگرد و در حلقه (۲) پادساعتگرد است.



۳۰۵. در شکل‌های «الف» و «ب» جهت جریان الکتریکی القا شده در حلقه‌ها به ترتیب، کدام است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۲

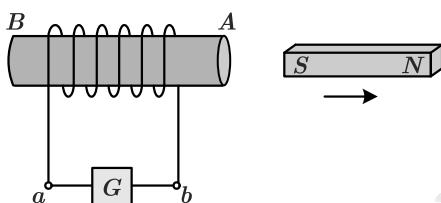


- (۱) ساعتگرد و پادساعتگرد
- (۲) پادساعتگرد و پادساعتگرد
- (۳) پادساعتگرد و ساعتگرد
- (۴) ساعتگرد و ساعتگرد

۳۰۶. شکل زیر، آهنربای تیغه‌ای را نشان می‌دهد که از سیملوله دور می‌شود. در این حالت، جریان الکتریکی القایی که از گالوانومتر می‌گذرد، به کدام

جهت است و در A و B، به ترتیب چه قطب‌های مغناطیسی ایجاد می‌شود؟

مرجع: سراسری - ۱۴۰۴

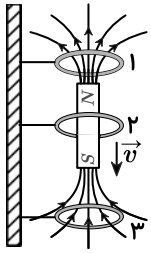


- (۱) از a به N و S
- (۲) از B به N و S
- (۳) از a به S و N
- (۴) از B به S و N



۳۰۷. در شکل زیر، آهنربایی از بالا رها شده تا در راستای قائم، از درون حلقه‌های رسانا بگذرد. در لحظه نشان داده شده، از نگاه بالا، جهت جریان القایی در حلقه‌های ۱، ۲ و ۳ به ترتیب چگونه است؟

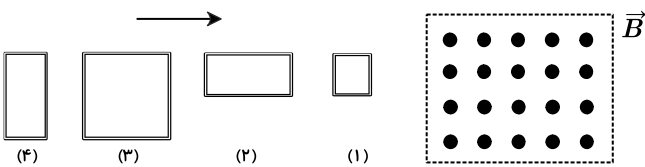
مرجع: سراسری - ۱۴۰۴



- هر سه ساعتگرد
 هر سه پادساعتگرد
 ساعتگرد، صفر و پادساعتگرد
 پادساعتگرد، صفر و ساعتگرد

۳۰۸. در شکل زیر، چهار حلقه سیمی به ضلع‌های 2cm یا 4cm را با سرعت‌های برابر از ناحیه میدان مغناطیسی یکنواخت نشان داده شده عبور می‌دهیم. اگر بیشینه نیروی محرکه القایی ایجاد شده در آنها به ترتیب $\epsilon_1, \epsilon_2, \epsilon_3$ و ϵ_4 باشد، کدام رابطه درست است؟

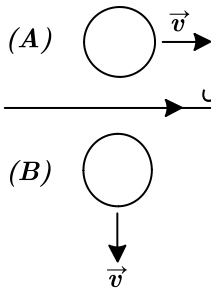
مرجع: سراسری - ۱۴۰۴



- $\epsilon_3 > \epsilon_4 = \epsilon_2 > \epsilon_1$
 $\epsilon_4 = \epsilon_3 = \epsilon_2 = \epsilon_1$
 $\epsilon_3 > \epsilon_4 > \epsilon_2 > \epsilon_1$
 $\epsilon_4 = \epsilon_3 > \epsilon_2 = \epsilon_1$

۳۰۹. دو حلقه رسانا در نزدیکی یک سیم دراز حامل جریان قرار دارند. این دو حلقه با تندیهای یکسان ولی در جهت‌های متفاوت مطابق شکل حرکت می‌کنند. جهت جریان القایی در حلقه‌های (A) و (B) به ترتیب کدام I در حال کاهش است؟

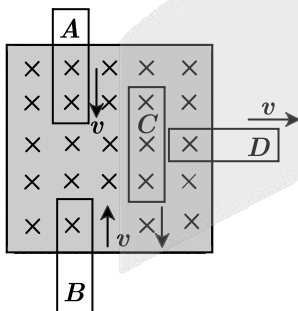
مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۴



- پادساعتگرد - ساعتگرد
 ساعتگرد - پادساعتگرد
 پادساعتگرد - پادساعتگرد
 ساعتگرد - ساعتگرد

۳۱۰. در شکل زیر، میدان مغناطیسی یکنواخت درون سو در محدوده مشخص شده برقرار است و حلقه‌های رسانا در جهت نشان داده شده حرکت می‌کنند. در کدام حلقه، جهت جریان القایی ساعتگرد است؟

مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۴

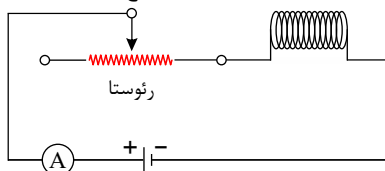


- A
 B
 C
 D

القاگرها - خود القاوری - ضریب القاوری - انرژی ذخیره شده در القاگر

۳۱۱. در شکل زیر، ضریب القاوری (خود القاوری) سیملوله $0.5H$ است و انرژی ذخیره شده در آن $4J$ است. اگر سیملوله دارای 100 حلقه و طولش

مرجع: سراسری - ۱۳۹۹

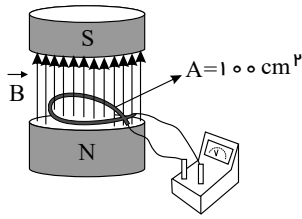


باشد، 8cm باشد، میدان مغناطیسی داخل آن چند گاوس است؟ $(\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A})$

- ۶۰
 ۹۰
 ۱۲۰
 ۱۸۰



۳۱۲. در شکل زیر، میدان مغناطیسی بین قطب‌های یک آهن‌ربای الکتریکی که بر سطح حلقه عمود است، با زمان تغییر می‌کند و در مدت $0.25s$ از 0.1 تسلا روبه‌بالا به 0.1 تسلا روبه‌پایین می‌رسد. بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط در حلقه در این مدت چند میلی‌ولت است؟ مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹



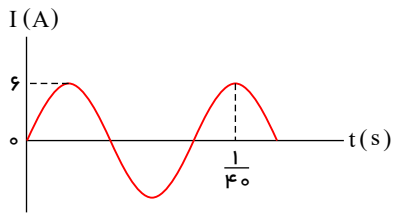
۱) ۱

۲) ۲

۳) ۴

۴) ۸

۳۱۳. از یک سیم‌لوله آرمانی، جریان متناوب سینوسی که نمودار تغییرات آن بر حسب زمان به صورت شکل زیر است، عبور می‌کند. اگر انرژی ذخیره شده در سیم‌لوله در لحظه $\frac{1}{400}$ ثانیه برابر 72 میلی ژول باشد، ضریب القاوری سیم‌لوله چند میلی‌هنری است؟ مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۹



۱) ۸

۲) ۶

۳) ۴

۴) ۳

۳۱۴. از یک القاگر آرمانی به ضریب القاوری 0.4 هانری، جریان الکتریکی پایای $I = 2A$ می‌گذرد. انرژی الکتریکی مصرف شده در آن در هر دقیقه چند ژول است؟ مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۳

۱) ۴٫۸

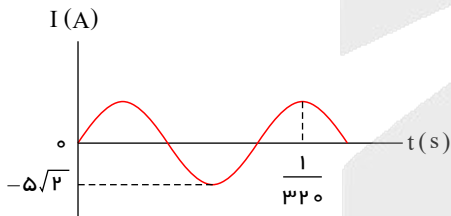
۲) ۲٫۴

۳) ۰٫۰۸

۴) ۰

جریان متناوب - مبدل ها

۳۱۵. نمودار تغییرات یک جریان متناوب سینوسی به صورت شکل زیر است. اندازه جریان در لحظه $\frac{1}{3200}$ ثانیه چند آمپر است؟ مرجع: سراسری - ۱۳۹۹



۱) ۲٫۵

۲) $2.5\sqrt{2}$

۳) ۵

۴) $5\sqrt{2}$

۳۱۶. جریان متناوبی که بیشینه آن $2A$ و دوره آن $0.2s$ است، از یک رسانای 5 اهمی می‌گذرد. معادله جریان متناوب در SI کدام است؟ مرجع: سراسری - ۱۴۰۱

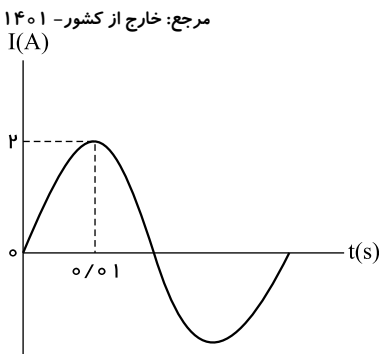
۱) $I = 10 \sin 100\pi t$

۲) $I = 10 \sin 400\pi t$

۳) $I = 2 \sin 100\pi t$

۴) $I = 2 \sin 400\pi t$

۳۱۷. نمودار جریان متناوب و سینوسی یک مولد جریان متناوب، به شکل زیر است. معادله جریان بر حسب زمان در SI کدام است؟ مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱



۱) $I = 2 \sin 100\pi t$

۲) $I = 2 \sin 500\pi t$

۳) $I = 2 \sin 100\pi t$

۴) $I = 2 \sin 200\pi t$



۳۱۸. جریان متناوبی که بیشینه آن $5A$ و دوره آن $\frac{1}{50}$ s است، از یک رسانای $10\ \Omega$ اهمی می‌گذرد. در لحظه $t = \frac{3}{400}$ s، جریان چند آمپر است؟

مرجع: سراسری-۱۴۰۲

$\frac{5\sqrt{2}}{2}$ (۴)

$\frac{5\sqrt{3}}{2}$ (۳)

$\frac{5}{2}$ (۲)

صفر (۱)

۳۱۹. معادله جریان - زمان یک مولد جریان متناوب در SI به صورت $I = 2 \sin 250\pi t$ است. در لحظه $t = 2\text{ms}$ جریان چند آمپر است؟

مرجع: سراسری-۱۴۰۳

$\sqrt{2}$ (۴)

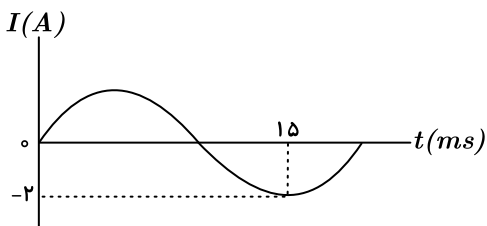
۲ (۳)

۱ (۲)

صفر (۱)

۳۲۰. شکل زیر، نمودار جریان متناوب سینوسی را نشان می‌دهد که یک مولد جریان متناوب تولید کرده است. معادله جریان برحسب زمان در SI، کدام است؟

مرجع: خارج از کشور-۱۴۰۳



$I = 2 \sin 200\pi t$ (۴)

$I = 2 \sin 100\pi t$ (۳)

$I = 2 \sin \frac{\pi}{20} t$ (۲)

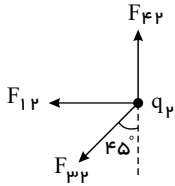
$I = 2 \sin \frac{\pi}{10} t$ (۱)



پاسخنامه تشریحی

۱ گزینه ۴ هسته اتم کربن از ۶ نوترون خنثی و ۶ پروتون تشکیل شده است. پس بار هسته برابر $+6e$ است. بار الکتریکی اتم کربن C^+ برابر $+e$ است. پس بار الکتریکی هسته $^{12}C^+$ ، ۶ برابر بار الکتریکی اتم $^{12}C^+$ است.

۲ گزینه ۴



با توجه به شکل، بار q_3 بار q_2 را جذب کرده، پس علامت آن مثبت است. چون نیروی خالص وارد بر q_2 در راستای محور x ها است، مؤلفه‌های قائم نیروها باید یکدیگر را خنثی کنند.

$$F_{32} \cos 45^\circ = F_{42} \Rightarrow \frac{kq_2q_3}{(a\sqrt{2})^2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{kq_2q_4}{a^2} \Rightarrow \frac{q_3}{2 \times 2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{4}{2 \times 2} \Rightarrow q_3 = +8\sqrt{2} \mu C$$

۳ گزینه ۲ سه برابر کردن هر یک از بارها، نیروی الکتریکی را ۹ برابر (متناسب با حاصل ضرب اندازه بارها) و سه برابر کردن فاصله، نیروی الکتریکی را $\frac{1}{9}$ برابر (متناسب با مجذور فاصله) می‌کند، پس در نهایت:

$$\frac{F'}{F} = \frac{q'_1 q'_2}{q_1 q_2} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{3 \times 3}{1 \times 1} \times \left(\frac{1}{3}\right)^2 = 1$$

۴ گزینه ۳ بدیهی است، به شرطی برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر بار q_3 هم‌اندازه نیروی الکتریکی‌ای است که بار q_1 بر q_3 وارد می‌کند که نیروهای وارد بر q_3 در خلاف جهت هم باشند.

$$F_{13} = \frac{q_1 q_3}{4L^2} \rightarrow \frac{q_2 q_3}{L^2} - \frac{q_1 q_3}{4L^2} = \frac{q_1 q_3}{4L^2}$$

$$\frac{q_2 q_3}{L^2} = 2 \frac{q_1 q_3}{4L^2} \rightarrow q_2 = \frac{q_1}{2} = \frac{4 \mu C}{2} = 2 \mu C$$

اما $q_2 < 0$ است بنابراین $q_2 = -2 \mu C$.

۵ گزینه ۳

$$0.25q_1 = 20 \mu C \rightarrow \begin{cases} q'_1 = 80 - 20 = 60 \mu C \\ q'_2 = (-50) + 20 = -30 \mu C \end{cases}$$

$$\frac{F'}{F} = \frac{q'_1 |q'_2|}{q_1 |q_2|} = \frac{60 \times 30}{80 \times 50} = \frac{18}{40} = \frac{9}{20} \rightarrow \frac{\Delta F}{F} = -\frac{11}{20} = -55\%$$

یعنی نیروی جاذبه، ۵۵ درصد کاهش می‌یابد.

۶ گزینه ۱ باتوجه به زاویه 30° ، اضلاع مثلث را مشخص کرده، سپس با تعیین نیروی الکتریکی که به هر ذره وارد می‌شود، نسبت خواسته شده را می‌یابیم.



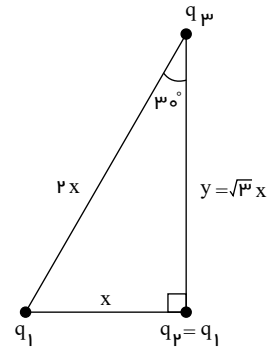
$$F_{12} = F_{23} \rightarrow k \frac{|q_1||q_2|}{r_{12}^2} = k \frac{|q_2||q_3|}{r_{23}^2} \rightarrow \frac{|q_1|}{x^2} = \frac{|q_3|}{3x^2}$$

$$\rightarrow |q_3| = 3|q_1| = 3|q_2| \quad (q_1 = q_2)$$

$$\frac{F_{12}}{F_{13}} = \left(\frac{|q_1| \times |q_2|}{|q_1| \times |q_3|} \right) \left(\frac{r_{13}}{r_{12}} \right)^2 = (3) \left(\frac{x}{2x} \right)^2 = \frac{3}{4}$$

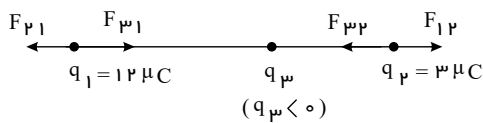
$$\tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{x}{y} \rightarrow y = \sqrt{3}x$$

$$r_{13} = \sqrt{x^2 + y^2} = 2x$$



۷ گزینه ۳ چون برابری نیروهای الکتریکی وارد بر هر ذره صفر است، حتماً این سه ذره بر روی یک خط واقع اند.

چون q_1 و q_2 هم علامت اند، بار q_3 حتماً بین این دو بار و نزدیک تر به بار q_2 ($q_2 < q_1$) است.



چون برابری نیروهای وارد بر هر ذره صفر است، (مثلاً بار q_1 را در نظر بگیریم) باید بار q_3 مخالف علامت دوبار دیگر باشد یعنی: $q_3 < 0$

$$r_{12} = \sqrt{(4 - (-8))^2 + (3 - 12)^2} = \sqrt{144 + 81} = 15$$

$$r_{13} = x, r_{23} = 15 \text{ cm}, r_{23} = (15 - x) \text{ cm}$$

$$\begin{cases} F_{21} = F_{12} \rightarrow \frac{kq_1|q_3|}{r^2} = \frac{kq_1q_2}{r_{12}^2} & (1) \\ F_{23} = F_{12} \rightarrow \frac{k|q_3|q_2}{r_{23}^2} = \frac{kq_1q_2}{r_{12}^2} & (2) \end{cases}$$

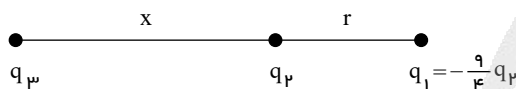
$$(1), (2) \rightarrow \frac{kq_1|q_3|}{r_{13}^2} = \frac{k|q_3|q_2}{r_{23}^2} \rightarrow \frac{12}{x^2} = \frac{3}{(15-x)^2} \rightarrow \left(\frac{15-x}{x} \right)^2 = \frac{1}{4}$$

$$\rightarrow \frac{15-x}{x} = \frac{1}{2} \rightarrow 30 - 2x = x \rightarrow 3x = 30 \rightarrow \boxed{x = 10 \text{ cm}}$$

$$(1) \rightarrow \frac{|q_3|}{r_{13}^2} = \frac{q_2}{r_{12}^2} \rightarrow |q_3| = \left(\frac{r_{13}}{r_{12}} \right)^2 q_2 = \left(\frac{10}{15} \right)^2 \times 3 \mu\text{C} = \frac{4}{3} \mu\text{C}$$

$$q_3 < 0 \rightarrow \boxed{q_3 = -\frac{4}{3} \mu\text{C}}$$

۸ گزینه ۴



(باید q_1 و q_3 هم علامت و مخالف علامت بار q_2 باشند.) و $q_3 < 0$

if: $q_2 > 0 \Rightarrow q_1 < 0$

$$q_2 : \Rightarrow F_{23} = F_{12} \Rightarrow \frac{k|q_3||q_2|}{x^2} = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow \frac{|q_3|}{x^2} = \frac{|q_1|}{r^2} \Rightarrow \frac{x}{r} = \sqrt{\left| \frac{q_3}{q_1} \right|} \quad (1)$$

$$q_2 : \Rightarrow F_{13} = F_{23} \Rightarrow \frac{k|q_1||q_3|}{r_{13}^2} = \frac{k|q_2||q_3|}{r_{23}^2} \Rightarrow \frac{|q_1|}{(r+x)^2} = \frac{|q_2|}{x^2} \Rightarrow \frac{|q_1|}{|q_2|} = \left(\frac{r+x}{x} \right)^2 \Rightarrow \frac{9}{4}$$



$$= \left(\frac{r+x}{x}\right)^2 \Rightarrow \frac{r}{x} + 1 = \frac{3}{2} \Rightarrow \frac{r}{x} = 0.5 \Rightarrow \frac{x}{r} = 2 \xrightarrow{(1)} 4 = \frac{|q_3|}{|q_1|} = \frac{|q_3|}{\frac{9}{4}|q_2|} \Rightarrow \left|\frac{q_3}{q_2}\right| = 4 \times \frac{9}{4} = 9$$

$$\Rightarrow \frac{q_3}{q_2} = -9$$

گزینه ۲ نکته: اگر بار الکتریکی دو کره رسانای مشابه قبل از تماس با یکدیگر برابر با q_1 و q_2 باشد، پس از تماس با هم، بار هر یک برابر است با:

$$q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2}$$

گام (۱): بار کره‌های رسانای مشابه قبل از تماس با هم:

$$\left\{ \begin{array}{l} q_1 > 0 \Rightarrow |q_2| > q_1 \\ q_2 < 0 \Rightarrow q_2 = -|q_2| \end{array} \right\}$$

$$F_{r1} = F_{r2} = \frac{kq_1|q_2|}{r^2} \Rightarrow 0.9 = \frac{(9 \times 10^9)(q_1)|q_2|}{(0.6)^2} \Rightarrow q_1|q_2| = 36 \times 10^{-12}$$

گام (۲): پس از تماس با هم:

$$q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + (-|q_2|)}{2} = \frac{q_1 - |q_2|}{2} \Rightarrow F'_{r2} = F'_{r1} = \frac{kq'_1q'_2}{r^2} = 1.6 \Rightarrow \frac{(9 \times 10^9)(q_1 - |q_2|)^2}{4 \times 36 \times 10^{-12}} = 1.6$$

$$\Rightarrow (q_1 - |q_2|)^2 = \frac{1.6 \times 16 \times 10^{-12}}{10^9} \Rightarrow (q_1 - |q_2|)^2 = 16^2 \times 10^{-12} \Rightarrow \begin{cases} q_1 - |q_2| = -16 \times 10^{-6} C \\ q_1 < |q_2| \end{cases}$$

$$= -16 \mu C \Rightarrow q_1 - |q_2| = -16 \mu C$$

$$\begin{cases} q_1|q_2| = 36 \times 10^{-12} C^2 = (6 \mu C)^2 \\ q_1 - |q_2| = -16 \mu C \quad (*) \end{cases} \Rightarrow (q_1 + |q_2|)^2 = (q_1 - |q_2|)^2 + 4q_1|q_2| \Rightarrow (q_1 + |q_2|)^2$$

$$= (16 \mu C)^2 + 4(6 \mu C)^2 = 256 + 144 = 400 (\mu C)^2 \Rightarrow q_1 + |q_2| = 20 > 0 \quad (**)$$

یک مطلب ریاضی ساده ولی مهم: فرض کنیم a و b معلوم هستند.

$$\begin{cases} xy = a \\ x - y = b \end{cases} \Rightarrow x = ? \quad y = ? \quad \begin{cases} (x+y)^2 = x^2 + y^2 + 2xy \\ (x-y)^2 = x^2 + y^2 - 2xy \end{cases} \Rightarrow (x+y)^2 - (x-y)^2 = 4xy \Rightarrow (x+y)^2$$

$$= (x-y)^2 + 4xy \Rightarrow x+y = \text{معلوم} \Rightarrow \begin{cases} x+y = \text{معلوم} \\ x-y = b \end{cases} \Rightarrow xy = \text{معلوم}$$

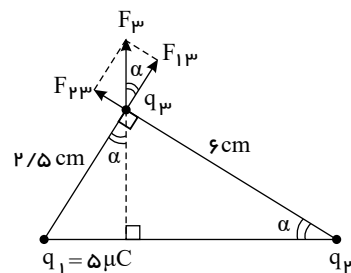
$$(*) \text{ و } (**) \Rightarrow \begin{cases} q_1 - |q_2| = -16 \mu C \\ q_1 + |q_2| = 20 \mu C \end{cases} \Rightarrow q_1 = 2 \mu C$$

گزینه ۳ مطابق شکل، یک بار در مثلث نیروها و یک بار در مثلث اضلاع، $\tan \alpha$ را تعیین کرده و با هم مساوی قرار می‌دهیم.



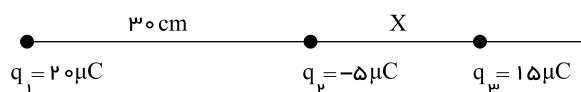
$$\begin{cases} \tan \alpha = \frac{F_{23}}{F_{13}} = \frac{\frac{k |q_2| |q_3|}{r_{23}^2}}{\frac{k |q_1| |q_3|}{r_{13}^2}} = \left(\frac{q_2}{q_1}\right) \left(\frac{r_{13}}{r_{23}}\right)^2 \\ q_1 > 0 \Rightarrow q_3 > 0 \Rightarrow q_2 > 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \tan \alpha = \frac{2/5}{6} = \frac{5}{12} \\ \tan \alpha = \left(\frac{q_2}{5}\right) \left(\frac{2/5}{6}\right)^2 = \frac{q_2}{5} \times \left(\frac{5}{12}\right)^2 \Rightarrow \frac{5}{12} = \frac{q_2}{5} \times \left(\frac{5}{12}\right)^2 \Rightarrow q_2 = 12 \mu C \end{cases}$$



گزینه ۱۱

گام اول: چون دو بار q_1 و q_2 مختلف‌العلامتند، بار سوم به جهت اینکه برآیند نیروهای وارد بر آن از طرف بارهای q_1 و q_2 صفر شود، باید خارج خط واصل دوبار و نزدیک‌تر به باری باشد که از نظر مقدار کوچک‌تر باشد (یعنی بار q_2). اگر فاصله بار q_3 تا q_2 را با x نشان دهیم، ابتدا x را می‌یابیم:



$$F_{23} = F_{13} \Rightarrow \frac{k |q_1| |q_3|}{r_{13}^2} = \frac{k |q_2| |q_3|}{r_{23}^2} \Rightarrow \frac{20}{(30+x)^2} = \frac{5}{x^2} \Rightarrow \frac{2}{30+x} = \frac{1}{x} \Rightarrow x = 30 \text{ cm}$$

گام دوم: اکنون برایند نیروهای وارد بر q_2 را می‌یابیم. می‌دانیم اگر q_1 و q_2 بر حسب μC و r بر حسب cm باشد، می‌توان نوشت: $F = 90 \frac{|q_1| |q_2|}{r^2}$

$$\begin{cases} F_{12} = \frac{k |q_1| |q_2|}{r_{12}^2} = 90 \left(\frac{20 \times 5}{30^2}\right) = 10 \text{ N} \\ F_{23} = \frac{k |q_2| |q_3|}{r_{23}^2} = 90 \left(\frac{5 \times 15}{30^2}\right) = 7.5 \text{ N} \end{cases}$$



$$\Rightarrow F_{net} = 10 - 7.5 = 2.5 \text{ N}$$

گزینه ۱۲ گام اول: در ابتدای کار $q_1 > 0$ و $|q_2| > q_1$ ، وقتی دو گوی را با هم تماس می‌دهیم، در همان فاصله نیرویی که به هم وارد می‌کنند، کاهش یافته.

اگر دو بار هم‌علامت بوده باشند، پس از تماس، بار هر یک از آنها $q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2}$ می‌شود و در این صورت نیرویی که به هم وارد می‌کنند، افزایش می‌یابد. پس درمی‌یابیم که دو بار از ابتدا بارهای مختلف‌العلامت دارند.

گام دوم:

$$\text{قبل از تماس} \begin{cases} F_{12} = k \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \\ |q_2| > q_1 > 0, q_1 > 0, q_2 < 0 \end{cases}$$

$$\text{بعد از تماس} \begin{cases} F'_{12} = k \frac{|q'_1| |q'_2|}{r^2} = k \frac{(|q_2| - q_1)^2}{4r^2} = \frac{40}{100} F_{12} \\ q'_1 = q'_2 = \frac{|q_2| - q_1}{2} \\ q'_1 = q'_2 < 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{(|q_2| - q_1)^2}{4} = \frac{4}{5} (|q_1| \times |q_2|)$$

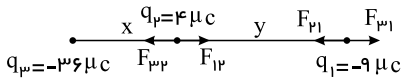
q_1 و q_2 بارهای اولیه دو کره هستند. بهترین کار در این مرحله، امتحان کردن گزینه‌ها می‌باشد که نتیجه این می‌باشد:

$$\frac{|q_2|}{q_1} = 5$$

۱۳ گزینه ۴ گام اول: از اینکه نیروی خالص وارد بر هر سه بار صفر است، رابطه بین فواصل بارهای q_1 و q_2 با q_3 و q_4 را می‌یابیم.

$$q_1 = -9 \mu c \quad q_2 = 4 \mu c \quad q_3 = -36 \mu c \Rightarrow F_{32} = F_{12} \Rightarrow \frac{k|q_1||q_2|}{r_{12}^2} = \frac{k|q_2||q_3|}{r_{23}^2} \Rightarrow \frac{9}{x^2} = \frac{36}{y^2} \xrightarrow{\text{جذر}} \frac{3}{x} = \frac{6}{y} \Rightarrow y = 2x$$

گام دوم: حال جای q_3 و q_1 را عوض می‌کنیم:



$$\left\{ \begin{array}{l} |q_3| > |q_1| \\ r_{32} < r_{12} \end{array} \right. \Rightarrow F_{32} > F_{12} \Rightarrow (F_{net})_{q_2} = F_{32} - F_{12} \Rightarrow (F_{net})_{q_2} = \frac{k|q_3||q_2|}{x^2} - \frac{k|q_1||q_2|}{(2x)^2}$$

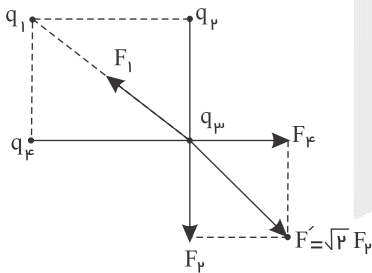
$$= \frac{k}{x^2} [36 \times 4 - \frac{9 \times 4}{4}] = 135 \frac{k}{x^2} \quad (1)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} |q_3| = 9q_2 \\ r_{31} = 3x, r_{21} = 2x \Rightarrow r_{31} = 1.5r_{21} \end{array} \right. \Rightarrow F_{31} > F_{21} \xrightarrow{q_1} (F_{net})_{q_1} = F_{31} - F_{21}$$

$$\Rightarrow (F_{net})_{q_1} = \frac{k|q_3||q_1|}{9x^2} - \frac{k|q_2||q_1|}{4x^2} = \frac{k}{x^2} [\frac{9 \times 36}{9} - \frac{4 \times 9}{4}] = 27 \frac{k}{x^2} \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow \frac{(F_{net})_{q_2}}{(F_{net})_{q_1}} = \frac{135}{27} = 5$$

۱۴ گزینه ۲



بدیهی است، نیرویی که از طرف q_1 به q_3 وارد می‌شود، در امتداد قطر مربع است، پس اگر این نیرو خنثی شود، باید برآیند دو نیرویی که q_3 و q_2 و q_4 وارد می‌کنند نیز در امتداد همین قطر (روی نیمساز زوایای F_2 و F_4 قرار گیرد) پس الزاماً نیروهای F_2 و F_4 هم‌اندازه‌اند که با توجه به یکسان بودن فاصله این بارها از بار q_3 ، الزاماً q_2 و q_4 مساوی‌اند.

حال داریم: (با فرض $q_2 = q_4 = +$)

$$F_1 = F' = \sqrt{2}F_2 \rightarrow \frac{k|q_1||q_3|}{(a\sqrt{2})^2} = \sqrt{2} \frac{|q_2||q_3|}{a^2} \rightarrow |q_1| = 2\sqrt{2}q_2$$

و با توجه به جهت نیروها (F و F' قرینه‌اند):

$$q_1 = -2\sqrt{2} \xrightarrow{q_2=q_4} \begin{cases} q_1 = -2\sqrt{2}q_2 \rightarrow q_2 = -\frac{q_1}{2\sqrt{2}} = -\frac{\sqrt{2}}{4}q_1 \\ q_1 = -2\sqrt{2}q_4 \rightarrow q_4 = -\frac{q_1}{2\sqrt{2}} = -\frac{\sqrt{2}}{4}q_1 \end{cases} \rightarrow q_4 = q_2 = -\frac{\sqrt{2}}{4}q_1$$

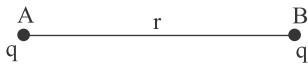
۱۵ گزینه ۴

برای اینکه بار q به بار $-2q$ تبدیل شود، باید $-3q$ به آن اضافه کرده باشیم ($q' = q + (-3q) = -2q$) و چون این $-3q$ را از بار q گرفته‌ایم، بار جدید آن $4q$ خواهد شد ($q'' = q - (-3q) = 4q$)

پس در وضعیت جدید داریم:

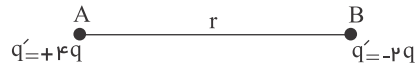


حالت اول: دامنه



$$F_1 = \frac{kq^2}{r^2}$$

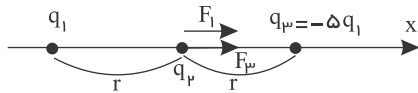
حالت دوم: جاذبه



$$F_2 = \frac{k(2q)(q)}{r^2} \rightarrow F_2 = 2 \frac{kq^2}{r^2} \rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \frac{2 \frac{kq^2}{r^2}}{\frac{kq^2}{r^2}} \rightarrow \frac{F_2}{F_1} = 2$$

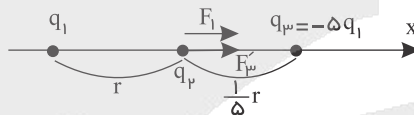
۱۶ گزینه ۲

در دو حالت نیروی وارد بر بار Q_2 را می‌یابیم. حالت اول:



$$F_2 = F_1 + F_3 = \frac{kq_1 q_2}{r^2} + \frac{k(\delta q_1) q_2}{r^2} = 6 \frac{kq_1 q_2}{r^2}$$

در حالت دوم:

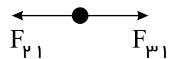
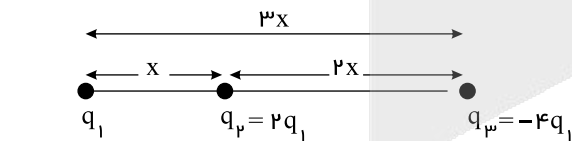


$$F_2' = F_1 + F_3' = \frac{kq_1 q_2}{r^2} + \frac{k(\delta q_1) q_2}{(\frac{1}{5}r)^2} = 126 \frac{kq_1 q_2}{r^2}$$

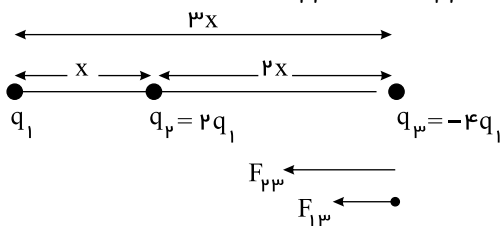
$$\rightarrow \frac{F_2'}{F_2} = \frac{126 \frac{kq_1 q_2}{r^2}}{6 \frac{kq_1 q_2}{r^2}} \rightarrow \frac{F_2'}{F_2} = 21$$

۱۷ گزینه ۳

با توجه به شکل، یک بار بزرگی نیروی خالص وارد بر بار q_1 و بار دیگر بزرگی نیروی الکتریکی وارد بر بار q_3 را به صورت زیر می‌یابیم.



$$F_1 = F_{21} - F_{31} = \frac{k|q_2 q_1|}{r_{21}^2} - \frac{k|q_3 q_1|}{r_{31}^2} \rightarrow F_1 = \frac{k \times 2q_1^2}{x^2} - \frac{k \times 4q_1^2}{9x^2} \rightarrow F_1 = \frac{14}{9} \left(\frac{kq_1^2}{x^2} \right)$$





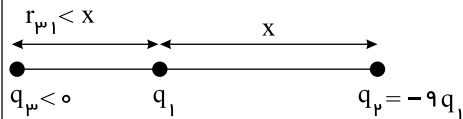
$$F_3 = F_{13} + F_{23} = \frac{k|q_1 q_3|}{r_{13}^2} + \frac{k|q_2 q_3|}{r_{23}^2} \Rightarrow F_3 = \frac{k \times 4q_1^2}{9x^2} + \frac{k \times 18q_1^2}{4x^2} \Rightarrow F_3 = \frac{22}{9} \left(\frac{kq_1^2}{x^2} \right)$$

$$\frac{F_1}{F_3} = \frac{\frac{14}{9}}{\frac{22}{9}} \Rightarrow \frac{F_1}{F_3} = \frac{7}{11}$$

۱۸ گزینه ۴ اگر قرار است که هر سه ذره در حال تعادل باشند، باید در یک راستا بوده و یک‌درمیان، علامت بارها قرینه شود، پس چیدمان آنها به صورت زیر خواهد بود و بار وسطی باید نزدیک‌تر به بار کوچکتر باشد. تا اینجا با توجه به گزینه‌ها فقط گزینه ۴ صحیح است.

$$\begin{cases} q_3 < 0 \\ r_{31} < x \end{cases} \text{ یعنی فقط در گزینه ۴ دیده می‌شود.}$$

و اما حل سوال، ابتدا فاصله q_3 از q_1 را می‌یابیم.



$$F_3 = 0 \rightarrow F_{13} = F_{23} \rightarrow \frac{k|q_1 q_3|}{r_{13}^2} = \frac{k|q_2 q_3|}{r_{23}^2} \rightarrow \frac{|q_1|}{r_{13}^2} = \frac{|q_2|}{r_{23}^2} \rightarrow \frac{q_1}{r_{13}^2} = \frac{9q_1}{(x + r_{13})^2} \rightarrow r_{13} = \frac{1}{2}x$$

و برای پیدا کردن q_3 ، نیروی خالص وارد بر q_1 را صفر در نظر می‌گیریم.

$$F_{1=0} \rightarrow F_{31} = F_{21} \rightarrow \frac{k|q_3 q_1|}{r_{31}^2} = \frac{k|q_2 q_1|}{r_{21}^2} \rightarrow \frac{q_3}{(\frac{1}{2}x)^2} = \frac{q_2}{x^2} \rightarrow \frac{q_3}{\frac{1}{4}x^2} = \frac{9q_1}{x^2} \rightarrow |q_3| = \frac{9}{4}q_1 \xrightarrow{q_3 < 0} q_3 = -\frac{9}{4}q_1$$

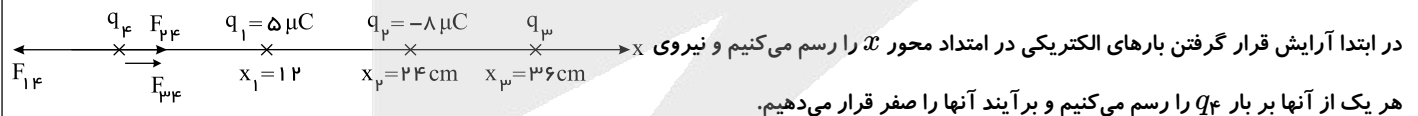
۱۹ گزینه ۲ می‌دانیم که با توجه به قانون کولن، نیروی الکتریکی‌ای که دو بار الکتریکی به هم وارد می‌کنند با مربع فاصله آنها از هم، نسبت عکس دارد. به عبارتی داریم:

$$F = \frac{k|q_1 q_2|}{r^2} \xrightarrow{\text{ثابت: } |q_1 q_2|} \frac{F_2}{F_1} = \left(\frac{r_1}{r_2} \right)^2 \xrightarrow{r_2 = r_1 + 0.2r_1 = 1.2r_1}$$

$$\frac{F_2}{F_1} = \left(\frac{r_1}{1.2r_1} \right)^2 = \frac{1}{1.44} = \frac{100}{144} \rightarrow \frac{F_2 - F_1}{F_1} = \frac{100 - 144}{144} \Rightarrow \frac{\Delta F}{F_1} \times 100 = -\frac{44}{144} \times 100 \approx -3\%$$

یعنی نیروی الکتریکی بین آنها تقریباً ۳ درصد کاهش می‌یابد.

۲۰ گزینه ۲



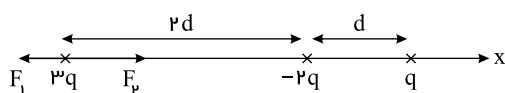
در ابتدا آرایش قرار گرفتن بارهای الکتریکی در امتداد محور x را رسم می‌کنیم و نیروی هر یک از آنها بر بار q_4 را رسم می‌کنیم و برآیند آنها را صفر قرار می‌دهیم.

(بدیهی است که بار q_3 باید منفی باشد تا همراه بار q_2 که آن نیز منفی است، بتوانند نیروی حاصل از بار q_1 به بار q_4 را خنثی کنند) برای بار q_4 داریم:

$$F_{q_4} = 0 \rightarrow F_{14} = F_{24} + F_{34} \Rightarrow \frac{k|q_1 q_4|}{r_{14}^2} = \frac{k|q_2 q_4|}{r_{24}^2} + \frac{k|q_3 q_4|}{r_{34}^2} \Rightarrow \frac{5}{12^2} = \frac{8}{24^2} + \frac{|q_3|}{36^2} \Rightarrow \frac{5}{1} = \frac{8}{4} + \frac{|q_3|}{9}$$

$$\Rightarrow |q_3| = 27 \mu C \Rightarrow q_3 = -27 \mu C$$

۲۱ گزینه ۳

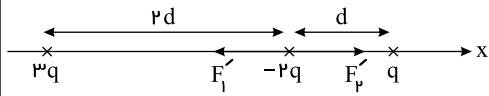


در ابتدا با رسم نیروهای وارد بر بار $3q$ ، نیروی \vec{F} را می‌یابیم.



$$|\vec{F}| = F_1 - F_2 = \frac{k \times 2q \times 3q}{4d^2} - \frac{k \times q \times 3q}{9d^2} \Rightarrow F = \frac{1}{6} \times \frac{kq^2}{d^2} \rightarrow \text{به طرف راست}$$

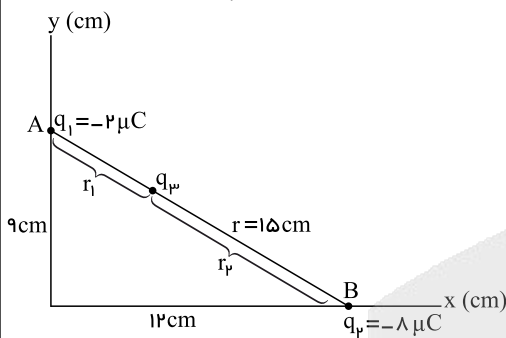
و برای تعیین نیروی وارد بر بار $2q$ داریم:



$$|\vec{F}'| = F'_2 - F'_1 = \frac{k \times q \times 2q}{d^2} - \frac{k \times 3q \times 2q}{4d^2} \Rightarrow |\vec{F}'| = \frac{1}{2} \times \frac{kq^2}{d^2} \rightarrow \text{به طرف راست}$$

$$\frac{F'}{F} = \frac{\frac{1}{2} \times \frac{kq^2}{d^2}}{\frac{1}{6} \times \frac{kq^2}{d^2}} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{3}{1} \Rightarrow \vec{F}' = \frac{3}{1} \vec{F}$$

۲۲ گزینه ۳ می‌دانیم که بار الکتریکی q_3 در امتداد خط واصل بارهای q_1 و q_2 ، بین آنها و نزدیک‌تر به بار q_1 است. با توجه به شکل داریم:



$$r = \sqrt{9^2 + 12^2} \Rightarrow r = 15 \text{ cm}$$

$$F_3 = 0 \Rightarrow \frac{q_1}{r_1^2} = \frac{q_2}{r_2^2} \Rightarrow \frac{r_1 = x}{r_2 = 15 - x}$$

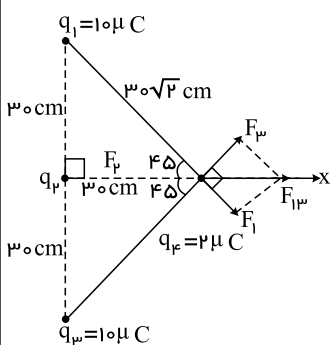
$$\frac{2}{x} = \frac{8}{15 - x} \Rightarrow x = 5 \text{ cm}$$

۲۳ گزینه ۱ قبل از هر چیزی می‌دانیم که در رابطه مربوط به قانون کولن، اگر q بر حسب μC و r بر حسب cm باشد، پس از تبدیل یکاها در SI می‌توانیم بنویسیم:

$$F = \frac{9 \times q_1 q_2}{r^2}$$

$$F_1 = F_2 = \frac{9 \times 10 \times 2}{(30\sqrt{2})^2} = 1 \text{ N}$$

$$F_{12} = \sqrt{F_1^2 + F_2^2} = \sqrt{1^2 + 1^2} \Rightarrow F_{12} = \sqrt{2} \text{ N}$$





$$F_T = F_{13} - F_2 \Rightarrow \sqrt{2} - 2 = \sqrt{2} - F_2$$

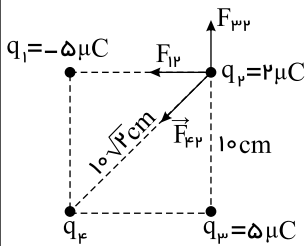
$$\Rightarrow F_2 = 2N$$

$$F_2 = \frac{90 \times 2 \times q_2}{(30)^2} \Rightarrow |q_2| = 10 \mu C \Rightarrow q_2 = -10 \mu C$$

۲۴ گزینه ۴ قبل از هر چیزی می‌دانیم که در به کارگیری قانون کولن برای تعیین نیروی الکتریکی، اگر یکای بارهای الکتریکی میکروکولن و یکای فاصله سانتی‌متر باشد، بزرگی این نیرو برحسب نیوتون به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$F = 90 \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

حال با این مقدمه، در ابتدا نیروهای وارد بر بار q_2 را محاسبه می‌کنیم:



$$F_{12} = F_{23} = \frac{90 \times 5 \times 2}{100} \Rightarrow F_{12} = F_{23} = 9N$$

با توجه به جهت نیروها داریم:

$$\vec{F}_{12} = -9\vec{i}$$

$$\vec{F}_{23} = 9\vec{j}$$

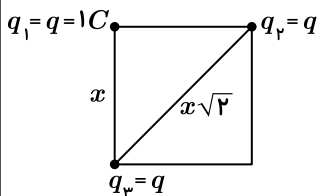
حال برای تعیین نیروی \vec{F}_{42} داریم:

$$\vec{F}_2 = \vec{F}_{12} + \vec{F}_{23} + \vec{F}_{42} \Rightarrow -18\vec{i} = -9\vec{i} + 9\vec{j} + \vec{F}_{42} \Rightarrow \vec{F}_{42} = -9\vec{i} - 9\vec{j} \Rightarrow F_{42} = 9\sqrt{2}N$$

با توجه به جهت نیروی \vec{F}_{42} می‌توان دریافت که بار q_4 منفی است.

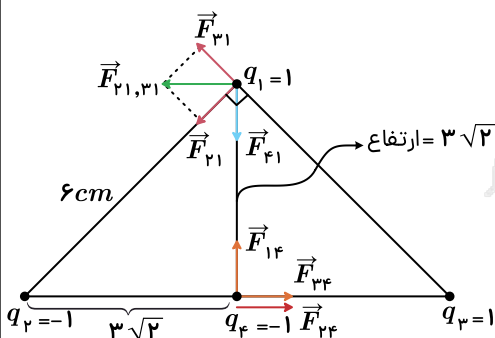
$$F_{42} = \frac{90 |q_4| q_2}{(10\sqrt{2})^2} \Rightarrow 9\sqrt{2} = \frac{90 \times |q_4| \times 2}{200} \Rightarrow |q_4| = 10\sqrt{2} \mu C \Rightarrow q_4 = -10\sqrt{2} \mu C$$

۲۵ گزینه ۲



$$F = K \frac{q_1 q_2}{r^2} \xrightarrow{\text{بارها مشابه}} \frac{F_{12}}{F_{23}} = \left(\frac{x\sqrt{2}}{x}\right)^2 = 2$$

۲۶ گزینه ۲ چون در این سؤال می‌خواهیم نسبت بین نیروهای خالص را به دست آوریم، برای راحتی کار می‌توانیم اندازه همه بارها را ۱ در نظر بگیریم. بنابراین نیروی بین دو بار الکتریکی به این صورت در می‌آید:



$$F = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2} \xrightarrow{|q_1|, |q_2|=1} F = \frac{k}{r^2}$$

برای بار q_1 داریم:



$$\begin{cases} F_{۲۱} = F_{۳۱} = \frac{k}{۳۶} \rightarrow F_{۲۱,۳۱} = \frac{k\sqrt{۲}}{۳۶} \\ F_{۴۱} = \frac{k}{(۳\sqrt{۲})^۲} = \frac{k}{۱۸} \end{cases} \rightarrow F_{net,1} = \sqrt{\left(\frac{k}{۱۸}\right)^۲ + \left(\frac{k\sqrt{۲}}{۳۶}\right)^۲} = \frac{k}{۱۸}\sqrt{\frac{۳}{۲}}$$

برای بار $q_۲$ داریم:

$$\begin{cases} F_{۲۴} = F_{۳۴} = \frac{k}{(۳\sqrt{۲})^۲} = \frac{k}{۱۸} \rightarrow F_{۲۴,۳۴} = ۲ \times \frac{k}{۱۸} = \frac{k}{۹} \\ F_{۱۴} = F_{۴۱} = \frac{k}{۱۸} \end{cases} \rightarrow F_{net,۴} = \sqrt{\left(\frac{k}{۹}\right)^۲ + \left(\frac{k}{۱۸}\right)^۲} = \frac{k}{۱۸}\sqrt{۵}$$

حال داریم:

$$\frac{F_{net,1}}{F_{net,۴}} = \frac{\frac{k}{۱۸}\sqrt{\frac{۳}{۲}}}{\frac{k}{۱۸}\sqrt{۵}} = \sqrt{\frac{۳}{۱۰}}$$

۲۷ گزینه ۱

$$F = k \frac{q_۱ \times ۶q_۱}{r^۲} = ۶k \frac{q_۱^۲}{r^۲}$$

$$\begin{cases} q'_۱ = q_۱ + \frac{q_۲}{۲} = q_۱ - ۳q_۱ = -۲q_۱ \\ q'_۲ = q_۲ - \frac{q_۲}{۲} = -۳q_۱ \end{cases} \Rightarrow F' = k \frac{۲q_۱ \times ۳q_۱}{r^۲} = ۶k \frac{q_۱^۲}{r^۲} \Rightarrow F' = F$$

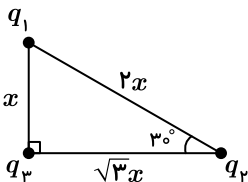
چون در حالت دوم بارها همنام می‌شوند، نیروی بینشان از نوع دافعه است.

۲۸ گزینه ۴ برای اینکه هر سه بار الکتریکی در حال تعادل باشند، باید دو بار $q_۱$ و $q_۳$ همنام و بار $q_۲$ با آنها غیرهمنام باشد:

$$\begin{cases} \text{تعادل ذره } q_۲: F_{۱۲} = F_{۳۲} \Rightarrow \frac{|q_۱|}{d^۲} = \frac{|q_۳|}{۴d^۲} \rightarrow \frac{q_۱}{q_۳} = \frac{۱}{۴} \\ \text{تعادل ذره } q_۱: F_{۲۱} = F_{۳۱} \Rightarrow \frac{|q_۲|}{d^۲} = \frac{|q_۳|}{۹d^۲} \rightarrow \frac{q_۲}{q_۳} = -\frac{۱}{۹} \end{cases} \Rightarrow \frac{q_۱}{q_۲} = -\frac{۹}{۴}$$

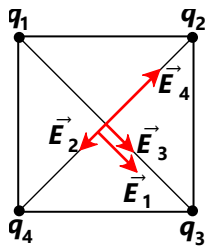
$$\Rightarrow \frac{q_۲}{q_۱} = -\frac{۴}{۹}$$

۲۹ گزینه ۴



$$\begin{aligned} \frac{F_{۱۲}}{F_{۱۳}} &= \frac{۳}{۴} \xrightarrow{F = \frac{k|q_۱q_۲|}{r^۲}} \frac{|q_۱q_۲|}{|q_۱q_۳|} \times \left(\frac{r_{۱۳}}{r_{۱۲}}\right)^۲ = \frac{۳}{۴} \\ &\rightarrow \left|\frac{q_۱}{q_۲}\right| \times \left(\frac{\sqrt{۳}x}{x}\right)^۲ = \frac{۳}{۴} \Rightarrow \left|\frac{q_۱}{q_۲}\right| = \frac{۱}{۴} \end{aligned}$$

۳۰ گزینه ۳ برای اینکه میدان در مرکز مربع کاملاً افقی و در جهت محور x باشد، باید برابری میدان دو بار $q_۱$ و $q_۳$ ، با برابری میدان دو بار $q_۲$ و $q_۴$ برابر باشد:

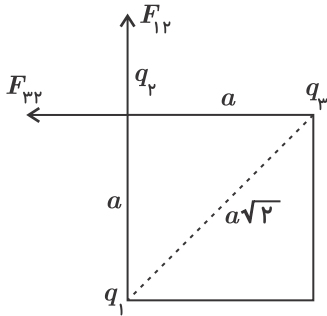


$$E_1 + E_3 = E_4 - E_2 \xrightarrow[r=\text{ثابت}]{E=\frac{k|q|}{r^2}} |q_1| + |q_3| = |q_4| - |q_2|$$

$$\rightarrow |q_4| = 6 + 2 + 4 = 12 \mu C$$

با توجه به جهت میدان \vec{E}_4 ، $q_4 = +12$ است.

گزینه ۴



$$q_1 = q_2 = q_3 = q$$

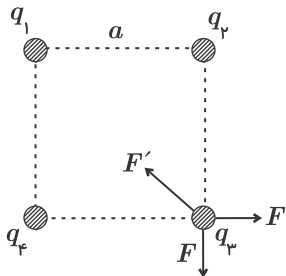
$$F_{13} = \frac{kqq}{(a\sqrt{2})^2} = \frac{kq^2}{2a^2}$$

$$F_{32} = F_{12} = \frac{kqq}{a^2} = \frac{kq^2}{a^2}$$

$$F_2 = \sqrt{2} \frac{kq^2}{a^2}$$

$$\frac{F_2}{F_{13}} = \frac{\sqrt{2} \frac{kq^2}{a^2}}{\frac{kq^2}{2a^2}} = 2\sqrt{2}$$

گزینه ۴ برای اینکه در حال تعادل باشد، باید برابری نیروهای حاصل از q_2 و q_4 ، با نیروی حاصل از q_1 خنثی شود:

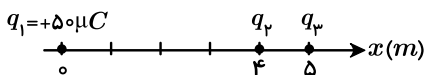


$$q_2 = q_4$$

$$F' = \sqrt{2} F \rightarrow \frac{k|q_1 q_2|}{(a\sqrt{2})^2} = \sqrt{2} \frac{k|q_2 q_4|}{a^2} \rightarrow \frac{|q_2|}{|q_1|} = \frac{1}{2\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{4}$$

با توجه به جهت نیروها، q_2 و q_4 هم علامت نیستند. $\frac{q_2}{q_1} = \frac{-\sqrt{2}}{4}$

گزینه ۳



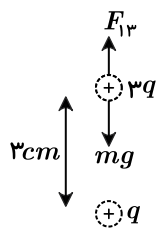
چون q_3 خارج از فاصله دو بار دیگر به تعادل رسیده، پس q_1 و q_2 ناهم علامت هستند؛ یعنی q_2 منفی است.

$$F_{13} = F_{23} \rightarrow \frac{|q_1|}{r_{13}^2} = \frac{|q_2|}{r_{23}^2} \rightarrow \frac{50}{5^2} = \frac{|q_2|}{1^2}$$

$$\rightarrow |q_2| = \frac{50}{25} = 2 \mu C \Rightarrow q_2 = -2 \mu C$$



گزینه ۲



$$F_{13} = \frac{kq_1q_3}{r^2}mg$$

$$= \frac{9 \times 10^9 \times 3q^2}{9 \times 10^{-4}} = 7,5 \times 10^{-6} \times 10^{-3} \times 10$$

$$\Rightarrow q^2 = 25 \times 10^{-22} \Rightarrow q = 5 \times 10^{-11} \xrightarrow{q=ne} 3q = 15 \times 10^{-11} = n(1,6 \times 10^{-19})$$

$$\Rightarrow n = \frac{15 \times 10^{-11}}{1,6 \times 10^{-19}} = 9,375 \times 10^8$$

گزینه ۳۵

$$F = k \frac{|q_1q_2|}{r^2} \Rightarrow \frac{F_{32}}{F_{12}} = \left| \frac{q_3}{q_1} \right| \Rightarrow \left| \frac{q_3}{q_1} \right| = \frac{6 \times 10^{-3}}{8 \times 10^{-3}} = \frac{3}{4}$$

q_3 و q_1 همدیگر را دفع کرده‌اند، در حالی که q_2 و q_3 همدیگر را جذب کرده‌اند؛ بنابراین q_3 و q_1 علامت متفاوتی دارند و $\frac{q_3}{q_1} = -\frac{3}{4}$ است.

گزینه ۳۶

$$F_1 = k \frac{|q_1q_2|}{r^2} \Rightarrow \frac{9 \times 10^9 \times |q_1q_2|}{2^2} = 0,027$$

چون اندازه نیروی بین دو کره پس از تماس کاهش یافته است، بنابراین بار کره‌ها ناهمنام بوده است:

$$\Rightarrow |q_1q_2| = 1,2 \times 10^{-11} C^2 \Rightarrow q_1q_2 = -1,2 \times 10^{-11} C^2$$

فرض می‌کنیم بعد از تماس، بار هر دو کره مثبت شود (البته این فرض تأثیری در پاسخ نخواهد داشت):

$$F_2 \Rightarrow k \frac{q'^2}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times |q'|^2}{2^2} = 9 \times 10^{-3} \Rightarrow |q'|^2 = 4 \times 10^{-12} \Rightarrow q' = 2 \times 10^{-6} C$$

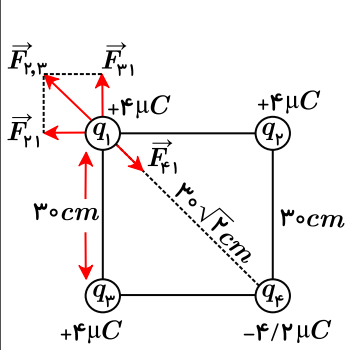
بار هر کره بعد از تماس از رابطه مقابل به دست می‌آید:

$$q' = \frac{q_1 + q_2}{2}$$

$$\left. \begin{aligned} q' = \frac{q_1 + q_2}{2} = 2 \times 10^{-6} \Rightarrow q_1 + q_2 = 4 \times 10^{-6} C \\ q_1q_2 = -12 \times 10^{-12} C^2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \begin{cases} q_1 = 6 \times 10^{-6} C \\ q_2 = -2 \times 10^{-6} C \end{cases}$$

$$\Delta q = |q' - q_1| = |2 \times 10^{-6} - 6 \times 10^{-6}| = 4 \times 10^{-6} \xrightarrow{\Delta q = ne} n = \frac{4 \times 10^{-6}}{1,6 \times 10^{-19}} = 2,5 \times 10^{13}$$

گزینه ۳۷



$$F = \frac{k|q_1 q_2|}{r^2}$$

$$F_{12} = 90 \times \frac{4 \times 4}{(30 \times \sqrt{2})^2} = 0,84 N$$

$$|F_{21}| = |F_{31}| = 90 \times \frac{4 \times 4}{30^2} = F_{31} = 1,6 N$$

$$1,6\sqrt{2} = 1,6 \times 1,4 = 2,24 N$$

$$F_t = 2,24 - 0,84 = 1,4 N$$

۳۸ گزینه ۱ ابتدا بزرگی میدان‌های حاصل از دو بار q_1 و q_3 را در نقطه O پیدا می‌کنیم تا نوع بار q_3 را تشخیص دهیم:

$$O \text{ در } q_1 \text{ : } E_1 = \frac{kq_1}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 8 \times 10^{-9}}{900 \times 10^{-4}} = 800 \text{ N/C}$$

$$O \text{ در } q_3 \text{ : } E_3 = \frac{k|q_3|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-9}}{100 \times 10^{-4}} = 1800 \text{ N/C}$$

پس بار q_3 باید مثبت باشد که میدان آن هم‌جهت با میدان بار q_1 در نقطه O باشد.

$$E_3 - (E_1 + E_2) = 100 \Rightarrow 1800 - (800 + E_2) = 100$$

$$\Rightarrow E_2 = 900 \text{ N/C} \rightarrow E_2 = \frac{k|q_2|}{r^2} \Rightarrow 900 = \frac{9 \times 10^9 q_2}{400 \times 10^{-4}} \Rightarrow q_2 = 4 \times 10^{-9} \text{ C} = 4 \text{ nC}$$

۳۹ گزینه ۳ در ابتدا، با توجه به تعریف کمی میدان الکتریکی، بردار آن را یافته، سپس بزرگی‌اش را تعیین می‌کنیم.

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q} = \frac{10,8\vec{i} - 14,4\vec{j}}{2 \times 10^{-6}} = (5,4\vec{i} - 7,2\vec{j}) \times 10^6 \left(\frac{N}{C}\right)$$

$$E = \sqrt{(5,4 \times 10^6)^2 + (-7,2 \times 10^6)^2} = 10^6 \times \sqrt{5,4^2 + 7,2^2} = 9 \times 10^6 \left(\frac{N}{C}\right)$$

۴۰ گزینه ۳ در ابتدا باید بار الکتریکی‌ای که میدان الکتریکی را در اطراف خود ساخته، بیابیم.

$$E = \frac{kq}{r^2} \rightarrow (2,25 \times 10^5) = \frac{k(q)}{(0,8)^2} \rightarrow \boxed{kq = 1,44 \times 10^5}$$

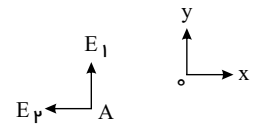
$$\begin{array}{c} \bullet \\ q \end{array} \xrightarrow{r=90\text{cm}} \begin{array}{c} \bullet \\ q'=9\mu\text{C} \end{array} \rightarrow F = \frac{kqq'}{r^2} = \frac{(1,44 \times 10^5)(9 \times 10^{-6})}{(0,9)^2} = 1,6 N$$

$$\rightarrow \boxed{F = 1,6 N}$$

۴۱ گزینه ۴ با توجه به نوع و اندازه بارها، میدان هریک در رأس A را پیدا می‌کنیم.



$$\begin{cases} E_1 = \frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{(9 \times 10^9)(4 \times 10^{-6})}{(0.3)^2} = 4 \times 10^5 \text{ N/C} \\ E_2 = \frac{k|q_2|}{r_2^2} = \frac{(9 \times 10^9)(8 \times 10^{-6})}{(0.4)^2} = 4.5 \times 10^5 \text{ N/C} \end{cases}$$



$$\rightarrow \vec{E}_A = -4.5 \times 10^5 \vec{i} + 4 \times 10^5 \vec{j}$$

گزینه ۳ میدان الکتریکی بار را در فاصله‌های داده شده پیدا کرده و تفاضل آن‌ها را برابر $1.6 \times 10^4 \frac{N}{C}$ قرار می‌دهیم.

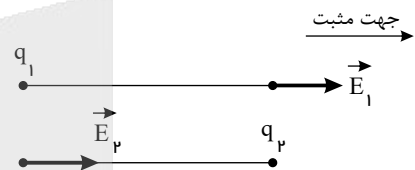
$$E = \frac{kq}{r} \begin{cases} r_1 = 3 \text{ cm} = 0.03 \text{ m} \Rightarrow E = E_1 \\ r_2 = 1 \text{ cm} = 0.01 \text{ m} \Rightarrow E = E_2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} E_1 = E_2 - 1.6 \times 10^4 \Rightarrow E_2 - E_1 = k|q| \left(\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1} \right) \Rightarrow 1.6 \times 10^4 = k|q| \left(\frac{1}{0.01} - \frac{1}{0.03} \right) \\ E = \frac{k|q|}{r^2} \Rightarrow k|q| = \frac{1.6 \times 10^4}{\left(\frac{100}{9} \right)} = \frac{160 \times 9}{1} = 1440 \end{cases}$$

$$\begin{cases} E_2 = \frac{k|q|}{r^2} \Rightarrow E_2 = 1440 \frac{N}{C} \\ r_2 = 1 \text{ m} \end{cases}$$

گزینه ۲ میدان الکتریکی در هر نقطه، به بار موجود در آن نقطه بستگی ندارد.

$$\text{if : } q_1 > 0 \Rightarrow q_2 = -4q_1 \begin{cases} |q_2| = 4q_1 = \frac{E = \frac{k|q|}{r^2}}{r} \Rightarrow \vec{E}_2 = 4\vec{E}_1 \\ q_2 < 0 \end{cases}$$



گزینه ۲ توجه: بزرگی میدان الکتریکی حاصل از یک بار نقطه‌ای q در فاصله r از آن، از رابطه $E = \frac{k|q|}{r^2}$ محاسبه می‌شود. در این رابطه $|q|$ بر حسب

کولن (C), r بر حسب متر (m) و E بر حسب نیوتن بر کولن ($\frac{N}{C}$) یا ولت بر متر ($\frac{V}{m}$) است.

توجه: شاید تنها نکته قابل توجه دقت در نام گذاری هاست. در شکل $r_2 < r_1$ و $E_2 > E_1$ است.

$$\begin{cases} r = r_1 \\ E_1 = 1.125 \times 10^7 \frac{N}{C} \Rightarrow E_1 = \frac{k|q|}{r_1^2} \Rightarrow 1.125 \times 10^7 = \frac{(9 \times 10^9)(|q|)}{r_1^2} \Rightarrow r_1^2 = 800|q| \quad (1) \end{cases}$$

$$\begin{cases} r = r_2 = 5 \text{ cm} = \frac{5}{100} = \frac{1}{20} \text{ m} \Rightarrow E_2 = \frac{k|q|}{r_2^2} \Rightarrow 18 \times 10^7 = \frac{(9 \times 10^9)(|q|)}{\left(\frac{1}{20} \right)^2} = 36 \times 10^{11} |q| \\ E = E_2 = 18 \times 10^7 \frac{N}{C} \end{cases}$$

$$\Rightarrow |q| = \frac{1}{4} \times 10^{-4} \text{ C} \quad (2)$$

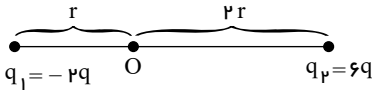
$$(1) \text{ و } (2) \Rightarrow r_1^2 = 800 \times \frac{1}{4} \times 10^{-4} = 200 \times 10^{-4} \Rightarrow r_1 = 20 \times 10^{-2} \text{ m} \Rightarrow r_1 = 20 \text{ cm} \text{ و}$$



$$|q| = 0.5 \times 10^{-4} C = 50 \mu C$$

۴۵ گزینه ۱

گام اول: میدان برابند را در نقطه O مشخص می کنیم:



$$E = \frac{k|q|}{r^2} : \frac{|q_2|=3|q_1|}{r_2=2r_1} \rightarrow (E_2)_O = \frac{3}{4}(E_1)_O \xrightarrow{(E_2)_O < (E_1)_O} E_T = E_1 = (E_1)_O + (E_2)_O = \frac{7}{4}(E_1)_O$$

$(E_1)_O$: بزرگی میدان الکتریکی حاصل از بار q_1 در نقطه O است.

$(E_2)_O$: بزرگی میدان الکتریکی حاصل از بار q_2 در نقطه O است.

[q هر علامتی داشته باشد، q_1 و q_2 مختلف‌العلامتند. پس میدان آنها در O هم‌جهت است.]

$$E_1 = \frac{1}{4} \frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{1}{2} \frac{k|q|}{r^2}$$

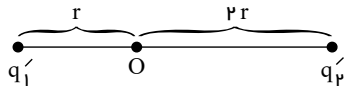
گام دوم:

۵۰ درصد بار q_2 را به بار q_1 منتقل می کنیم. یعنی:

$$\begin{cases} q'_1 = q_1 + 3q = (-2q) + 3q = q \\ q'_2 = q_2 - 3q = 6q - 3q = 3q \end{cases}$$

حال میدان حاصل از این بارها (q'_1 و q'_2) را در نقطه O محاسبه می کنیم:

q هر علامتی داشته باشد، q'_1 و q'_2 هم‌علامت بوده و میدان الکتریکی حاصل از آنها در نقطه O در خلاف جهت یکدیگر است.



$$\begin{cases} q'_2 = 3q'_1 \\ r_2 = 2r_1 \end{cases} \Rightarrow (E'_2)_O = \frac{3}{4}(E'_1)_O$$

$$E_T = E_2 = (E'_1)_O - (E'_2)_O = \frac{1}{4}(E'_1)_O \Rightarrow E_2 = \frac{1}{4} \left(\frac{k|q|}{r^2} \right)$$

گام سوم: محاسبه $\frac{E_2}{E_1}$:

$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{\frac{1}{4} \frac{k|q|}{r^2}}{\frac{1}{2} \frac{k|q|}{r^2}} = \frac{1}{14}$$

آزمون



کارنامه رتبه‌های بهرتر

رتبه‌های ا تا ۳۰۰۰



جزوه



فیلم



مشاوره

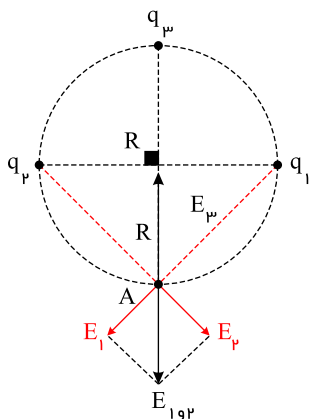


www.
arefonline.ir



مرکز مشاوره عارف





برای اینکه میدان برآیند در نقطه A صفر شود، می‌بایستی میدان برآیند بارهای q_1 و q_2 با میدان حاصل از بار q_3 در نقطه A خنثی شود. این امر، مستلزم این است که E_1 و E_2 هم‌امتداد E_3 و خلاف جهت آن باشد و برای اینکه این اتفاق بیفتد، می‌بایستی $E_2 = E_1$ باشد. در نتیجه باید $q_2 = q_1$. آنچه مهم است این است که باید q_2 و q_1 هم‌علامت و مخالف علامت بار q_3 باشد.

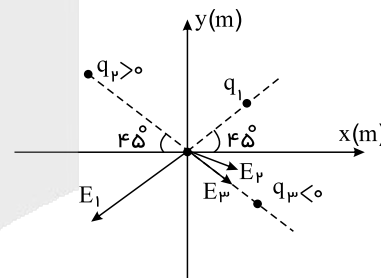
اینکه کدام مثبت و کدام منفی باشد، مهم نیست. پس می‌توان $q_1 = q_2 > 0$ و $q_3 < 0$ را در نظر گرفت:

$$\begin{cases} r_1 = r_2 = \sqrt{2}R \text{ (شعاع دایره: } R) \\ r_3 = 2R \end{cases}$$

$$E_{2,1} = E_3 \Rightarrow \sqrt{2}E_1 = E_3 \Rightarrow \sqrt{2} \left(\frac{kq_1}{(\sqrt{2}R)^2} \right) = \frac{k|q_3|}{(2R)^2} \Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2}q_1 = \frac{|q_3|}{4} \Rightarrow \left| \frac{q_3}{q_1} \right| = 2\sqrt{2}$$

گزینه ۱ گام اول: با توجه به مکان q_2 و q_3 درمی‌یابیم، هر دو بار q_2 و q_3 روی نیمساز ربع دوم و چهارم صفحه مختصات xOy می‌باشد. چون $q_3 < 0$ و $q_2 > 0$ ، میدان الکتریکی حاصل از بارهای q_2 و q_3 در مبدأ مختصات هم‌جهت است. q_1 هم روی نیمساز ربع اول و سوم قرار دارد.

$$\text{فاصله بارها تا مبدأ مختصات: } \begin{cases} r_1 = 3\sqrt{2}m \\ r_3 = 4\sqrt{2}m \\ r_2 = 6\sqrt{2}m \end{cases}$$



$$\text{میدان بار } q_1 \text{ در مبدأ مختصات} \rightarrow E_1 = \frac{kq_1}{r_1^2} = \frac{(9 \times 10^9)(12 \times 10^{-6})}{(3\sqrt{2})^2} = 6 \times 10^3 \frac{N}{C}$$

$$\text{میدان بار } q_3 \text{ در مبدأ مختصات} \rightarrow E_3 = \frac{k|q_3|}{r_3^2} = \frac{(9 \times 10^9)(8 \times 10^{-6})}{(4\sqrt{2})^2} = \frac{9}{4} \times 10^3 \frac{N}{C} = 2250 \frac{N}{C}$$

$$E_t = \sqrt{E_1^2 + E_{2,3}^2} \Rightarrow (7.5 \times 10^3)^2 = (6 \times 10^3)^2 + E_{2,3}^2 \Rightarrow E_{2,3}^2 = 2025 \times 10^6 \Rightarrow E_{2,3} = 4500 \frac{N}{C}$$

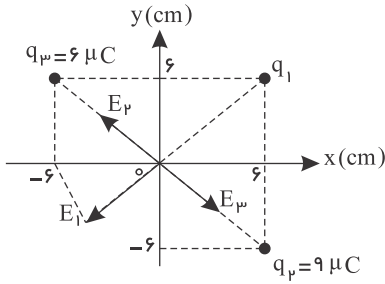
$$\Rightarrow E_2 + E_3 = 4500 \Rightarrow E_2 = 2250 \frac{N}{C}$$

$$\text{بنابراین} \begin{cases} \frac{kq_2}{r_2^2} = 2250 \Rightarrow \frac{(9 \times 10^9)q_2}{(6\sqrt{2})^2} = 2250 \Rightarrow q_2 = 18 \times 10^{-6} C \Rightarrow q_2 = 18 \mu C \\ r_{12} = \sqrt{(3 - (-6))^2 + (3 - 6)^2} = \sqrt{81 + 9} = \sqrt{90} m \end{cases}$$

$$F_{12} = \frac{k|q_1||q_2|}{r_{12}^2} = 90 \left(\frac{12 \times 18}{(\sqrt{90})^2} \right) = 12 \times 18 = 216 N = 2.16 \times 10^{-2} N$$



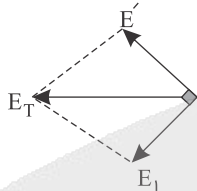
در ابتدا میدان‌های دو بار q_1, q_2 سپس برآیند آنها را در نقطه O می‌یابیم:



$$E_2 = \frac{kq_2}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 9 \times 10^{-6}}{(6\sqrt{2} \times 10^{-2})^2} \rightarrow E_2 = \frac{9}{8} \times 10^7 \frac{N}{C}$$

$$E_1 = \frac{kq_1}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 6 \times 10^{-6}}{(6\sqrt{2} \times 10^{-2})^2} \rightarrow E_1 = \frac{3}{4} \times 10^7 \frac{N}{C}$$

$$E' = E_2 - E_1 = \left(\frac{9}{8} - \frac{3}{4}\right) \times 10^7 \rightarrow E' = \frac{3}{8} \times 10^7 \frac{N}{C} = 3,75 \times 10^6$$

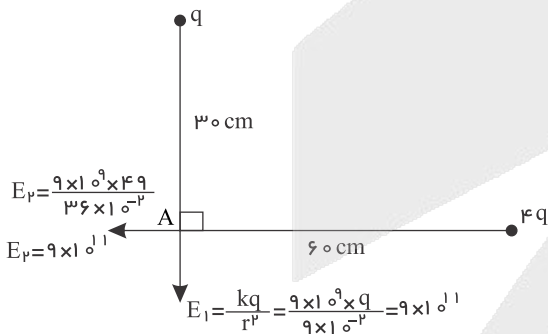


از طرفی داریم: (با فرض $|q_1|$)

$$E_T = \sqrt{E'^2 + E_1^2} \rightarrow (6,25 \times 10^6)^2 = (3,75 \times 10^6)^2 + E_1^2 \rightarrow E_1 = 5 \times 10^6$$

$$E_1 = \frac{kq_1}{r^2} \rightarrow 5 \times 10^6 = \frac{9 \times 10^9 \times q_1}{(6\sqrt{2} \times 10^{-2})^2} \rightarrow q_1 = 4 \times 10^{-6} C \rightarrow q_1 = 4 \mu C$$

با توجه به رابطه مربوط به تعیین میدان الکتریکی در اطراف بارهای نقطه‌ای داریم:



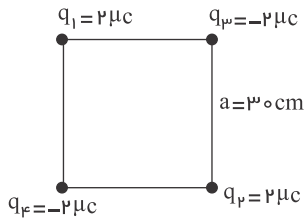
$$E_1 = \frac{kq}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times q}{9 \times 10^{-2}} = q \times 10^{11}$$

$$E_n^2 = E_1^2 + E_2^2 \rightarrow (1000\sqrt{2})^2 = (q \times 10^{11})^2 + (q \times 10^{11})^2 = 2(q \times 10^{11})^2$$

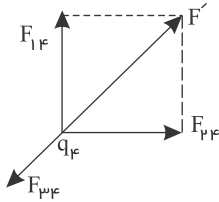
$$\rightarrow 1000\sqrt{2} = \sqrt{2} \times q \times 10^{11} \rightarrow q = 10^{-8} C \rightarrow q = 10 nC$$



۵۰ گزینه ۲



شرط اینکه میدان الکتریکی در مرکز مربع صفر باشد، این است که بارهای واقع در رأس‌هایی که در امتداد قطر مربع هستند، یکسان باشند، یعنی آرایش بارها باید به صورت زیر باشد. بنابراین برای تعیین نیروی وارد بر یکی از بارها، مثلاً q_4 داریم:



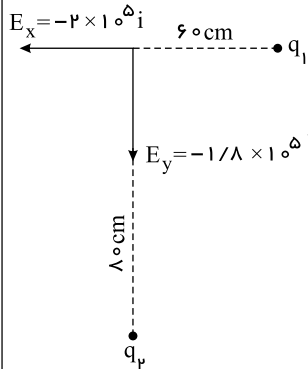
$$F_{14} = F_{24} = \frac{9 \times 2 \times 2}{900} = 0,4 N$$

$$F_{34} = \frac{9 \times 2 \times 2}{900 \times 2} = 0,2 N$$

$$F' = \sqrt{F_{14}^2 + F_{24}^2} = 0,4\sqrt{2} = 0,4 \times 1,4 \rightarrow F' = 0,56 N$$

$$F_4 = F' - F_{34} = 0,56 - 0,2 \rightarrow F_4 = 0,36 N$$

۵۱ گزینه ۴



با توجه به میدان الکتریکی در راس قائمه مثلث بدیهی است که $\begin{cases} E_1 = E_x \\ E_2 = E_y \end{cases}$ است. بنابراین داریم:

$$E_1 = E_x \Rightarrow \frac{k|q_1|}{r_1^2} = E_x \Rightarrow \frac{9 \times 10^9 \times |q_1|}{(60 \times 10^{-2})^2} = 2 \times 10^5 \rightarrow q_1 = 8 \times 10^{-6} C = 8 \mu C$$

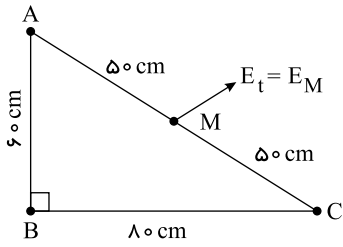
که تا اینجا فقط گزینه «۴» چنین است.

حال اگر بخواهیم q_2 را هم بیابیم، بدیهی است که دارای بار الکتریکی منفی است (با توجه به جهت میدان E_y). پس داریم:

$$E_2 = E_y \Rightarrow \frac{k|q_2|}{r_2^2} = E_y \Rightarrow \frac{9 \times 10^9 \times |q_2|}{(80 \times 10^{-2})^2} = 1,8 \times 10^5$$

$$\rightarrow |q_2| = 12,8 \times 10^{-6} C \rightarrow |q_2| = 12,8 \mu C \xrightarrow{\text{با توجه به جهت } E_y} q_2 = -12,8 \mu C$$

۵۲ گزینه ۱



از آنجا که بارهای الکتریکی در رأس‌های A و C همنام و هم‌اندازه هستند، بزرگی میدان الکتریکی هر یک از آنها در وسط ضلع AC یکسان بوده و یکدیگر را خنثی می‌کنند و میدان الکتریکی برآیند در وسط ضلع AC فقط ناشی از بار الکتریکی موجود در رأس B برابر است. بنابراین داریم:

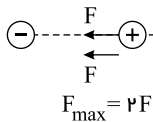
از طرفی می‌دانیم که میانه وارد بر وتر، نصف وتر است بنابراین:

$$BM = \frac{1}{2} AC \xrightarrow{AC = \sqrt{AB^2 + BC^2}} BM = \frac{1}{2} (\sqrt{60^2 + 80^2}) \Rightarrow BM = 50 \text{ cm}$$

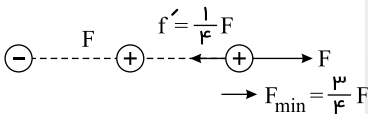
و در نهایت داریم:

$$E_t = E_M = \frac{kq}{r^2} \xrightarrow{\substack{r=50\text{cm}=0,5\text{m} \\ E_M=9 \times 10^9 \frac{N}{C}}} 9 \times 10^9 = \frac{9 \times 10^9 \times q}{(0,5)^2} \Rightarrow q = 2,5 \times 10^{-6} \text{ C} = 2,5 \mu\text{C}$$

۵۳ گزینه ۴



بدیهی است که در اینجا بیشترین نیرو به بار $+q$ که در وسط قرار گرفته وارد می‌شود و کمترین نیروی به بار $+q$ که در طرف راست قرار گرفته وارد می‌شود یعنی:



بنابراین:

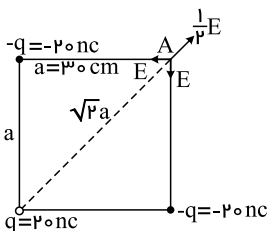
$$\frac{F_{max}}{F_{min}} = \frac{2F}{\frac{3}{4}F} = \frac{8}{3}$$

تذکر: از آنجا که بارها هم‌اندازه هستند، نیروی الکتریکی بین آن‌ها فقط با تغییر فاصله تغییر می‌کند. بنابراین اگر نیرویی که بارها در فاصله r از هم به یکدیگر وارد می‌کنند F باشد، بزرگی این نیرو در فاصله $2r$ ، معادل $\frac{1}{4}F$ می‌شود.

$$F \propto \frac{1}{r^2} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \left(\frac{r}{r'}\right)^2 \xrightarrow{r'=2r} \frac{F'}{F} = \frac{1}{4}$$

۵۴ گزینه ۲ با توجه به شکل داریم:

در ابتدا با وجود هر سه بار:

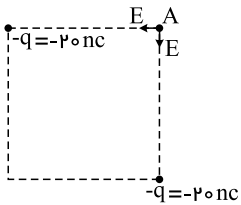


$$E_T = \sqrt{2}E - \frac{1}{4}E$$

و با حذف بار q داریم:



$$E'_T = \sqrt{2}E$$



پس با حذف بار q داریم:

$$E'_T - E_T = \sqrt{2}E - (\sqrt{2}E - \frac{1}{2}E) \Rightarrow |\Delta E| = \frac{1}{2}E$$

اما برای تعیین E داریم:

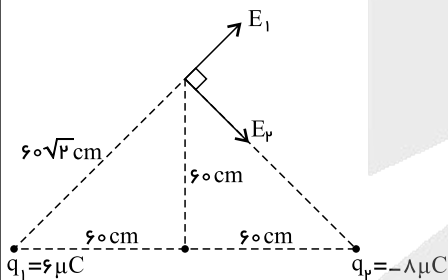
$$E = \frac{kq}{a^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2.0 \times 10^{-9}}{(3.0 \times 10^{-2})^2} = 2000 \frac{N}{C}$$

یعنی با حذف q ، اندازه میدان به مقدار $1000 \frac{N}{C}$ افزایش می‌یابد.

$$\Delta E = \frac{1}{2}E \xrightarrow{E=2000 \frac{N}{C}} \Delta E = 1000 \frac{N}{C}$$

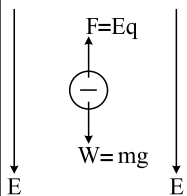
۵۵ گزینه ۲ با توجه به اینکه میدان‌های الکتریکی حاصل از بارهای q_1 و q_2 در نقطه مورد نظر، برهم عمود هستند، داریم:

$$E = \frac{kq}{r^2} \Rightarrow \begin{cases} E_1 = \frac{9 \times 10^9 \times 6 \times 10^{-6}}{(60\sqrt{2} \times 10^{-2})^2} \\ E_2 = \frac{9 \times 10^9 \times 8 \times 10^{-6}}{(60\sqrt{2} \times 10^{-2})^2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} E_1 = \frac{3}{4} \times 10^5 \frac{N}{C} \\ E_2 = 1 \times 10^5 \frac{N}{C} \end{cases}$$



$$E_T = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} = 10^5 \sqrt{\left(\frac{3}{4}\right)^2 + 1} \Rightarrow E_T = 1.25 \times 10^5 \frac{N}{C}$$

۵۶ گزینه ۳ چون جهت نیروی الکتریکی وارد بر ذره باردار منفی، در یک میدان الکتریکی در خلاف جهت میدان است، در اینجا با توجه به شکل جهت میدان در خلاف جهت محور y است. بنابراین داریم:



$$F_{net} = 0 \Rightarrow mg = E|q| \Rightarrow 5 \times 10^{-3} \times 10 = |q| \times 10^4$$

$$\Rightarrow |q| = 5 \times 10^{-6} C \Rightarrow q = -5 \mu C$$

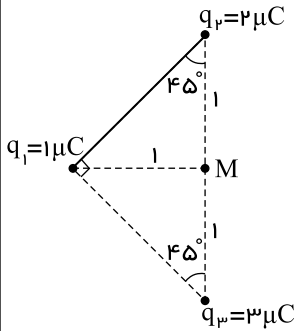
۵۷ گزینه ۱ در ابتدا با توجه به اینکه مثلث متساوی‌الساقین قائم‌الزاویه است، فاصله بارها تا نقطه M را تعیین می‌کنیم. در اینجا چون بزرگی میدان خالص در نقطه M در دو حالت مقایسه شده، پس فرض‌های زیر را در نظر می‌گیریم.



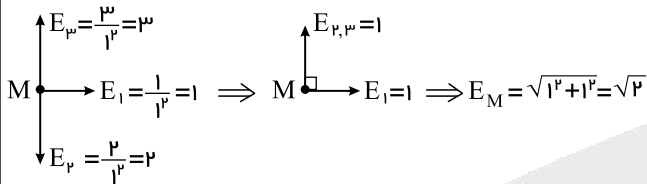
(I) فاصله هر ذره از نقطه M برابر 1 است.

(II) مقدار k در مقایسه دو حالت حذف می‌شود، پس از رابطه $E \propto \frac{q}{r^2}$ به جای $E = \frac{kq}{r^2}$ استفاده می‌کنیم.

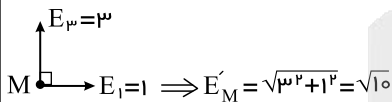
(III) نیازی به تبدیل یکای μC به C نیست. (فقط کافی است که یکای بارها یکسان باشد)



حال با توجه به فرضیات بالا داریم:
حالت اول:



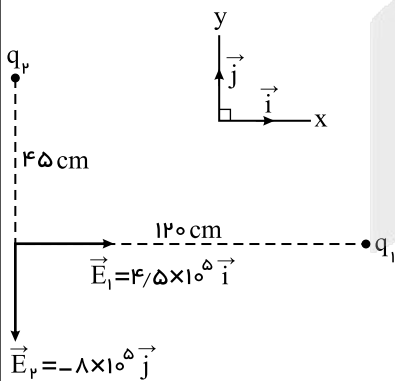
حالت دوم:



و در نهایت داریم:

$$\frac{E'}{E} = \frac{\sqrt{10}}{\sqrt{2}} \Rightarrow \frac{E'}{E} = \sqrt{5}$$

۵۸ گزینه ۲ با توجه به شکل و جهت مثبت بردارهای یکه، بدیهی است که میدان الکتریکی ناشی از بارهای q_1 و q_2 در نقطه M به صورت زیر است:



$$E_1 = \frac{k|q_1|}{r_1^2} \Rightarrow 4.5 \times 10^5 = \frac{9 \times 10^9 \times |q_1|}{(120 \times 10^{-2})^2}$$

$$\Rightarrow |q_1| = \frac{4.5 \times 144}{9} \times 10^{-6} \Rightarrow |q_1| = 72 \mu C$$

ولی با توجه به جهت میدان E_1 به بار q_1 منفی است یعنی:

$$q_1 = -72 \mu C$$

و برای بار q_2 که مثبت است داریم:

$$E_2 = \frac{k|q_2|}{r_2^2} \Rightarrow 8 \times 10^5 = \frac{9 \times 10^9 \times |q_2|}{(45 \times 10^{-2})^2} \Rightarrow |q_2| = \frac{45 \times 45 \times 8}{9} \times 10^{-8} \Rightarrow q_2 = 18 \mu C$$

و در آخر داریم:



$$\frac{q_1}{q_2} = \frac{-72}{18} \Rightarrow \frac{q_1}{q_2} = -4$$

راه حل دیگر:

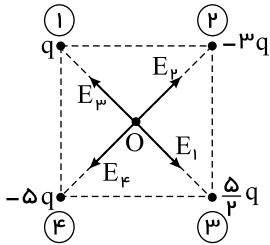
$$\frac{E_1}{E_2} = \left| \frac{q_1}{q_2} \right| \times \left(\frac{r_2}{r_1} \right)^2 \rightarrow \frac{4.5 \times 10^5}{8 \times 10^5} = \left| \frac{q_1}{q_2} \right| \times \left(\frac{45}{120} \right)^2$$

$$\Rightarrow \left| \frac{q_1}{q_2} \right| = \frac{4.5}{8} \times \frac{120 \times 120}{45 \times 45} = 4$$

با توجه به جهت میدان‌های \vec{E}_1 و \vec{E}_2 ، بار q_1 منفی و q_2 مثبت است؛ بنابراین:

$$\frac{q_1}{q_2} = -4$$

گزینه ۳ می‌دانیم که اگر ضلع مربع a باشد، طول هر قطر آن $a\sqrt{2}$ و فاصله هر رأس از مرکز مربع $\frac{a\sqrt{2}}{2}$ است. حال با توجه به نوع بارها، بزرگی و جهت میدان الکتریکی ناشی از هر یک از بارها در مرکز مربع را محاسبه کرده و در آخر، برابری آنها را به دست می‌آوریم.



$$E = \frac{kq}{r^2} \Rightarrow \begin{cases} E_1 = \frac{kq}{\left(\frac{\sqrt{2}}{2}a\right)^2} = \frac{2kq}{a^2} \\ E_2 = \frac{3kq}{\left(\frac{\sqrt{2}}{2}a\right)^2} = \frac{6kq}{a^2} \\ E_3 = \frac{\delta kq}{\left(\frac{\sqrt{2}}{2}a\right)^2} = \frac{\delta kq}{a^2} \\ E_4 = \frac{\delta kq}{\left(\frac{\sqrt{2}}{2}a\right)^2} = \frac{10kq}{a^2} \end{cases}$$

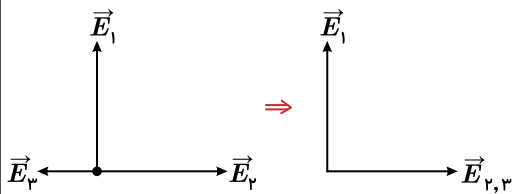
$$\begin{cases} E_{3,2} = E_2 - E_1 = \frac{10kq}{a^2} - \frac{6kq}{a^2} = \frac{4kq}{a^2} \\ E_{3,1} = E_3 - E_4 = \frac{\delta kq}{a^2} - \frac{10kq}{a^2} = \frac{3kq}{a^2} \end{cases}$$

$$E_O = \sqrt{\left(\frac{4kq}{a^2}\right)^2 + \left(\frac{3kq}{a^2}\right)^2} \Rightarrow E_O = \frac{5kq}{a^2}$$

گزینه ۳ ابتدا میدان الکتریکی بارهای q_2 و q_3 و برابری آنها را محاسبه می‌کنیم:

$$E = \frac{K|q|}{r^2} \Rightarrow \begin{cases} E_2 = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6}}{900 \times 10^{-4}} = 4 \times 10^5 \frac{N}{C} \\ E_3 = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6}}{3600 \times 10^{-4}} = 10^5 \frac{N}{C} \end{cases} \Rightarrow E_{2,3} = E_2 - E_3 = 3 \times 10^5 \frac{N}{C}$$

با توجه به شکل، $\vec{E}_{2,3}$ بر \vec{E}_1 عمود و برابری آنها برابر با $5 \times 10^5 \frac{N}{C}$ است؛ بنابراین داریم:

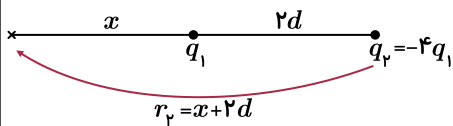


$$E_T = \sqrt{E_1^2 + E_{2,r}^2} \Rightarrow 5 \times 10^5 = \sqrt{E_1^2 + (3 \times 10^5)^2} \xrightarrow{\text{اعداد ۳,۴,۵}} E_1 = 4 \times 10^5 \frac{N}{C}$$

حال اندازه بار q_1 را به دست می آوریم:

$$4 \times 10^5 = \frac{9 \times 10^9 \times |q_1|}{3600 \times 10^{-2}} \Rightarrow q_1 = 16 \times 10^{-6} C = 16 \mu C$$

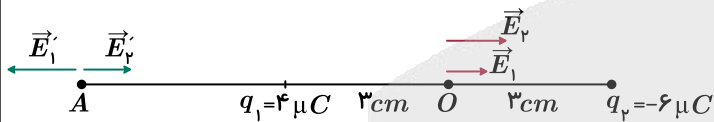
۶۱ گزینه ۴



چون دو بار ناهم علامت اند، نقطه مورد نظر خارج از فاصله دو بار و نزدیک به بار کوچک تر (q_1) است.

$$\frac{|q_1|}{x^2} = \frac{|q_2|}{(x + 2d)^2} \Rightarrow \frac{x + 2d}{x} = \sqrt{\frac{4q_1}{q_1}} = 2 \Rightarrow x + 2d = 2x \Rightarrow x = 2d \Rightarrow r_2 = 4d$$

۶۲ گزینه ۴



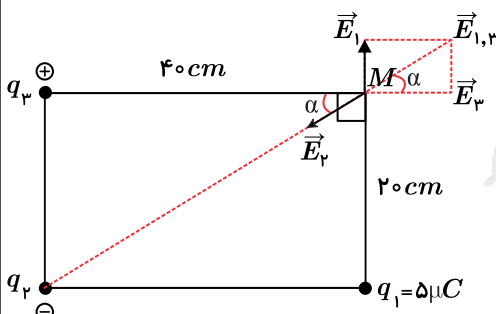
$$E = k \frac{q}{r^2} \rightarrow \frac{E_A}{E_O} = \frac{E_1 + E_2}{|E'_1 - E'_2|} = \frac{\frac{k \times 4}{3^2} + \frac{k \times 6}{3^2}}{\frac{k \times 4}{3^2} - \frac{k \times 6}{9^2}} = \frac{\frac{4}{9} + \frac{6}{9}}{\frac{4}{9} - \frac{6}{81}} = \frac{\frac{10}{9}}{\frac{30}{81}} = 3$$

۶۳ گزینه ۱ ابتدا میدان بار q را در فاصله r می یابیم؛ سپس میدان را در فاصله $2r$ حساب می کنیم:

$$F = Eq \Rightarrow 6,4 \times 10^{-2} = E \times 4 \times 10^{-6} \Rightarrow E = 1,6 \times 10^4 \frac{N}{C} \text{ (میدان بار } q \text{ در فاصله } r \text{)}$$

$$\text{(میدان در فاصله } 2r \text{)} \frac{E'}{E} = \left(\frac{r}{2r}\right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow E' = \frac{1}{4} \times 1,6 \times 10^4 = 4 \times 10^3 \frac{N}{C}$$

۶۴ گزینه ۲ باید برآیند دو بردار \vec{E}_1 و \vec{E}_2 در راستای قطر مستطیل و در خلاف جهت \vec{E}_3 باشد، تا برآیند هر سه بردار صفر شود؛ داریم:

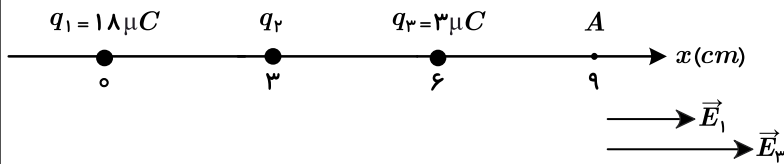


$$\tan \alpha = \frac{E_1}{E_2} = \frac{20}{40} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{q_1}{q_2} \times \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2 = \frac{1}{2} \rightarrow \frac{5}{|q_2|} \times \left(\frac{40}{20}\right)^2 = \frac{1}{2}$$

$$\xrightarrow{q_2 > 0} q_2 = 40 \mu C$$

۶۵ گزینه ۴



$$\begin{cases} E_1 = 9 \times 10^9 \times \frac{18 \times 10^{-6}}{81 \times 10^{-4}} = 2 \times 10^7 \frac{N}{C} \\ E_3 = 9 \times 10^9 \times \frac{3 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-4}} = 3 \times 10^7 \frac{N}{C} \end{cases} \rightarrow E_{1,3} = 5 \times 10^7 \frac{N}{C} \text{ به سمت راست}$$

میدان خالص در نقطه A می‌تواند $3 \times 10^7 \frac{N}{C}$ به سمت راست یا به سمت چپ باشد. اگر بخواهیم این برآیند به سمت راست باشد، باید

$$E_2 = 2 \times 10^7 \frac{N}{C} \text{ به سمت چپ باشد و داریم:}$$

$$2 \times 10^7 = \frac{9 \times 10^9 \times |q_2|}{36 \times 10^{-4}} \rightarrow q_2 = -8 \mu C$$

اگر میدان برآیند به سمت چپ باشد، باید $E_2 = 8 \times 10^7 \frac{N}{C}$ و به سمت چپ باشد و داریم:

$$8 \times 10^7 = \frac{9 \times 10^9 \times |q_2|}{36 \times 10^{-4}} \rightarrow q_2 = -32 \mu C$$

با توجه به گزینه‌ها، حالت دوم پاسخ صحیح است.

۶۶ گزینه ۴

$$E_1 = \frac{kq_1}{r_1^2} \rightarrow E_1 = \frac{k \times 10 \times 10^{-6}}{(20 \times 10^{-2})^2} = \frac{k \times 10^{-3}}{4}$$

$$E_2 = \frac{k \times 20 \times 10^{-6}}{(40 \times 10^{-2})^2} = \frac{k \times 10^{-3}}{8} = \frac{E_1}{2}$$

$$\frac{E'_2}{E_2} = \left(\frac{r_2}{r'_2}\right)^2 \rightarrow \frac{E'_2}{E_2} = \left(\frac{40}{20}\right)^2 \rightarrow E'_2 = 4E_2 = 2E_1$$

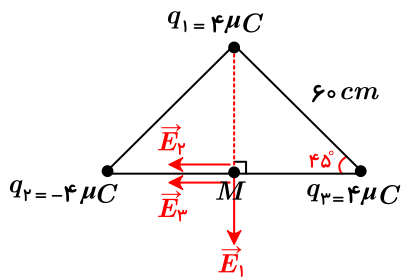
$$\frac{E_T}{E_1} = \frac{\sqrt{E_1^2 + E_2'^2}}{\sqrt{E_1^2 + E_2^2}} = \frac{\sqrt{E_1^2 + 4E_1^2}}{\sqrt{E_1^2 + \frac{E_1^2}{4}}} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{\frac{5}{4}}} = \sqrt{4} = 2$$

۶۷ گزینه ۱

$$r_1 = r_2 = r_3 = \frac{60\sqrt{2}}{2} = 30\sqrt{2} \text{ cm}$$

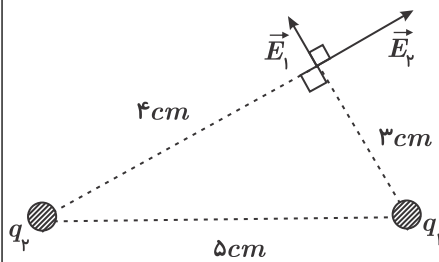
$$E_1 = E_2 = E_3 = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6}}{(30\sqrt{2} \times 10^{-2})^2} = 2 \times 10^5 \frac{N}{C} \rightarrow$$

$$E_T = \sqrt{(E_2 + E_3)^2 + E_1^2} \rightarrow E_T = \sqrt{(4 \times 10^5)^2 + (2 \times 10^5)^2} = 2\sqrt{5} \times 10^5 \frac{N}{C}$$



۶۸ گزینه ۳ جهت خطوط میدان الکتریکی از بار مثبت به سمت بار منفی است؛ در نتیجه بار q_1 مثبت و بار q_2 منفی است. همچنین تراکم خطوط میدان در اطراف بار بزرگ‌تر، بیشتر است؛ در نتیجه اندازه بار q_1 از اندازه بار q_2 بزرگ‌تر است.

۶۹ گزینه ۲



$$E = \frac{k|q|}{r^2} \Rightarrow \begin{cases} E_1 = \frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-8}}{9 \times 10^{-4}} = 3 \times 10^5 \frac{N}{C} \\ E_2 = \frac{9 \times 10^9 \times 1.6 \times 10^{-7}}{16 \times 10^{-4}} = 9 \times 10^5 \frac{N}{C} \end{cases}$$

$$E_t = \sqrt{(3 \times 10^5)^2 + (9 \times 10^5)^2} = 3\sqrt{10} \times 10^5 N$$

۷۰ گزینه ۳ اگر یکای بار الکتریکی و فاصله را به ترتیب میکروکولن و سانتی‌متر قرار دهیم، می‌توانیم k را 90 در نظر بگیریم:

$$F = k \frac{|q_1 q_2|}{r^2} \Rightarrow 90 \times \frac{|q_1| \times 5}{60 \times 60} = 2 \times 10^{-2}$$

$$\Rightarrow q_1 = 0.16 \mu C$$

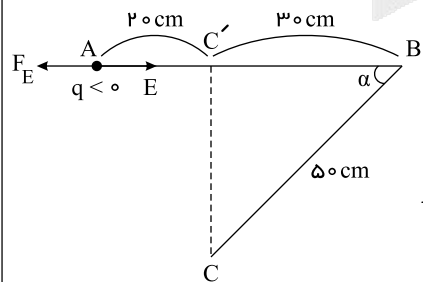
$$E = k \frac{|q_1|}{r^2} \Rightarrow E = 9 \times 10^9 \times \frac{0.16 \times 10^{-6}}{4 \times 10^{-2}} = 3.6 \times 10^4 \frac{N}{C}$$

۷۱ گزینه ۱

$$\Delta U = -Eqd \cos \theta = -Eqd \cos 0^\circ = -10^5 (-5 \times 10^{-6}) \times 30 \times 10^{-2} \times 1 = +0.15$$

$0.15 J$ افزایش می‌یابد.

۷۲ گزینه ۱



می‌دانیم که تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی به مسیر حرکت ذره در میدان الکتریکی یکنواخت داده شده بستگی ندارد. پس تمام ΔU در مسیر ABC با ΔU در فاصله A تا C' برابر است:

$$BC' = 50 \cos \alpha \xrightarrow{\cos \alpha = 0.6} BC' = 30 \text{ cm} \Rightarrow AC' = 20 \text{ cm}$$

از طرفی چون بار الکتریکی q دارای بار الکتریکی منفی است، نیروی وارد بر آن در خلاف جهت میدان بوده و با توجه به شکل، زاویه بین نیروی میدان الکتریکی و جابه‌جایی در راستای میدان 180° است. در نهایت داریم:



$$\Delta U_E = -W_t = -|q| \cdot E \cdot d \cos \theta$$

$$\rightarrow \Delta U_E = -5 \times 10^{-6} \times 10^5 \times (20 \times 10^{-2}) \times (\cos 180^\circ) \rightarrow \Delta U_E = +0.1 J$$

یعنی انرژی پتانسیل الکتریکی ذره در این جابه‌جایی به اندازه ۰٫۱ ژول افزایش می‌یابد.

۷۳ گزینه ۲ چون ذره فقط تحت اثر نیروی میدان الکتریکی جابه‌جا می‌شود به انرژی کل آن پایسته است، یعنی:

$$\Delta K = -\Delta U \xrightarrow{\Delta U = -|q|Ed \cos \theta} \Delta K = 12.5 eV$$

$$\Delta = -|q| \cdot E \cdot d \cdot \cos \theta = -|e| \times 125 \times 0.1 \times \cos 0 \Rightarrow \Delta U = -12.5 eV$$

بنابراین می‌توانیم تندی ذره بعد از 10 cm جابه‌جایی را بیابیم. (در رابطه زیر، انرژی جنبشی باید برحسب ژول باشد)

$$\Delta k = \frac{1}{2} m (v^2 - v_0^2) \Rightarrow 12.5 \times 1.6 \times 10^{-19} = \frac{1}{2} (10^{-30}) (v^2 - 0^2)$$

و برای تعیین زمان این حرکت داریم:

$$\Rightarrow v = 2 \times 10^6 \frac{m}{s}$$

$$\Delta x = \frac{v + v_0}{2} \Delta t \Rightarrow 0.1 = \frac{(2 \times 10^6) + 0}{2} \times \Delta t \Rightarrow \Delta t = 10^{-7} s = 100 \text{ ns}$$

۷۴ گزینه ۲ در اینجا از چگونگی تغییر سرعت ذره در جابه‌جایی از A تا B حرفی گفته نشده، پس در مورد تغییر انرژی جنبشی نمی‌توان چیزی گفت (اگر ذره

پرتاب یا رها شود می‌توان تغییرات انرژی جنبشی را بررسی کرد). از طرفی اگر ذره باردار $q < 0$ (منفی) در خلاف جهت میدان الکتریکی جابه‌جا شود، الزاماً کار نیروی میدان ذره مثبت است.

۷۵ گزینه ۱ در اینجا از وزن و مقاومت هوا صرف‌نظر شده است؛ پس وقتی ذره را در امتداد میدان پرتاب می‌کنیم، تنها نیرویی که بر روی ذره کار انجام می‌دهد، نیروی میدان الکتریکی است.

از طرفی چون باتری و فاصله بین نقاط A و B تغییر نمی‌کند، کار میدان الکتریکی در هر دو حالت از نظر مقدار یکسان است و فقط علامت آن قرینه می‌شود. با این مقدمه، به حل سؤال می‌پردازیم.

در حالت اول پروتون در خلاف جهت میدان الکتریکی پرتاب می‌شود و داریم:

$$W_t = \Delta K \xrightarrow{W_t = W_E} W_E = K_B - K_A \Rightarrow W_E = \frac{1}{2} m (v_B^2 - v_A^2) \quad \begin{matrix} v_A = 2 \times 10^4 \frac{m}{s} \\ v_B = 0 \end{matrix}$$

$$\Rightarrow W_E = \frac{1}{2} m (0 - (2 \times 10^4)^2) \Rightarrow W_E = -\frac{1}{2} m (4 \times 10^8) J$$

در حالت دوم داریم:

$$W'_t = \Delta K' \xrightarrow{W'_t = -W_E} -W_E = K'_B - K'_A$$

$$\xrightarrow{-W_E = \frac{1}{2} m (4 \times 10^8)} \frac{1}{2} m \times 4 \times 10^8 = \frac{1}{2} m (v_B'^2 - (2 \times 10^4)^2)$$

$$\Rightarrow v_B'^2 = 2 \times 4 \times 10^8 \Rightarrow v_B = 2\sqrt{2} \times 10^4 \frac{m}{s}$$

۷۶ گزینه ۴ در حرکت خودبه‌خودی بار الکتریکی، انرژی پتانسیل الکتریکی کاهش می‌یابد و بار منفی به سمت مکان‌هایی با پتانسیل الکتریکی بیشتر می‌رود.

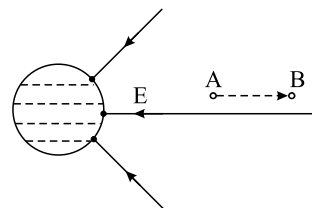
$$V_B - V_A = \frac{\Delta U}{q} \Rightarrow V_B - 120 = \frac{-5 \times 10^{-3}}{-50 \times 10^{-6}} \Rightarrow V_B = 220 V$$

۷۷ گزینه ۱ نکته (۱): هرچه در جهت خطوط میدان الکتریکی پیش برویم، پتانسیل الکتریکی کاهش می‌یابد و در خلاف جهت خطوط میدان الکتریکی پتانسیل الکتریکی افزایش می‌یابد. به عبارت ساده‌تر، هرچه به بارهای منفی نزدیک‌تر نشویم (یا از بارهای مثبت دورتر شویم) پتانسیل الکتریکی کمتر می‌شود و برعکس.



نکته (۲): اگر بار منفی در خلاف جهت خطوط میدان الکتریکی حرکت کند، انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش می‌یابد.

$$[V_B > V_A] \text{ و } \left[q < 0 \xrightarrow{\text{حرکت}} U \downarrow \right]$$



۷۸ گزینه ۳ می‌دانیم در اینجا، با توجه به پایستگی انرژی، اگر انرژی جنبشی ۲ میلی‌ژول افزایش یابد، انرژی پتانسیل الکتریکی‌اش ۲ میلی‌ژول کاهش می‌یابد. بنابراین داریم:

$$\Delta U = q\Delta V \rightarrow -2 \times 10^{-3} = q(80 - 30) \rightarrow q = -4 \times 10^{-5} C \rightarrow q = -40 \mu C$$

۷۹ گزینه ۲ با توجه به اینکه صفحات به مولد با نیروی محرکه $20V$ متصل است، همواره اختلاف پتانسیل بین صفحات همان $20V$ مانده و ثابت است. از طرفی با فرض یکنواخت بودن میدان الکتریکی بین صفحات داریم: (پتانسیل الکتریکی صفحه A را ثابت فرض می‌کنیم)

$$\Delta V = E \cdot d \xrightarrow{\text{ثابت } E} \Delta V \propto d \rightarrow \frac{V_B - V_A}{V_P - V_A} = \frac{d_{BA}}{d_{PA}} = \frac{5}{2} \rightarrow \frac{20}{V_P - V_A} = \frac{5}{2} \rightarrow V_P - V_A = 8V(1)$$

و در حالت دوم داریم:

$$\frac{V_B - V_A}{V'_P - V_A} = \frac{d'_{BA}}{d_{PA}} \rightarrow \frac{20}{V'_P - V_A} = \frac{10}{2} \rightarrow V'_P - V_A = 4V(2)$$

و در نهایت داریم:

$$\xrightarrow{(1),(2)} \begin{cases} V_P - V_A = 8V \\ V'_P - V_A = 4V \end{cases} \rightarrow V'_P - V_P = -4V$$

یعنی پتانسیل الکتریکی نقطه P، ۴ ولت کاهش می‌یابد.

۸۰ گزینه ۱ با توجه به تفاوت تراکم خطوط میدان الکتریکی، بدیهی است که با رها کردن الکترون در B، خود به خود به طرف نقطه A حرکت کرده و تندی‌اش افزایش می‌یابد که این افزایش تندی در شکل (۳) بیشتر از شکل (۲) و آن هم بیشتر از شکل (۱) است. یعنی $\Delta v_{(3)} > \Delta v_{(2)} > \Delta v_{(1)}$ (دقت کنید که فاصله AB در هر سه شکل یکسان است.) از طرفی با توجه به پایسته بودن انرژی $\Delta U = -\Delta K$ است یعنی:

$$|q\Delta V| = |\Delta K| \xrightarrow{\text{یکسان } q} |\Delta V| \propto |\Delta K|$$

یعنی هر چه تغییر انرژی جنبشی بیشتر باشد، اختلاف پتانسیل بین دو نقطه زیر بیشتر است پس $\Delta V_{(3)} > \Delta V_{(2)} > \Delta V_{(1)}$

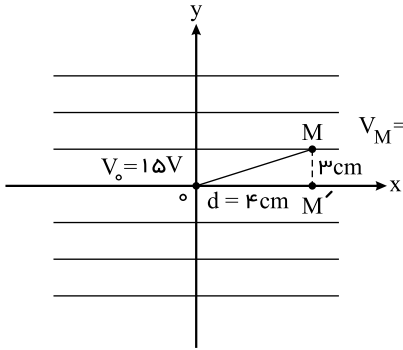
۸۱ گزینه ۱ چون ذره باردار فقط تحت تأثیر نیروی میدان الکتریکی جابه‌جا می‌شود، انرژی مکانیکی آن پایسته مانده، پس تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی آن، قرینه تغییر انرژی جنبشی‌اش است، یعنی:

$$E : \text{ ثابت} \Rightarrow \Delta U = -\Delta K \Rightarrow q\Delta V = -\frac{1}{2}m(v_B^2 - v_A^2) \xrightarrow{q=5nC=5 \times 10^{-9}C, m=4\mu g=4 \times 10^{-9}kg, v_A=10 \frac{m}{s}, v_B=20 \frac{m}{s}}$$

$$5 \times 10^{-9}(V_B - V_A) = -\left(\frac{1}{2}\right)(4 \times 10^{-9})(400 - 100) \Rightarrow V_B - V_A = -120V$$



۸۲ گزینه ۳



با توجه به آنچه در سؤال ذکر شده، میدان الکتریکی به صورت زیر است:

می‌دانیم که با حرکت در جهت خطوط میدان، پتانسیل الکتریکی کاهش می‌یابد، پس میدان الکتریکی در

جهت محور x است. از طرفی می‌دانیم که در رابطه $|\Delta V| = E \cdot d$ مقدار جابه‌جایی در راستای $V_M = -5V = V_{M'}$ ، $d = 4\text{cm}$ است (در اینجا $d = 4\text{cm}$ است)

پس در آخر داریم:

$$V_0 - V_m = E \cdot d \Rightarrow 15 - (-5) = E \times 4 \times 10^{-2} \Rightarrow E = 500 \frac{N}{C}$$

۸۳ گزینه ۲ می‌دانیم که کار میدان الکتریکی برابر است با منفی تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی؛ یعنی در اینجا داریم:

$$\Delta U_E = -W_E = -20 \mu J$$

حال برای تعیین پتانسیل الکتریکی نقطه B داریم:

$$\Delta U = q\Delta V = q(V_B - V_A) \Rightarrow -20 = -5(V_B - 6) \Rightarrow V_B = 10V$$

۸۴ گزینه ۴ از آنجا که بار q منفی است و در این جابه‌جایی، انرژی پتانسیل الکتریکی آن افزایش می‌یابد، پس در جهت میدان الکتریکی جابه‌جا شده است. حال برای تعیین اختلاف پتانسیل الکتریکی بین این دو نقطه، داریم:

$$\Delta U = q\Delta V \xrightarrow[\substack{\Delta U = 2 \times 10^{-3} J \\ q = -20 \times 10^{-9} C}]{\Delta U = 2 \times 10^{-3} = -20 \times 10^{-9} (\Delta V)} \Rightarrow \Delta V = V_B - V_A = -10^5 V$$

۸۵ گزینه ۳ بار منفی به صورت خودبه‌خودی حرکت می‌کند؛ پس انرژی پتانسیل آن کاهش می‌یابد:

$$\Delta V = Ed \Rightarrow \frac{20}{\Delta V} = \frac{2 \times 10^{-2}}{15 \times 10^{-3}} \Rightarrow \Delta V = 15V$$

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} \Rightarrow \Delta U = q\Delta V = -5 \times 15 = -75J$$

۸۶ گزینه ۲ ابتدا بار الکتریکی جابه‌جا شده بین دو نقطه را محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} \xrightarrow[\substack{\Delta V = 2 \text{ kV} \\ \Delta U = 8 \text{ kWh}}]{\Delta U = 8 \times 10^3 \times 3600} \rightarrow q = 14400 C$$

حال تعداد الکترون‌های شارش یافته را محاسبه می‌کنیم:

$$q = ne \rightarrow n = \frac{14400}{1.6 \times 10^{-19}} = 9 \times 10^{22}$$

۸۷ گزینه ۲ چون ذره منفی در جهت خطوط میدان جابه‌جا شده، انرژی پتانسیل آن افزایش و انرژی جنبشی آن کاهش می‌یابد. بنابراین $\Delta U = -\Delta K = +100 \text{ mJ}$ است و داریم:

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} \rightarrow V_B - V_A = \frac{100 \times 10^{-3}}{-5 \times 10^{-3}} = -20V$$



$$E = \frac{V}{d} \Rightarrow E = \frac{6}{2 \times 10^{-3}} = 3 \times 10^3 \frac{V}{m}$$

۸۹ گزینه ۱ میدان الکتریکی درون اجسام رسانای در حال تعادل الکترواستاتیک صفر است. پتانسیل الکتریکی در همه جای یک جسم رسانای در حال تعادل الکترواستاتیک ثابت و برابر است.

۹۰ گزینه ۳ در اجسام رسانا، بار الکتریکی در سطح خارجی توزیع می‌شود و درون جسم، بار الکتریکی صفر است؛ در نتیجه میدان الکتریکی خالص نیز درون آنها صفر است. همچنین در جسم رسانایی که در تعادل الکترواستاتیکی قرار دارد، همه نقاط پتانسیل یکسانی دارند.

۹۱ گزینه ۳ چون ظرفیت خازن تغییری نمی‌کند، از رابطه $U = \frac{1}{2} CV^2$ کمک می‌گیریم:

$$\frac{U'}{U} = \frac{\frac{1}{2} CV'^2}{\frac{1}{2} CV^2} \Rightarrow \frac{U'}{U} = \left(\frac{V'}{V}\right)^2 = \left(\frac{15}{20}\right)^2 = \frac{9}{16}$$

۹۲ گزینه ۱ در اینجا ظرفیت ثابت، بار متغیر و در نتیجه انرژی نیز تغییر کرده، پس داریم:

$$U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$$

$$\frac{(1,25Q)^2}{2 \times 5} - \frac{Q^2}{2 \times 5} = 90$$

$$\frac{0,5625Q^2}{10} = 90 \Rightarrow Q = 40 \mu C$$

$$V = \frac{Q}{C}$$

$$V = \frac{40}{5} = 8V$$

۹۳ گزینه ۲ با معلوم بودن C و V ، برای تعیین U داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} C = 5 \mu F \\ V = 10 V \end{array} \right. \rightarrow U = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} (5 \mu F)(10)^2 = 250 \mu J$$

۹۴ گزینه ۳ می‌دانیم که با کاهش فاصله بین صفحات، ظرفیت خازن به صورت زیر افزایش می‌یابد.

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} \xrightarrow{d_1=5mm, d_2=1mm} \Delta C = \epsilon_0 A \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{5mm} \right)$$

$$\rightarrow \Delta C = (9 \times 10^{-12})(40 \times 10^{-4}) \left(1 - \frac{1}{5} \right)$$

$$\frac{4}{5mm} = \frac{4000}{5} = 800$$

$$\rightarrow \Delta C = (9 \times 4 \times 8)(10^{-13})$$

$$\rightarrow \Delta C = 288 \times 10^{-13} F \rightarrow \Delta C = 28,8 \times 10^{-12} F = 28,8 pF$$

۹۵ گزینه ۱ در ابتدا، اطلاعات سؤال را به صورت زیر دسته‌بندی می‌کنیم:



$$\text{حالت اول} \begin{cases} C = 12 \mu F \\ \text{بار خازن} = Q \\ \text{اختلاف پتانسیل} = V_1 = \frac{Q}{C} = \frac{Q}{12 \mu F} \end{cases}$$

$$\text{پس از تغییر} \begin{cases} C = 12 \mu F \\ \text{بار خازن} = Q - 6 \\ \Delta U = -28,5 \mu J \text{ (کاهش انرژی)} \end{cases}$$

هنگامی که بار $6 \mu C$ از صفحه منفی جدا شود و به صفحه مثبت اضافه شود، بار $(+Q)$ صفحه با بار مثبت $(+Q)$ به $Q - 6$ و بار $(-Q)$ صفحه با بار منفی $(-Q)$ به $-Q - (-6) = -(Q - 6)$ تغییر می‌کند. یعنی در کل بار خازن از Q به $(Q - 6)$ تغییر می‌کند:

$$U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} \rightarrow \Delta U = U_2 - U_1 = \frac{(Q - 6)^2}{2C} - \frac{Q^2}{2C} = -28,5 \mu J \Rightarrow Q^2 - 12Q + 36 - Q^2 = -2(12)(28,5)$$

$$\Rightarrow 36 - 12Q = -684 \Rightarrow 12Q = 720 \Rightarrow Q = 60 \mu C \Rightarrow V_1 = \frac{Q}{C} = \frac{60 \mu C}{12 \mu F} = 5V$$

۹۶ گزینه ۲ میدان الکتریکی بین صفحات خازن هم‌جا بهم برابر است، بنابراین رابطه بین اختلاف پتانسیل بین دو نقطه و فاصله آنها از هم، یک رابطه خطی است یعنی:

$$\Delta V = E \cdot d$$

$$\begin{cases} E = \frac{V_+ - V_-}{10 \text{ mm}} = \frac{V_+ - V_A}{4 \text{ mm}} \Rightarrow \frac{0 - V_-}{5} = \frac{0 - V_A}{2} \Rightarrow \frac{80}{5} = \frac{-V_A}{2} \Rightarrow V_A = -32V \\ \text{اختلاف پتانسیل صفحات خازن} = 80V = V_+ - V_- = 0 - V_- \end{cases}$$

۹۷ گزینه ۲ خازن پیوسته به باتری وصل است. بنابراین اختلاف پتانسیل صفحات خازن ثابت می‌ماند:

$$\Delta V = \text{ثابت}$$

فاصله صفحات خازن را دو برابر می‌کنیم، بنابراین طبق رابطه $C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}$ با دو برابر شدن d ، ظرفیت خازن نصف می‌شود.

در مورد میدان الکتریکی:

$$E = \frac{\Delta V}{d} \xrightarrow{\substack{d \times 2 \\ \Delta V = \text{ثابت}}} E \times \frac{1}{2}$$

در مورد بار الکتریکی:

$$Q = \underbrace{C}_{\text{ثابت نصف}} \underbrace{\Delta V}_{\text{ثابت}} \Rightarrow Q \times \frac{1}{2}$$

بنابراین (الف) و (ت) صحیح می‌باشند.

۹۸ گزینه ۱ دقت کنید که با هرگونه تغییرات ولتاژ دو سر خازن، ظرفیت خازن تغییر نمی‌کند.

$$\begin{cases} C = \frac{q}{\Delta V} \Rightarrow \frac{q_1}{\Delta V_1} = \frac{q_1 + 20 \mu C}{1,5 \Delta V_1} \Rightarrow 1,5 q_1 = q_1 + 20 \mu C \Rightarrow q_1 = 40 \mu C \\ U = \frac{1}{2} C \Delta V^2 \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \left(\frac{\Delta V_2}{\Delta V_1} \right)^2 = (1,5)^2 = \left(\frac{9}{4} \right) \Rightarrow \frac{200 \mu J + U_1}{U_1} = \frac{9}{4} \Rightarrow 9U_1 = 800 \mu J + 4U_1 \\ \Rightarrow 5U_1 = 800 \mu J \Rightarrow U_1 = 160 \mu J \Rightarrow \frac{q_1^2}{2C} = \frac{(40 \mu C)^2}{2C} = 160 \mu J \Rightarrow C = 5 \mu F \end{cases}$$

۹۹ گزینه ۴ به C به V (اختلاف پتانسیل صفحات خازن) بستگی ندارد.



$$U = \frac{1}{2} CV^2 \Rightarrow \Delta U = \frac{1}{2} C(V_2^2 - V_1^2) \Rightarrow \begin{cases} U_2 = U_1 + 5 \times 10^{-6} J \Rightarrow \Delta U = 5 \mu J \\ C = 2 \mu F \\ \Delta U = \frac{1}{2} C(V_2^2 - V_1^2) \Rightarrow 5 \mu J = \frac{1}{2} (2 \mu F)((V_1 + 1)^2 - V_1^2) \\ V_2 = V_1 + 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 5 = 2V_1 + 1 \Rightarrow V_1 = 2V$$

۱۰۰ گزینه ۲ گام اول: برای سادگی انرژی را هم برحسب میلی ژول و ظرفیت خازن را هم برحسب میلی فاراد می نویسیم. هنگامی که از صفحه منفی، بار مثبت (+۳mC) را جدا کرده و به صفحه مثبت می بریم، صفحه منفی، منفی تر و صفحه مثبت، مثبت تر می شود. پس بار خازن زیاد می شود، یعنی می توان نوشت:

$$Q' = Q + 3mC$$

گام دوم:

$$\Delta U = \frac{1}{2} \frac{Q'^2}{C} - \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} = \frac{Q'^2 - Q^2}{2C} \Rightarrow 4500 mJ = \frac{(Q + 3)^2 - Q^2}{2 \times 5 \times 10^{-3} mF}$$

$$\Rightarrow 45 = Q^2 + 9 + 6Q - Q^2 = 6Q + 9 \Rightarrow 6Q = 36 \Rightarrow Q = 6mC$$

۱۰۱ گزینه ۱ فاصله بین صفحات خازن، یکی از عوامل مؤثر در ظرفیت خازن است. بنابراین با نوشتن ظرفیت خازن برحسب مشخصات ساختمان آن داریم:

$$\begin{cases} d_1 = 5mm = 5 \times 10^{-3} m \\ A = 2cm^2 = 2 \times 10^{-4} m^2 \\ k = 4 \\ d_2 = d_1 - 3mm = 2 \times 10^{-3} m \\ \Delta C = ? (PF) \\ \epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \frac{F}{m} \end{cases}$$

$$\Delta C = C_2 - C_1 = k\epsilon_0 \frac{A}{d_2} - k\epsilon_0 \frac{A}{d_1}$$

$$\Delta C = k\epsilon_0 A \left(\frac{1}{d_2} - \frac{1}{d_1} \right)$$

$$\Delta C = (4)(8.85 \times 10^{-12})(2 \times 10^{-4}) \left(\frac{1}{2 \times 10^{-3}} - \frac{1}{5 \times 10^{-3}} \right)$$

$$\begin{cases} \frac{1}{2 \times 10^{-3}} = \frac{10^3}{2} = 500 \\ \frac{1}{5 \times 10^{-3}} = \frac{10^3}{5} = 200 \\ 4 \times 8.85 \times 2 = 8 \times 8.85 = 70.8 \end{cases}$$

$$\rightarrow \Delta C = (70.8)(10^{-16})(500 - 200) = 70.8 \times 3 \times 10^{-14} = 212.4 \times 10^{-14} F$$

$$\rightarrow \Delta C = 2.124 \times 10^{-12} F \rightarrow \Delta C = 2.124 pF$$

۱۰۲ گزینه ۴ با تغییر اختلاف پتانسیل دو سر خازن، ظرفیت آن تغییر نمی کند، بنابراین داریم:

$$q = CV \xrightarrow{\text{ثابت } C} \frac{q_2}{q_1} = \frac{V_2}{V_1} \rightarrow \frac{\Delta q}{q_1} = \frac{\Delta V}{V_1} \rightarrow \frac{\Delta V}{V_1} = -10\% \frac{\Delta q}{q_1} = -10\%$$

یعنی بار الکتریکی نیز ۱۰ درصد کاهش می یابد.

$$U = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} \xrightarrow{\text{ثابت } C} \frac{U_2}{U_1} = \left(\frac{q_2}{q_1} \right)^2 \xrightarrow{q_2 = 0.9q_1} \frac{U_2}{U_1} = (0.9)^2 \rightarrow \frac{U_2}{U_1} = 0.81 \rightarrow \frac{\Delta U}{U_1} \times 100 = -19\%$$

یعنی انرژی خازن ۱۹ درصد کاهش می یابد.



۱۰۳ گزینه ۱ با خروجی دی‌الکتریک از بین صفحات خازن، ظرفیت آن $\frac{1}{k}$ برابر می‌شود یعنی:

$$\frac{C_2}{C_1} = \frac{k_2}{k_1} \frac{k_1=2}{k_2=1} \frac{C_2}{C_1} = \frac{1}{2}$$

از طرفی چون بار خازن ثابت مانده:

$$C = \frac{q}{V} \xrightarrow{q=\text{ثابت}} \frac{V_2}{V_1} = \frac{C_1}{C_2} = 2$$

و برای تعیین چگونگی تغییر انرژی:

$$U = \frac{1}{2} qV \xrightarrow{q=\text{ثابت}} \frac{U_2}{U_1} = \frac{V_2}{V_1} = 2$$

۱۰۴ گزینه ۲ در ابتدا ظرفیت خازن در حالت جدید را محاسبه می‌کنیم.

$$U = \frac{1}{2} CV^2 \xrightarrow{U=2mJ=2 \times 10^{-3} J, V=20V} 2 \times 10^{-3} = \frac{1}{2} \times C_2 \times (20)^2 \Rightarrow C_2 = 10 \times 10^{-6} F = 10 \mu F$$

از طرفی چون فقط با ورود عایق بین صفحات خازن، ظرفیت آن تغییر کرده، داریم:

$$C = \frac{k\epsilon_0 A}{d} \xrightarrow{A:\text{ثابت}, d:\text{ثابت}} \frac{C_2}{C_1} = \frac{k_2}{k_1} \xrightarrow{C_1=5\mu F, k_1=1, C_2=10\mu F} k_2 = 2$$

۱۰۵ گزینه ۳ برای یک خازن با ظرفیت ثابت، تغییر بار هر یک از صفحه‌های خازن به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$Q = CV \Rightarrow \Delta Q = C(\Delta V) \xrightarrow{C=\lambda\mu F, \Delta V=1V} \Delta Q = \lambda\mu C$$

یعنی بار هر یک از صفحات خازن ۸ میکروکولن تغییر کرده است. حال برای تعیین تغییر در تعداد الکترون‌ها داریم:

$$Q = ne \Rightarrow \Delta n = \frac{\Delta Q}{e} = \frac{8 \times 10^{-6}}{1.6 \times 10^{-19}} \Rightarrow \Delta n = 5 \times 10^{13}$$

۱۰۶ گزینه ۱ در اینجا ظرفیت خازن ثابت است و با تغییر بار الکتریکی، انرژی خازن تغییر کرده، بنابراین داریم:

$$U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \left(\frac{Q_2}{Q_1}\right)^2 = \left(\frac{\frac{3}{4}Q_1}{Q_1}\right)^2 = \frac{9}{16}$$

$$\Rightarrow U_2 = \frac{9}{16} U_1 \xrightarrow{U_2 - U_1 = 25\mu J} \frac{9}{16} U_1 - U_1 = 25 \Rightarrow \frac{5}{16} U_1 = 25 \Rightarrow U_1 = 20\mu J$$

و در حالت اول داریم:

$$U_1 = \frac{1}{2} \frac{Q_1^2}{C} \Rightarrow 20 = \frac{1}{2} \times \frac{Q_1^2}{40} \Rightarrow Q_1 = 40\mu C$$

۱۰۷ گزینه ۳ در اینجا ظرفیت خازن تغییر نکرده است و با تغییر بار الکتریکی، اختلاف پتانسیل دو سر خازن و انرژی آن تغییر کرده، بنابراین داریم:

$$U = \frac{1}{2} CV^2 \xrightarrow{C:\text{ثابت}} \frac{U_2}{U_1} = \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^2 \xrightarrow{V_2 = \frac{3}{4}V_1} \frac{U_2}{U_1} = \left(\frac{3}{4}\right)^2 \Rightarrow U_2 = \frac{9}{16} U_1$$

اما مقدار کاهش انرژی یعنی مقدار ΔU مطلوب است؛ بنابراین داریم:

$$|\Delta U| = |U_2 - U_1| = \left|\frac{9}{16} U_1 - U_1\right| \Rightarrow |\Delta U| = \frac{7}{16} U_1$$

۱۰۸ گزینه ۴ در اینجا ظرفیت خازن تغییر نکرده، بنابراین داریم:

$$Q = CV \Rightarrow \frac{Q_2}{Q_1} = \frac{V_2}{V_1} \xrightarrow{Q_2 = Q_1 + 50, V_2 = 1.2V_1} \frac{Q_1 + 50}{Q_1} = 1.2$$

$$\Rightarrow 0.2Q_1 = 50 \Rightarrow Q_1 = 250\mu C \Rightarrow Q_2 = 300\mu C$$

برای پیدا کردن انرژی خازن در حالت دوم داریم:



$$U_2 = \frac{1}{2} \frac{Q_2^2}{C} = \frac{1}{2} \times \frac{(300 \mu C)^2}{25 \mu F} \Rightarrow U_2 = 1800 \mu J \Rightarrow U_2 = 1.8 mJ$$

۱۰۹ گزینه ۲ در اینجا ظرفیت خازن ثابت است و فقط با تغییر بار الکتریکی، اختلاف پتانسیل دو سر خازن و انرژی آن تغییر می‌کند، بنابراین داریم:

$$U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} \xrightarrow{C=\text{ثابت}} \frac{U_2}{U_1} = \left(\frac{Q_2}{Q_1}\right)^2 \xrightarrow{\substack{U_2=U_1+4.5 \mu J \\ Q_2=5Q_1}}$$

$$\frac{U_1 + 4.5 \mu J}{U_1} = \left(\frac{5}{4}\right)^2 = \frac{25}{16} \Rightarrow U_1 = 8 \mu J, U_2 = 12.5 \mu J$$

حال برای تعیین اختلاف پتانسیل دو سر خازن داریم:

$$U = \frac{1}{2} CV^2 \Rightarrow \begin{cases} 8 = \frac{1}{2} \times 25 \times V_1^2 \Rightarrow V_1 = \frac{4}{5} V \\ 12.5 = \frac{1}{2} \times 25 \times V_2^2 \Rightarrow V_2 = 1 V \end{cases}$$

$$\Delta V = V_2 - V_1 = 1 - \frac{4}{5} \Rightarrow \Delta V = 0.2 V$$

۱۱۰ گزینه ۱

$$\text{خازن از باتری جدا شده} \rightarrow q: \text{ ثابت} \xrightarrow{d_2=1.5d_1} \frac{C_2}{C_1} = \frac{d_1}{d_2} = \frac{2}{3} \rightarrow C_2 = \frac{2}{3} \times 5 = \frac{10}{3} \mu C$$

$$U = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} \rightarrow U_2 - U_1 = \frac{q^2}{2} \left(\frac{1}{C_2} - \frac{1}{C_1} \right) = \frac{200^2}{2} \left(\frac{3}{10} - \frac{1}{5} \right) = \frac{4 \times 10^4}{2} \times 0.1 = 2000 \mu J = 2 mJ$$

توجه کنید که در فرمول $U = \frac{q^2}{2C}$ ، اگر یکای q را میکروکولن و یکای C را میکروفاراد قرار دهیم، یکای انرژی μJ به دست می‌آید.

۱۱۱ گزینه ۱

$$V = \text{ثابت} \rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{\kappa_2}{\kappa_1} = 3 \xrightarrow{U = \frac{1}{2} CV^2} \frac{U_2}{U_1} = \frac{C_2}{C_1} = 3$$

چون اختلاف پتانسیل و فاصله صفحات ثابت است، میدان الکتریکی خازن تغییری نمی‌کند.

۱۱۲ گزینه ۲

$$d_2 = d_1 - \frac{75}{100} d_1 = \frac{25}{100} d_1 \Rightarrow d_2 = \frac{1}{4} d_1$$

$$C = \epsilon_0 \frac{A}{d} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{d_1}{d_2} = \frac{d_1}{\frac{1}{4} d_1} = 4$$

چون دو سر خازن به باتری وصل است، V ثابت می‌ماند.

$$Q = CV \Rightarrow \frac{Q_2}{Q_1} = \frac{C_2}{C_1} = 4$$

۱۱۳ گزینه ۴ خازن از باتری جدا است، پس بار آن ثابت می‌ماند. با استفاده از رابطه $Q = CV$ ، چون با گذاشتن دی‌الکتریک طبق رابطه $C = \frac{k\epsilon \cdot A}{d}$ ، ظرفیت

خازن افزایش می‌یابد، باید V کاهش پیدا کند تا Q ثابت بماند. از طرفی طبق رابطه $U = \frac{1}{2} QV$ اگر Q ثابت باشد و V کاهش پیدا کند، U نیز کاهش پیدا خواهد کرد.

۱۱۴ گزینه ۲ چون خازن از باتری جدا شده، بار الکتریکی ثابت است.



$$\begin{cases} C_1 = \Delta n F \\ Q = \Delta n C \end{cases} \xrightarrow{U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}} U_1 = \frac{1}{2} \times \frac{(45 \times 10^{-9})^2}{5 \times 10^{-9}} = 202,5 \times 10^{-9} J = 202,5 nJ$$

$$C = \frac{\epsilon_0 A}{d} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{d_1}{d_2} = \frac{1}{2} \xrightarrow{Q = \text{ثابت}} \frac{U_2}{U_1} = \frac{C_1}{C_2} = 2 \Rightarrow U_2 = 2U_1$$

$$\Rightarrow \Delta U = U_2 - U_1 = U_1 = 202,5 nJ = 2,025 \times 10^2 nJ$$

۱۱۵ گزینه ۴ چون خازن به باتری متصل است، U ثابت است:

$$U = \frac{1}{2} C V^2 \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{C_2}{C_1}$$

$$C = \frac{\epsilon \cdot A}{d} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{d_1}{d_2} \xrightarrow{U_2 = U_1 + 0,8 U_1} \frac{U_2}{U_1} = \frac{C_2}{C_1} \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{d_1}{d_2} \Rightarrow$$

$$\frac{1,8}{1,0} = \frac{2,7}{d_2} \Rightarrow d_2 = 2,5 mm \Rightarrow d_2 - d_1 = 2,5 - 2,7 = -0,2 mm$$

در نتیجه فاصله بین صفحات خازن باید ۰٫۲ میلی متر کم شود.

۱۱۶ گزینه ۱ با توجه به اینکه مقیاس روی محورهای داده شده معلوم است می توانیم مقادیر V و I را از روی محورها بخوانیم.

از روی قانون اهم، می دانیم که $R = \frac{V}{I}$ است، بنابراین داریم:

$$\frac{R_B}{R_A} = \frac{\frac{V_B}{I_B}}{\frac{V_A}{I_A}} = \frac{2}{3} \cdot \frac{3}{2} = \frac{4}{9}$$

۱۱۷ گزینه ۴

$$\begin{cases} R_1 = \rho \Omega = \rho \frac{L_1}{A} \\ R = \rho \frac{L_2}{A} \xrightarrow{L_2 = L_1 \cdot \frac{1}{4}} R_2 = \frac{1}{4} R_1 = 1,5 \Omega \Rightarrow \rho \frac{L_2}{A} = 1,5 \Omega \end{cases}$$

در گام بعدی طول سیم را افزایش می دهیم تا به L_1 برسد:

$$\begin{cases} \frac{R_3}{R_2} = \left(\frac{L_3}{L_2}\right)^2 \xrightarrow{\text{چون حجم ثابت است}} A_3 L_3 = A_2 L_2 \Rightarrow \frac{L_3}{L_2} = \left(\frac{A_2}{A_3}\right) \Rightarrow \frac{R_3}{R_2} = \left(\frac{L_3}{L_2}\right) \left(\frac{A_2}{A_3}\right) = \left(\frac{L_3}{L_2}\right) \\ L_3 = L_1 L_2 = \frac{1}{4} L_1 \Rightarrow \left(L_2 = \frac{1}{4} L_3\right) \Rightarrow \frac{R_3}{R_2} = 16 \Rightarrow R_3 = 16 R_2 = 16 \times 1,5 \Rightarrow R_3 = 24 \Omega \end{cases}$$

۱۱۸ گزینه ۴ نکته: مقاومت ویژه رساناهای فلزی با افزایش دما زیاد می شود، در حالی که مقاومت ویژه نیمه رساناها با افزایش دما کاهش می یابد. در برخی موارد، مانند جیوه و قلع با کاهش دما، مقاومت ویژه در دمای خاص به صورت ناگهانی به صفر آفت می کند و در دماهای پایین تر، همچنان صفر می ماند؛ این پدیده را «ابررسانایی» می گویند.

۱۱۹ گزینه ۱

$$R = \rho \frac{L}{A} = 7 \times 10^{-5} \Omega \cdot cm \times \frac{17 \times 10^3 \times 10^2 cm}{51 cm^2} = 1 \Omega$$

۱۲۰ گزینه ۳



$$m_A = \frac{1}{2} m_B \rightarrow \rho'_A v_A = \frac{1}{2} \rho'_B v_B \rightarrow V_A = \frac{1}{2} v_B$$

$$\rightarrow L_A A_A = \frac{1}{2} L_B A_B \Rightarrow 2 L_B A_A = \frac{1}{2} L_B A_B \rightarrow A_A = \frac{1}{4} A_B$$

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A} = 1 \times 2 \times 4 = 8$$

۱۲۱ گزینه ۲ ابتدا طول سیم را پیدا می‌کنیم:

$$\rho = \frac{m}{V} \rightarrow V = \frac{3.4}{10} = 31.4 \text{ cm}^3$$

$$V = AL \xrightarrow{A = \pi \frac{d^2}{4}} 31.4 = 3.14 \times \frac{(0.1)^2}{4} \times L \rightarrow L = 4 \times 10^3 \text{ cm} = 40 \text{ m}$$

حال مقاومت سیم را محاسبه می‌کنیم:

$$R = \frac{\rho L}{A} \rightarrow R = \frac{3.14 \times 10^{-8} \times 40}{3.14 \times \frac{(10^{-2})^2}{4}} = 160 \times 10^{-2} = 1.6 \Omega$$

۱۲۲ گزینه ۱

$$R = \frac{\rho L}{A} \rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{A_1}{A_2} \xrightarrow{A = \frac{\pi d^2}{4}} \frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{d_1}{0.99 d_1} \right)^2 = \left(\frac{1}{0.99} \right)^2$$

$$P = \frac{V^2}{R} \rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{R_1}{R_2} = (0.99)^2$$

برای محاسبه راحت‌تر، از اتحاد مربع کامل استفاده می‌کنیم:

$$\frac{P_2}{P_1} = (1 - 0.01)^2 = 1 - 0.02 + 0.0001 \approx 0.98$$

پس توان تقریباً دو درصد کاهش می‌یابد.

۱۲۳ گزینه ۴

$$R = \frac{\rho L}{A} \rightarrow$$

$$\frac{R_B}{R_A} = \frac{\rho_B}{\rho_A} \times \frac{L_B}{L_A} \times \frac{A_A}{A_B} \xrightarrow{L \text{ و } R \text{ یکسان}} 1 = \frac{1}{2} \times \frac{A_A}{A_B} \Rightarrow \frac{A_A}{A_B} = 2$$

$$\frac{m_A}{m_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{V_A}{V_B} \xrightarrow{V = AL} \frac{m_A}{m_B} = 3 \times 2 = 6$$

۱۲۴ گزینه ۱ ولت‌سنج اختلاف پتانسیل باتری و همچنین اختلاف پتانسیل بین دو سر سیم (بدون مقاومت) را نشان می‌دهد.

$$V = RI \xrightarrow{R=0} V = 0$$

$$\varepsilon = I(\cancel{R_T} + r) = \varepsilon = Ir \quad (1) \Rightarrow V = \underbrace{\varepsilon - Ir}_{0} \quad (1)$$

۱۲۵ گزینه ۲

در حالت اول که فقط ولت‌سنج آرمانی به دو سر مولد متصل است، ولت‌سنج همان نیروی محرکه را نمایش می‌دهد و در حالت دوم داریم:

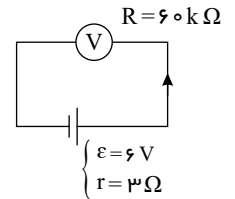


$$\begin{cases} \mathcal{E} = 12V \\ V = 9.6V \rightarrow V = \mathcal{E} - rI = \mathcal{E} - r\left(\frac{\mathcal{E}}{r+R}\right) = \frac{\mathcal{E}R}{r+R} \rightarrow 9.6 = \frac{12 \times 8}{r+8} \\ R = 8\Omega \end{cases}$$

$$\rightarrow 9.6r + 8 \times 9.6 = 8 \times 12 \rightarrow 9.6r = 8(12 - 9.6) \rightarrow r = 2\Omega$$

گزینه ۲

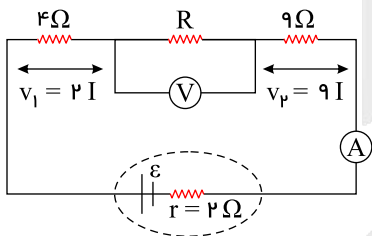
$$I = \frac{q}{t} = \frac{ne}{t} \rightarrow \begin{cases} n = \frac{It}{e} = \frac{6 \times 60}{6.0003 \times 1.6 \times 10^{-19}} \\ I = \frac{\mathcal{E}}{r+R} = \frac{6}{3+6000} = \frac{6}{60003} \end{cases}$$



$$\begin{cases} 1 \leq X < 5 \Rightarrow X = 10 = 1 \\ 5 \leq X < 10 \Rightarrow X = 10 = 10 \\ 6 \sim 10 \\ 60 = 6 \times 10 \sim 10^2 \\ 60003 = 6,0003 \times 10^4 = 10^1 \times 10^4 = 10^5 \Rightarrow n \\ 1.6 \sim 10^0 = 1 \end{cases}$$

$$\sim \frac{10 \times 10^2}{10^5 \times 1 \times 10^{-19}} = 10^{17}$$

گزینه ۲

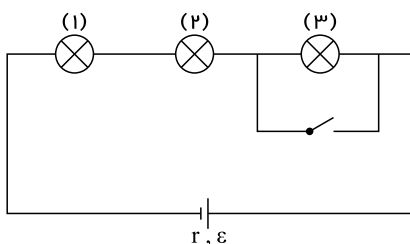


می‌دانیم که در اینجا نیروی محرکه، مجموع اختلاف پتانسیل دو سر مدار خارجی و افت پتانسیل در مولد را تامین می‌کند. بنابراین داریم:

$$\begin{aligned} \mathcal{E} &= rI + V_1 + V + V_p \rightarrow \mathcal{E} = rI + 4I + V + 9I \quad \left(\begin{matrix} I = 0.8A \\ V = 12V \end{matrix} \right) \\ \mathcal{E} &= 2 \times 0.8 + 4 \times 0.8 + 12 + 9 \times 0.8 \rightarrow \mathcal{E} = 24V \end{aligned}$$

گزینه ۱ با بستن کلید، دو سر لامپ (۳) اتصال کوتاه شده، و از مدار حذف می‌شود. پس مقاومت معادل و اختلاف پتانسیل دو سر مولد کاهش می‌یابد ولی جریان

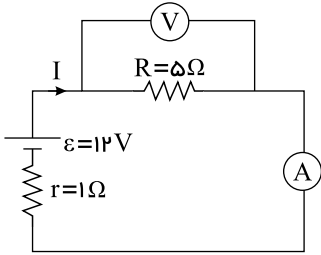
مدار و نور لامپ‌های (۱) و (۲) و اختلاف پتانسیل دو سر آنها افزایش می‌یابد.



پس عبارت‌های «الف» و «ب» صحیح هستند.

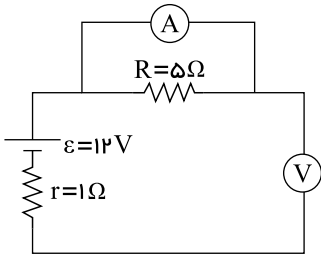


۱۲۹ گزینه ۱
در حالت اول:



$$I = \frac{\varepsilon}{R + r} = \frac{12}{5 + 1} \Rightarrow I = 2A$$

$$V = RI = 5 \times 2 \Rightarrow V = 10V$$

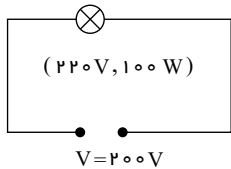


در حالت دوم، دو سر مقاومت 5Ω اتصال کوتاه شده و اختلاف پتانسیل دو سر آن صفر می‌شود. در این حالت ولت‌سنج نیروی محرکه مولد یعنی $V = 12V$ و آمپرسنج عدد صفر را نشان می‌دهد.

پس عددی که آمپرسنج در حالت دوم نشان می‌دهد، $2A$ کمتر از حالت اول و عددی که ولت‌سنج در حالت دوم نشان می‌دهد، $2V$ بیشتر از حالت اول است.

اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت $R = 5\Omega$ نیز به اندازه $10V$ کاهش می‌یابد.

۱۳۰ گزینه ۲



مقاومت ثابت فرض شده است، پس توان با مجذور ولتاژ متناسب است، یعنی:

$$P = \frac{V^2}{R} \rightarrow \frac{P_{\text{جدید}}}{P_{\text{اسمی}}} = \left(\frac{V_{\text{جدید}}}{V_{\text{اسمی}}}\right)^2 \rightarrow \frac{P}{100} = \left(\frac{200}{220}\right)^2 \rightarrow P = 100 \left(\frac{200}{220}\right)^2$$

$$\rightarrow P = 100 \times \frac{100}{121} \rightarrow W = Pt = \frac{10^4}{121} \times 11h = \frac{10}{121} kW \times 11h = \frac{10}{11} (kW \cdot h)$$

۱۳۱ گزینه ۱ ابتدا میزان انرژی مصرفی در یک روز را به دست می‌آوریم:

$$U = VIt = \frac{220 \times 10}{1000} \times 5 = 11kwh$$

بهای برق مصرفی در یک ماه برابر است با:

$$11 \times 30 \times 50 = 16500 \text{ تومان}$$

۱۳۲ گزینه ۱ ابتدا مقاومت مدار را در حالت فعلی محاسبه می‌کنیم:

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow R = \frac{1}{500 \times 10^{-3}} = 16\Omega$$

حال داریم:

$$P = \frac{V^2}{R} \rightarrow \frac{P_r}{P_1} = \frac{R_1}{R_r} \rightarrow \frac{160}{100} = \frac{16}{R_r} \Rightarrow R_r = 10\Omega$$

پس مقاومت باید 6Ω کاهش یابد.

۱۳۳ گزینه ۲

$$25kWh = 25 \times 1000 \times 3600 = 9 \times 10^7 J \times 10^{-6} = 90MJ$$

۱۳۴ گزینه ۴ بررسی گزینه‌ها:



ولت . آمپر = وات $\Rightarrow P = VI$: گزینه «۱»

کولن
تانیه = آمپر

کولن . وات = وات \rightarrow وات . آمپر = وات : گزینه «۲»

نیوتون . متر = وات \rightarrow وات = $\frac{W}{t}$ $W = Fd \cos \theta$: گزینه «۳»

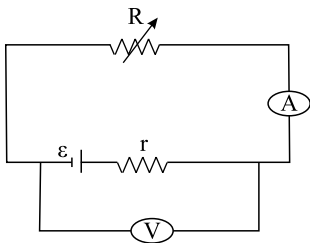
کیلوگرم . متر = نیوتون
2(تانیه)

کیلوگرم . (متر)^۲ = وات \rightarrow وات = $\frac{\text{نیوتون} \cdot \text{متر}}{\text{تانیه}}$: گزینه «۴»

۱۳۵ گزینه ۲

$$U = VIt \Rightarrow U = 200 \times 50 \times 10^3 \times 2 \times 10^{-1} = 2 \times 10^6 J = 2MJ$$

۱۳۶ گزینه ۴ گام اول:

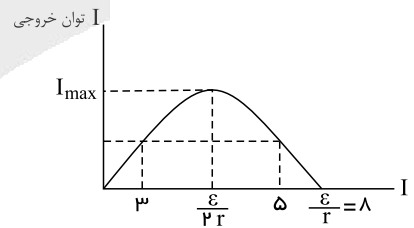


$$P = \varepsilon I - I^2 r \begin{cases} I_1 = 3A \rightarrow P_1 = 3\varepsilon - 9r \\ I_2 = 5A \rightarrow P_2 = 5\varepsilon - 25r \end{cases}$$

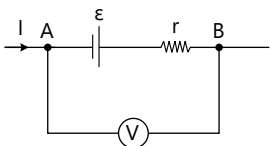
فرض سؤال : $P_2 = P_1 \rightarrow 3\varepsilon - 9r = 5\varepsilon - 25r \rightarrow 16r$

$$= 2\varepsilon \rightarrow \frac{\varepsilon}{r} = 8 = I_{max}$$

با توجه به نمودار رسمشده روشن دوم تا اینجا $\rightarrow \frac{\varepsilon}{2r} = \frac{5+3}{2} = 4 \rightarrow \frac{\varepsilon}{r} = 8$



گام دوم: هنگامی که ولتسنج ایده آل صفر را نشان می دهد:



$$\Rightarrow V_A + \varepsilon - rI = V_B \Rightarrow V_{BA} = \varepsilon - rI = 0 \rightarrow I = \frac{\varepsilon}{r} \stackrel{(*)}{\rightarrow} I = 8A$$

۱۳۷ گزینه ۱ توان تولیدی مولد از رابطه $P = \varepsilon I$ محاسبه می شود. از طرفی می دانیم که جریان مدار از رابطه مقابل محاسبه می شود.

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r}$$

بنابراین توان تولیدی این مولد از رابطه زیر به دست می آید.



$$P = \frac{\varepsilon^2}{R_{eq} + r}$$

در حالت اول، مقاومت‌های 3Ω و 6Ω موازی‌اند معادل آنها با مقاومت 4Ω متوالی است. بنابراین داریم:

$$R_{eq} = \frac{3 \times 6}{3 + 6} + 4 \Rightarrow R_{eq1} = 6\Omega$$

و در حالت دوم، به جای مقاومت 3Ω مقاومت 12Ω قرار گرفته، بنابراین:

$$R_{eq} = \frac{12 \times 6}{12 + 6} + 4 \Rightarrow R_{eq2} = 8\Omega$$

در ادامه داریم:

$$P = \frac{\varepsilon^2}{R_{eq} + r} \xrightarrow[r=4\Omega]{\varepsilon=5V} \left\{ \begin{array}{l} P_1 = \frac{25}{6+4} = \frac{25}{10} W \\ P_2 = \frac{25}{8+4} = \frac{25}{12} W \end{array} \right. \Rightarrow |\Delta P| = \frac{25}{10} - \frac{25}{12} \Rightarrow |\Delta P| = \frac{5}{12} W$$

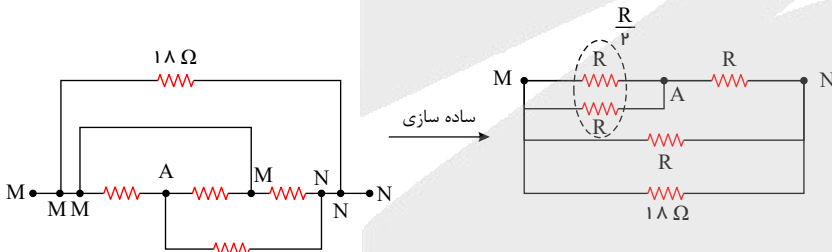
۱۳۸ گزینه ۲

$$P = \varepsilon I - rI^2 \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} 54 - 25r = 9,5 \\ 74 - 49r = 12,6 \\ \hline \varepsilon = 2,15V, r = 0,05\Omega \end{array} \right.$$

۱۳۹ گزینه ۲ توان خروجی یک باتری برابر است با:

$$P = VI = 6 \times 1,5 = 9W$$

۱۴۰ گزینه ۳ مدار را به صورت زیر مرتب کرده، سپس مقاومت معادل را بر حسب R نوشته و مقدار R را به دست می‌آوریم.



$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{\frac{R}{2} + R} + \frac{1}{R} + \frac{1}{18} \Rightarrow \frac{1}{R} = \frac{1}{\frac{3}{2}R} + \frac{1}{R} + \frac{1}{18} \Rightarrow R = 6\Omega$$

۱۴۱ گزینه ۳ اگر کلید بالایی بسته شود:

$$P_1 = \frac{V^2}{R_1} = \frac{V^2}{288} \quad (1)$$

اگر کلید پایینی فقط بسته شود:

$$P_2 = \frac{V^2}{R_2} = \frac{V^2}{144} \quad (2)$$

اگر هر دو کلید بسته شوند:

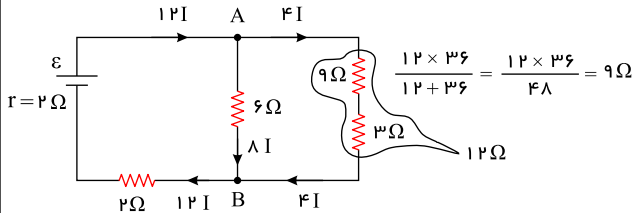
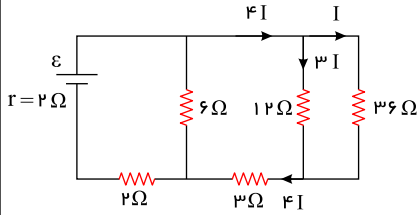
$$\left\{ \begin{array}{l} P_3 = \frac{V^2}{R_{eq}} = \frac{V^2}{96} \quad (3) \\ R_{eq} = \frac{288 \times 144}{288 + 144} = \frac{2 \times 144 \times 144}{2 \times 144 + 144} = \frac{2 \times 144 \times 144}{3 \times 144} = 96 \end{array} \right.$$



۱۴۴ گزینه ۴

جریان عبوری از مقاومت 36Ω را I می‌نامیم.

جریان عبوری از هر شاخه با مقاومت آن شاخه رابطه عکس دارد (نسبت به شاخه‌های موازی با آن شاخه).



توان هر مقاومت را از رابطه $P = RI^2$ محاسبه و با هم مقایسه می‌کنیم:

$$2\Omega \rightarrow 2 \times (12I)^2 = 288I^2$$

$$6\Omega \rightarrow 6 \times (8I)^2 = 384I^2 \rightarrow \text{بالاترین توان}$$

$$12\Omega \rightarrow 12 \times (3I)^2 = 108I^2$$

$$36\Omega \rightarrow 36 \times (I)^2 = 36I^2$$

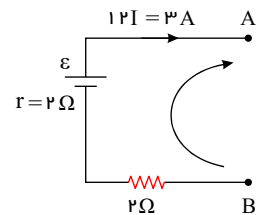
$$3\Omega \rightarrow 3 \times (4I)^2 = 48I^2$$

طبق فرض مسئله ولتاژ مقاومت 6Ω می‌باید برابر 12 ولت باشد. در ادامه جریان عبوری از مقاومت 6Ω ، سپس مقدار I را محاسبه کرده و در نهایت، اگر مطابق شکل از B به A برویم، نیروی محرکه مولد را به دست می‌آوریم.

$$V = RI' \rightarrow 12 = 6I' \rightarrow I' = 2A \rightarrow 8I = 2 \rightarrow I = \frac{1}{4} = 0,25A$$

$$V_B - 2 \times 3 - 2 \times 3 + \varepsilon = V_A \rightarrow V_A - V_B = \varepsilon - 12 = 12V$$

$$\rightarrow \varepsilon = 24V$$



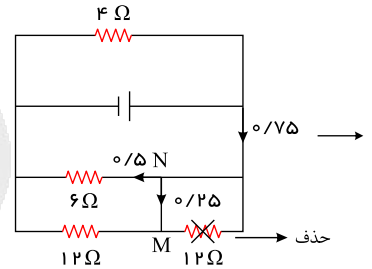
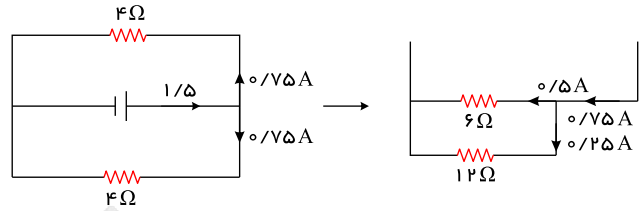
۱۴۵ گزینه ۱ با توجه به اینکه مقاومت 12Ω اتصال کوتاه می‌شود، مقاومت معادل مدار و پس از آن جریان کل مدار را محاسبه می‌کنیم. یعنی:

$$R_{eq} = (6 \parallel 12) \parallel 4 = 2 \Omega$$

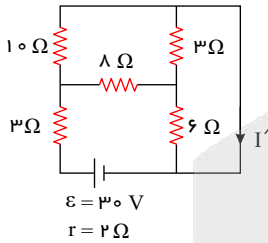
$$I = \frac{\mathcal{E}}{R_{eq} + r} \Rightarrow I = \frac{6}{4} = 1,5$$

$$1,5 \div 2 = 0,75$$

$$0,75 \times \frac{6}{18} = 0,25 A$$

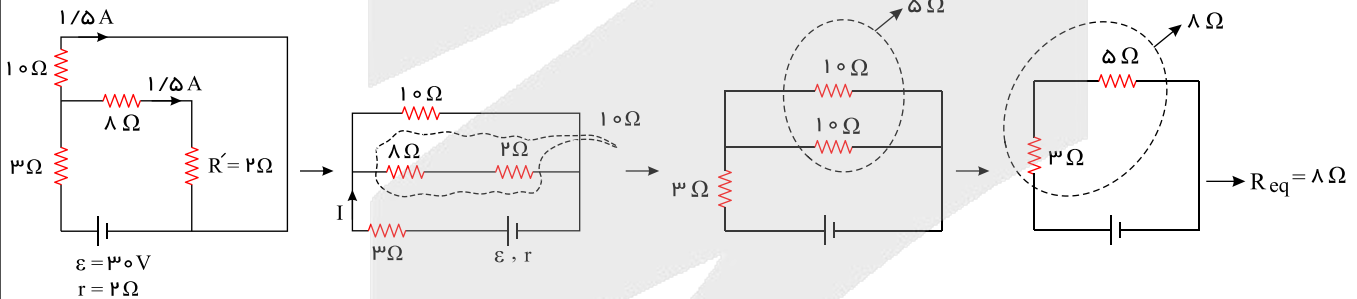


۱۴۶ گزینه ۳



مقاومت 3Ω با مقاومت 6Ω موازی است: $R' = \frac{3 \times 6}{3 + 6} = 2\Omega$

مدار ساده شده به صورت زیر است:



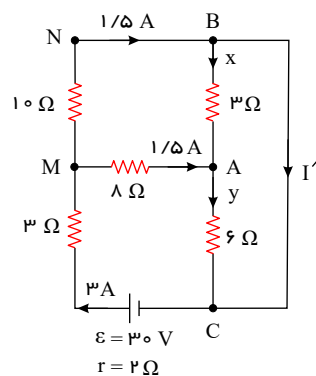
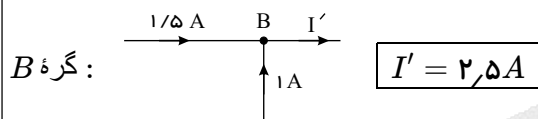
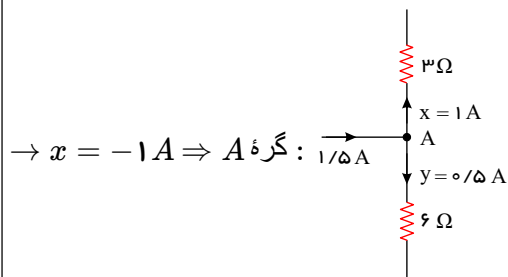
$$I = \frac{\mathcal{E}}{r + R_{eq}} = \frac{30}{2 + 8} = 3A$$

حال اگر مرحله به مرحله، جریان $3A$ را در شاخه‌ها تقسیم کنیم، داریم:

$$V_{AB} = V_{AC} \rightarrow 3I_1 = 6I_2 \rightarrow \begin{cases} I_1 = 2I_2 \\ I_2 = x, I_1 = 2x \end{cases}$$

حلقه AMNBA: $V_A + 8 \times 1,5 - 10 \times 1,5 - 3x = V_A$

$$\rightarrow 12 - 15 - 3x = 0$$

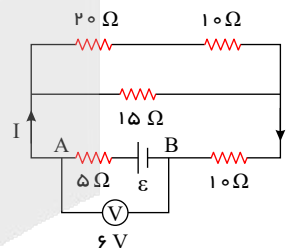


۱۴۷ گزینه ۴ روش اول: مدار معادل به شکل زیر است:

$$R_{eq} = \frac{30 \times 15}{30 + 15} = \frac{450}{45} = 10$$

$$\rightarrow I = \frac{\epsilon}{25} \rightarrow V_{AB} = \frac{V_{AB} = \epsilon - \Delta I}{\epsilon - \Delta I}$$

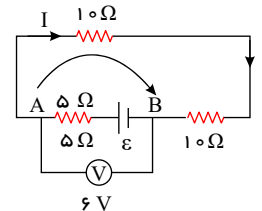
$$\rightarrow 6 = \epsilon - \Delta \left(\frac{\epsilon}{25} \right) = \epsilon - \frac{\epsilon}{5} = \frac{4}{5} \epsilon \rightarrow \epsilon = \frac{30}{4} = 7,5V$$



روش دوم:

$$V_A = -10I - 10I = V_B \rightarrow V_{AB} = 20I \rightarrow 6 = 20I \rightarrow I = 0,3A$$

$$I = \frac{\epsilon}{r + R_{eq}} \rightarrow \frac{3}{10} = \frac{\epsilon}{25} \rightarrow \epsilon = \frac{75}{10} = 7,5V$$



۱۴۸ گزینه ۱

$$R_{eq} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = \frac{(10^5)(2 \times 10^6)}{10^5 + (2 \times 10^6)} = \frac{2 \times 10^{11}}{10^5(21)} = \frac{2 \times 10^6}{21}$$

$$I = \frac{\epsilon}{r + R_{eq}} = \frac{20}{0 + \frac{2 \times 10^6}{21}} = 21 \times 10^{-5} A = 0,21 mA$$

روش دوم: چون مقاومت R_2 در مقایسه با مقاومت R_1 ، نسبتاً بزرگ است، پس وقتی موازی بسته می‌شوند، میتوان از آن صرف نظر کرد. حال با یک تقریب خوب

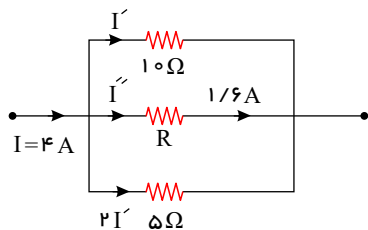


داریم:

$$\text{حذف } R_2 \rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R_1} = \frac{20}{100000} = \frac{20}{10000} A = 0.2 A$$

که در این صورت گزینه ۱ تنها گزینه صحیح می تواند باشد.

۱۴۹ گزینه ۳



بدیهی است جریان عبوری از مقاومت 10Ω نصف جریان عبوری از مقاومت 5Ω است:

$$I = 4A = 3I' + 1.6 \Rightarrow 3I' = 2.4A \Rightarrow I' = 0.8A$$

$$V_R = V_{R=10\Omega} = 10\Omega \times 0.8 = 8V \Rightarrow P = V_R \times I'' = 8 \times 1.6 \Rightarrow U = Pt = 12.8 \times 25 \times 60 = 19200J$$

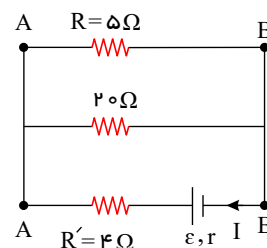
$$= 19.2kJ \Rightarrow U = 19.2kJ$$

دیدیم نیازی به محاسبه R نبود. (هرچند به سهولت قابل محاسبه بود!)

۱۵۰ گزینه ۳

$$\text{کلید از بستن قبل} \Rightarrow R_{eq} = 4 + 5 = 9\Omega \Rightarrow I_{\text{اصلی}} = \frac{\varepsilon}{r + R_{eq}} = \frac{18}{1 + 9} = 1.8A$$

$$\Delta V_{(R=5\Omega)} = 5 \times 1.8 = 9V \quad (1)$$



$$\text{کلید با بستن} \Rightarrow R_{eq} = 4 + \frac{20 \times 5}{20 + 5} = 4 + \frac{100}{25} = 8\Omega \Rightarrow I'_{\text{اصلی}} = \frac{18}{1 + 8} = \frac{18}{9} = 2A$$

$$\Delta V'_{(R=5\Omega)} = \Delta V_{AB} = \varepsilon - (r + R')I' = 18 - (1 + 4)(2) \rightarrow \Delta V' = 8V \quad (2)$$

ولت کاهش یافته است. $8V \rightarrow 9V$ تغییر می یابد به (۱) و (۲)

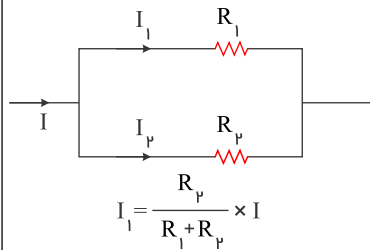
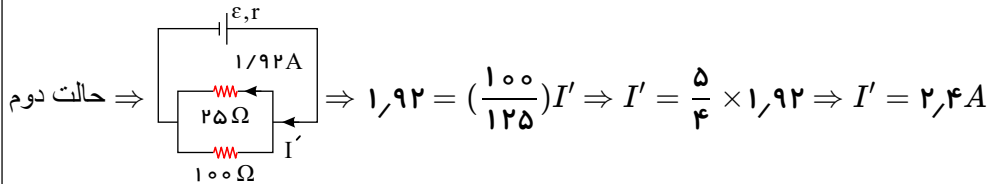
۱۵۱ گزینه ۳

توان خروجی باتری، همان توان مصرفی مقاومت معادل مدار است. بنابراین در هر حالت داریم:

$$\text{حالت اول} \Rightarrow \begin{array}{c} \varepsilon, r \\ \downarrow \\ R = 25\Omega \\ \uparrow \\ I = 2A \end{array} \Rightarrow \text{توان خروجی باتری} \Rightarrow P_1 = \frac{\text{توان مصرفی}}{P} = RI^2 = 25 \times 2^2 = 100W$$

$$\Rightarrow P_1 = 100W \quad (1)$$

در حالت دوم که دو مقاومت 10Ω , 25Ω موازی بسته شده اند، جریان کل مدار را به صورت زیر می یابیم:



توان مصرفی R_{eq} باتری $P_r = P = (20)(2,4)^2 = 115,2 \Rightarrow P_r = 115,2W$ (۲)

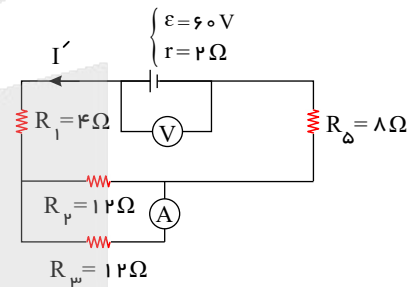
$$R_{eq} = \frac{25 \times 100}{25 + 100} = \frac{25 \times 100}{125} = \frac{100}{5} = 20\Omega$$

(۱) و (۲) $\Rightarrow \Delta P = 115,2 - 100 = 15,2W \Rightarrow \Delta P = 15,2W$

۱۵۲ گزینه ۱ چون مقاومت آمپرسنج ایده آل ناچیز است، مقاومت R_p اتصال کوتاه شده و حذف می گردد:

$$\Rightarrow I' = \frac{\varepsilon}{r + R_{eq}} = \frac{60}{2 + (4 + \frac{12}{2} + 8)} \Rightarrow I' = 3A \rightarrow \text{عدد آمپرسنج} = 1,5A$$

عدد ولتسنج $= \varepsilon - rI = 60 - 2 \times 3 = 54V$



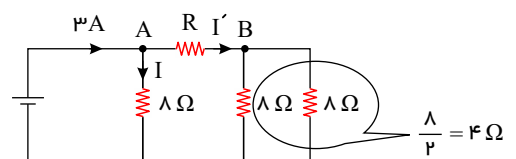
۱۵۳ گزینه ۴

$$\Rightarrow V_B - 4I' + 8I = V_A \Rightarrow V_A - V_B = V_{AB} = 12$$

$$= 8I - 4I' \Rightarrow 2I - I' = 3 \begin{cases} I + I' = 3A \\ 2I - I' = 3A \end{cases} \text{ از طرفی}$$

$$3I = 6A \Rightarrow I = 2A \text{ و } I' = 1A$$

$$V_{AB} = RI' \Rightarrow 12 = R \times 1 \Rightarrow R = 12\Omega$$



۱۵۴ گزینه ۴ می دانیم توان خروجی باتری از رابطه: $P = \varepsilon I - rI^2$ محاسبه می شود که برابر با توان مصرفی مقاومت های خارجی مدار یعنی:

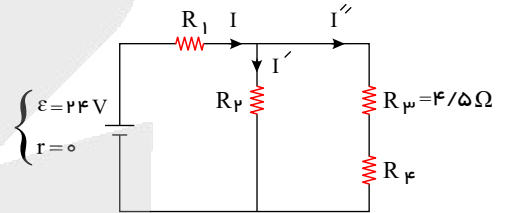
$$P_{R_{eq}} = R_{eq} I^2 = \frac{V^2}{R_{eq}} \text{ (در صورتی که یک باتری داشته باشیم).}$$

$$V = \varepsilon \begin{cases} P_1 = \frac{V^2}{R_{eq}} = \frac{\varepsilon^2}{4} \text{ و } R_{eq} = \frac{6 \times 12}{6 + 12} = 4 \Omega \\ P_2 = \frac{V^2}{R'_{eq}} = \frac{\varepsilon^2}{12} \text{ و } R'_{eq} = 12 \Omega \end{cases}$$

$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{\frac{\varepsilon^2}{12}}{\frac{\varepsilon^2}{4}} = \frac{4}{12} = \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{1}{3}$$

۱۵۵ گزینه ۱ اگر جریان کل مدار را I و جریان عبوری از مقاومت R_2 را I' و جریان عبوری از مقاومت R_3 را I'' بنامیم:

$$P_{R_2} = P_{R_3} \Rightarrow R_2 I'^2 = R_3 I''^2 \Rightarrow R_2 = R_3 = 4.5 \Omega \quad (1)$$



$$\begin{cases} P_{R_2} = P_{R_3} \Rightarrow \frac{V_{R_2}^2}{R_2} = \frac{V_{R_3}^2}{R_3} \xrightarrow{(*)} \frac{4}{R_2} = \frac{1}{4.5} \Rightarrow R_2 = 18 \Omega \quad (2) \\ V_{R_2} = V_{R_3} + V_{R_4} = 2V_{R_3} \quad (*) \end{cases}$$

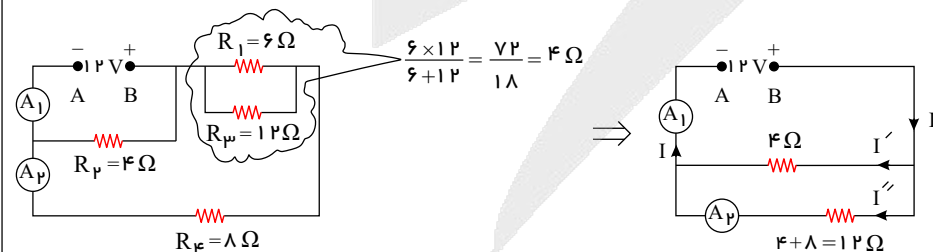
$$R_2 = 2R_{3+4} \Rightarrow \begin{cases} I'' = 2I' \Rightarrow P_{R_1} = P_{R_2} \Rightarrow R_1 I^2 = R_2 (I'')^2 \Rightarrow R_1 \left(\frac{3}{2} I'\right)^2 = 4.5 I'^2 \Rightarrow \frac{9}{4} R_1 = 4.5 \\ I = I' + I'' = \frac{3}{2} I' \end{cases}$$

$$\Rightarrow R_1 = 2 \Omega \quad (3)$$

$$(1) \text{ و } (2) \text{ و } (3) \Rightarrow R_{eq} = 2 + \frac{9 \times 18}{9 + 18} = 2 + \frac{9 \times 18}{27} = 8 \Omega \Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{r + R_{eq}} = \frac{24}{0 + 8} = 3A$$

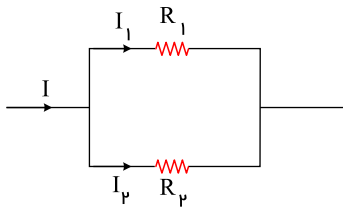
$$\Rightarrow I' = \left(\frac{R_{3+4}}{R_{3+4} + R_2}\right) I = \left(\frac{9}{9 + 18}\right) \times 3 = 1A$$

۱۵۶ گزینه ۳ کافی است کمی مقاومت R_3 را جابه‌جا کنیم:



$$I = \frac{V_{AB}}{R_{eq}} = \frac{12}{\frac{6 \times 12}{6 + 12}} = \frac{12}{3} = 4A$$

تذکر: در تقسیم جریان در مقاومت‌های موازی می‌توان به صورت زیر عمل کرد.

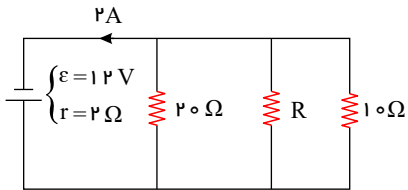


$$\begin{cases} I_1 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} I \\ I_2 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} I \end{cases}$$

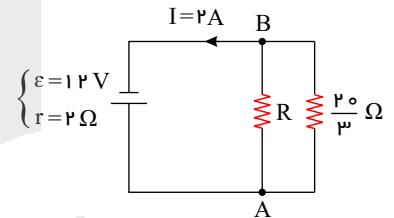
$$I'' = \left(\frac{4}{4 + 12} \right) \times 4 = 1A$$

۱۵۷ گزینه ۴

معادل ۲ مقاومت 10Ω و 20Ω را R' می‌نامیم. بنابراین داریم:



$$R' = \frac{20 \times 10}{20 + 10} = \frac{200}{30} = \frac{20}{3}\Omega$$



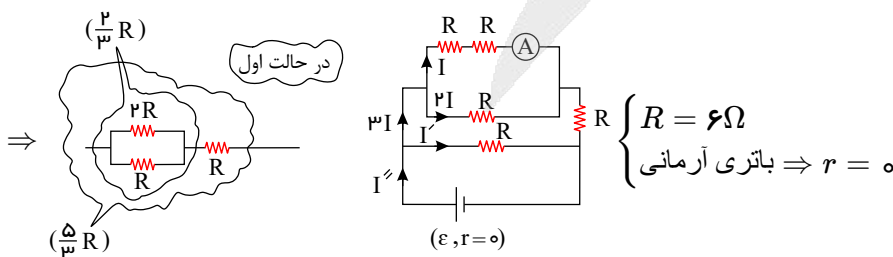
$$I = \frac{\varepsilon}{r + R_{eq}} \Rightarrow 2 = \frac{12}{2 + R_{eq}} \Rightarrow R_{eq} = 4\Omega \Rightarrow R_{eq} = 4 = \frac{R \times \frac{20}{3}}{R + \frac{20}{3}} \Rightarrow 4R + \frac{80}{3} = \frac{20}{3}R \Rightarrow \frac{20R}{3} - 4R = \frac{80}{3}$$

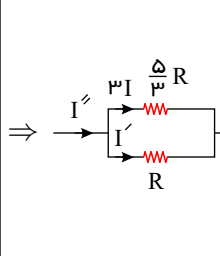
$$= \frac{80}{3} \Rightarrow \frac{8R}{3} = \frac{80}{3} \Rightarrow R = 10\Omega$$

$$V_{AB} = \Delta V_{\text{باتری}} = \varepsilon - rI = 12 - 2 \times 2 = 8V \Rightarrow P_R = \frac{V_{AB}^2}{R} = \frac{8^2}{10} = 6.4W$$

$$U_R = P_R \times \Delta t = 6.4 \times 60 = 384J \Rightarrow U_R = 384J \rightarrow P = RI^2t = 10 \times (0.8)^2 \times 60 = 384J$$

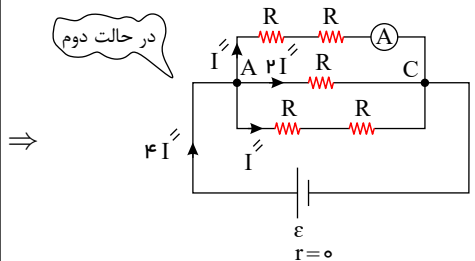
۱۵۸ گزینه ۲ در حالت اول:





$$\begin{cases} 3I = \left(\frac{R}{R + \frac{5}{3}R}\right) I'' = \left(\frac{3}{8}\right) \left(\frac{8}{5} \frac{\epsilon}{R}\right) = \frac{3}{5} \frac{\epsilon}{R} \Rightarrow I = \frac{\epsilon}{30} \\ R_{eq} = \frac{\frac{5}{3}R \times R}{\frac{5}{3}R + R} = \frac{\frac{5}{3}R^2}{\frac{8}{3}R} = \frac{5}{8}R \Rightarrow I'' = \frac{\epsilon}{r + R_{eq}} = \frac{\epsilon}{\frac{5}{8}R} = \frac{8\epsilon}{5R} \end{cases}$$

در حالت دوم:



$$\begin{cases} 4I'' = \frac{\epsilon}{r + R'_{eq}} = \frac{\epsilon}{R'_{eq}} = \frac{2\epsilon}{R} = \frac{\epsilon}{3} \\ R'_{eq} = \frac{R}{2} \end{cases}$$

$$4I'' = \frac{\epsilon}{3} \Rightarrow I'' = \frac{\epsilon}{12} \Rightarrow \frac{I''}{I} = \frac{\frac{\epsilon}{12}}{\frac{\epsilon}{30}} = \frac{30}{12} = \frac{5}{2}$$

۱۵۹ گزینه ۳ در ابتدا جریان کل مدار را محاسبه می‌کنیم، سپس مرحله به مرحله به صورت زیر عمل می‌کنیم.

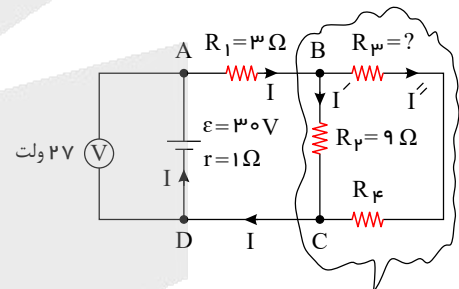
$$V = \epsilon - rI \Rightarrow 27 = 30 - 1 \times I \Rightarrow I = 3A$$

$$V_{AD} = V_1 + V_{BC} \rightarrow 27 = 3 \times 3 + 9I' \rightarrow I' = 2A$$

$$I + I' + I'' \rightarrow 3 = 2 + I'' \rightarrow I'' = 1A$$

$$P_f = R_f I_f^2 \rightarrow 6 = R_f (1)^2 \rightarrow R_f = 6\Omega$$

$$V_{BC} = V_3 + V_f \rightarrow 18 = R_3 \times 1 + 6 \times 1 \rightarrow R_3 = 12\Omega$$



$$R_{eq} = R_1 + R' \rightarrow 9 = 3 + R' \rightarrow R' = 6\Omega$$

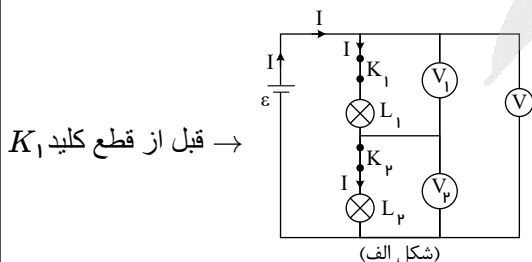
روش دوم: ابتدا اختلاف پتانسیل دو سر مولد که همان اختلاف پتانسیل دو سر هر یک از مقاومت‌های موازی است را می‌یابیم:

$$V = \epsilon - rI = 12 - 1 \times 2 \rightarrow V = 8V$$

حال اگر جریان عبوری از هر یک از مقاومت‌های ۱۰Ω و ۲۰Ω را محاسبه می‌کنیم:

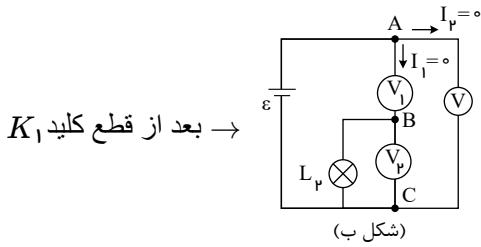
$$I = \frac{V}{R} \rightarrow \begin{cases} I_1 = \frac{8}{10} = \frac{4}{5} \\ I_2 = \frac{8}{20} = \frac{2}{5} \end{cases} \xrightarrow{I_{کل} = 2A} \begin{cases} \text{جریان عبوری از } R \\ I_3 = 2 - 1/2 = 0.5 \end{cases} \rightarrow R = 10\Omega$$

۱۶۰ گزینه ۲ نکته: می‌دانیم از ولت‌سنج‌های آرمانی جریانی عبور نمی‌کند. پس مسیر جریان در ابتدا به شکل زیر است (شکل الف).



→ قبل از قطع کلید K_1

در شکل (ب) لامپ L_1 با قطع کلید K_1 از مدار حذف می‌گردد، در مورد جریان هم دقت کنیم، جریان اصلی و تمام شاخه‌ها صفر است.



ولتسنج V :

$V_{AC} = ?$

$\Rightarrow V_C + \varepsilon = V_A \Rightarrow V_{AC} = \varepsilon \neq 0 \Rightarrow V \neq 0$

ولتسنج V_1 :

$V_{AB} = ?$

$\Rightarrow V_B - R_p \cdot I_p + \varepsilon = V_A \Rightarrow V_{AB} = V_1 \neq 0$

ولتسنج V_2 :

$V_{BC} = ?$

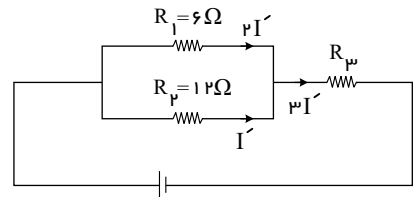
$\Rightarrow V_B - R_p \cdot I_p = V_C \Rightarrow V_{BC} = V_p = 0$

نکته مهم: هرگاه جریان عبوری از مقاومت R صفر باشد آن مقاومت مثل یک سیم رسانای بدون مقاومت عمل می کند!

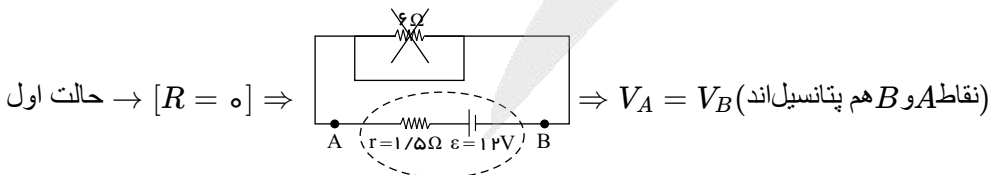
۱۶۱ گزینه ۳ گام اول: جریان (جریان کمتر) گذرنده از R_p را، I' نام گذاری می کنیم. آنگاه:

$$\begin{cases} R_p \rightarrow I' \\ R_1 = \frac{1}{2} R_p \Rightarrow I_1 = 2I_p = 2I' \\ R_3 \Rightarrow I_3 = I_1 + I_2 = 3I' \end{cases}$$

$P_{R_3} = 6P_{R_p} \Rightarrow R_3 I_3^2 = 6R_p I_p^2 \Rightarrow R_3 (9I'^2) = 6 \times 12 \times I'^2 \Rightarrow R_3 = 8\Omega$



۱۶۲ گزینه ۴ در حالت اول که مقاومت متغیر صفر است، دو سر مولد اتصال کوتاه شده و اختلاف پتانسیل دو سر آن صفر است. یعنی:



$\Rightarrow \Delta V_{\text{باتری}} = V_A - V_B = 0 \quad (1)$

یا $I = \frac{\varepsilon}{r + R_{eq}} = \frac{12}{1.5} = 8A \Rightarrow \Delta V_{AB} = \varepsilon - rI = 12 - 1.5 \times 8 = 0$

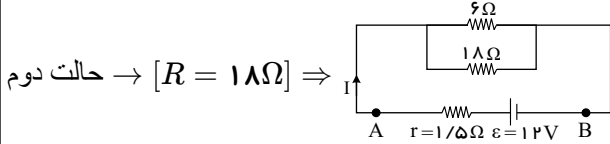
در حالت دوم، ابتدا مقاومت معادل، سپس جریان تولیدی توسط مولد و در نهایت اختلاف پتانسیل دو سر مولد را محاسبه می کنیم:



$$R_{eq} = \frac{6 \times 18}{6 + 18} = 4.5 \Omega$$

$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} = \frac{12}{4.5 + 1.5} = 2A$$

$$V = \epsilon - rI = 12 - 1.5 \times 2 \rightarrow V = 9V$$



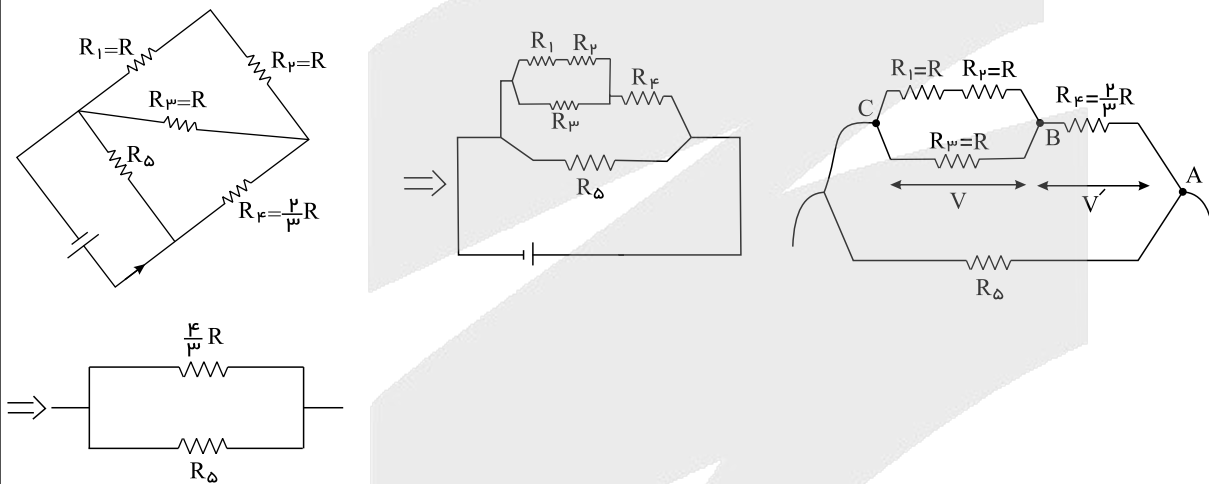
روش دیگر:

$$V'_{AB} = \epsilon - rI = \epsilon - r\left(\frac{\epsilon}{r + R_{eq}}\right) = \frac{\epsilon r + \epsilon R_{eq} - r\epsilon}{r + R_{eq}}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} V'_{AB} = \frac{\epsilon R_{eq}}{r + R_{eq}} = \frac{12 \times 4.5}{1.5 + 4.5} = \frac{54}{6} = 9V \Rightarrow V'_{AB} = 9V \quad (2) \\ R_{eq} = \frac{6 \times 18}{6 + 18} = \frac{6 \times 18}{24} = 4.5\Omega \end{cases}$$

از صفر به 9V افزایش می‌یابد. $\Rightarrow (1), (2)$

۱۶۳ گزینه ۳



$$(R_{eq})_{BC} = \frac{2R \times R}{2R + R} = \frac{2}{3}R \text{ است و } \frac{2}{3}R \text{ برابر } A \text{ و } B \text{ است}$$

مقاومت بین C و B هم $\frac{2}{3}R$ است و چون متوالی هستند و جریان‌ها نیز برابرند، بنابراین:

$$V = V' \Rightarrow V_{R_5} = 2V_{R_3} \xrightarrow{V_{R_3}=V} V_{R_5} = 2V$$

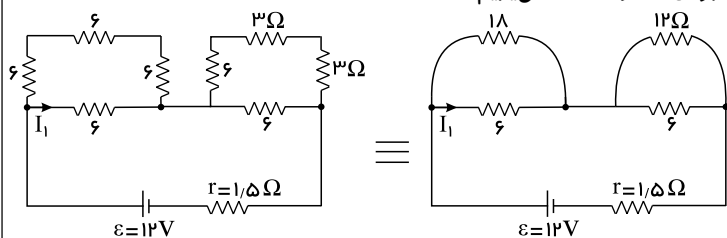
$$\begin{cases} P_{R_3} = \frac{1}{3}P_{R_5} \Rightarrow \frac{V^2}{R_3} = \frac{1}{3}\left(\frac{4V^2}{R_5}\right) \Rightarrow \frac{1}{R} = \frac{4}{3R_5} \Rightarrow R_5 = \frac{4}{3}R \\ V_{R_3} = \Delta V_{BC} = V \\ V_{R_5} = 2V \end{cases}$$

$$R_{eq} = ? \Rightarrow \text{Circuit diagram} \rightarrow R_{eq} = \frac{\frac{4}{3}R}{2} = \frac{2}{3}R \rightarrow R_{eq} = \frac{2}{3}R$$



۱۶۴ گزینه ۳

ابتدا مدار را به صورت زیر مرتب می‌کنیم. سپس جریان کل و بعد از آن جریان عبوری از هر شاخه را می‌یابیم.



$$R_{eq} = \frac{6 \times 18}{6 + 18} + \frac{6 \times 12}{6 + 12} = 4.5 + 4 = 8.5 \Omega$$

$$I_t = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} = \frac{12}{8.5 + 1.5} = 1.2 A \rightarrow I_t = 1.2 A$$

میدانیم که در اتصال موازی دو مقاومت R_1 و R_2 داریم:

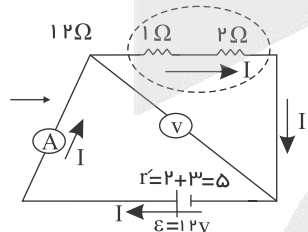
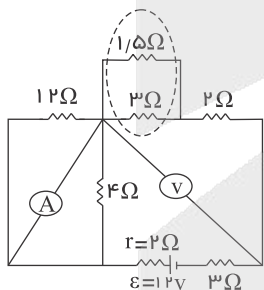
$$I_1 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} I_t \quad I_2 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} I_t$$

$$\rightarrow I_1 = \left(\frac{18}{6 + 18}\right) I_t = \left(\frac{3}{4}\right) (1.2) = 0.9 A$$

۱۶۵ گزینه ۳

چون آمپرسنج آرمانی است، دارای مقاومت الکتریکی بسیار ناچیز (تقریباً صفر) است، پس

مقاومت‌های 12Ω و 4Ω اتصال کوتاه می‌شوند و داریم:



حال که مدار ساده‌تر شد، بدیهی است که ولت‌سنج، ولتاژ دو سر مولد جدید را (با مقاومت درونی جدید) و آمپرسنج، جریان کل مدار را نمایش می‌دهد. بنابراین

داریم:

$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r'} = \frac{12}{3 + 5} \rightarrow I = 1.5 A$$

$$V = \epsilon - r'I = 12 - 5 \times 1.5 \rightarrow V = 4.5 v$$



۱۶۶ گزینه ۲

در ابتدا با توجه به تقسیم جریان دو گره A ، می‌دانیم که $I' = 3A$ است. زیرا:

$$4 = I' + 1 \rightarrow I' = 3A$$

از طرفی می‌دانیم که:

$$V_{AB} = V_{AC} - V_{CB} \xrightarrow{V=RI} 6 \times 3 = 9 \times 1 + 90 \times I_3 \rightarrow I_3 = 0.1$$

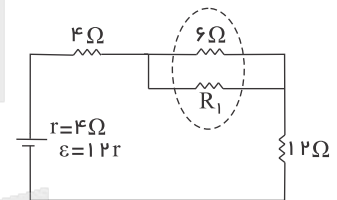
در گره C داریم:

$$1 = I_2 + I_3 \xrightarrow{I_3=0.1} I_2 = 0.9A$$

و در نهایت داریم:

$$P_{R_2} = V_{CB} \times I_2 \xrightarrow{V_{CB}=90 \times 0.1=9V, I_2=0.9} P_{R_2} = 9 \times 0.9 \rightarrow P_{R_2} = 8.1W$$

۱۶۷ گزینه ۳ در حالتی که کلید باز است، داریم:

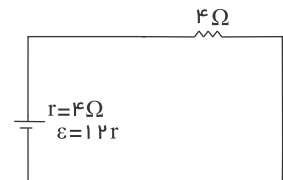


$$R' = \frac{6R_1}{6 + R_1}$$

$$R_{eq} = 16 + R'$$

$$V_{\text{دو سر مولد}} = \frac{R_{eq} + \varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{(16 + R') \times 12}{20 + R'}$$

در حالتی که کلید بسته شود کل مقاومت‌های R' و 12Ω اتصال کوتاه می‌شوند و مدار به صورت زیر خواهد بود. در این صورت ولتاژ دو سر مولد (v') برابر است با:



$$V' = \frac{R_{eq} + \varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{4 \times 12}{4 + 4} = v' = 6v$$

از طرفی طبق صورت سوال که با بستن کلید، ولتاژ دو سر باتری ۴۰ درصد کاهش می‌یابد، پس فقط ۶۰ درصد ولتاژ آن برابر v' است یعنی:

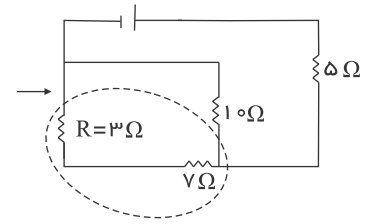
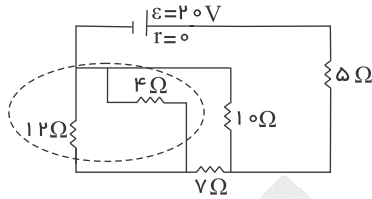
$$v' = 0.6v \xrightarrow{v'=6v} 6 = 0.6v \rightarrow V = 10v \xrightarrow{(1)} \frac{(16 + R') \times 12}{20 + R'} = 10 \rightarrow R' = 4\Omega$$

و در نهایت داریم:

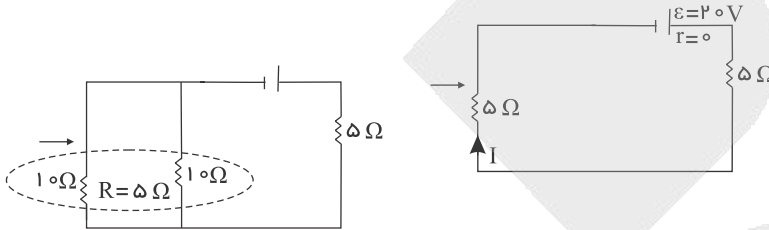
$$R' = \frac{6R_1}{6 + R_1} \xrightarrow{R'=4} 4 = \frac{6R_1}{6 + R_1} \rightarrow R_1 = 12\Omega$$

۱۶۸ گزینه ۲

$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} = \frac{20}{1000} \rightarrow I = 2A$$



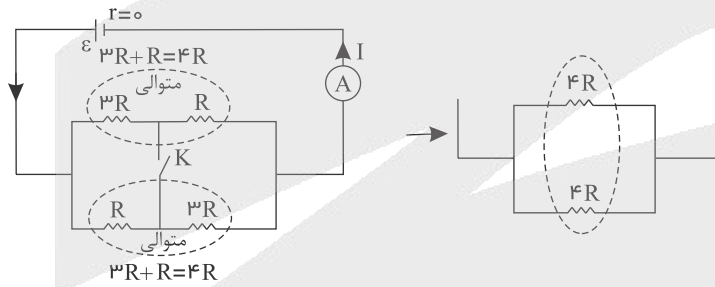
حال قدم به قدم برمی گردیم.



$$\begin{cases} I' + I'' = 1 \\ I' = 3I'' \end{cases} \rightarrow I' = \frac{3}{4}A$$

۱۶۹ گزینه ۴

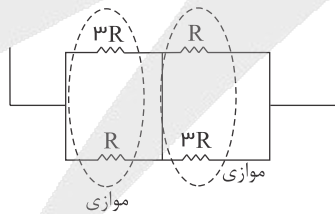
در حالتی که کلید باز است:



$$R_{eq} = \frac{4R}{2} = 2R$$

$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} \xrightarrow{r=0} 1,2 = \frac{\epsilon}{2R} \rightarrow \epsilon = 2,4R$$

در حالتی که کلید بسته است:



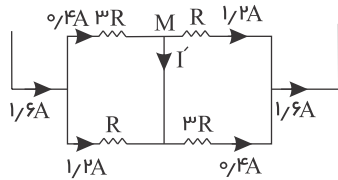
$$R_{eq} = \frac{3}{4}R + \frac{3}{4}R \rightarrow R_{eq} = \frac{3}{2}R$$

$$\frac{3R \times R}{4R} = \frac{3}{4}R \quad \frac{R \times 3R}{4R} = \frac{3}{4}R$$

$$I = \frac{\epsilon}{R'_{eq} + r} = \frac{2,4R}{\frac{3}{2}R} \rightarrow I' = 1,6A$$



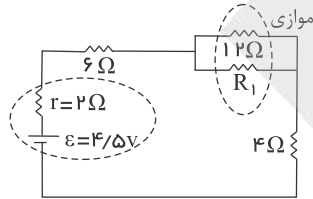
با تقسیم جریان بین دو مقاومت $3R$ و R و قانون گره داریم:



$$0,4 + I' = 1,2 \rightarrow I' = 0,8A$$

۱۷۰ گزینه ۳

هنگامی که کلید باز است، داریم:

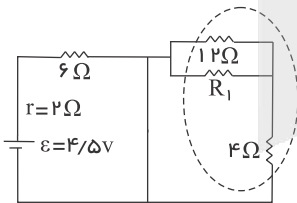


$$R_{eq} = 6 + 4 + R' = 10 + \frac{12R_1}{12 + R_1}$$

$$I = \frac{\epsilon}{R'_{eq} + r} = \frac{4,5}{10 + \frac{12R_1}{12 + R_1} + 2} = \frac{4,5}{\frac{12R_1}{12 + R_1} + 12}$$

$$V_{R=6\Omega} = 6I = \frac{6 \times 4,5}{\frac{12R_1}{12 + R_1} + 12}$$

در حالت دوم که کلید بسته است، سمت راست مدار به طور کلی اتصال کوتاه شده و داریم:

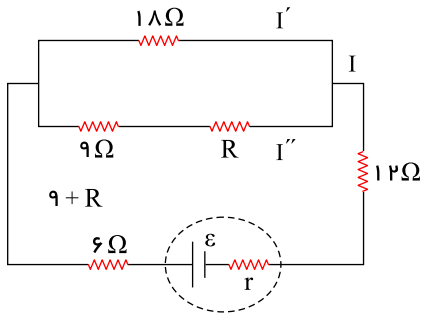


$$I = \frac{\epsilon}{R'_{eq} + r} = \frac{4,5}{6 + 2} = \frac{4,5}{8}$$

$$V'_{R=6\Omega} = 6I' = \frac{6 \times 4,5}{8} = \frac{13,5}{4}$$

از طرفی طبق فرض سؤال داریم:

$$V_{R=6\Omega} = 2V'_{R=6\Omega} = \frac{13,5}{4} = 2 \times \frac{6 \times 4,5}{\frac{12R_1}{12 + R_1} + 12} \rightarrow 15 = \frac{12R_1}{12 + R_1 + 12} \rightarrow R_1 = 6\Omega$$



در ابتدا با توجه به اینکه اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌های 18Ω و 12Ω برابرند، رابطه بین جریان‌های آنها را می‌یابیم.

$$V_{18} = V_{12} \xrightarrow{V=RI} 18I' = 12I \rightarrow I' = \frac{2}{3}I$$

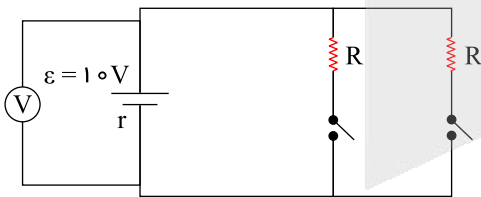
از طرفی با توجه به گره A داریم:

$$I' + I'' = I \rightarrow \frac{2}{3}I + I'' = I \rightarrow I'' = \frac{1}{3}I$$

در آخر، با توجه به موازی بودن مقاومت‌ها در شاخه‌های داده شده داریم:

$$18I' = (9 + R)I'' \rightarrow 18 \times \frac{2}{3}I = (9 + R)\frac{1}{3}I \rightarrow R = 27\Omega$$

۱۷۲ گزینه ۳ می‌دانیم که در اینجا، ولت‌سنج آرمانی، اختلاف پتانسیل دو سر مولد یعنی همان اختلاف پتانسیل دو سر مدار خارجی را نشان می‌دهد، بنابراین داریم:



$$V = R_{eq}I \xrightarrow{I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r}} V = \frac{R_{eq}\epsilon}{R_{eq} + r}$$

در حالت اول که فقط یکی از کلیدها بسته است، $R_{eq} = R$ بوده، بنابراین رابطه بین R و r را می‌یابیم:

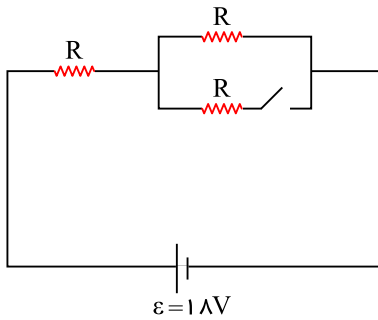
$$V = \frac{R_{eq}\epsilon}{R_{eq} + r} \rightarrow \epsilon = \frac{R \times 10}{R + r} \rightarrow r = \frac{2}{3}R$$

در حالت دوم که هر دو کلید بسته هستند، مدار شامل دو مقاومت خارجی و موازی R است. بنابراین داریم:

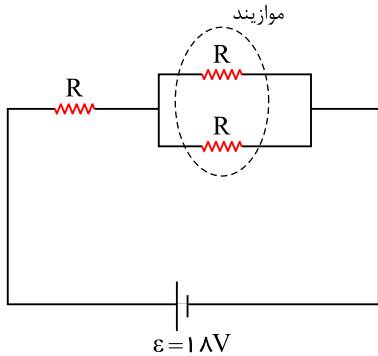
$$V = \frac{R_{eq}\epsilon}{R_{eq} + r} \xrightarrow{\substack{R_{eq} = \frac{R}{2} \\ r = \frac{2}{3}R}} V = \frac{\frac{R}{2} \times 10}{\frac{R}{2} + \frac{2R}{3}} \rightarrow V = \frac{30}{5}V$$



۱۷۳ گزینه ۴



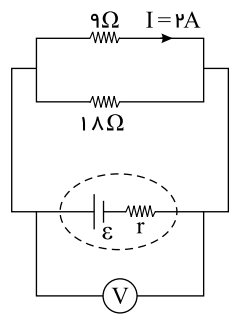
در حالت اول، مقاومت معادل مدار به صورت $R_{eq1} = 2R$ و در حالت دوم که کلید بسته شده، مقاومت معادل مدار به صورت $R_{eq} = \frac{3}{2}R$ است. از طرفی می‌دانیم که توان مصرفی مدار خارجی، معادل همان توان خروجی (مفید) مولد است. بنابراین داریم:



$$P = R_{eq} I^2 \xrightarrow{I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r}} P = \frac{R_{eq} \varepsilon^2}{(R_{eq} + r)^2} \xrightarrow{r=0} P = \frac{\varepsilon^2}{R_{eq}} \rightarrow P_2 - P_1 = \frac{\varepsilon^2}{R_{eq_2}} - \frac{\varepsilon^2}{R_{eq_1}}$$

$$\rightarrow 9 = \frac{1.8^2}{\frac{3}{2}R} - \frac{1.8^2}{2R} \rightarrow R = 6\Omega$$

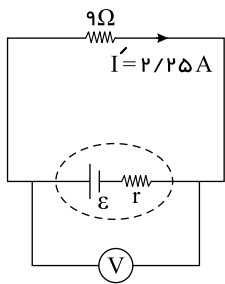
۱۷۴ گزینه ۴



در حالت اول که کلید بسته است، مقاومت‌های 9Ω و 1.8Ω به صورت موازی در مدار قرار دارند، پس ولتاژ دو سر مقاومت 9Ω و 1.8Ω با ولتاژ دو سر مولد یکسان است. یعنی:

$$\begin{cases} V = \frac{R_{eq} \varepsilon}{R_{eq} + r} \xrightarrow{R_{eq} = 6\Omega} V = \frac{6\varepsilon}{6+r} \\ V = R_1 I_1 = 9 \times 2 = 1.8V \end{cases} \Rightarrow 1.8 = \frac{6\varepsilon}{6+r} \rightarrow \varepsilon = 1.8 + 3r$$

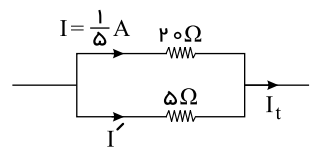
در حالت دوم که کلید باز است، فقط مقاومت 9Ω در مدار است و داریم:



$$\begin{cases} V' = \frac{R'_{eq}\epsilon}{R'_{eq} + r} = \frac{9\epsilon}{9+r} \\ V' = R_9 I'_9 = 9 \times \frac{2}{25} = \frac{18}{5} V \end{cases} \Rightarrow \frac{18}{5} \rightarrow \frac{9\epsilon}{9+r} \Rightarrow 4\epsilon = 18 + 9r \quad (*) \Rightarrow \begin{cases} \epsilon = 18 + 3r \\ 4\epsilon = 18 + 9r \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} r = 3\Omega \\ \epsilon = 27V \end{cases}$$

۱۷۵ گزینه ۴

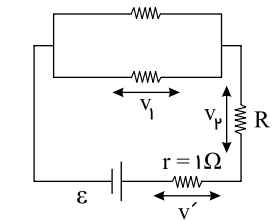


ابتدا به صورت زیر جریان کل مدار که توسط مولد تولید می شود را محاسبه می کنیم. دو مقاومت 5Ω و 20Ω موازی اند. بنابراین:

$$20 \times \frac{1}{5} = 5 \times I' \rightarrow I' = \frac{4}{5} A$$

$$I_t = I + I' = \frac{1}{5} + \frac{4}{5} = 1 A$$

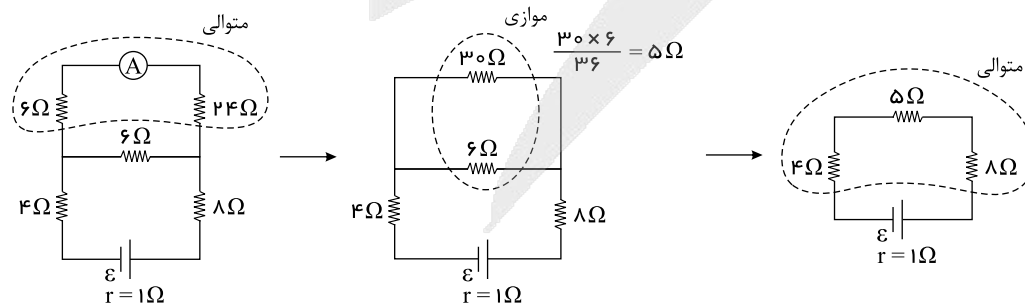
و جریان کل:



حال می دانیم که نیروی محرکه مولد با مجموع اختلاف پتانسیل دو سر اجزای مدار و افت پتانسیل در مولد برابر است. یعنی:

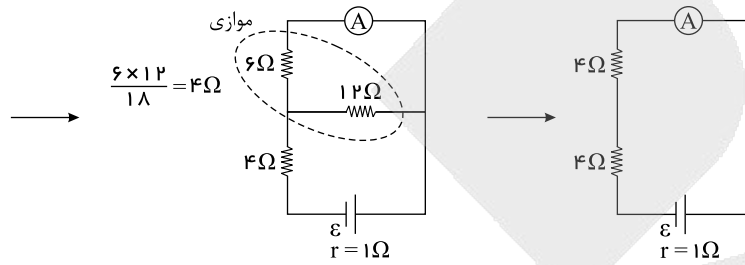
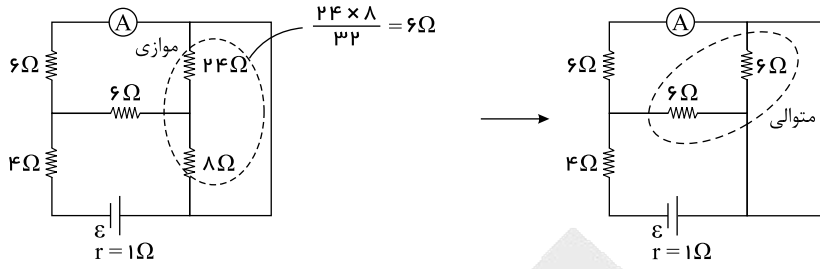
$$\begin{cases} V_1 = 20I \\ V_r = 3V, V' = rI_t \\ \epsilon = V_1 + V_r + V' \end{cases} \Rightarrow \epsilon = 20 \times \frac{1}{5} + 3 + 1 \times 1 \Rightarrow \epsilon = 8V$$

۱۷۶ گزینه ۱ قبل از بستن کلید مقاومت معادل را می یابیم:

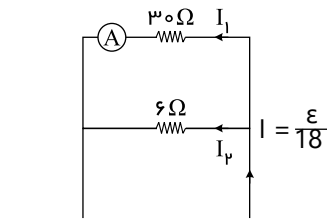


$$\frac{R_{eq} = 17\Omega}{I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r}} \rightarrow I = \frac{\epsilon}{18}$$

حال در حالتی که کلید بسته است، مجدداً مقاومت معادل را محاسبه می کنیم:



$$\Rightarrow I' = \frac{\varepsilon}{R'_{eq} + r} = \frac{\varepsilon}{9}$$

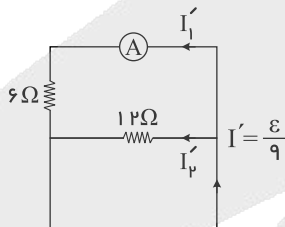


حال به تقسیم جریان در شاخه‌ها می‌پردازیم تا عددی که آمپرسنج نمایش می‌دهد را محاسبه کنیم.
در مدار اول (قبل از بستن کلید)

$$I = \frac{\varepsilon}{18}$$

$$\begin{cases} \frac{I_1}{I_2} = \frac{r}{R} = \frac{1}{3} \\ I_1 + I_2 = \frac{\varepsilon}{18} \end{cases} \Rightarrow I_1 = \frac{\varepsilon}{108}$$

و در مدار دوم (بعد از بستن کلید)



$$I' = \frac{\varepsilon}{9}$$

$$\begin{cases} \frac{I'_1}{I'_2} = \frac{r}{R} = \frac{1}{3} \\ I'_1 + I'_2 = \frac{\varepsilon}{9} \end{cases} \Rightarrow I'_1 = \frac{2\varepsilon}{27}$$

و در نهایت داریم:

$$\frac{I'_1}{I_1} = \frac{\frac{2\varepsilon}{27}}{\frac{\varepsilon}{108}} \rightarrow \frac{I'_1}{I_1} = 8$$

۱۷۷ گزینه ۲ اگر مقاومت معادل مدار را، قبل از بستن کلید R_1 و بعد از بستن کلید R_2 بنامیم، در صورتی توان خروجی (مفید) مولد در هر دو حالت یکسان خواهد بود که شرط زیر برقرار باشد:

$$r = \sqrt{R_1 R_2}$$

بنابراین داریم:

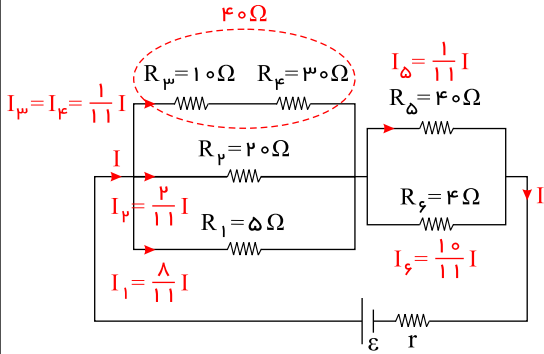
قبل از بستن کلید : $R_1 = R + 1$

(با بستن کلید، دو سر مقاومت R اتصال کوتاه می شود) : $R_p = 1 \Omega$

$r=2\Omega \rightarrow 2 = \sqrt{(R+1)(1)} \Rightarrow R+1 = 4 \Rightarrow R = 3\Omega$

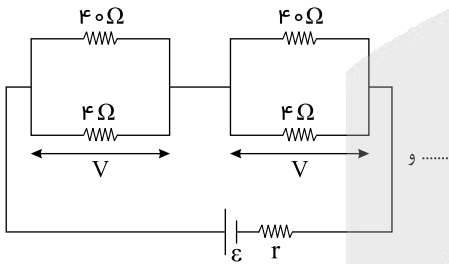
۱۷۸ گزینه ۴

در ابتدا مدار را به صورت زیر مرتب می کنیم.



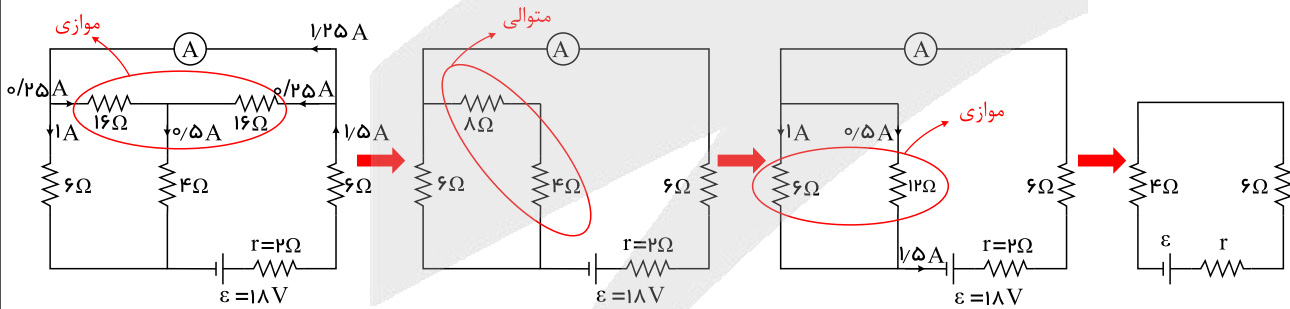
حال اگر جریان کل مدار را I بنامیم، جریان در شاخه ها همانند شکل تقسیم می شود. و در ادامه اگر از رابطه $P = RI^2$ توان ها را با هم مقایسه کنیم، بیشترین

توان مصرفی $R_6 = 4\Omega$ دارد.



روش دوم: بعد از ساده کردن دوباره مدار و استفاده از رابطه $P = \frac{V^2}{R}$ نیز می توان سؤال را حل کرد.

۱۷۹ گزینه ۲ در ابتدا مقاومت معادل و جریان کامل مدار را محاسبه می کنیم.



$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} = \frac{18}{10 + 2} \Rightarrow I = 1.5A$$

حال اگر به تقسیم جریان بپردازیم، داریم:

$$I_A = I_{کل} - I_{16\Omega} = 1.5 - 0.25 = 1.25A = \frac{5}{4}A$$

۱۸۰ گزینه ۳

$$P = RI^2 \Rightarrow P_{4,5} = 2P_{R'} \Rightarrow 4.5I^2 = 2R'I^2 \quad (1)$$

از طرفی چون دو مقاومت 12Ω و R' مواز هستند باید ولتاژ دوسرشان باهم برابر باشد پس داریم:



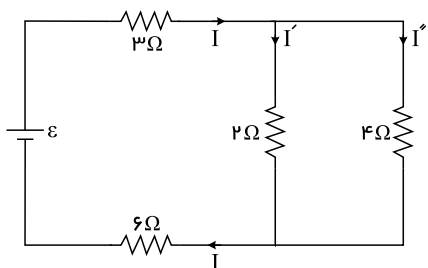
$$V = RI \Rightarrow 12(I - I') = R'I' \Rightarrow I' = \frac{12}{R' + 12} \cdot I \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow 4.5I^2 = 2R' \left(\frac{12}{R' + 12} \right)^2 I^2 \Rightarrow 4.5 = \frac{2 \times 144 R'}{(R' + 12)^2} \Rightarrow \begin{cases} R'_1 = 36\Omega \\ R'_2 = 4\Omega \end{cases}$$

چون کمترین مقاومت ممکن مدنظر است، پاسخ سوال 4Ω است.

پس R' می تواند 4Ω یا 36Ω باشد.

۱۸۱ گزینه ۱ با توجه به تقسیم جریان بین مقاومت ها داریم:

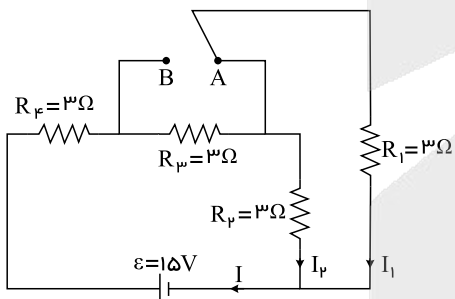


$$I' = \frac{4}{4 + 2} I = \frac{2}{3} I$$

$$I'' = \frac{2}{4 + 2} I = \frac{1}{3} I$$

$$P = RI^2 \Rightarrow \frac{P_f}{P_r} = \frac{6 \times I^2}{4 \times \left(\frac{1}{3}I\right)^2} \Rightarrow \frac{P_f}{P_r} = 13.5$$

۱۸۲ گزینه ۴ اگر کلید به A متصل باشد دو مقاومت R_1 و R_2 موازی اند و با بقیه متوالی:



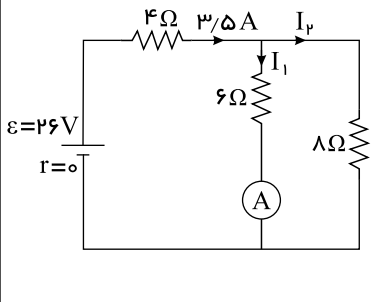
$$R_{eq} = \frac{3 \times 3}{3 + 3} + 3 + 3 = 7.5\Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq}} = \frac{15}{7.5} = 2A \Rightarrow \begin{cases} I_1 = 1A \\ I_2 = 1A \end{cases}$$

و اگر کلید به B متصل باشد، R_2 و R_3 متوالی، معادل آنها با R_1 موازی و در نهایت با R_f متوالی اند:

$$R'_{eq} = 2 + 3 = 5\Omega \quad , \quad I' = \frac{\varepsilon}{R'_{eq}} = \frac{15}{5} = 3A \Rightarrow \begin{cases} I'_1 = 2A \\ I'_2 = 1A \end{cases} \Rightarrow \frac{I'_1}{I_1} = 2, \frac{I'_2}{I_2} = 1$$

۱۸۳ گزینه ۲ در حالت اول، دو مقاومت 6Ω و 8Ω موازی اند و مقاومت معادل آنها با مقاومت 4Ω متوالی است؛ بنابراین داریم:



$$R_{eq} = \frac{6 \times 8}{14} + 4 = \frac{52}{7} \Omega$$

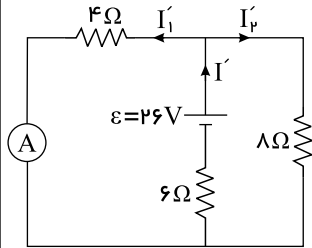
$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} \xrightarrow{r=0} I = \frac{26}{\frac{52}{7}} = 3.5A$$

$$\begin{cases} I_1 + I_2 = 3.5 \\ 6I_1 = 8I_2 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\begin{cases} I_1 = 2A \\ I_2 = 1.5A \end{cases}$$

یعنی در حالت اول، آمپرسنج مقدار ۲A را نشان می‌دهد و جریانی که از مقاومت ۸Ω می‌گذرد ۱.۵A است.

مدار را در حالت دوم رسم می‌کنیم. در این حالت مقاومت‌های ۴Ω و ۸Ω موازی‌اند و معادل آنها با مقاومت ۶Ω متوالی است:



$$R'_{eq} = 6 + \frac{4 \times 8}{12} = \frac{26}{3} \Omega$$

$$I' = \frac{\epsilon}{R'_{eq} + r} = \frac{26}{\frac{26}{3}} = 3A$$

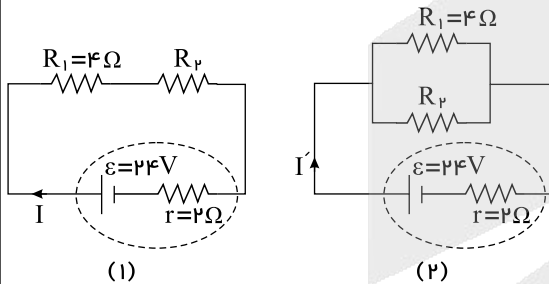
$$\begin{cases} I'_1 + I'_2 = 3 \\ 4I'_1 = 8I'_2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} I'_1 = 2A \\ I'_2 = 1A \end{cases}$$

در این حالت جریانی که از مقاومت ۸Ω می‌گذرد ۱A است. پس جریان عبوری از مقاومت ۸Ω نسبت به حالت قبل، ۰.۵A کاهش یافته است.

۱۸۴ گزینه ۳

می‌دانیم که توان خروجی (مفید) باتری همان توان مصرفی مدار (مقاومت معادل خارجی) است.

بنابراین داریم:



$$P_1 = R_{eq} I^2 = R_{eq} \left(\frac{\epsilon}{R_{eq} + r} \right)^2 = \frac{(4 + R_p)(24)^2}{(4 + R_p + 2)^2} = \frac{(4 + R_p)(24)^2}{(6 + R_p)^2}$$

$$P_2 = R'_{eq} I'^2 = R'_{eq} \left(\frac{\epsilon}{R'_{eq} + r} \right)^2 = \frac{\frac{4R_p}{4 + R_p} (24)^2}{\left(\frac{4R_p}{4 + R_p} + 2 \right)^2}$$

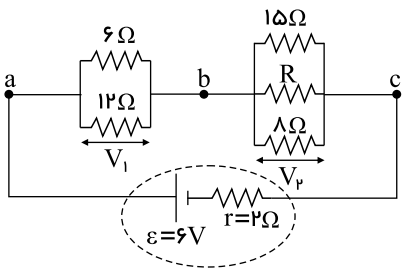
$$\frac{64}{100} P_2 = P_1 \Rightarrow \frac{64}{100} \times \frac{\frac{4R_p}{4 + R_p} (24)^2}{\left(\frac{4R_p}{4 + R_p} + 2 \right)^2} = \frac{(4 + R_p)(24)^2}{(6 + R_p)^2}$$

$$\Rightarrow \frac{64}{100} \times \frac{4R_p}{(4 + R_p) \left(\frac{4R_p}{4 + R_p} + 2 \right)^2} = \frac{4 + R_p}{(6 + R_p)^2} \xrightarrow{\text{از طرفین جذر می‌گیریم}} \frac{16}{100} \times \frac{\sqrt{R_p}}{\frac{4R_p}{4 + R_p} + 2} = \frac{4 + R_p}{6 + R_p}$$

پس R_p مربع کامل است که با توجه به گزینه‌ها، گزینه ۳ صحیح است.

$$R_p = 4 \Omega$$

۱۸۵ گزینه ۲ در ابتدا مدار را به صورت زیر ساده می‌کنیم:



فرض می‌کنیم اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت 6Ω برابر V_1 و اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت 8Ω برابر V_2 است.

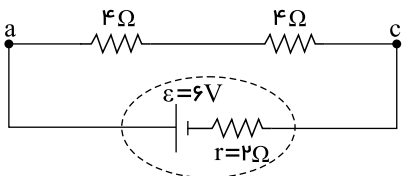
با توجه به اینکه $V_1 = V_2$ است، در اینجا مقاومت معادل بین دو نقطه a و b با مقاومت معادل بین دو نقطه b و c برابر است (چرا؟) بنابراین داریم:

$$R_{ab} = \frac{6 \times 12}{6 + 12} = 4\Omega$$

$$\frac{1}{R_{bc}} = \frac{1}{15} + \frac{1}{R} + \frac{1}{8} \xrightarrow{R_{bc}=R_{ab}} \frac{1}{4} = \frac{1}{15} + \frac{1}{R} + \frac{1}{8} \Rightarrow \frac{1}{15} + \frac{1}{R} = \frac{1}{8}$$

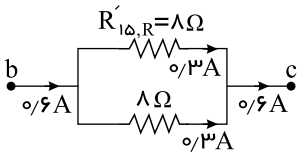
یعنی مقاومت معادل دو مقاومت موازی 15Ω و R برابر 8Ω است.

حال در ابتدا جریان کل را می‌یابیم:



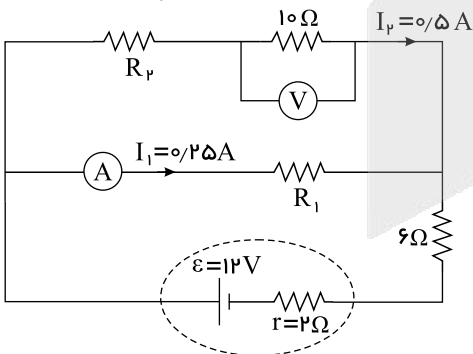
$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{6}{8 + 2} \Rightarrow I = 0.6A$$

بین دو نقطه b و c داریم:



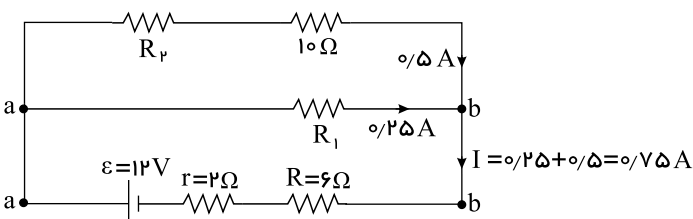
پس جریان عبوری از مقاومت 8Ω معادل نصف جریان کل یعنی $0.3A$ است.

۱۸۶ گزینه ۴ با توجه به اینکه ولت‌سنج در اینجا اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت 10Ω را نمایش می‌دهد، جریان شاخه شامل این مقاومت را می‌یابیم:



$$V = RI \Rightarrow 5 = 10 \cdot I_2 \Rightarrow I_2 = 0.5A$$

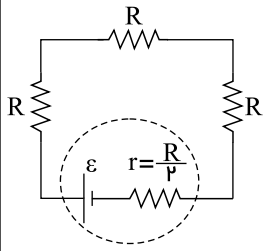
سپس جریان کل و ولتاژ دو سر شاخه شامل مقاومت R_1 را محاسبه می‌کنیم



$$V_{ab} = \varepsilon - rI - RI = 12 - 2 \times 0,75 - 6 \times 0,75 \Rightarrow V_{ab} = 6V$$

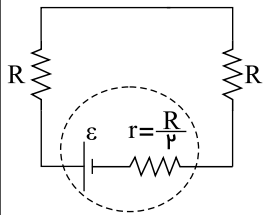
$$V_{ab} = V_{R_1} = R_1 I_1 \Rightarrow 6 = R_1 \times 0,25 \Rightarrow R_1 = 24\Omega$$

۱۸۷ گزینه ۳ هنگامی که کلید باز است، داریم:



$$V = R_{eq} I = \frac{R_{eq} \varepsilon}{R_{eq} + r} \Rightarrow V_1 = \frac{3R \times \varepsilon}{3R + \frac{R}{3}} \Rightarrow V_1 = \frac{6}{7} \varepsilon$$

و در حالت دوم که کلید بسته است، دو سر مقاومت R اتصال کوتاه شده و داریم:



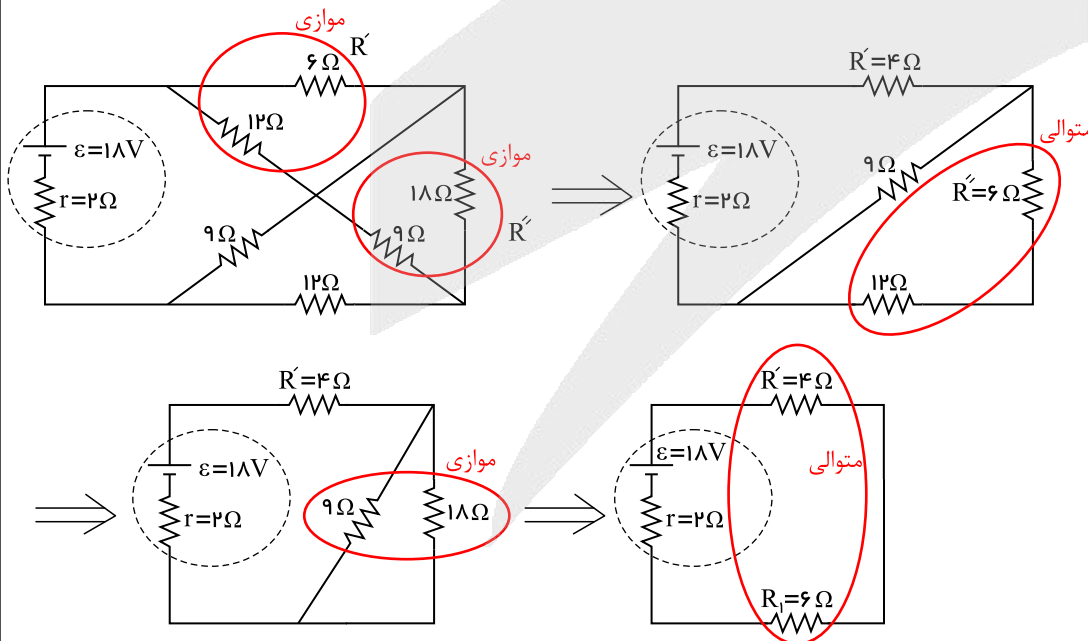
$$V_2 = R'_{eq} I' = \frac{R'_{eq} \varepsilon}{R'_{eq} + r} = \frac{2R \varepsilon}{2R + \frac{R}{3}} \Rightarrow V_2 = \frac{4}{5} \varepsilon$$

و در نهایت داریم:

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{\frac{4}{5} \varepsilon}{\frac{6}{7} \varepsilon} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{28}{30} = \frac{14}{15}$$

۱۸۸ گزینه ۳

در ابتدا مدار را به صورت زیر ساده می‌کنیم:



$$R' = \frac{6 \times 12}{18} = 4\Omega$$

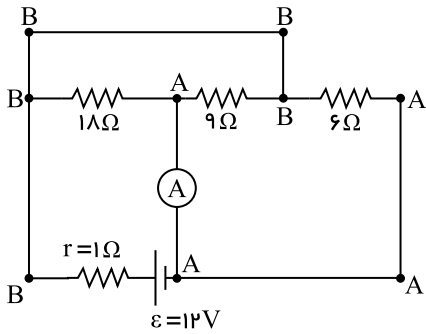
$$R'' = \frac{9 \times 18}{27} = 6\Omega$$

$$R_1 = \frac{18 \times 9}{27} = 6\Omega$$

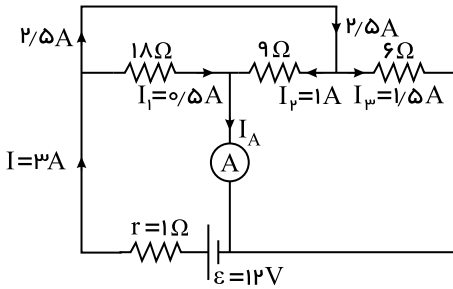
$$R_{eq} = 6 + 4 = 10\Omega$$

حالا برای تعیین اختلاف پتانسیل دو سر مولد داریم:

$$V = R_{eq} I = \frac{R_{eq} \varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{10 \times 18}{10 + 2} \Rightarrow V = 15V$$



چون ولت‌سنج آرمانی فرض شده است، همانند یک کلید باز عمل می‌کند. از طرفی آمپرسنج آرمانی نیز همانند یک سیم بدون مقاومت عمل می‌کند. پس مدار شامل سه مقاومت موازی ۹Ω ، ۶Ω و ۱۸Ω است. ابتدا مقاومت معادل، سپس جریان کل و در ادامه جریان عبوری از هر مقاومت را محاسبه می‌کنیم.



$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{18} + \frac{1}{9} + \frac{1}{6} \Rightarrow R_{eq} = 3\Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{12}{3 + 1} \Rightarrow I = 3A$$

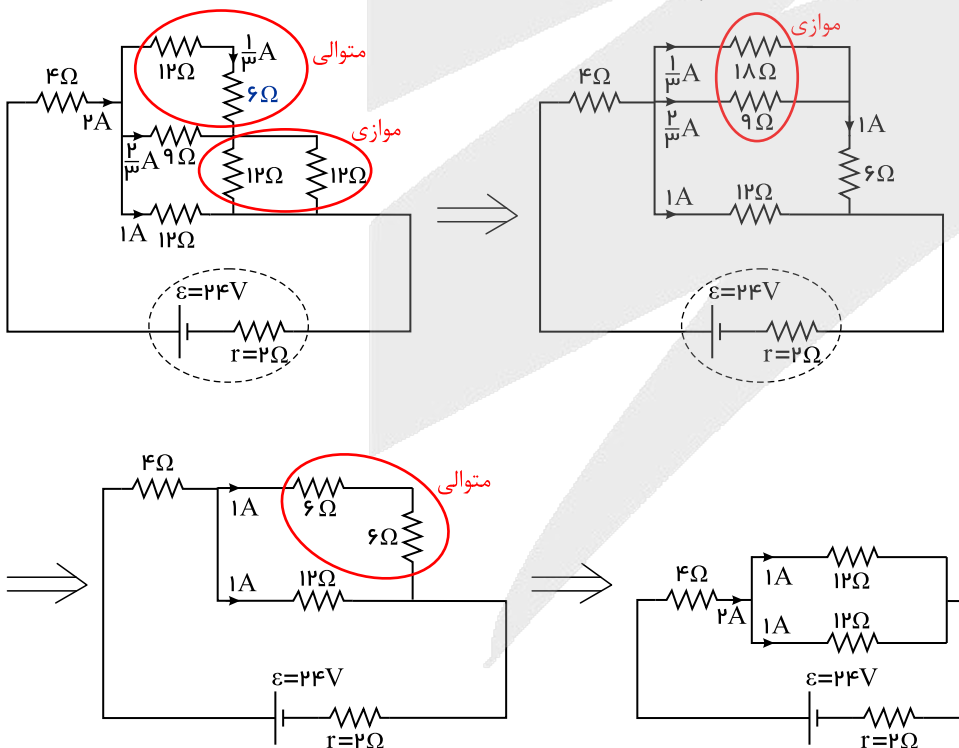
$$V = \varepsilon - rI = 12 - 1 \times 3 \Rightarrow V = 9V$$

$$\begin{cases} V_{18} = V = 18I_1 \Rightarrow 9 = 18I_1 \Rightarrow I_1 = 0,5A \\ V_9 = V = 9I_2 \Rightarrow 9 = 9I_2 \Rightarrow I_2 = 1A \\ V_6 = V = 6I_3 \Rightarrow 9 = 6I_3 \Rightarrow I_3 = 1,5A \end{cases}$$

حال برای آمپرسنج داریم:

$$I_A = I_1 + I_2 = 0,5 + 1 \Rightarrow I_A = 1,5A$$

گزینه ۲ ابتدا در حالتی که کلید به نقطه (۱) متصل است، مدار را بررسی می‌کنیم:



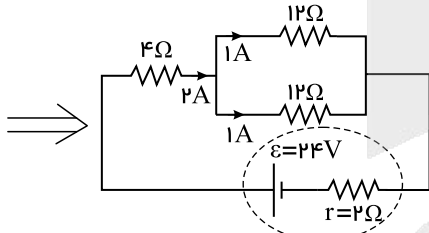
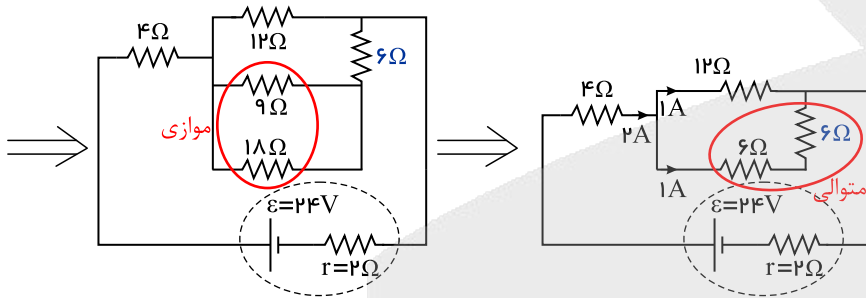
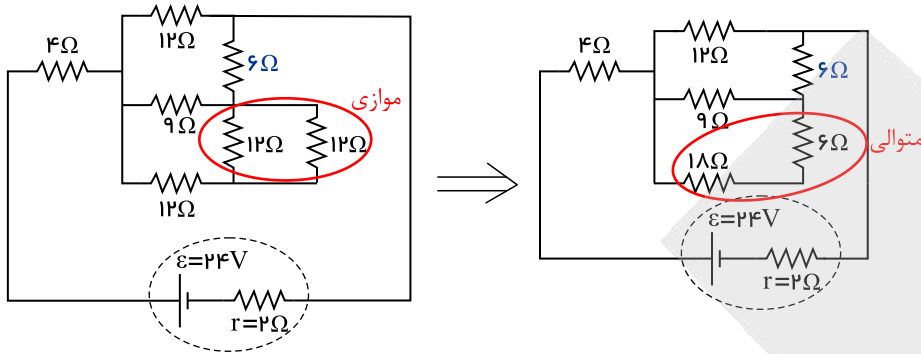
$$R_{eq} = 10\Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{24}{10 + 2} = 2A$$

با توجه به شکل‌ها و تقسیم جریان، در حالت اول، جریان عبوری از مقاومت 6Ω برابر $\frac{1}{3}A$ است پس توان مصرفی آن برابر است با:

$$P = RI^2 = 6 \times \left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{6}{9}W$$

در حالت دوم، کلید به نقطه (۲) متصل است:



$$R_{eq} = 10\Omega \Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{24}{10 + 2} = 2A$$

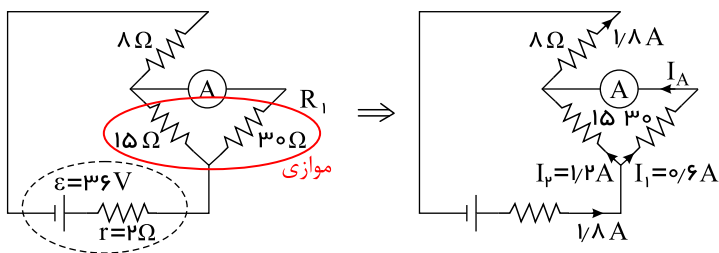
در این حالت، جریان عبوری از مقاومت 6Ω برابر ۱ آمپر است؛ پس داریم:

$$P' = RI'^2 = 6(1)^2 = 6W$$

و در آخر داریم:

$$\frac{P'}{P} = \frac{6}{\frac{6}{9}} = 9$$

۱۹۱ گزینه ۴ در ابتدا که کلید باز است، جریان عبوری از آمپرسنج را به دست می‌آوریم:



$$R_1 = \frac{30 \times 15}{45} = 10\Omega$$

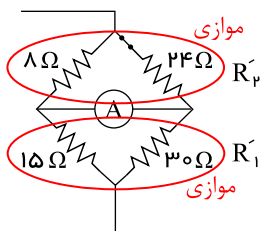
$$R_{eq} = 8 + 10 = 18\Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{36}{18 + 2} = 1.8A$$

$$\begin{cases} 30I_1 = 15I_2 \\ I_1 + I_2 = 1.8A \end{cases} \Rightarrow I_1 = 0.6A, I_2 = 1.2A$$

$$\Rightarrow I_A = I_1 = 0.6A$$

یعنی در این حالت، عددی که آمپرسنج نشان می‌دهد، $0.6A$ است. در حالت دوم که کلید بسته است، داریم:



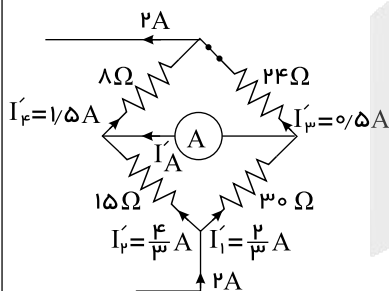
$$R'_2 = \frac{24 \times 8}{32} = 6\Omega$$

$$R'_1 = \frac{30 \times 15}{45} = 10\Omega$$

$$R'_{eq} = R'_1 + R'_2 = 16\Omega$$

$$I' = \frac{\varepsilon}{R'_{eq} + r} = \frac{36}{16 + 2} \Rightarrow I' = 2A$$

حال با توزیع جریان داریم:



$$\begin{cases} 30I'_1 = 15I'_2 \\ I'_1 + I'_2 = 2A \end{cases} \Rightarrow I'_1 = \frac{2}{3}A, I'_2 = \frac{4}{3}A$$

$$\begin{cases} 24I'_3 = 8I'_4 \\ I'_3 + I'_4 = 2A \end{cases} \Rightarrow I'_3 = 0.5A, I'_4 = 1.5A$$

$$\Rightarrow \begin{cases} I'_A = \frac{2}{3} - 0.5 = \frac{1}{6} \\ \text{یا} \\ I'_A = 1.5 - \frac{4}{3} = \frac{1}{6}A \end{cases}$$

و در آخر داریم:

$$\Delta I_A = I_A - I'_A = 0.6 - \frac{1}{6} \Rightarrow \Delta I_A = \frac{13}{30}A$$

۱۹۲ گزینه ۲ توان مفید یا خروجی باتری به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$P = R_{eq}I^2 = R_{eq}\left(\frac{\varepsilon}{R_{eq} + r}\right)^2$$

بنابراین داریم:

$$(1) \text{ حالت اتصال متوالی مقاومت‌ها } P_1 = (R_1 + R_2)\left(\frac{\varepsilon}{R_1 + R_2 + r}\right)^2 \Rightarrow P_1 = (8 + R_2)\left(\frac{36^2}{(10 + R_2)^2}\right)$$

$$(2) \text{ در حالت اتصال موازی مقاومت‌ها } P_2 = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \left(\frac{\varepsilon}{\frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} + r}\right)^2 \Rightarrow P_2 = \frac{8R_2}{(8 + R_2)} \left(\frac{36^2}{\left(\frac{8R_2}{8 + R_2} + 2\right)^2}\right)$$

طبق فرض سؤال داریم:



$$P_r = \frac{9}{4} P_1 \Rightarrow \frac{\lambda R_r}{\lambda + R_r} \left(\frac{45^2}{\left(\frac{\lambda R_r}{\lambda + R_r} + 2\right)^2} \right) = \frac{9 (\lambda + R_r) (45)^2}{4 (10 + R_r)^2}$$

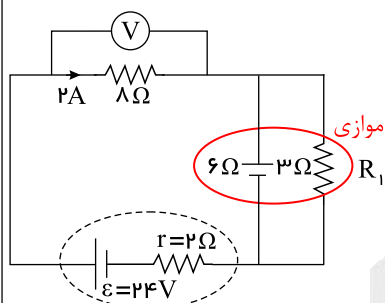
$$\Rightarrow \frac{\lambda R_r}{\left(\frac{\lambda R_r}{\lambda + R_r} + 2\right)^2} = \frac{9 (\lambda + R_r)^2}{4 (10 + R_r)^2}$$

از طرفین جذر می‌گیریم:

$$\frac{\sqrt{\lambda R_r}}{\frac{\lambda R_r}{\lambda + R_r} + 2} = \frac{3 (\lambda + R_r)}{2 (10 + R_r)}$$

پس (λR_r) یک عدد مربع کامل است که با توجه به گزینه‌ها، فقط $R_r = 8 \Omega$ می‌تواند پاسخ صحیح باشد.

۱۹۳ گزینه ۳ ابتدا مدار را در حالت کلید باز بررسی می‌کنیم:



$$R_1 = \frac{6 \times 3}{9} = 2 \Omega$$

$$R_{eq} = 2 + 8 = 10 \Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{24}{10 + 2} = 2 A$$

$$V = RI = 8 \times 2 = 16 V$$

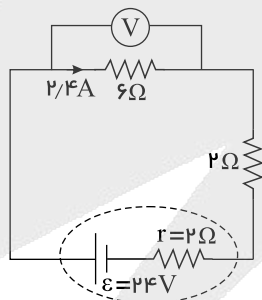
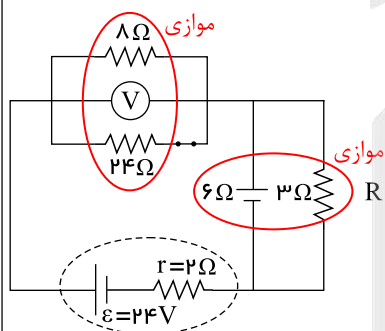
در حالت دوم که کلید بسته است، داریم:

$$R'_{eq} = 2 + 6 = 8 \Omega$$

$$I' = \frac{\varepsilon}{R'_{eq} + r} = \frac{24}{8 + 2} = 2.4 A$$

$$V' = R_r I' = 6 \times 2.4 \Rightarrow V' = 14.4 V$$

$$R_r = \frac{8 \times 24}{3 \times 2} = 6 \Omega$$



و در آخر داریم:

$$\Delta V = V - V' = 16 - 14.4 \Rightarrow \Delta V = 1.6 V$$

۱۹۴ گزینه ۳ قبل از وصل کلید، مقاومت‌های 2Ω و 5Ω با هم موازی و مجموع آنها با مقاومت 2Ω سری است. پس از وصل کلید، مجموع مقاومت‌های قبلی با

مقاومت 6Ω موازی می‌شود. بنابراین مقاومت معادل در هر حالت را به دست می‌آوریم:

$$\text{کلید باز: } R_{eq} = \frac{20 \times 5}{20 + 5} + 2 = 6 \Omega$$

$$\text{کلید بسته: } R'_{eq} = \frac{6 \times 6}{6 + 6} = 3 \Omega$$

توان خروجی مولد در هر حالت، با توان مصرف‌شده در مقاومت معادل برابر است، بنابراین داریم:

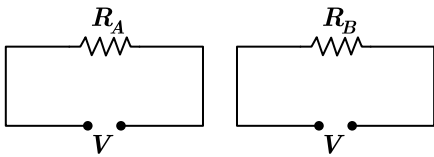
$$P_{\text{مولد}} = P \Rightarrow \frac{P'}{P} = \frac{R'_{eq} I'^2}{R_{eq} I^2} \xrightarrow{I = \frac{\mathcal{E}}{R_{eq} + r}} \frac{P'}{P} = \frac{3 \times \left(\frac{4}{3+2}\right)^2}{6 \times \left(\frac{4}{6+2}\right)^2} = \frac{32}{25}$$

بنابراین درصد تغییرات توان برابر است با:

$$\frac{\Delta P}{P} \times 100 = \frac{P' - P}{P} \times 100 = \frac{32}{25} P - P \times 100 = +28\% \quad (\text{افزایش})$$

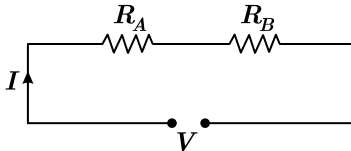
۱۹۵ گزینه ۱

حالت اول:



$$P = \frac{V^2}{R} \xrightarrow{\frac{P_A}{P_B} = 2} 2 = \frac{R_B}{R_A} \Rightarrow R_B = 2R_A$$

حالت دوم:



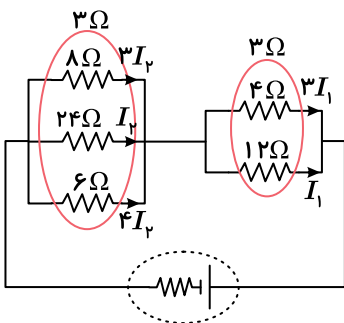
$$P = RI^2 \xrightarrow{\substack{\text{مقاومت‌های سری} \\ I_A = I_B}} \frac{P_A}{P_B} = \frac{R_A}{R_B} = \frac{1}{2}$$

۱۹۶ گزینه ۳

$$P = \frac{V^2}{R} \rightarrow \begin{cases} P_1 = \frac{(\frac{\mathcal{E}}{r})^2}{R} = \frac{\mathcal{E}^2}{4R} \\ P_3 = \frac{\mathcal{E}^2}{R} \end{cases}, \begin{cases} P_2 = P_1 = \frac{\mathcal{E}^2}{4R} \\ P_4 = \frac{\mathcal{E}^2}{R} \end{cases} \quad P_3 = P_4 > P_1 = P_2 \rightarrow (1) \text{ رد گزینه}$$

متوالی: $R_{eq} = 2R \rightarrow P_{1,2} = \frac{\mathcal{E}^2}{2R}$
 موازی: $R_{eq} = \frac{R}{2} \rightarrow P_{3,4} = \frac{2\mathcal{E}^2}{R}$
 رد گزینه‌های (۲), (۴) $\rightarrow P_{3,4} > P_{1,2}$

۱۹۷ گزینه ۲ ابتدا مدار ساده شده را رسم می‌کنیم و جریان اصلی مدار را می‌یابیم:



$$R_{eq} = 6\Omega$$

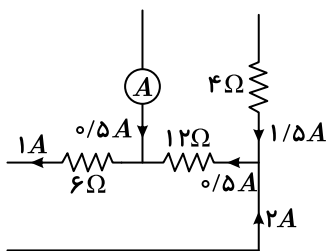
$$I = \frac{\mathcal{E}}{r + R_{eq}} = \frac{14}{7} = 2A$$

با استفاده از توزیع جریان، جریان عبوری از هر مقاومت را به دست می‌آوریم:

$$\begin{cases} I_2 = 2 \rightarrow I_2 = 0,25 \\ 4I_1 = 2 \rightarrow I_1 = 0,5 \end{cases}$$



با توجه به شکل مدار، عبوری از مقاومت 12Ω با جریان عبوری از شاخه آمپر سنج جمع می شود و وارد مقاومت 6Ω می شود؛ بنابراین عدد آمپر سنج برابر است با:



$$4I_2 = I_A + I_1$$

$$\Rightarrow I_A = 1 - 0,5 = 0,5A$$

۱۹۸ گزینه ۳

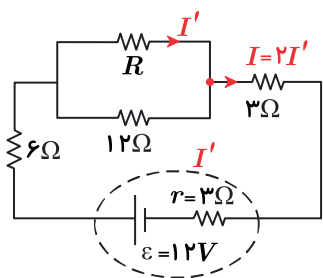
$$V_{\text{باتری}} = R_{eq}I = R_{eq} \times \frac{\varepsilon}{r + R_T} = \frac{R_{eq}\varepsilon}{r + R_{eq}}$$

$$\left. \begin{aligned} \text{کلید باز} \rightarrow R_{eq} = 3\Omega \Rightarrow V_1 = \frac{3\varepsilon}{r+3} \\ \text{کلید بسته} \rightarrow R'_{eq} = 2\Omega \Rightarrow V_2 = \frac{2\varepsilon}{r+2} \end{aligned} \right\} \rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{4}{5} = \frac{\frac{2\varepsilon}{r+2}}{\frac{3\varepsilon}{r+3}} = \frac{2}{3} \times \frac{r+3}{r+2}$$

$$\rightarrow 5r + 15 = 6r + 12 \rightarrow r = 3\Omega$$

۱۹۹ گزینه ۲

$$P_{12} = P_3 \Rightarrow 12 \times I'^2 = 3 \times I^2 \Rightarrow I = 2I' \xrightarrow{I=I'+I_R} I_R = I' \Rightarrow R = 12\Omega$$



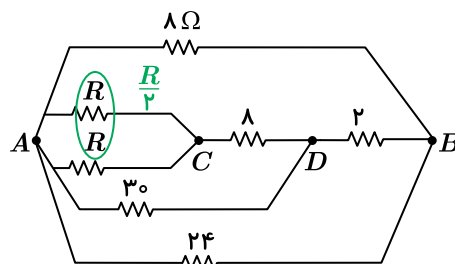
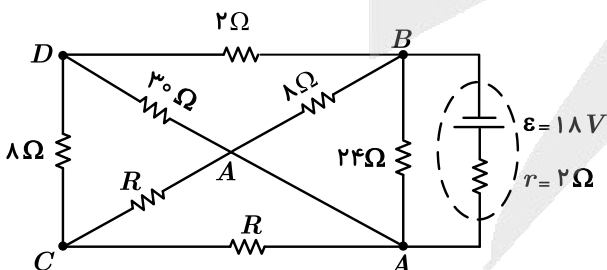
حال مقاومت معادل مدار را به دست می آوریم؛ مقاومت R با مقاومت 12Ω موازی و حاصل آنها با مقاومت 3Ω و 6Ω سری است:

$$R_{eq} = 6 + \frac{12}{2} + 3 = 15\Omega$$

$$V_{\text{باتری}} = R_{eq}I \xrightarrow{I = \frac{\varepsilon}{R_{eq}+r}} V_{\text{باتری}} = 15 \times \frac{12}{15+3} = 10V$$

۲۰۰ گزینه ۲

$$V_{\text{باتری}} \varepsilon - rI \Rightarrow V_{\text{باتری}} = 12 = 18 - 2I \Rightarrow I = 3A = \frac{4}{R_{eq} + r} = \frac{18}{2 + R_{eq}} \Rightarrow R_{eq} = 4\Omega$$



اگر مقاومت شاخه وسط را x در نظر بگیریم، داریم:

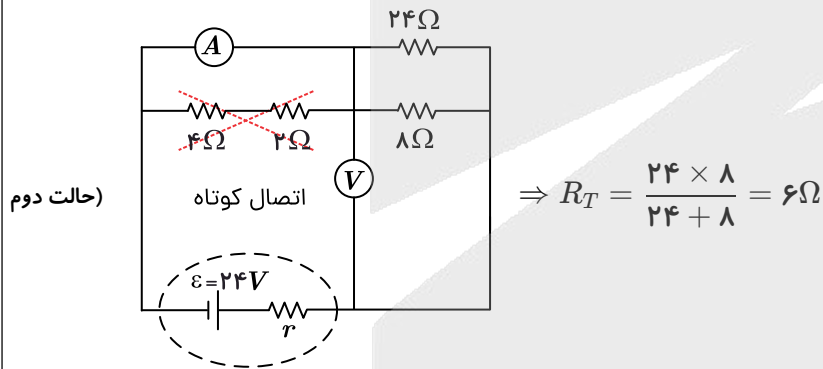
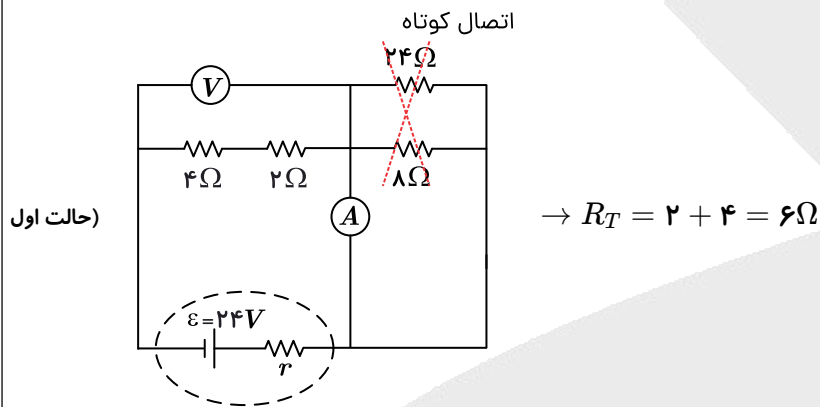


$$\text{موازی } 24\Omega, x, 8\Omega \xrightarrow{R_{eq}=4\Omega} \frac{1}{4} = \frac{1}{8} + \frac{1}{24} + \frac{1}{x} \Rightarrow x = 12\Omega$$

$$\text{سری } R_{AD}, 2\Omega \rightarrow R_{AD} = 12 - 2 = 10\Omega$$

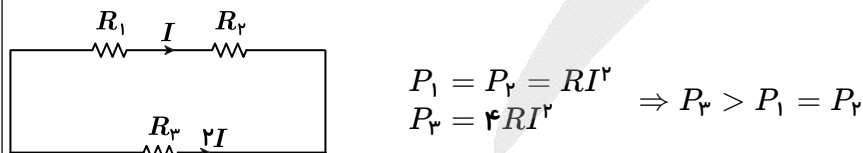
$$\text{موازی } 30\Omega, \left(8 + \frac{R}{2}\right) \rightarrow \frac{30 \times \left(8 + \frac{R}{2}\right)}{30 + 8 + \frac{R}{2}} = 10 \Rightarrow 24 + \frac{3R}{2} = 38 + \frac{R}{2} \Rightarrow R = 14\Omega$$

۲۰۱ گزینه ۳



در هر دو حالت، ولت‌سنج دو سر باتری و آمپرسنج جریان شاخه اصلی مدار را نشان می‌دهد؛ چون مقاومت معادل در هر دو حالت یکسان است، ولت‌سنج و آمپرسنج در هر دو حالت اعداد یکسانی را نشان می‌دهند.

۲۰۲ گزینه ۱



۲۰۳ گزینه ۲



$$\text{کلید باز: } R_{eq} = \frac{12 \times 6}{12 + 6} + 6 = 10 \Omega$$

$$\text{کلید بسته: } R'_{eq} = \frac{12 \times 6}{12 + 6} + \frac{3 \times 6}{3 + 6} = 6 \Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} \xrightarrow[\text{افزایش } I]{\text{کاهش } R_{eq}} I' = I + 1$$

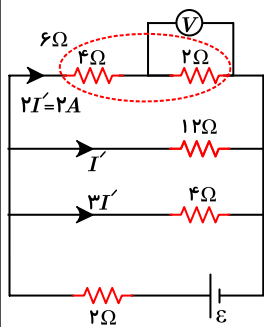
$$\frac{24}{6 + r} = \frac{24}{10 + r} + 1 \xrightarrow{\text{امتحان گزینه‌ها}} r = 2 \Omega$$

۲۰۴ گزینه ۴ توان خروجی از باتری برابر مجموع توان مقاومت‌ها (مصرف کننده‌ها) است:

$$P = \frac{U}{t} \rightarrow P_1 = \frac{500 \times 10^{-3}}{5} = 0,1 W, P_2 = \frac{250 \times 10^{-3}}{5} = 0,05 W$$

$$P_{\text{خروجی}} = P_1 + P_2 = 0,15 = \frac{3}{20} W$$

۲۰۵ گزینه ۳ ابتدا جریان عبوری از مقاومت 2Ω را محاسبه می‌کنیم. سپس به توزیع جریان در سایر شاخه‌ها می‌پردازیم:



$$V = IR \rightarrow 4 = 2I \rightarrow I = 2 A$$

$$I_{\text{کل}} = 2I' + I' + 3I' = 6I' \xrightarrow{2I' = 2A} I' = 6 A$$

$$\frac{1}{R'} = \frac{1}{12} + \frac{1}{6} + \frac{1}{4} = \frac{1}{2} \rightarrow R' = 2 \Omega$$

$$R_{eq} = 2 + 2 = 4 \Omega \rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R_{eq}}$$

$$\rightarrow 6 = \frac{\varepsilon}{4} \rightarrow \varepsilon = 24 V$$

۲۰۶ گزینه ۱ مقاومت کل مدار را در حالت اول محاسبه می‌کنیم.

$$R_{eq} = 4 + 1 + \left[\frac{1}{6} + \frac{1}{12} \right]^{-1} = 9 \Omega$$

$$R'_{eq} = 6 + 1 + \left[\frac{1}{4} + \frac{1}{12} \right]^{-1} = 10 \Omega$$

$$\varepsilon = R_{eq} I \rightarrow I = \frac{\varepsilon}{9}, I' = \frac{\varepsilon}{10}$$

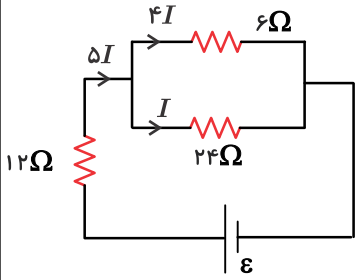
$$\rightarrow P_{\text{خروجی}} = \varepsilon I - r I^2 = \varepsilon \times \frac{\varepsilon}{9} - 1 \times \frac{\varepsilon^2}{81} = \frac{8\varepsilon^2}{81}$$

$$P'_{\text{خروجی}} = \varepsilon I' - r I'^2 = \varepsilon \times \frac{\varepsilon}{10} - 1 \times \frac{\varepsilon^2}{100} = \frac{9\varepsilon^2}{100}$$

تغییر توان به درصد:

$$\frac{P_{\text{خروجی}} - P'_{\text{خروجی}}}{P_{\text{خروجی}}} \times 100 = \left(1 - \frac{9 \times 81}{8 \times 100} \right) \times 100 = 8,875 \%$$

گزینه ۲۰۷

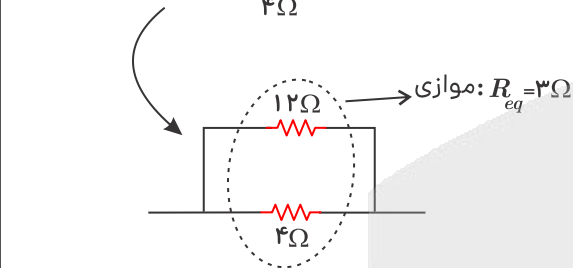
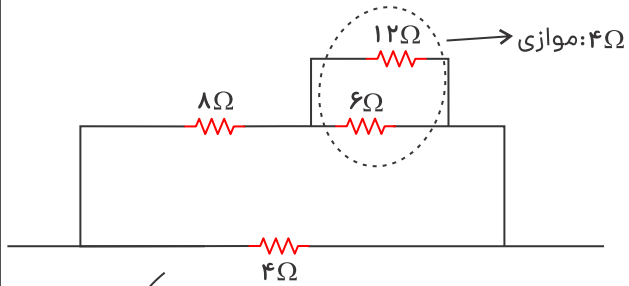


اگر جریان عبوری از مقاومت 24Ω برابر I باشد، جریان عبوری از مقاومت 6Ω و 12Ω به ترتیب برابر $4I$ و $5I$ می‌شود. در نتیجه داریم:

$$\frac{V_{12\Omega}}{V_{6\Omega}} = \frac{12 \times 5I}{6 \times 4I} = \frac{60I}{24I} = \frac{5}{2}$$

گزینه ۲۰۸

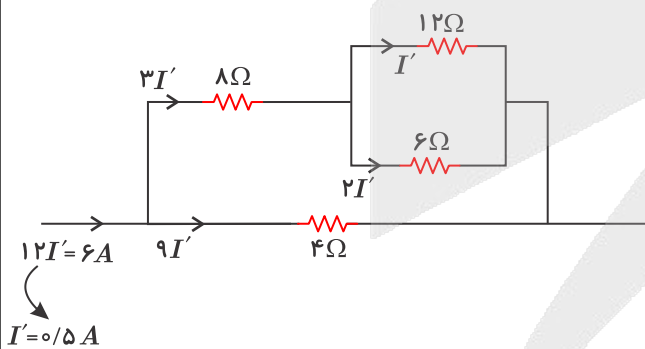
ابتدا شکل ساده‌شده‌ای از مدار را رسم می‌کنیم و مقاومت معادل را محاسبه می‌کنیم:



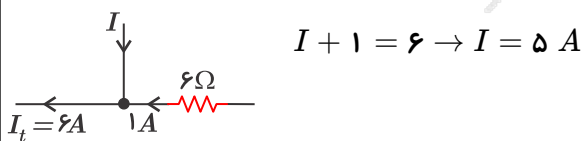
حال با داشتن مقاومت معادل، جریان کل مدار را به دست می‌آوریم:

$$I_t = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{18}{3 + 0} = 6A$$

جریان گذرنده از هر یک از مقاومت‌ها را محاسبه می‌کنیم:

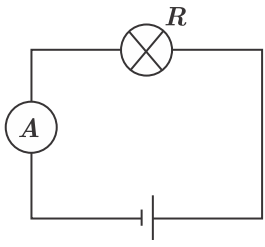


حال در گره مشخص شده داریم:

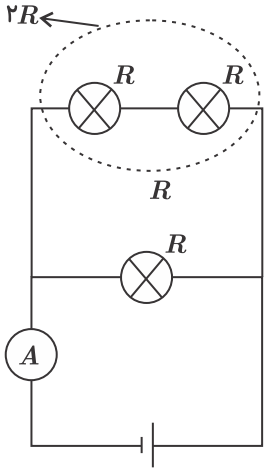


$$I + 1 = 6 \rightarrow I = 5A$$

گزینه ۲۰۹ در حالتی که کلید باز است، مقاومت معادل مدار برابر است با:



$$R_1 = R$$



$$R_2 = \frac{2R \times R}{2R + R} = \frac{2}{3}R$$

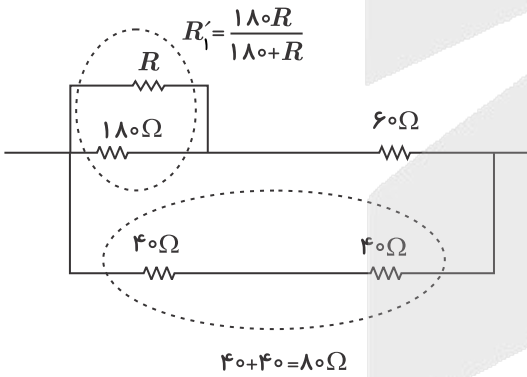
در حالی که کلید بسته است، مقاومت معادل مدار برابر است با:

بنابراین نسبت جریان در دو حالت برابر است با:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq}} \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \frac{R_1}{R_2} = \frac{R}{\frac{2}{3}R} = \frac{3}{2} = 1,5$$

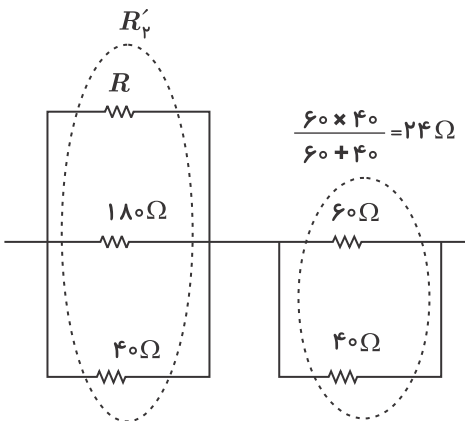
۲۱۰ گزینه ۳ مقاومت معادل را در هر دو حالت محاسبه می‌کنیم.

حالت اول: کلید باز



$$R_{eq1} = \frac{80 \times (R'_1 + 60)}{80 + R'_1 + 60}$$

حالت دوم: کلید بسته



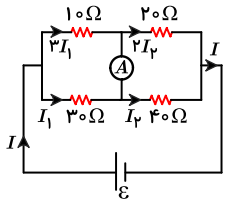


بهترین (کوتاه‌ترین!) راه، چک کردن گزینه‌ها است. داریم:

$$R_{eq1} = R_{eqr} \rightarrow \text{گزینه ۳: } R = 90\Omega \rightarrow$$

$$\begin{cases} R'_1 = \frac{180 \times 90}{180 + 90} = 60\Omega \rightarrow R_{eq1} = \frac{80 \times (60 + 60)}{80 + (60 + 60)} = 48\Omega \\ \frac{1}{R'_r} = \frac{1}{90} + \frac{1}{180} + \frac{1}{40} = 60 \rightarrow R'_r = 24\Omega \rightarrow R_{eqr} = 24 + 24 = 48\Omega \end{cases}$$

۲۱۱ گزینه ۳



$$R_{eq} = \frac{10 \times 30}{10 + 30} + \frac{20 \times 40}{20 + 40} = \frac{15}{2} + \frac{40}{3} = \frac{45 + 80}{6} = \frac{125}{6}$$

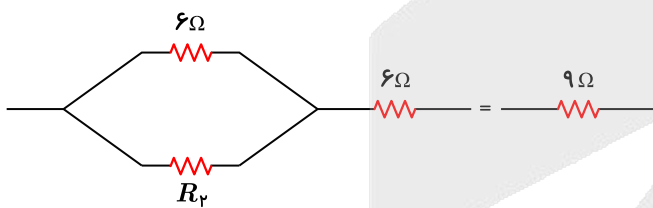
$$I = \frac{\varepsilon}{R} = \frac{50}{\frac{125}{6}} = \frac{300}{125} = \frac{12}{5} = 2.4A$$

$$4I_1 = 2.4 \rightarrow I_1 = 0.6A$$

$$3I_2 = 2.4 \rightarrow I_2 = 0.8A$$

$$\text{عدد آمپرسنج} = I_2 - I_1 = 0.8 - 0.6 = 0.2A = 200mA$$

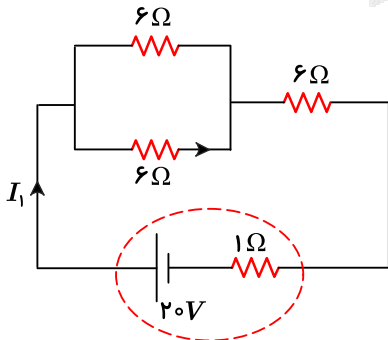
۲۱۲ گزینه ۳ الف)



$$\Rightarrow \frac{6R_r + 6}{6 + R_r} = 9 \Rightarrow \frac{6R_r}{6 + R_r} = 3$$

$$\Rightarrow 6R_r = 18 + 3R_r$$

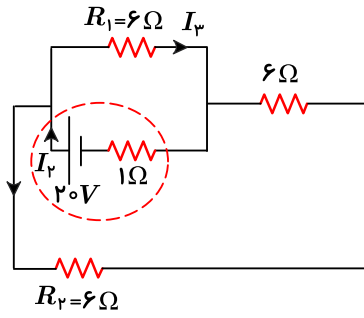
$$\Rightarrow R_r = 6\Omega$$



$$I_{R_r} = \frac{I_1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{20}{9 + 1} = 1A$$

$$P_{R_r} = RI^2 = 6 \times 1^2 = 6W$$

ب)



$$R_{eq} = \frac{(6 + 6) \times 6}{(6 + 6) + 6} = 4\Omega$$

$$I_r = \frac{20}{4 + 1} = 4A$$

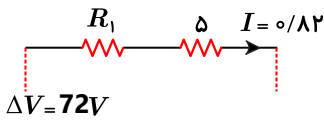
$$\varepsilon - rI_r = R_1 I_r \Rightarrow I_r = \frac{20 - 4 \times 1}{6} = \frac{16}{6}A$$

$$I'_{R_r} = I_r - I_r = 4 - \frac{16}{6} = \frac{8}{6}A$$

$$P'_{R_r} = R_r I'^2_{R_r} = 6 \times \left(\frac{8}{6}\right)^2 = \frac{32}{3}W$$

$$\Delta P = \frac{32}{3} - 6 = \frac{32}{3} - \frac{18}{3} = \frac{14}{3}W$$

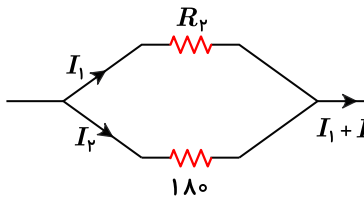
۲۱۳ گزینه ۳ مدار «الف»:



$$\Rightarrow (R_1 + 5)(0.82) = 72$$

$$\Rightarrow R_1 + 5 = 45 \Rightarrow R_1 = 40\Omega$$

مدار «ب»:

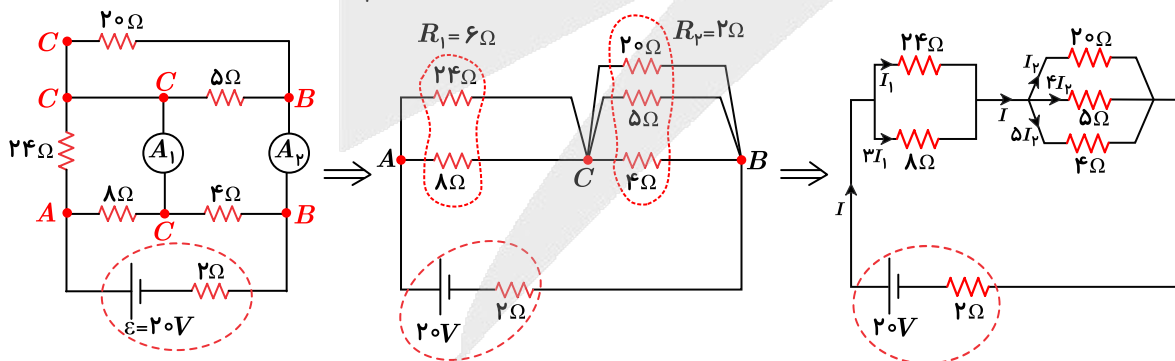


$$\frac{R_r \times 180}{R_r + 180} \times 0.82 = 73.8 \Rightarrow \frac{R_r \times 180}{R_r + 180} = 90$$

$$\Rightarrow 2R_r = R_r + 180 \Rightarrow R_r = 180\Omega$$

۲۱۴ گزینه ۳ ابتدا با نقطه گذاری مدار را ساده سازی و جریان هر مقاومت را مشخص می کنیم:

$$R_1 = \frac{24 \times 8}{24 + 8} = 6\Omega, \quad \frac{1}{R_r} = \frac{1}{20} + \frac{1}{5} + \frac{1}{4} \Rightarrow R_r = 2\Omega$$



$$I = \frac{20}{6 + 2 + 2} = 2A$$

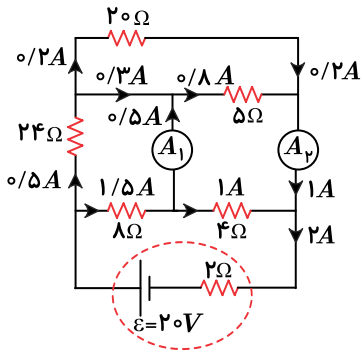
$$I_1 + 3I_1 = I = 2 \Rightarrow I_1 = 0.5A$$

$$I_r + 4I_r + 5I_r = I = 2 \Rightarrow I_r = 0.2A$$

نکته: جریان در مدار با نسبت عکس مقاومت ها تقسیم می شود.



با توجه به شکل مقابل، $A_1 = 0.5A$ و $A_2 = 1A$ است.



۲۱۵ گزینه ۳ مدار الف:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_1} = \frac{20}{10} = 2A$$

مدار ب:

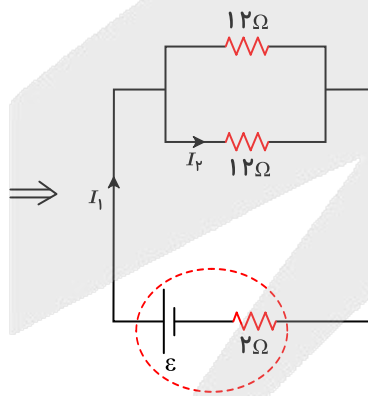
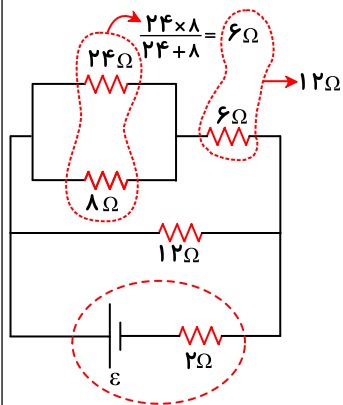
$$R_{eq} = \frac{10000}{1000+1} = \frac{10000}{1001} \Omega$$

$$I' = \frac{\varepsilon}{R_{eq}} = \frac{20}{\frac{10000}{1001}} = \frac{20 \times 1001}{10000} = 2.002A$$

$$I' - I = 2.002 - 2 = 0.002A = 2mA$$

۲۱۶ گزینه ۲

قبل از بستن کلید:



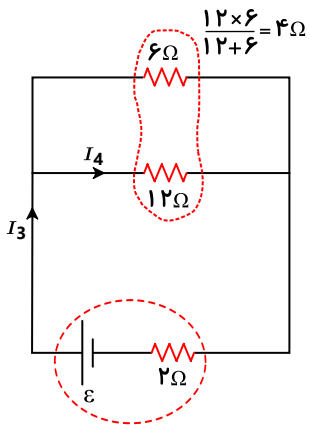
$$I_2 = \frac{I_1}{2}$$

$$I_1 = \frac{\varepsilon}{R_{eq}} = \frac{\varepsilon}{\frac{12}{2} + 2} = \frac{\varepsilon}{8}$$

$$\Rightarrow I_2 = \frac{\varepsilon}{16}$$

$$P = RI_2^2 \Rightarrow P_{12} = 12 \times \left(\frac{\varepsilon}{16}\right)^2$$

بعد از بستن کلید، مقاومت‌های 24Ω و 8Ω اتصال کوتاه می‌شوند:



$$I_3 = \frac{I_3}{3}$$

$$I_3 = \frac{\varepsilon}{R_{eq}} = \frac{\varepsilon}{4 + 2} = \frac{\varepsilon}{6}$$

$$I_4 = \frac{\varepsilon}{18} \Rightarrow$$

$$P'_{12} = 12 \times \left(\frac{\varepsilon}{18}\right)^2$$

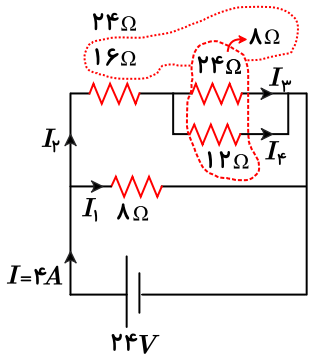
$$P'_{12} - P_{12} = \frac{12\varepsilon^2}{16^2} - \frac{12\varepsilon^2}{18^2} = \frac{17}{3}$$

$$12\varepsilon^2 \left(\frac{1}{16^2} - \frac{1}{18^2}\right) = \frac{17}{3} \Rightarrow \varepsilon = 24V$$

اختلاف توان در دو حالت را به دست می آوریم:

۲۱۷ گزینه ۳

نکته: جریان در سیم‌ها به نسبت عکس مقاومت‌ها تقسیم می‌شود.



$$R_{eq} = \frac{24 \times 8}{24 + 8} = 6\Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq}} = \frac{24}{6} = 4A$$

مقاومت معادل در شاخه بالایی 24Ω و در شاخه پایینی 8Ω است. چون 24 ، سه برابر 8 است پس جریان گذرنده از مقاومت 8Ω ، سه برابر جریان گذرنده از شاخه بالایی خواهد بود.

$$I_1 + I_3 = 4A \begin{cases} I_1 = 3A \\ I_3 = 1A \end{cases}$$

با همین نکته برای I_3 و I_4 خواهیم داشت:

$$I_3 + I_4 = 1A \begin{cases} I_3 = \frac{1}{3}A \\ I_4 = \frac{2}{3}A \end{cases}$$

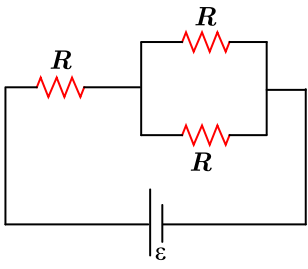
اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت از رابطه $V = RI$ به دست می‌آید:

$$V = I_3 \times R = \frac{1}{3} \times 24 = 8V$$

۲۱۸ گزینه ۴



حالت اول:

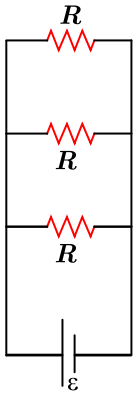


$$R_{eq} = R + \frac{R}{2} = \frac{3R}{2}$$

$$P = \frac{\varepsilon^2}{R_{eq}} = \frac{\varepsilon^2}{\frac{3R}{2}} = \frac{2\varepsilon^2}{3R}$$

$$\Rightarrow \varepsilon^2 = \frac{3}{2}PR$$

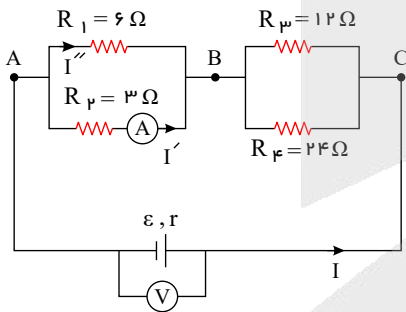
حالت دوم:



$$R_{eq} = \frac{R}{3}$$

$$P = \frac{\varepsilon^2}{R_{eq}} = \frac{\varepsilon^2}{\frac{R}{3}} = \frac{3\varepsilon^2}{R} = 18$$

۲۱۹ گزینه ۲



R_2 افزایش یابد، R_{eq} افزایش می یابد. بنابراین I ($I = \frac{\varepsilon}{r + R_{eq}}$) کل کاهش می یابد.

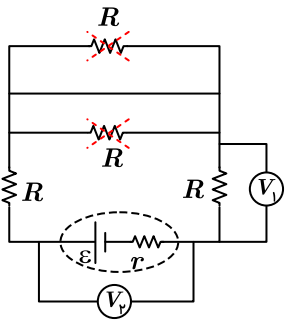
$$\left\{ \begin{array}{l} V = \varepsilon - rI \xrightarrow{I \downarrow} V_{AC} \uparrow \\ V_{BC} = R_{3,4} I \xrightarrow{\text{ثابت}} V_{BC} \downarrow \end{array} \right. \xrightarrow{(V_{AC} = V_{AB} + V_{BC})} V_{AB} \uparrow \Rightarrow V_1 = V_{AB} \uparrow = \underbrace{R_1}_{\text{ثابت}} I'' \rightarrow I'' \uparrow$$

$$I = I' + I'' \xrightarrow{I \downarrow, I'' \uparrow} I' \downarrow \text{ عدد آمپرسنج}$$

۲۲۰ گزینه ۴ با بستن کلید k ، مقاومت های R مطابق شکل، اتصال کوتاه و از مدار حذف می شوند.



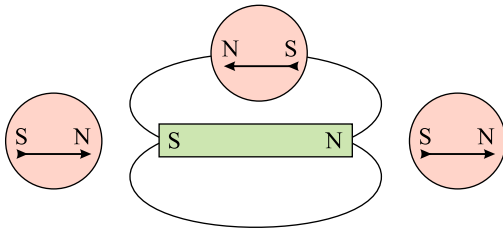
بنابراین مقاومت کل مدار کاهش می‌یابد.



$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r}$$

$R_{eq} \downarrow \rightarrow I \uparrow$
 $\uparrow V_1 = RI \Rightarrow V_1$ افزایش می‌یابد
 $\downarrow V_2 = \varepsilon - rI \Rightarrow V_2$ کاهش می‌یابد

۲۲۱ گزینه ۴



می‌دانیم که میدان مغناطیسی در هر نقطه، مماس بر خط میدان در آن نقطه و هم‌جهت با قطب N عقربه مغناطیسی است که در آن نقطه قرار می‌گیرد. بنابراین:

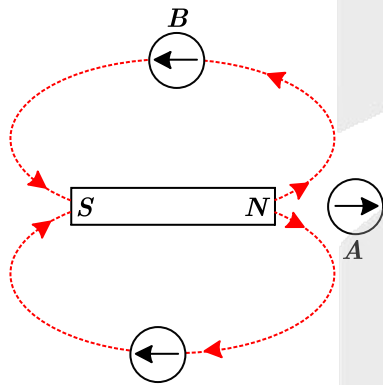
قطب A آهن‌ربا: N

جهت میدان مغناطیسی در M : \leftarrow

۲۲۲ گزینه ۴ با استفاده از قانون دست راست با توجه به درون‌سو بودن جریان سیم، میدان مغناطیسی اطراف سیم به صورت ساعتگرد ایجاد می‌شود؛ همچنین بردار میدان بر خطوط میدان مغناطیسی مماس است، پس میدان در نقطه A به سمت راست (\rightarrow) و در نقطه B به سمت بالا (\uparrow) است چون نقطه B فاصله بیشتری از سیم دارد، اندازه میدان نیز کمتر است.

۲۲۳ گزینه ۴

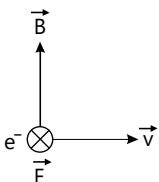
با رسم خطوط میدان مغناطیسی اطراف آهن‌ربا، داریم:



۲۲۴ گزینه ۳

با استفاده از قاعده دست راست برای بار منفی، گزینه (۳) درست است.

دقت کنید در اینجا که بار الکترون منفی، جهت نهایی یافته شده، با دست راست را باید برعکس کنید یا از دست چپ استفاده کنید.



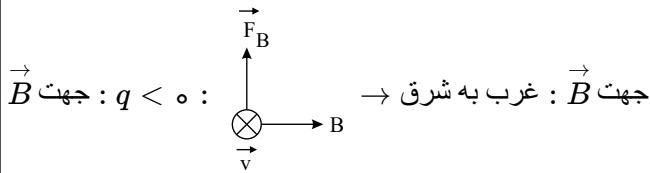
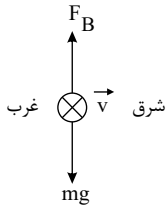
۲۲۵ گزینه ۳ چون قیدی روی سرعت یا میدان نداشته‌ایم پس لزومی ندارد B و v برهم عمود باشند، پس تنها گزینه «۳» می‌تواند درست باشد.

۲۲۶ گزینه ۴

$$m = 5gr, \quad v = 2.5 \times 10^3 \text{ m/s}, \quad q = -50 \mu\text{C}$$



اگر رو به شمال قرار گیریم ذره در امتداد عمود بر صفحه کاغذ و درون سو (جنوب به شمال)، پرتاب شده است:



ذره جنوب به شمال پرتاب شده است. $F_B = mg \rightarrow |q|vB \sin 90^\circ = mg$ (برای عدم انحراف ذره در حین حرکت): اندازه \vec{B}

با نگاهی به گزینه‌ها (هرچند در متن سؤال اشاره‌ای نشده است)، درمی‌یابیم که \vec{v} و \vec{B} بر هم عمودند.

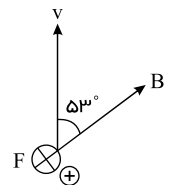
$$\rightarrow (50 \times 10^{-6})(2.5 \times 10^3)(B)(1) = (5 \times 10^{-3})(10)$$

$$\rightarrow B = \frac{5 \times 10^{-2}}{125 \times 10^{-3}} = 0.4T$$

گزینه ۴ طبق قاعده دست راست نیرو درون سو است. (اگر چهار انگشت در جهت v به گونه‌ای قرار گیرد که بردار میدان مغناطیسی از کف دست خارج شود، انگشت شست در جهت نیروی وارد بر ذره قرار می‌گیرد.)

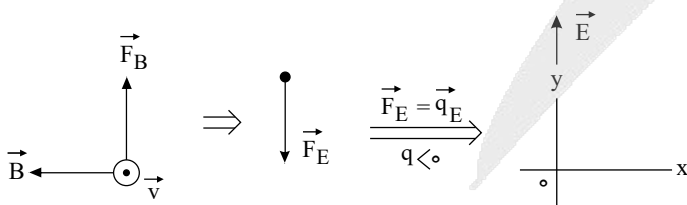
بزرگی نیروی مغناطیسی:

$$F = |q|vB \sin \alpha = (25 \times 10^{-6})(2 \times 10^5)(1)(0.8) \rightarrow \boxed{F = 4N}$$



گزینه ۴ گام اول: از وزن الکترون صرف نظر شده است. پس شرط این که الکترون بدون انحراف به مسیر خود ادامه دهد این است که:

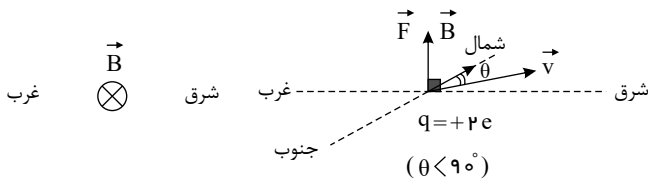
$$F_B = F_E \Rightarrow |q| vB \sin \theta = |q| E \frac{\theta=90^\circ}{\sin \theta=1} \Rightarrow E = vB = (2 \times 10^5)(40 \times 10^{-4}) \Rightarrow E = 800 \frac{N}{C}$$



گام دوم: با توجه به قانون دست راست (در اینجا برای بار منفی)، جهت نیروی مغناطیسی به سمت بالا می‌شود. بنابراین باید نیروی الکتریکی به سمت پایین باشد تا نیروی مغناطیسی را خنثی کند. حالا چون نیروی الکتریکی وارد بر بار منفی در خلاف جهت میدان الکتریکی است، بنابراین میدان الکتریکی به سمت بالا می‌باشد.

$$\vec{E} = 800\vec{j} = (8 \times 10^2)\vec{j}$$

گزینه ۱ فرض کنید شمال جغرافیایی در مقابل ما قرار دارد.



ذره α ، هسته اتم هلیوم بوده و بار الکتریکی آن: $q = +2e$ می‌باشد. طبق قانون دست راست اگر چهار انگشت دست راست در جهت حرکت به گونه‌ای قرار گیرد که بردار میدان مغناطیسی از کف دست خارج شود، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر ذره α در امتداد قائم رو به بالا است.

۲۳۰ گزینه ۱ محاسبه نیروی وارد بر ذره α :

$$F = ma \Rightarrow |q|vB \sin \alpha = ma \Rightarrow B = \frac{ma}{|q|v \sin \alpha} = \frac{(6,68 \times 10^{-27})(4 \times 10^5)}{(2 \times 1,6 \times 10^{-19})(50)(1)}$$

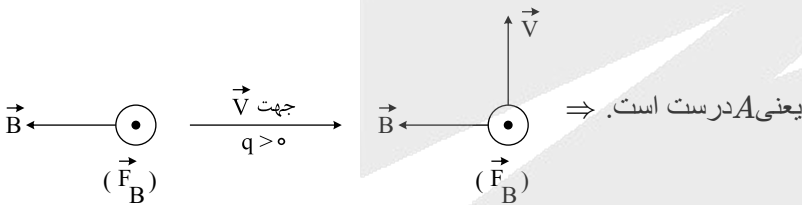
$$\Rightarrow B = \frac{26,72 \times 10^{-22}}{1,6 \times 10^{-17}} = 16,7 \times 10^{-5} T = 1,67 \times 10^{-4} T = 1,67 G$$

۲۳۱ گزینه ۱ گام اول: برای اینکه نیروی وارده بیشینه شود باید نیروی وارده از طرف میدان الکتریکی بر ذره یعنی \vec{F}_E و نیروی وارده از طرف میدان مغناطیسی بر

ذره یعنی \vec{F}_B هم جهت باشند. چون تعیین تکلیف \vec{F}_E راحت تر است از \vec{F}_B شروع می‌کنیم. (چرا؟)

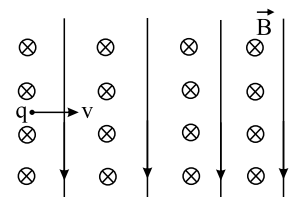
گام دوم: چون $q > 0$ و $\vec{E} \odot$ در نتیجه $\vec{F}_E \odot$ (برون سو است)

گام سوم: چون \vec{F}_E برون سو است برای اینکه (F_{net}) بیشینه باشد بایستی \vec{F}_B هم برون سو (هم جهت \vec{F}_E) باشد. چون $q > 0$ و جهت \vec{B} از راست به چپ داده شده ($\leftarrow \vec{B}$) اگر از قانون دست راست کمک بگیریم:



۲۳۲ گزینه ۳

$$\begin{cases} q = 2 \mu C = 2 \times 10^{-6} C > 0 \\ v = 2 \times 10^4 \frac{m}{s} \\ B = 0,2 T \\ E = 500 \frac{N}{C} \end{cases}$$



گام اول: از طرف میدان الکتریکی به بار $q > 0$ نیروی $F_E = qE$ هم جهت با میدان الکتریکی \vec{E} به بار q وارد می‌شود.

$$\vec{F}_E = q\vec{E} = (2 \times 10^{-6})(500) = 10^{-3} (N)$$

گام دوم: از طرف میدان مغناطیسی نیز به بار q نیروی \vec{F}_B وارد می‌شود:

$$F_B = qvB \sin 90^\circ = qvB = (2 \times 10^{-6})(2 \times 10^4)(2 \times 10^{-2}) = 8 \times 10^{-4} (N) = 0,8 \times 10^{-3}$$

جهت \vec{F}_B طبق قانون دست راست و مثبت بودن q به طرف بالا است:



$$F_B \uparrow \quad F_E \downarrow \quad F_{net} = F_E - F_B = 10^{-3} - 0,8 \times 10^{-3} = 0,2 \times 10^{-3} = 2 \times 10^{-4} N \text{ (رو به پایین)} \quad (F_E > F_B)$$

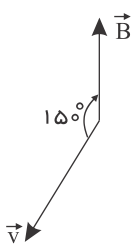
۲۳۳ گزینه ۱ بدیهی که با استفاده از قانون دست راست، اگر چهار انگشت دست راست در جهت \vec{v} به گونه‌ای قرار گیرد که بردار میدان \vec{B} از کف دست خارج شود، انگشت شست جهت نیروی وارد بر آن را در جهت $\vec{j} +$ نشان می‌دهد، پس شتاب نیز در همان جهت است.

$$F = qVB \sin \theta \xrightarrow{\vec{F}=ma} m\vec{a} = qVB \sin \theta \rightarrow \vec{a} = \frac{qVB \sin \theta}{m}$$

$$\rightarrow \vec{a} = \frac{1,6 \times 10^{-19} \times 10^4 \times 170 \times 10^{-4} \times (1)}{1,7 \times 10^{-27}} \rightarrow \vec{a} = 1,6 \times 10^{10} \vec{j}$$

گزینه ۴

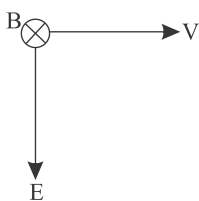
قبل از هر چیز، دقت کنید که بار الکتریکی منفی است (الکترون است) پس اگر از قاعده دست راست استفاده کردیم، باید جهت نهایی یافته شده را \vec{B} را عکس کنیم یا از همان اول از قاعده دست چپ استفاده کنیم که در این صورت نیروی وارد بر الکترون برون سو خواهد بود. (چهار انگشت دست چپ را روی V قرار داده و به گونه‌ای ببینید که چهار انگشت در امتداد B قرار گیرد، در این صورت نیروی وارد بر ذره، هم سو با انگشت شست، یعنی در اینجا برون سو خواهد بود.)



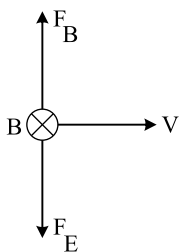
$$F = qVB \sin \theta = 1,6 \times 10^{-19} \times 10^4 \times 200 \times 10^{-4} \times \frac{1}{2} \rightarrow F = 8 \times 10^{-16} N \odot$$

۲۳۵ گزینه ۱ برای اینکه این ذره بتواند در این دو میدان مغناطیسی و الکتریکی عمود بر هم، بدون انحراف حرکت کند، باید نیروهای الکتریکی و مغناطیسی وارد بر ذره، یکدیگر را خنثی می‌کنند، یعنی:

$$F_{net} = 0 \rightarrow F_E = F_B \rightarrow E \cdot q = qvB \rightarrow E = v \cdot B \rightarrow v = \frac{E}{B} = \frac{10^3}{1000 \times 10^{-4}} \rightarrow v = 10^4 \frac{m}{s}$$



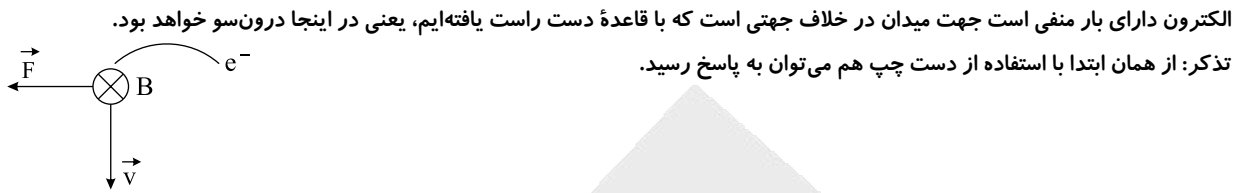
و در اینجا است، اگر چهار انگشت دست راست در جهت میدان الکتریکی E به گونه‌ای قرار گیرد که برداری میدان مغناطیسی B از کف دست خارج شود، انگشت شست، جهت سرعت ذره را نمایش می‌دهد، یعنی در اینجا:



۲۳۶ گزینه ۳ با توجه به قاعده دست راست، اگر چهار انگشت دست راست خود را بر روی صفحه در جهت سرعت ذره به گونه‌ای قرار دهیم که انگشت شست در

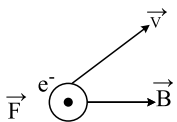


جهت نیروی F قرار گیرد، بردار میدان مغناطیسی از کف دست خارج می‌شود که در اینجا برای بار مثبت برون سو خواهد بود. بدیهی است که چون



گزینه ۱ برای تعیین جهت نیروی مغناطیسی وارد بر ذره باردار متحرک، از قاعده دست راست استفاده می‌کنیم به گونه‌ای که اگر چهار انگشت دست راست در جهت حرکت ذره به گونه‌ای قرار گیرد که بردار میدان مغناطیسی از کف دست خارج شود، انگشت شست جهت نیروی مغناطیسی وارد بر ذره باردار متحرک مثبت را نشان می‌دهد (در اینجا برای بار مثبت درون سو می‌شود) ولی از آنجا که الکترون دارای بار الکتریکی منفی است، جهت یافته شده، در خلاف جهت نیروی وارد بر ذره باردار منفی است، پس جهت نیروی وارد بر الکترون در اینجا برون سو است.

گزینه ۲ اگر از قاعده دست راست استفاده کنیم، در نهایت باید جهت یافته شده را عکس کنیم چون الکترون دارای بار منفی است. حال اگر چهار انگشت دست راست در جهت v به گونه‌ای قرار گیرد که بردار B از کف دست خارج شود، انگشت شست جهت نیروی وارد بر ذره مثبت را درون سو نمایش می‌دهد، پس در اینجا، این نیرو، برون سو است.



گزینه ۱ از آنجا که بزرگی نیرویی که از طرف میدان بر الکترون وارد می‌شود، بیشینه است، بردار سرعت، عمود بر میدان است و داریم:

$$F = qvB \sin \theta \xrightarrow{\sin \theta = 1} 4 \times 10^{-14} = 1.6 \times 10^{-19} \times 5 \times 10^5 \times B \times 1 \Rightarrow B = 0.5 T$$

حال با توجه به قاعده دست راست، اگر چهار انگشت دست راست را عمود بر صفحه به طرف بیرون به گونه‌ای قرار دهیم که انگشت شست به طرف پایین باشد، کف دست به طرف غرب خواهد بود ولی از آنجا که الکترون دارای بار منفی است، جهت میدان مغناطیسی در خلاف جهت غرب یعنی شرق است. (تذکر: از همان ابتدا می‌توان برای تعیین جهت‌ها برای بارهای منفی، از دست چپ استفاده کرد.)

گزینه ۲

با توجه به قاعده دست راست، اگر چهار انگشت دست راست در جهت حرکت ذره، به گونه‌ای قرار گیرد که بردار میدان مغناطیسی از کف دست خارج شود، انگشت شست، نیروی وارد بر ذره باردار مثبت را نشان می‌دهد. در اینجا چون الکترون دارای بار منفی است، جهت مشخص شده از قانون دست راست را عکس می‌کنیم. (یا از همان اول از دست چپ استفاده می‌کنیم)

گزینه ۴ طبق رابطه $F = |q|vB \sin \alpha$ داریم:

$$[F] = [q][v][B] \rightarrow [B] = \frac{N}{C \cdot \frac{m}{s}} = \frac{N \cdot s}{C \cdot m} \xrightarrow{N = \frac{kgm}{s^2}} [B] = \frac{kg \cdot m \cdot s}{s^2 \cdot C \cdot m} = \frac{kg}{C \cdot s}$$

گزینه ۴ از قانون دست راست استفاده می‌کنیم، ولی چون بار الکترون منفی است، نتیجه را برعکس در نظر می‌گیریم. دست را طوری قرار می‌دهیم که چهار انگشت به سمت راست باشد و میدان از کف دست خارج شود. در این صورت انگشت شست به سمت پایین صفحه قرار خواهد گرفت؛ پس الکترون برعکس این جهت یعنی به سمت بالا منحرف می‌شود.

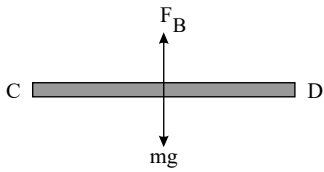
گزینه ۲ نیرو همواره بر سرعت و میدان عمود است و جهت نیرو باید از قاعده دست راست پیروی کند.

گزینه ۱ در ابتدا اطلاعات سوال را بر حسب یکای SI آنها می‌نویسیم:



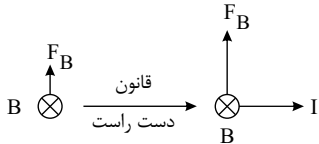
$$m = 160g = 16 \times 10^{-2} kg, \quad L = 80cm = 0.8m, \quad B = 0.4T$$

برای اینکه از طرف میله به فنرها نیروی وارد نشود، باید تمام وزن میله توسط نیروی مغناطیسی خنثی شود.



$$F_B = mg \rightarrow ILB \sin 90^\circ = mg \rightarrow I \times \frac{8}{10} \times \frac{4}{10} \times 1 = (16 \times 10^{-2})(10)$$

$$\rightarrow I = \frac{160}{32} = 5A$$



از I به C به D است، بنابراین جواب نهایی: $5A$ از C به D است.

I : جهت چهار انگشت دست راست

B : جهت خم شدن انگشتان دست راست

F : جهت انگشت شست دست راست

۲۴۵ گزینه ۴

$$\begin{cases} F = qvB \sin \alpha \rightarrow B = \frac{F}{qv \sin \alpha} \left(\frac{N}{C \cdot \frac{m}{s}} \right) \left(\frac{N}{m \cdot A} \right) \\ I = \frac{q}{t} \left(\frac{C}{s} \right) A \end{cases}$$

۲۴۶ گزینه ۱ اگر رابطه نیروی وارد بر سیم راست از طرف میدان مغناطیسی را بنویسیم و نیوتون را بر حسب یکاهای اصلی بیان کنیم داریم:

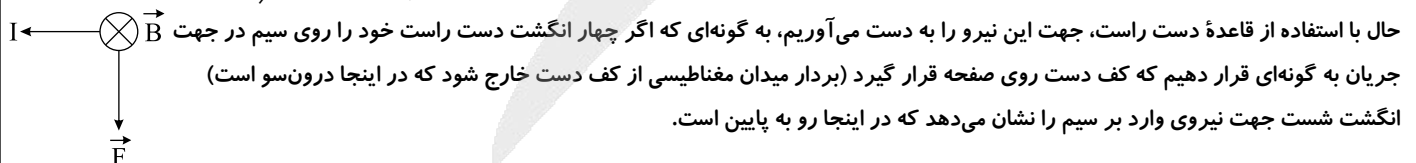
$$F = IlB \sin \theta$$

$$B = \frac{F}{Il} \Rightarrow [B] = \frac{N}{A \cdot m} = \frac{kg \frac{m}{s^2}}{A \cdot m} \rightarrow [B] = \frac{kg}{A \cdot s^2}$$

پس یکای میدان مغناطیسی بر حسب یکاهای اصلی SI معادل $\frac{kg}{A \cdot s^2}$ است.

۲۴۷ گزینه ۴ در ابتدا بزرگی نیروی مغناطیسی وارد بر سیم را می‌یابیم:

$$F = IlB \sin \theta \xrightarrow{I=2.5A, l=2.4m, B=0.5G=5 \times 10^{-5}T, \theta=90^\circ} F = (2.5)(2.4)(5 \times 10^{-5})(\sin 90^\circ) \Rightarrow F = 3 \times 10^{-4} N$$

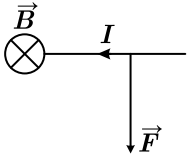


۲۴۸ گزینه ۴ برای تعیین بزرگی نیروی مغناطیسی وارد بر سیم راست حامل جریان از طرف میدان مغناطیسی داریم:

$$F = IlB \sin \theta \Rightarrow F = 4 \times 2 \times (500 \times 10^{-4})(\sin 37^\circ) \\ \Rightarrow F = 8 \times 5 \times 10^{-2} \times 0.6 \Rightarrow F = 2.4 \times 10^{-1} N$$



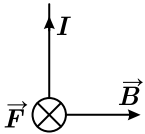
۲۴۹ گزینه ۳



$$F = ILB \sin \theta = 2 \times 2 \times 0,45 \times 10^{-4} = 1,8 \times 10^{-4} N$$

(قاعده دست راست)

۲۵۰ گزینه ۴



(قانون دست راست)

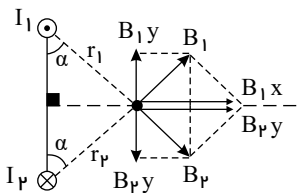
۲۵۱ گزینه ۱

$$F = ILB \sin \theta$$

$$F = 4000 \times 100 \times 0,5 \times 10^{-4} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 10\sqrt{3} N$$

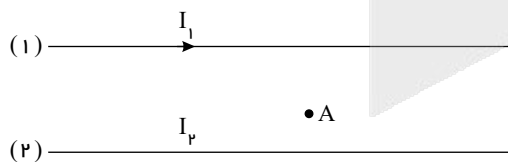
۲۵۲ گزینه ۱ از قانون دست راست استفاده می‌کنیم، اما چون بار الکترون منفی است، نتیجه را برعکس می‌کنیم اگر دست را طوری قرار دهیم که انگشت شست در جهت \vec{F} قرار بگیرد و ۴ انگشت در جهت \vec{v} ، کف دست به سمت داخل صفحه است؛ پس میدان درون سو است.

۲۵۳ گزینه ۱



چون $r_1 = r_2$ و $I_1 = I_2$ (تقارن در شکل) در می‌یابیم: $B_1 = B_2$ و $B_{2y} = B_{1y}$ پس $B_T = B_{1x} + B_{2x}$

۲۵۴ گزینه ۴

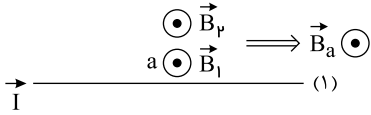


گام اول: میدان ناشی از سیم I_1 در محل A ، درون سو است. بنابراین برای اینکه میدان مغناطیسی برآیند حاصل از دو سیم در A صفر شود بایستی میدان مغناطیسی حاصل از سیم I_2 در A ، برون سو شود و لازمه این کار این است که جریان I_2 هم جهت I_1 باشد.

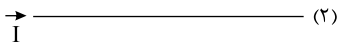
گام دوم: چون نقطه A به سیم (۲) نزدیک‌تر است، جریان I_1 باید از I_2 بزرگ‌تر باشد تا جبران فاصله بیشتر I_2 از نقطه A را بنماید. (تذکر: به طور کلی، اگر در نقطه‌ای بین دو سیم راست و موازی حامل جریان، میدان مغناطیسی برآیند صفر شود، جریان سیم‌ها همسو بوده و نقطه موردنظر به سیم حامل جریان کمتر، نزدیک‌تر است.)



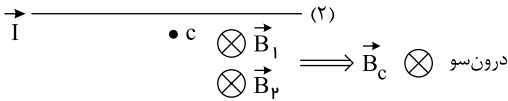
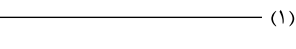
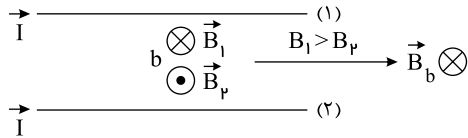
۲۵۵ گزینه ۲



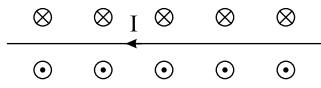
قبل از هر چیز می‌دانیم که بزرگی میدان مغناطیسی در اطراف یک سیم راست؛ (۱) با جریان عبوری از سیم رابطه مستقیم دارد. (۲) با فاصله از سیم رابطه عکس دارد. حال به تحلیل میدان مغناطیسی برآیند در برون سو



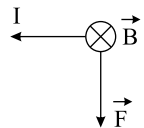
نقاط داده شده می‌پردازیم. نقطه a: اگر انگشت شست دست راست خود را در جهت جریان I و بر روی سیم قرار دهیم، چهار انگشت در حالت بسته شدن، جهت میدان مغناطیسی در اطراف سیم را نشان می‌دهند و از آنجا که بردار میدان مغناطیسی مماس بر خط میدان در هر نقطه است، داریم:



۲۵۶ گزینه ۳

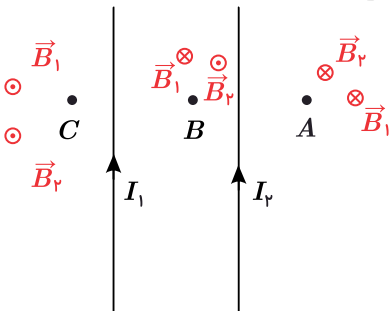


اگر انگشت شست دست راست روی سیم و در جهت جریان قرار گیرد، چهار انگشت در حالت بسته شدن، جهت میدان مغناطیسی در اطراف سیم حامل جریان را نشان می‌دهند که با توجه به جهت میدان مغناطیسی نشان داده شده جهت جریان در سیم به طرف چپ است.

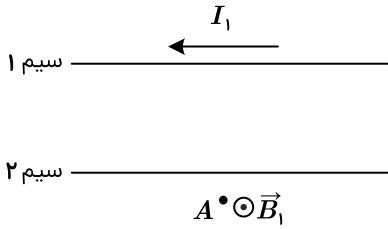


حال اگر این سیم در یک میدان مغناطیسی خارجی درون سو قرار گیرد، از طرف میدان نیروی F به طرف پایین به آن وارد می‌شود. (قاعده دست راست)

۲۵۷ گزینه ۱



نقطه A: $B_T \rightarrow$ درون سو
نقطه B: $B_2 > B_1 \rightarrow B_T \rightarrow$ برون سو
نقطه C: $B_T \rightarrow$ برون سو

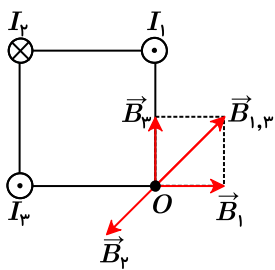


چون میدان حاصل از سیم (۱) در نقطه A برون سو است، برای اینکه برآیند میدانها صفر شود، باید میدان حاصل از سیم ۲، درون سو باشد. پس جهت جریان سیم ۲ به سمت راست می شود و چون نقطه A به سیم ۲ نزدیک تر است، باید $I_2 < I_1$ باشد.

گزینه ۲ توجه کنید که چون ذره باردار، بار منفی دارد، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر آن در خلاف جهتی است که طبق قانون دست راست به دست می آید.

گزینه ۳ با افزایش فاصله از سیم میدان مغناطیسی ضعیف می شود؛ بنابراین باید فاصله خطوط میدان افزایش یابد (رد گزینه های ۲ و ۴). از طرفی طبق قاعده دست راست، جهت میدان مغناطیسی در اطراف سیمی که جریان آن برون سو است، پادساعتگرد خواهد بود.

گزینه ۲۶۱



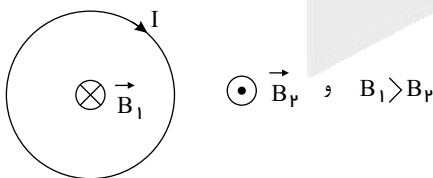
بردار برآیند (B_T) هم جهت با $B_{1,3}$ است. $|B_2| < |B_1 = B_3| \Rightarrow |B_2| < |B_{1,3}| = |B_1|\sqrt{2} \Rightarrow$

گزینه ۲۶۲

$$B = \frac{\mu_0 NI}{L} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 200 \times 5}{60 \times 10^{-2}} = 2 \times 10^{-3} T$$

گزینه ۲۶۳

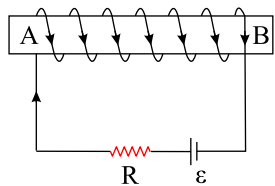
به تراکم خطوط میدان مغناطیسی درون حلقه و بیرون آن در شکل کتاب درسی توجه فرمائید.



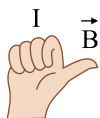
بزرگی میدان مغناطیسی در مرکز حلقه، بیشتر از بقیه نقاط و میدان در بیرون حلقه بسیار ضعیف تر از مرکز حلقه است. با توجه به آنچه آموخته ایم، اگر انگشت شست دست راست در جهت جریان قرار گیرد میدان در مرکز حلقه درون سو و در بیرون حلقه برون سو خواهد بود.



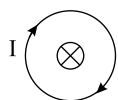
۲۶۴ گزینه ۲



با توجه به جهت جریان در سیملوله، اگر چهار انگشت دست راست روی سیملوله در جهت جریان قرار گیرد، جهت میدان مغناطیسی و قطب N آهنربا، توسط انگشت شست معلوم شده و به صورت زیر است:



۲۶۵ گزینه ۲



می‌دانیم که اگر انگشت شست دست راست روی سیم در جهت جریان قرار گیرد، چهار انگشت در حالت بسته شدن، جهت میدان مغناطیسی در اطراف سیم را نشان می‌دهد. بنابراین در اینجا جریان حلقه ساعتگرد بوده و جهت میدان مغناطیسی در مرکز حلقه، درون سواست.

۲۶۶ گزینه ۳ برای تعیین بزرگی میدان در مرکز سیملوله داریم:

$$B = \frac{\mu_0 NI}{l} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 500 \times 0.8}{0.2} \Rightarrow B = 24 \times 10^{-4} T = 24 G$$

۲۶۷ گزینه ۳

$$B = \frac{\mu_0 NI}{l} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 500 \times 400 \times 10^{-3}}{10^{-1}} = 240 \times 10^{-5} = 24 \times 10^{-4} T = 24 G$$

۲۶۸ گزینه ۳

$$157 \times 10^{-4} = 4 \times 3.14 \times 10^{-7} \times \frac{N \times 2.5}{10^{-1}} \rightarrow N = 500$$

۲۶۹ گزینه ۳ مطابق متن کتاب درسی.

۲۷۰ گزینه ۳ به متن کتاب درسی مراجعه شود.

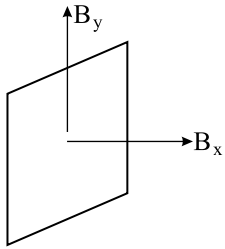
۲۷۱ گزینه ۴ دوقطبی مغناطیسی مواد پارامغناطیسی به صورت کاتوره‌ای سمت‌گیری کرده‌اند و این مواد در حضور میدان مغناطیسی خارجی قوی، خاصیت مغناطیسی ضعیف و موقتی پیدا می‌کنند.

۲۷۲ گزینه ۱

۲۷۳ گزینه ۲ اتم‌های مواد دیامغناطیسی، نظیر مس، نقره و سرب، به طور ذاتی فاقد خاصیت مغناطیسی‌اند. در واقع هیچ‌یک از اتم‌های این مواد، دارای دوقطبی مغناطیسی خالصی نیستند؛ با وجود این، حضور میدان مغناطیسی خارجی می‌تواند سبب القای دوقطبی‌های مغناطیسی در خلاف سوی میدان خارجی، در آنها شود.



گزینه ۲۷۴



در اینجا چون سطح قاب عمود بر محور x است، پس فقط مؤلفه افقی میدان مغناطیسی از قاب عبور می‌کند؛ بنابراین شار مغناطیسی عبوری از سطح قاب به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\phi = B_x A \cos 0 = 0,05 \times (20 \times 20 \times 10^{-4})$$

$$\Rightarrow \phi = 2 \times 10^{-3} \text{ Wb} = 0,002 \text{ Wb}$$

گزینه ۲۷۵

$$\Phi = AB \cos \theta \rightarrow \Phi = 30 \times 30 \times 10^{-4} \times 400 \times 10^{-4} = 36 \times 10^{-4} = 3,6 \times 10^{-3} \text{ Wb}$$

گزینه ۲۷۶ شار مغناطیسی از بیشینه مقدار خود در شکل (الف)، به صفر در شکل (ب) می‌رسد.

$$\Phi_1 = \Phi_{max} = BA \cos 0^\circ = 0,05 \times 40 \times 10^{-4} = 2 \times 10^{-4} \text{ Wb}$$

$$\Phi_2 = 0$$

$$\Delta\Phi = -\Phi_1 = -2 \times 10^{-4} \text{ Wb}$$

گزینه ۲۷۷ با استفاده از قانون القای فاراده داریم:

$$\Phi_1 = 4 \times 10^{-3} \cos\left(100\pi \times \frac{1}{200}\right) = 4 \times 10^{-3} \times \underbrace{\cos \frac{\pi}{2}}_0 = 0$$

$$\Phi_2 = 4 \times 10^{-3} \cos\left(100\pi \times \frac{1}{100}\right) = 4 \times 10^{-3} \times \underbrace{\cos \pi}_{-1} = -4 \times 10^{-3} \text{ Wb}$$

$$|\bar{\epsilon}| = \left| -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right| = 60 \times \frac{4 \times 10^{-3}}{\frac{1}{100} - \frac{1}{200}} = 48 \text{ V}$$

گزینه ۲۷۸ اگر سیم یا میله‌ای روی یک قاب U شکل با سرعت v حرکت کند و میدان مغناطیسی عمود بر قاب باشد نیروی محرکه القایی از رابطه $\bar{\epsilon} = BLv$ به دست می‌آید. داریم:

$$\bar{\epsilon} = Blv \rightarrow v = \frac{0,15}{0,25 \times 0,12} = 5 \text{ m/s}$$

با حرکت میله به طرف چپ، مساحت و شار عبوری کاهش می‌یابد. طبق قانون لنز باید میدان القایی هم‌جهت با میدان اصلی باشد. طبق قاعده دست راست، جریان القایی در قاب پادساعتگرد و از N به M است.

گزینه ۲۷۹ با استفاده از قانون القای فاراده داریم:

$$\bar{\epsilon} = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t}$$

اگر زاویه بین نیم‌خط عمود بر حلقه را در ابتدا برابر $\theta_1 = 0$ بگیریم در نهایت این زاویه برابر $\theta_2 = 180^\circ$ می‌شود.

$$\Delta\phi = \phi_2 - \phi_1 = (AB \cos \theta_2 - AB \cos \theta_1) = -0,08 \times 50 \times 10^{-4} \text{ Wb}$$

$$\Rightarrow \bar{\epsilon} = \frac{-1000 \times \frac{-8}{100} \times 50 \times 10^{-4}}{\frac{1}{100}} = 40$$



۲۸۰ گزینه ۱

با استفاده از قانون القای فاراده داریم:

$$\mathcal{E} = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \rightarrow \text{ولت} = \frac{\text{وبر}}{\text{ثانیه}}$$

۲۸۱ گزینه ۳ کافی است از قانون لنز کمک بگیریم.

$B \uparrow \rightarrow \Phi \uparrow$ هنگام ورود آهن ربا به حلقه

I القایی پادساعتگرد $\rightarrow B'$ القایی در خلاف جهت B اصلی در حلقه به وجود می آید تا با افزایش Φ مخالفت کند

B' القایی هم سو با B اصلی در حلقه به وجود می آید تا با کاهش Φ مخالفت کند $\rightarrow B \downarrow \rightarrow \Phi \downarrow$ هنگام خروج آهن ربا از حلقه

I القایی از دید ناظر بالای حلقه، ساعتگرد است. \rightarrow

۲۸۲ گزینه ۴

در رابطه $\Phi = AB \cos \theta$ ، θ زاویه بین میدان و خط عمود بر حلقه است، بنابراین:

$$\begin{cases} \varphi = AB \cos \theta = (200 \times 10^{-4})(4 \times 10^{-3})(\cos 30^\circ) \\ \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \varphi = 4\sqrt{3} \times 10^{-5} \text{ Wb} \\ \theta = 90^\circ - (\text{زاویه بین میدان و سطح حلقه}) \Rightarrow \theta = 30^\circ \end{cases}$$

۲۸۳

گزینه ۲ در نمودار $B - t$ شیب نمودار برابر $\frac{\Delta B}{\Delta t}$ است و چون شیب نمودار ثابت است $\frac{\Delta B}{\Delta t}$ در تمام بازه های زمانی یکسان است، بنابراین برای محاسبه

$\frac{\Delta B}{\Delta t}$ درباره 0 تا 30 ms ، مقدار آن را درباره 0 تا 40 ms پیدا می کنیم. داریم:

$$\left(\frac{\Delta B}{\Delta t}\right)_{0-30 \text{ ms}} = \left(\frac{\Delta B}{\Delta t}\right)_{0-40 \text{ ms}} = \frac{0 - 0.8}{40 - 0} = -\frac{0.8}{400} \left(\frac{T}{ms}\right) = -\frac{1}{50} \frac{T}{ms} \Rightarrow \bar{\mathcal{E}} = -N \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} \cos \alpha$$

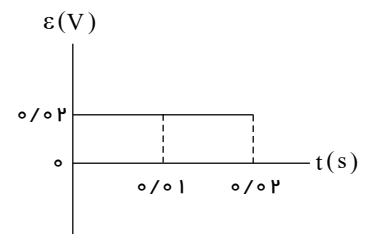
$$\frac{\alpha=0}{\cos 0=1} \Rightarrow \bar{\mathcal{E}} = -(500)(40 \times 10^{-4}) \left(-\frac{1}{50 \times 10^{-3}}\right) \Rightarrow \bar{\mathcal{E}} = 40 \text{ V}$$

۲۸۴

گزینه ۲ چون نمودار $(\phi - t)$ به صورت یک خط مایل با شیب ثابت است بنابراین $\frac{\Delta \phi}{\Delta t}$ در هر بازه زمانی در این نمودار داده شده ثابت است. برای سهولت و

تسریع در حل بازه زمانی $t = 0$ تا $t = 0.1 \text{ s}$ را انتخاب می کنیم:

$$\mathcal{E} = \bar{\mathcal{E}} = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t} = -(1) \left(\frac{0 - 2 \times 10^{-3}}{0.1 - 0}\right) = 0.2 \text{ V}$$



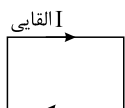
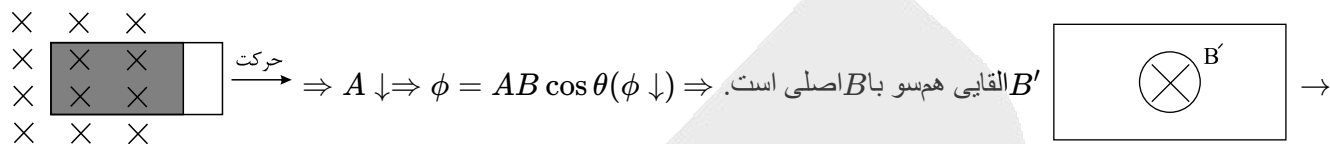
۲۸۵ گزینه ۲ در هر میلی ثانیه $(\Delta t = 10^{-3} \text{ s})$ ، شار مغناطیسی 0.2 وبر کاهش می یابد $(\Delta \phi = -0.2 \text{ Wb})$ ، بنابراین:



$$\bar{\epsilon} = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = -(1) \left(\frac{-0.02}{10^{-3}} \right) = 20V \rightarrow \bar{\epsilon} = 20V$$

و جهت جریان القایی:

با خارج شدن حلقهٔ رسانا از میدان مغناطیسی ← مساحتی از حلقه که داخل میدان است کاهش می‌یابد. ← بنابراین میدان مغناطیسی القایی به گونه‌ای به وجود می‌آید که با کاهش شار مغناطیسی ϕ مخالفت کند یعنی القایی B' با B اصلی (اولیه موجود در شکل سؤال) هم‌جهت باشد. ← طبق قانون دست راست جهت جریان القایی می‌بایست ساعتگرد باشد تا این B' القایی به وجود آمده باشد. (جریان القایی این B' القایی را به وجود آورده است).



۲۸۶ گزینه ۴ چون جهت میدان مغناطیسی درون سو و در حال کاهش است، پس جریان القایی باید به گونه‌ای باشد که میدان مغناطیسی القایی نیز درون سو بوده تا از کاهش میدان جلوگیری کند بنابراین، جهت جریان القایی ساعتگرد است. حال داریم:

$$|\bar{\epsilon}| = \left| \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \right| = \left| \frac{A(\Delta B) \cos\theta}{\Delta t} \right| = \frac{600 \times 10^{-4} \times 200 \times 10^{-4}}{10^{-3}} \rightarrow |\bar{\epsilon}| = 1.2V$$

۲۸۷ گزینه ۱ با توجه به تغییر شار مغناطیسی داریم:

$$|\bar{I}| = \frac{\bar{\epsilon}}{R} = \frac{N\Delta\phi}{R\Delta t} = \frac{20 \times 0.015}{15 \times 0.1} \Rightarrow \bar{I} = 2A$$

۲۸۸ گزینه ۴ وقتی پیچ از میدان خارج می‌شود، شار مغناطیسی عبوری از آن صفر می‌شود. پس برای تعیین بزرگی نیروی محرکه الکتریکی متوسط داریم:

$$|\bar{\epsilon}| = \frac{N\Delta\Phi}{\Delta t} = \frac{N(\Delta B)A \cos\theta}{\Delta t} \xrightarrow{\cos\theta=1}$$

$$|\bar{\epsilon}| = \frac{100(200 \times 10^{-4})(50 \times 10^{-4})}{0.1} \Rightarrow |\bar{\epsilon}| = 0.1V$$

۲۸۹ گزینه ۲ چون سطح قاب با میدان مغناطیسی زاویه 30° می‌سازد، با نیم خط عمود بر سطح زاویه 60° می‌سازد. با توجه به تغییر میدان مغناطیسی داریم:

$$\Delta B = B_2 - B_1 = 0 - 6000 = -6000G = -0.6T, A = \pi r^2 = 3.14 \times 10^{-2}$$

$$\bar{\epsilon} = -\frac{N\Delta\Phi}{\Delta t} = \frac{-NA(\Delta B) \cos\theta}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta B=0.6T, A=3.14 \times 10^{-2}} \Rightarrow \bar{\epsilon} = \frac{-(1)(3.14 \times 10^{-2})(-0.6)(\cos 60^\circ)}{15.7 \times 10^{-3}} \Rightarrow$$

$$\bar{\epsilon} = 0.6V$$

۲۹۰ گزینه ۳ با استفاده از قانون القای الکترومغناطیسی فاراده داریم:

$$I = \frac{\epsilon}{R} = \frac{N\Delta\phi}{R\Delta t} = \frac{NA \Delta B}{R \Delta t} = \frac{4 \times 10^2 \times 15 \times 10^{-4}}{0.2} = 0.3A \Rightarrow I = 0.3A$$

۲۹۱ گزینه ۴



۲۹۲ گزینه ۱

$$\left. \begin{aligned} \varepsilon_1 &= -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -\frac{-(2\Phi_m)}{t_1} = \frac{2\Phi_m}{t_1} \\ \varepsilon_2 &= 0 \\ \varepsilon_3 &= -\frac{0 - \Phi_m}{3t_1 - 2t_1} = \frac{-\Phi_m}{t_1} \end{aligned} \right\} \Rightarrow |\varepsilon_1| = 2|\varepsilon_3|$$

نکته: بزرگی نیروی محرکه القایی با شیب نمودار $\Phi - t$ متناسب است. بنابراین بزرگی نیروی محرکه در مرحله اول ($0 - t_1$)، دو برابر بزرگی نیروی محرکه در مرحله سوم ($2t_1 - 3t_1$) است.

۲۹۳ گزینه ۱

$$T = \frac{N}{m \cdot A} \xrightarrow{N=kg \cdot \frac{m}{s^2}} T = \frac{kg \cdot m}{m \cdot A \cdot s^2} = \frac{kg}{A \cdot s^2}$$

$$Wb = T \cdot m^2 = \frac{kg \cdot m^2}{A \cdot s^2}$$

۲۹۴ گزینه ۳

$$|\varepsilon_{av}| = \left| -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \right| = NA \frac{\Delta B}{\Delta t}$$

$$\rightarrow 1,2 = 500 \times A \times 0,6 \rightarrow A = \frac{1}{250} m^2 = 40 cm^2$$

۲۹۵ گزینه ۴ طبق قانون لنز با حرکت میله به سمت راست، جریانی پادساعتگرد در حلقه ایجاد می‌شود که با افزایش شار درون سو مخالفت کند؛ بنابراین جریان در میله از C به D است.

$$|\varepsilon| = \left| -N \frac{\Delta A}{\Delta t} \times B \right| = 1 \times 20 \times 10^{-4} \times \frac{1}{2} = 10^{-3} V = 1 mV$$

۲۹۶ گزینه ۳ با توجه به قانون القای الکترومغناطیسی فاراده، داریم:

$$I = \frac{\varepsilon}{R} = -\frac{N}{R} \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$$

↓
شیب نمودار $\Phi - t$

توجه کنید که چون نمودار $\Phi - t$ به صورت یک خط راست است، جریان برابر یک مقدار ثابت می‌شود و همچنین چون اندازه شیب نمودار در مرحله سوم بیشتر از مرحله اول است، $I_3 > I_1$ است. بنابراین گزینه ۳، صحیح است.

$$(0 - t_1) : \text{شیب منفی} \rightarrow I_1 > 0$$

$$(t_1 - \frac{3}{2}t_1) : \text{شیب صفر} \rightarrow I_2 = 0$$

$$(\frac{3}{2}t_1 - 2t_1) : \text{شیب منفی} \rightarrow I_3 > 0$$

۲۹۷ گزینه ۴

$$|\varepsilon| = \left| \frac{N \Delta \Phi}{\Delta t} \right| \xrightarrow{\frac{\Delta \Phi = A \Delta B \cos \theta}{\theta = 0^\circ}} |\varepsilon| = \left| \frac{200 \times 50 \times 10^{-4} \times (-400 - 200) \times 10^{-4}}{4 \times 10^{-3}} \right|$$

$$\rightarrow |\varepsilon| = 15 V$$



گزینه ۴ ۲۹۸

$$I_{av} = \frac{-N \Delta \Phi}{R \Delta t} \xrightarrow{\Delta \Phi = A \cos \theta \Delta B} I_{av} = \frac{-1}{0.1} \times \frac{(2 \times 10^{-2})^2 \times \cos 0^\circ \times (0 - 0.16)}{10 - 2} = 8 \times 10^{-5} A$$

$$\xrightarrow{\times 10^3} I_{av} = 8 \times 10^{-2} mA$$

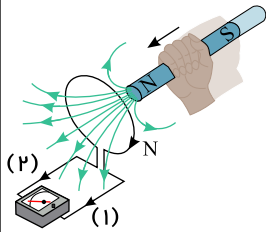
گزینه ۳ ۲۹۹

$$I = \frac{-N (\Delta B) A \cos \theta}{R \Delta t} = \frac{-200 \times (-5 \times 10^{-2}) \times 5 \times 10^{-3} \times 1}{20 \times 2 \times 10^{-3}} = \frac{25}{20} = 1.25 A$$

گزینه ۳ ۳۰۰

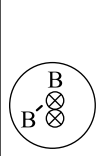
$$\varepsilon_{av} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -N \frac{BA \Delta (\cos \theta)}{\Delta t} = -200 \times \frac{0.25 \times 40 \times 10^{-4} (\cos 60^\circ - \cos 90^\circ)}{0.2} = 5 V$$

گزینه ۲ ۳۰۱



با توجه به جهت حرکت آهن‌ربا، با توجه به قانون لنز، در سمت راست حلقه، قطب N آهن‌ربای القایی ایجاد می‌شود تا با نزدیک شدن آهن‌ربا به حلقه و افزایش شار مغناطیسی مخالفت کند، پس جهت جریان القایی در جهت (۱) است و نیروی دافعه خواهیم داشت.

گزینه ۱ به بررسی یک‌به‌یک گزینه‌ها می‌پردازیم:



I در حال کاهش

(۱) درست؛ میدان ناشی از سیم راست در مرکز حلقه درون‌سو است که با کاهش جریان، میدان مغناطیسی و شار گذرنده از حلقه در حال کاهش خواهد بود. پس با توجه به قوانین القای الکترومغناطیسی فاراده و لنز، جریان القایی به گونه‌ای خواهد بود که با کاهش شار مخالفت کند و میدان مغناطیسی القایی درون‌سو و در مرکز حلقه ایجاد می‌کند، بنابراین جریان حلقه ساعتگرد خواهد بود. (B' میدان مغناطیسی‌ای است که در اثر جریان القایی حلقه، در مرکز حلقه ایجاد می‌شود).

I در حال افزایش



(۲) نادرست؛ جهت درست جریان القایی در حلقه پادساعتگرد است.

I در حال افزایش



(۳) نادرست؛ جهت درست جریان القایی در حلقه پادساعتگرد است.



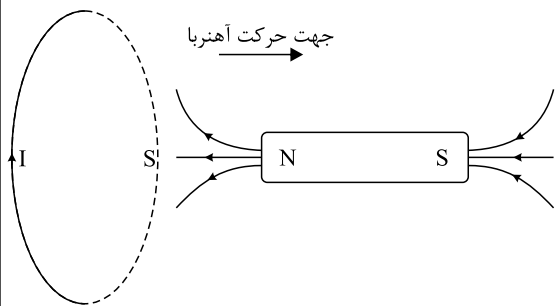
I در حال کاهش

(۴) نادرست؛ جهت درست جریان القایی در حلقه ساعتگرد است.

گزینه ۲ با توجه به جهت جریان القایی، سمت راست حلقه قطب S القایی به وجود آمده و در این صورت قطب A ، قطب N آهن‌ربا است (با توجه به خط‌های



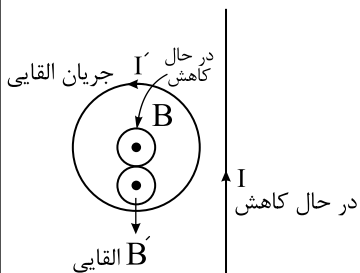
میدان آهنربا) و در حال دور شدن از حلقه است.



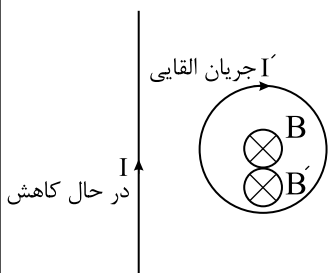
۳۰۴ گزینه ۲

چون جریان عبوری از سیم راست در حال کاهش است، پس با توجه به شکل، شار مغناطیسی عبوری از هر دو حلقه در حال کاهش است.

برای حلقه (۱)، جهت میدان مغناطیسی القا می‌شود در جهت میدان مغناطیسی حاصل از سیم است تا با تغییرات آن مخالفت کند.

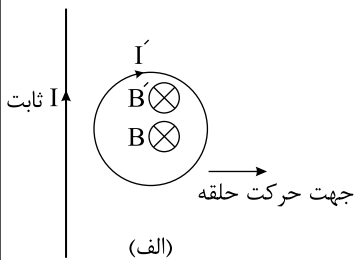


و برای حلقه (۲) نیز جهت میدان مغناطیسی القا می‌شود در جهت میدان مغناطیسی حاصل از سیم است تا با تغییرات آن مخالفت کند.

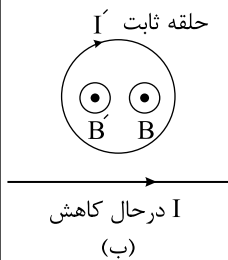


۳۰۵ گزینه ۱

در شکل (الف) با دور کردن حلقه از سیم راست، شار مغناطیسی عبوری از آن کاهش می‌یابد. پس جهت میدان مغناطیسی القا می‌شود، هم‌سو با جهت میدان مغناطیسی حاصل از سیم راست خواهد بود؛ در نتیجه جهت جریان القا می‌شود در حلقه ساعتگرد است.



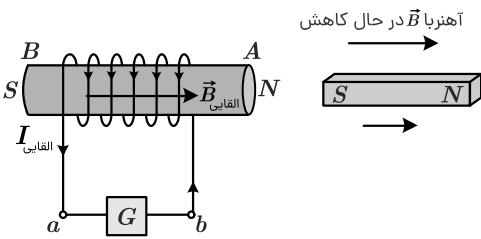
در شکل (ب) نیز شار مغناطیسی عبوری از حلقه در حال کاهش است. پس جهت میدان مغناطیسی القا می‌شود، در جهت میدان مغناطیسی حاصل از سیم راست است؛ از این رو جهت جریان القا می‌شود در حلقه پادساعتگرد است.





گزینه ۱ ۳۰۶

طبق قانون لنز، سیملوله می‌خواهد با دور شدن آهنربا مخالفت کند؛ در نتیجه در نقطه A قطب N ایجاد می‌شود که با جذب آهنربا، از دور شدن آن جلوگیری کند. همچنین با توجه به قانون دست راست در سیملوله، جهت جریان القایی از a به b است.



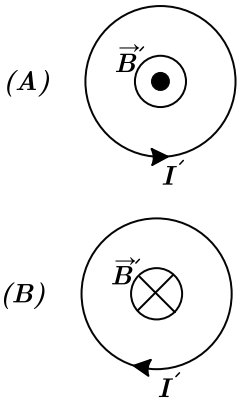
گزینه ۴ ۳۰۷

طبق قانون لنز، در حلقه ۱ و ۳، شار مغناطیسی به ترتیب در حال کاهش و افزایش است؛ در نتیجه جهت میدان القایی در این دو حلقه، به ترتیب هم‌جهت و خلاف جهت با میدان اصلی است. پس با توجه به قانون دست راست در حلقه، جریان القایی در حلقه ۱ پادساعتگرد و در حلقه ۳ ساعتگرد است. در حلقه ۲ در لحظه نشان داده شده شار مغناطیسی ثابت است. پس جریان القایی صفر خواهد بود.

گزینه ۴ ۳۰۸ طبق رابطه $\mathcal{E} = Blv$ داریم:

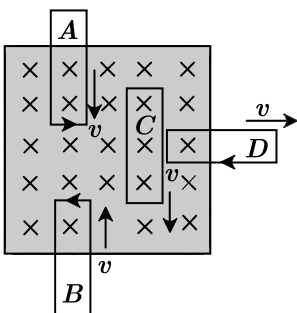
$$L_3 = L_4 > L_2 = l_1 \Rightarrow \mathcal{E}_3 = \mathcal{E}_4 > \mathcal{E}_2 = \mathcal{E}_1$$

گزینه ۱ ۳۰۹ در هر دو حلقه، شار در حال کاهش است و طبق قانون لنز، جریان به گونه‌ای در حلقه‌ها القا می‌شود که با تغییرات شار مخالفت کند. میدان مغناطیسی ناشی از سیم، در حلقه A برون‌سو و در حلقه B درون‌سو است؛ پس میدان القایی نیز در حلقه A برون‌سو و در حلقه B درون‌سو خواهد شد. در نهایت طبق قانون دست راست، جریان القایی در حلقه‌های A و B به ترتیب پادساعتگرد و ساعتگرد خواهد بود.



گزینه ۴ ۳۱۰ طبق قانون لنز، جریان القایی باید در جهتی باشد که با تغییر شار مخالفت کند و از قانون دست راست داریم:

- A : شار در حال افزایش است \Leftarrow جریان القایی پادساعتگرد
- B : شار در حال افزایش است \Leftarrow جریان القایی پادساعتگرد
- C : تغییرات شار نداریم \Leftarrow جریان القایی وجود ندارد.
- D : شار در حال کاهش \Leftarrow جریان القایی ساعتگرد



۳۱۱ گزینه ۱

ابتدا به کمک رابطه انرژی ذخیره شده در القاگر، جریان عبوری از آن را می‌یابیم و سپس میدان مغناطیسی داخل سیملوله را محاسبه می‌کنیم:

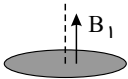
$$\begin{cases} L = 0,05H \\ U = 0,4J \end{cases} \rightarrow U = \frac{1}{2}LI^2 \rightarrow 0,4 = \frac{1}{2} \times 0,05 \times I^2 \xrightarrow{\times 100} I^2 = \frac{40 \times 2}{5} = 16 \Rightarrow I = 4A$$

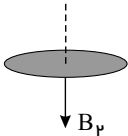
$$\begin{cases} N = 100 \\ L = \lambda cm = 8 \times 10^{-2}m \\ I = 4A \end{cases} \Rightarrow B = \frac{\mu_0 NI}{L} = \frac{(12 \times 10^{-6})(100)(4)}{(8 \times 10^{-2})} \Rightarrow B = 6 \times 10^{-3}T = 60G$$

۳۱۲ گزینه ۴

$$A = 100cm^2 = 100 \times 10^{-4}m^2 = 10^{-2}m^2 \text{ و } \Delta t = 0,25s$$

جهت نیم خط عمود بر سطح را روبه بالا در نظر می‌گیریم. سپس شار مغناطیسی در حالت اول و دوم را به دست می‌آوریم. داریم:

حالت اول:  $\Rightarrow \theta_1 = 0 \Rightarrow \Phi_1 = AB_1 \cos 0 = AB_1 = 10^{-2} \times 10^{-1} = 10^{-3}Wb$

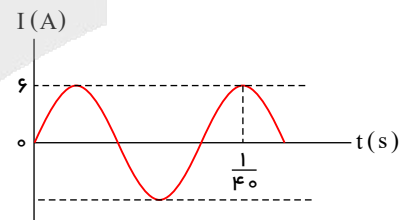
حالت دوم:  $\Rightarrow \theta_2 = 180^\circ \Rightarrow \Phi_2 = AB_2 \cos 180^\circ = -AB_2 = -10^{-2} \times 10^{-1} = -10^{-3}Wb$

$$\Rightarrow \begin{cases} |\bar{\epsilon}| = \left| -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right| = \left| -(1) \left(\frac{-10^{-3} - (10^{-3})}{0,25s} \right) \right| = 4 \times 2 \times 10^{-3} = 0,008V \Rightarrow |\bar{\epsilon}| = 8mV \\ \Delta t = 0,25s = \frac{1}{4}s \end{cases}$$

۳۱۳

گزینه ۱ ابتدا به کمک نمودار داده شده معادله جریان متناوب را به دست می‌آوریم و سپس با قرارداد $t = \frac{1}{400}s$ جریان در این لحظه را می‌یابیم:

$$\begin{cases} \frac{1}{40}s = \frac{T}{4} \Rightarrow T = \frac{1}{50}s \Rightarrow \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{(1/50)} = 100\pi \frac{rad}{s} \\ I = I_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right) = 6 \sin(100\pi t) \end{cases}$$



$$t = \frac{1}{400}s \Rightarrow I = 6 \sin\left(100\pi \times \frac{1}{400}\right) = 6 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 3\sqrt{2}A$$

و در نهایت به کمک رابطه انرژی ذخیره شده در القاگر خواهیم داشت:

$$U = \frac{1}{2}LI^2 \Rightarrow 72mJ = \frac{1}{2}L \times (3\sqrt{2})^2 = 9L \Rightarrow L = 8mH$$

۳۱۴ گزینه ۱ تا زمانی که جریان عبوری از القاگر آرمانی ثابت باشد، انرژی الکتریکی در آن تولید یا مصرف نمی‌شود.

۳۱۵ گزینه ۳ با توجه به نمودار داریم:

$$\frac{1}{320} = \frac{T}{4} \Rightarrow T = \frac{1}{400}s$$

حالا معادله جریان متناوب بر حسب زمان را می‌نویسیم و با قرار دادن $t = \frac{1}{3200}s$ جریان را در این لحظه به دست می‌آوریم:



$$I = I_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}\right) = 5\sqrt{2} \sin(100\pi t)$$

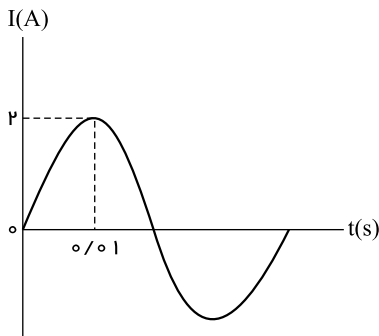
$$t = \frac{1}{3200} s \Rightarrow I = 5\sqrt{2} \sin\left(100\pi \times \frac{1}{3200}\right) = 5\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{4} = 5A \Rightarrow I = 5A$$

۳۱۶ گزینه ۲ می‌دانیم که معادله جریان متناوب در SI به صورت زیر است، بنابراین داریم:

$$I = I_{max} \sin \frac{2\pi}{T} t \xrightarrow{T=0,02s} I = 2 \sin \frac{2\pi}{0,02} t \rightarrow I = 2 \sin 100\pi t$$

۳۱۷ گزینه ۲

برای نوشتن معادله شدت جریان متناوب، باید مقدار I_{max} (جریان بیشینه) و دوره (T) را بدانیم. بنابراین با توجه به نمودار داده شده داریم:



$$I_{max} = 2A$$

$$\frac{T}{4} = 0,01 \Rightarrow T = 0,04s$$

$$I = I_{max} \sin \frac{2\pi}{T} t \xrightarrow{T=0,04s} I = 2 \sin \frac{2\pi}{0,04} t \Rightarrow I = 2 \sin 50\pi t$$

۳۱۸ گزینه ۴ در ابتدا معادله جریان متناوب را می‌نویسیم، سپس با قرار دادن مقدار $t = \frac{3}{400} s$ جریان را می‌یابیم.

$$I = I_{max} \sin \frac{2\pi}{T} t \Rightarrow I = 5 \sin \frac{2\pi}{150} \times \frac{3}{400}$$

$$\Rightarrow I = 5 \sin \frac{3\pi}{4} \Rightarrow I = \frac{5\sqrt{2}}{2} A$$

۳۱۹ گزینه ۳

$$I = 2 \sin 250\pi t \xrightarrow{t=2ms=2 \times 10^{-3}s} I = 2 \sin(250\pi \times \frac{2}{100}) = 2 \sin \frac{\pi}{2} = 2A$$

۳۲۰ گزینه ۳ با توجه به نمودار، $\frac{3T}{4} = 15ms$ است؛ پس داریم:

$$T = 20ms = 0,02s$$

$$I = I_m \sin \frac{2\pi}{T} t \xrightarrow{T=0,02s} I = 2 \sin \frac{\pi}{0,02} t = 100\pi t$$



پاسخنامه کلیدی

۱	۴	۴۱	۴	۸۱	۱	۱۲۱	۲	۱۶۱	۳	۲۰۱	۳	۲۴۱	۴
۲	۴	۴۲	۳	۸۲	۳	۱۲۲	۱	۱۶۲	۴	۲۰۲	۱	۲۴۲	۴
۳	۲	۴۳	۲	۸۳	۲	۱۲۳	۴	۱۶۳	۳	۲۰۳	۲	۲۴۳	۲
۴	۳	۴۴	۲	۸۴	۴	۱۲۴	۱	۱۶۴	۳	۲۰۴	۴	۲۴۴	۱
۵	۳	۴۵	۱	۸۵	۳	۱۲۵	۲	۱۶۵	۳	۲۰۵	۳	۲۴۵	۴
۶	۱	۴۶	۲	۸۶	۲	۱۲۶	۲	۱۶۶	۲	۲۰۶	۱	۲۴۶	۱
۷	۳	۴۷	۱	۸۷	۲	۱۲۷	۲	۱۶۷	۳	۲۰۷	۲	۲۴۷	۴
۸	۴	۴۸	۳	۸۸	۴	۱۲۸	۱	۱۶۸	۲	۲۰۸	۳	۲۴۸	۴
۹	۲	۴۹	۳	۸۹	۱	۱۲۹	۱	۱۶۹	۴	۲۰۹	۱	۲۴۹	۳
۱۰	۳	۵۰	۲	۹۰	۳	۱۳۰	۲	۱۷۰	۳	۲۱۰	۳	۲۵۰	۴
۱۱	۲	۵۱	۴	۹۱	۳	۱۳۱	۱	۱۷۱	۲	۲۱۱	۳	۲۵۱	۱
۱۲	۳	۵۲	۱	۹۲	۱	۱۳۲	۱	۱۷۲	۳	۲۱۲	۳	۲۵۲	۱
۱۳	۴	۵۳	۴	۹۳	۲	۱۳۳	۲	۱۷۳	۴	۲۱۳	۳	۲۵۳	۱
۱۴	۲	۵۴	۲	۹۴	۳	۱۳۴	۴	۱۷۴	۴	۲۱۴	۳	۲۵۴	۴
۱۵	۴	۵۵	۲	۹۵	۱	۱۳۵	۲	۱۷۵	۴	۲۱۵	۳	۲۵۵	۲
۱۶	۲	۵۶	۳	۹۶	۲	۱۳۶	۴	۱۷۶	۱	۲۱۶	۲	۲۵۶	۳
۱۷	۳	۵۷	۱	۹۷	۲	۱۳۷	۱	۱۷۷	۲	۲۱۷	۳	۲۵۷	۱
۱۸	۴	۵۸	۲	۹۸	۱	۱۳۸	۲	۱۷۸	۴	۲۱۸	۴	۲۵۸	۴
۱۹	۲	۵۹	۳	۹۹	۴	۱۳۹	۲	۱۷۹	۲	۲۱۹	۲	۲۵۹	۲
۲۰	۲	۶۰	۳	۱۰۰	۲	۱۴۰	۳	۱۸۰	۳	۲۲۰	۴	۲۶۰	۳
۲۱	۳	۶۱	۴	۱۰۱	۱	۱۴۱	۳	۱۸۱	۱	۲۲۱	۴	۲۶۱	۲
۲۲	۳	۶۲	۴	۱۰۲	۴	۱۴۲	۱	۱۸۲	۴	۲۲۲	۴	۲۶۲	۲
۲۳	۱	۶۳	۱	۱۰۳	۱	۱۴۳	۱	۱۸۳	۲	۲۲۳	۴	۲۶۳	۲
۲۴	۴	۶۴	۲	۱۰۴	۲	۱۴۴	۴	۱۸۴	۳	۲۲۴	۳	۲۶۴	۲
۲۵	۲	۶۵	۴	۱۰۵	۳	۱۴۵	۱	۱۸۵	۲	۲۲۵	۳	۲۶۵	۲
۲۶	۲	۶۶	۴	۱۰۶	۱	۱۴۶	۳	۱۸۶	۴	۲۲۶	۴	۲۶۶	۳
۲۷	۱	۶۷	۱	۱۰۷	۳	۱۴۷	۴	۱۸۷	۳	۲۲۷	۴	۲۶۷	۳
۲۸	۴	۶۸	۳	۱۰۸	۴	۱۴۸	۱	۱۸۸	۳	۲۲۸	۴	۲۶۸	۳
۲۹	۴	۶۹	۲	۱۰۹	۲	۱۴۹	۳	۱۸۹	۱	۲۲۹	۱	۲۶۹	۳
۳۰	۳	۷۰	۳	۱۱۰	۱	۱۵۰	۳	۱۹۰	۲	۲۳۰	۱	۲۷۰	۳
۳۱	۴	۷۱	۱	۱۱۱	۱	۱۵۱	۳	۱۹۱	۴	۲۳۱	۱	۲۷۱	۴
۳۲	۴	۷۲	۱	۱۱۲	۲	۱۵۲	۱	۱۹۲	۲	۲۳۲	۳	۲۷۲	۱
۳۳	۳	۷۳	۲	۱۱۳	۴	۱۵۳	۴	۱۹۳	۳	۲۳۳	۱	۲۷۳	۲
۳۴	۲	۷۴	۲	۱۱۴	۲	۱۵۴	۴	۱۹۴	۳	۲۳۴	۴	۲۷۴	۴
۳۵	۲	۷۵	۱	۱۱۵	۴	۱۵۵	۱	۱۹۵	۱	۲۳۵	۱	۲۷۵	۴
۳۶	۱	۷۶	۴	۱۱۶	۱	۱۵۶	۳	۱۹۶	۳	۲۳۶	۳	۲۷۶	۴
۳۷	۱	۷۷	۱	۱۱۷	۴	۱۵۷	۴	۱۹۷	۲	۲۳۷	۱	۲۷۷	۴
۳۸	۱	۷۸	۳	۱۱۸	۴	۱۵۸	۲	۱۹۸	۳	۲۳۸	۲	۲۷۸	۱
۳۹	۳	۷۹	۲	۱۱۹	۱	۱۵۹	۳	۱۹۹	۲	۲۳۹	۱	۲۷۹	۴
۴۰	۳	۸۰	۱	۱۲۰	۳	۱۶۰	۲	۲۰۰	۲	۲۴۰	۲	۲۸۰	۱



۲۸۱	Ⓒ	۲۸۷	Ⓐ	۲۹۳	Ⓐ	۲۹۹	Ⓒ	۳۰۵	Ⓐ	۳۱۱	Ⓐ	۳۱۷	Ⓑ
۲۸۲	Ⓓ	۲۸۸	Ⓓ	۲۹۴	Ⓑ	۳۰۰	Ⓑ	۳۰۶	Ⓐ	۳۱۲	Ⓓ	۳۱۸	Ⓓ
۲۸۳	Ⓑ	۲۸۹	Ⓑ	۲۹۵	Ⓓ	۳۰۱	Ⓑ	۳۰۷	Ⓓ	۳۱۳	Ⓐ	۳۱۹	Ⓑ
۲۸۴	Ⓑ	۲۹۰	Ⓑ	۲۹۶	Ⓑ	۳۰۲	Ⓐ	۳۰۸	Ⓓ	۳۱۴	Ⓐ	۳۲۰	Ⓑ
۲۸۵	Ⓑ	۲۹۱	Ⓓ	۲۹۷	Ⓓ	۳۰۳	Ⓑ	۳۰۹	Ⓐ	۳۱۵	Ⓑ		
۲۸۶	Ⓓ	۲۹۲	Ⓐ	۲۹۸	Ⓓ	۳۰۴	Ⓑ	۳۱۰	Ⓓ	۳۱۶	Ⓑ		



آزمون



کارنامه رتبه‌های بهرتر

رتبه‌های ا تا ۳۰۰۰



جزوه



فیلم



مشاوره



www.
arefonline.ir



مرکز مشاوره عارف

